

前回の講義で考えたのと同様に 2 準位系での上準位(励起準位) $E_n$ にある原子・分子の単位面積当たりの数密度を  $N_n$ 、下準位( $E_m$ )にあるそれを  $N_m$  としたとき、自然放出が単位時間あたりに起こる確率を  $A_{nm}$  とすると、この遷移確率をアインシュタインの A 係数という。この  $A_{nm}$  の逆数  $1/A_{nm}=t_{nm}$  を取ると、それは原子・分子が  $E_n$  にいる時間を表すので、 $E_n$  の寿命と言える。これを自然放出寿命と呼ぶ。 $E_n$  にある数密度  $N_n$  の単位時間あたり変化率は、 $dN_n/dt=-A_{nm}N_n=-(1/t_{nm})N_n$  となる。

次に誘導放出について考える。これは、上準位と下準位のエネルギー差に共鳴する周波数  $\nu_{nm}$  の光子による新たな光子の誘導である。誘導放出はエネルギー差に共鳴する周波数  $\nu_{nm}$  の光が入射することで起こる。よって誘導放出による単位時間あたりの遷移確率は入射光の単位周波数当たりのエネルギー密度  $\rho(\nu_{nm})$  に比例する。この比例定数をアインシュタインの B 係数と呼ぶ。ここで  $E_n$  から  $E_m$  へ誘導放出を起こす時の B 係数を  $B_{nm}$ 、 $E_m$  から  $E_n$  へ(誘導)吸収を起こす時の B 係数を  $B_{mn}$  と定義したとき、2 準位系の熱平衡状態でのボルツマン分布や、プランクの輻射場を考えると、以下のような関係式が導き出せる。

$$A_{nm} = \frac{8\pi h \nu_{nm}^3}{c^3} B_{nm}$$

$$B_{nm} = B_{mn}$$