Edisi Pertama

## Mekanika Kuantum

I Wayan Sudiarta

#### Mekanika Kuantum

Penulis: I Wayan Sudiarta

Halaman awal: 14

Halaman isi: 306 hlm.

Ukuran buku:  $148 \times 210 \text{ mm}$ 

Tata letak buku ini dibuat dengan LATEX

MikTeX 2019, editor TeXMaker

website: http://fisika.unram.ac.id/sudiarta

https://github.com/wayansudiarta/mekanikakuantum

e-mail: wayan.sudiarta@unram.ac.id

#### ©Copyleft.

Sebagai pengabdian kepada masyarakat Indonesia dan Dunia, pembaca dapat mencetak atau menyalin sebagian atau seluruh buku ini dalam bentuk elektronis maupun cetak tanpa izin tertulis dari penulis. Mohon etika ilmiah tetap dijaga dan plagiasi dihindari. Dilarang mengomersialkan buku ini tanpa izin penulis. https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/

ISBN: 978-623-7024-30-9 Penerbit: CV. Garuda Ilmu

### Dedikasi

Xandy, Arvin dan Utami

### Kata Pengantar

Mekanika kuantum bukanlah sebuah bidang ilmu yang mudah untuk dipahami. Dari semua bidang ilmu fisika yang ada, mekanika kuantum selalu dianggap paling sulit. Ada beberapa faktor yang menjadi penghambat dalam pemahaman mekanika kuantum yaitu:

- 1. Konsep-konsep yang ada di dalam mekanika kuantum tidak dapat atau tidak mempunyai analogi di fisika klasik atau yang kita jumpai sehari-hari, terkadang konsep kuantum terlihat aneh, ajaib dan tidak masuk akal.
- 2. Mempelajari mekanika kuantum memerlukan pemahaman bahasa matematika yang lebih banyak dari bidang ilmu fisika lain.
- 3. Buku-buku yang tersedia, khususnya di Indonesia, belum memberi penjelasan tentang konsep-konsep dasar mekanika kuantum.

Dalam mempelajari ilmu fisika, kita perlu selalu mengingatkan diri kita bahwa ilmu fisika seperti mekanika kuantum tidaklah mudah dipelajari, sehingga memerlukan waktu yang lebih banyak untuk memahami konsep-konsepnya.

Oleh karena itu, sebaiknya setiap bab tidak dibaca dengan cepat. Bacalah perlahan, seksama dan ingatkan bahwa kita perlu memahami (bukan menghafal) dan sebaiknya tidak melompati bab-bab awal sebelum memahami isinya. Selain itu, latihan dengan mencoba banyak soal-soal perlu dilakukan untuk memperkuat pemahaman konsep.

Sebuah pernyataan yang perlu diingat (diambil dari (Bowman, Ref. 1)) yaitu:

One doesn't understand the physics unless one can solve problems.

dan

Just solving problems, without the capacity to lucidly discuss those problems and the attendant concepts and ideas, may also indicate insufficient understanding.

Mandl (Ref. 2) juga menyatakan bahwa:

The difficulties of learning and understanding quantum mechanics are largely conceptual. We have no direct experience of atoms and molecules, and we must not visualize them as tiny scaled-down versions of classical macroscopic objects. To argue by analogy in this way is usually totally misleading. These conceptual difficulties lead one to start a systematic account of quantum mechanics with a more abstract mathematical formulation.

Untuk mempermudah pemahaman konsep-konsep kuantum dan meringankan beban operasi serta penurunan matematis, penggunaan sistem aljabar komputer Maxima ditambahkan di akhir buku ini (bab 14). Pembaca bisa bereksperimen dengan bantuan Maxima dan mengeksplorasi kasuskasus atau permasalahan yang tidak mudah dilakukan dengan penurunan secara manual.

Buku ini dibagi menjadi beberapa bagian yaitu

- Bab 1 3 merupakan bagian pengenalan tentang konsep-konsep mekanika kuantum dan mengulang kembali atau mengingatkan kembali tentang konsepkonsep mekanika klasik yang akan digunakan untuk formulasi mekanika kuantum khususnya topik tentang formulasi Hamilton.
- Bab 4 dan 5 merupakan materi inti yang memberikan konsep dan formulasi kuantum serta penurunan persamaan Schrödinger.
- Bab 6, 7, dan 10-12 memberikan solusi persamaan Schrödinger untuk berbagai kasus dan pendekatan.
- Bab 8, 9, dan 13 menjelaskan konsep-konsep tambahan seperti notasi Dirac, momentum angular dan sistem partikel banyak yang berguna untuk pemahaman matematis dan aplikasi mekanika kuantum.
- Bab 14 memberikan contoh-contoh penggunaan sistem aljabar komputer Maxima untuk mekanika kuantum. Pengenalan tentang Maxima diberikan di lampiran.

Agar dapat membantu pemahaman dan penerapan mekanika kuantum, *errata* dan materi tambahan untuk buku ini dapat diakses secara daring di https://github.com/wayansudiarta/mekanikakuantum.

Buku ini sudah pasti memiliki kesalahan-kesalahan walaupun sudah lama dikerjakan. Penulis berharap mendapatkan feedback dari pembaca mengenai kesalahan ataupun saran serta pertanyaan sehubungan dengan mekanika kuantum. Penulis dengan senang hati membantu pembaca memahami mekanika kuantum.

Semoga buku ini bermanfaat bagi seluruh umat manusia, khususnya mahasiswa Indonesia.

Oktober 2019, Penulis

### Ucapan Terima Kasih

"I feel I am lucky. I am grateful for this life that God has given me. I am happy, as I am getting to do work that I want to do and enjoy doing it."

- Sonam Kapoor

Penulis bersyukur kepada Tuhan Yang Maha Esa atas probabilitas serta ekspektasi penyelesaian buku ini yang cukup besar pada akhir tahun 2019.

Buku ini berkembang dari catatan-catatan kuliah fisika kuantum di Program Studi Fisika Fakultas MIPA Universitas Mataram. Oleh karena itu selama penulisan buku ini banyak mahasiswa yang secara langsung dan tidak langsung memberikan masukan terhadap perbaikan buku ini. Khususnya terimakasih disampaikan kepada Muji Juherwin, Adji S. Pamungkas, Nanik Andelita, Rohma Yuliani, Robiatul Adawia, Iyan Islamiyati serta mahasiswa-mahasiswa yang tergabung di Kelompok Teori dan Komputasi yang tidak mungkin disebutkan namanya semua.

Terimakasih kepada Ibu Dian W. Kurniawidi yang membantu memperbaiki tulisan serta memberikan saran-saran penjelasan tentang konsep-konsep mekanika kuantum.

Penulisan dan riset untuk buku ini didukung oleh Hibah Penelitian Dasar Berbasis Kompetensi Kementerian Riset, Teknologi dan Pendidikan Tinggi tahun 2019 dengan kontrak No. 1883/UN18.L1/PP/2019.

Terimakasih kepada istri tercinta, Putu Oka Utami dan anak-anak terkasih, Arvin dan Xandy atas semua cinta dan kasih sayangnya sehingga penulis bersemangat menyelesaik-an buku ini.

Akhir kata, penulis ucapkan terimakasih kepada pembaca yang membantu menyempurnakan buku ini dan memaklumi bahwa kesempurnaan bisa diperoleh setelah kesalahan sudah diperbaiki.

Terima kasih, Penulis

### Biografi Penulis

I Wayan Sudiarta. Saya lahir di Kota Mataram pada bulan Nopember tahun 1975. Saya sekolah dari tingkat dasar sampai menengah atas di SDN 28 Mataram (lulus tahun 1987), SMPN 2 Mataram (1990) dan SMAN 1 Mataram (1993). Kemudian saya melanjutkan studi di Universitas Gadjah Mada pada tahun 1993, di RMIT University pada tahun 1994 - 1997, di University of



Sydney pada tahun 1998 dan di Dalhausie University pada tahun 1999 - 2003. Selanjutnya saya bekerja sebagai *postdoc* dan *research fellow* di Dalhousie University pada tahun 2003 - 2009. Setelah itu, saya kembali ke Indonesia dan menjadi dosen di Program Studi Fisika Fakultas MIPA Universitas Mataram sampai saat ini.

# $Daftar\ Isi$

D	edika	asi	i
K	ata I	Pengantar	iii
U	capa	n Terima Kasih	vii
Bi	iogra	fi Penulis	ix
D	aftar	Isi	x
1	Pen	dahuluan	1
2	Me	kanika Klasik	11
	2.1	Formulasi Newton	12
	2.2	Koordinat Umum	13
	2.3	Formulasi Lagrange	15
	2.4	Formulasi Hamilton	20
3	Fen	omena-Fenomena Kuantum	27
	3.1	Radiasi Benda Hitam	28
	3.2	Efek Fotolistrik	36
	3.3	Efek Compton	40
		206	

ΙV	Vayan	Sudiarta   Mekanika Kuantum
	3.4	Spektrum Atom Hidrogen 42
	3.5	Hipotesis de Broglie
4	Kea	adaan Sistem Kuantum 51
	4.1	Fungsi Gelombang
	4.2	Observable dan Operator 57
	4.3	Nilai Ekspektasi 61
	4.4	Sifat Operator Hermitian 62
	4.5	Persamaan Eigen 63
	4.6	Komplementaritas dan Ketidakpastian 71
5	Per	samaan Schrödinger 81
	5.1	Fungsi Gelombang dengan Momentum Tertentu 81
	5.2	Operator Momentum dan Energi 83
	5.3	Persamaan Schrödinger
	5.4	Sifat-Sifat Fungsi Gelombang Solusi Persama-
		an Schrödinger
	5.5	Konservasi Probabilitas 90
	5.6	Teorema Ehrenfest
	5.7	Persamaan Schrödinger Tidak Bergantung
		Waktu
6	Sol	usi Persamaan Schrödinger Dimensi Satu 101
	6.1	Partikel Bebas
	6.2	Potensial Tangga
	6.3	Potensial Penghalang Persegi 109
	6.4	Sumur Potensial Persegi Tak Berhingga 116
	6.5	Sumur Potensial Persegi Berhingga 123
7	Osi	lator Harmonik 131
		Sistem Massa-Pegas

	7.2	Pendekatan Potensial Osilator Harmonik	132
	7.3	Persamaan Schrödinger untuk Potensial Har-	
		monik	133
	7.4	Metode Aljabar	134
	7.5	Metode Analitik	141
8	Not	tasi Dirac, Representasi Vektor dan Ma-	
	triks	S	151
	8.1	Bra-Ket	152
	8.2	Representasi Posisi dan Fungsi Gelombang $% \left( 1\right) =\left( 1\right) \left( 1\right$	158
	8.3	Nilai Ekspektasi	159
	8.4	Representasi Vektor dan Matriks	161
	8.5	Sifat-sifat Matriks dan Definisi	164
	8.6	Contoh Harmonik Osilator	165
9	Mor	nentum Angular	175
	9.1	Momentum Angular Umum	188
	9.2	Spin	194
	9.3	Representasi Matrik	195
<b>10</b>	Solu	ısi Persamaan Schrödinger Dimensi Tiga	203
	10.1	Sebuah Partikel pada Sumur Potensial Kotak	
		3D	203
	10.2	Atom Hidrogen	207
11	Met	ode Perturbasi	219
	11.1	Perturbasi Tidak Bergantung Waktu	220
	11.2	Perturbasi Bergantung Waktu	230
<b>12</b>	Met	ode Variasi	237
	12.1	Metode Rayleigh-Ritz	240

<b>13</b>	Sist	em dengan Partikel Identik, Boson dan	
	Ferr	nion	<b>24</b> 5
	13.1	Fungsi Gelombang Dua Partikel Identik	246
	13.2	Fungsi Gelombang Partikel Banyak	249
14	Max	kima untuk Mekanika Kuantum	257
	14.1	Radiasi Benda Hitam	257
	14.2	Hukum Wien	259
	14.3	Fungsi Gelombang, Operator dan Nilai Eks-	
		pektasi	
	14.4	Representasi Fungsi dengan Fungsi Basis	263
		Solusi Persamaan Schrödinger	
		Potensial Tangga	
		Potensial Penghalang	
		Sumur Potensial	
		Visualisasi Fungsi Spherical Harmonics	
		OOperator $\hat{a}_{\pm}$	281
	14.11	1Representasi Matriks Operator dan Nilai Ei-	
		gen dan Vektor Eigen	
	14.12	2Metode Perturbasi	285
Da	aftar	Pustaka	287
A	Kon	stanta Fisika	<b>2</b> 89
В	Kon	sep dan Persamaan Matematis	291
	B.1	Trigonometri	291
	B.2	Rumus-rumus Turunan	292
	B.3	Rumus-rumus Integral	293
	B.4	Bilangan Kompleks	293

	Pengenalan Maxima			
	C.1	Instalasi	296	
	$C_{2}$	Mari Kita Mulai	297	