Machine Learning (2)

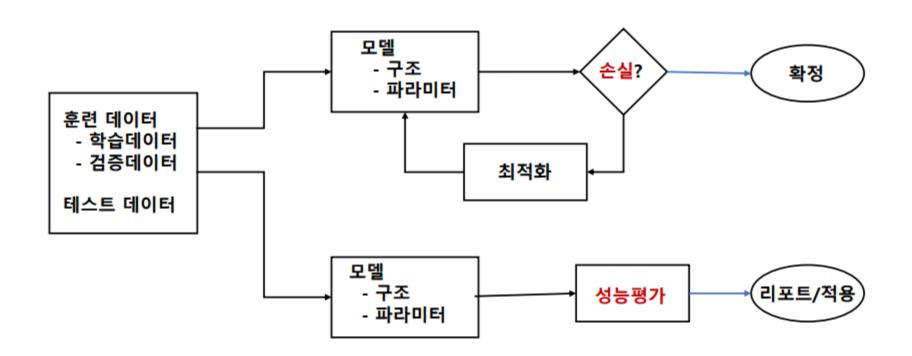
2019.10

References:

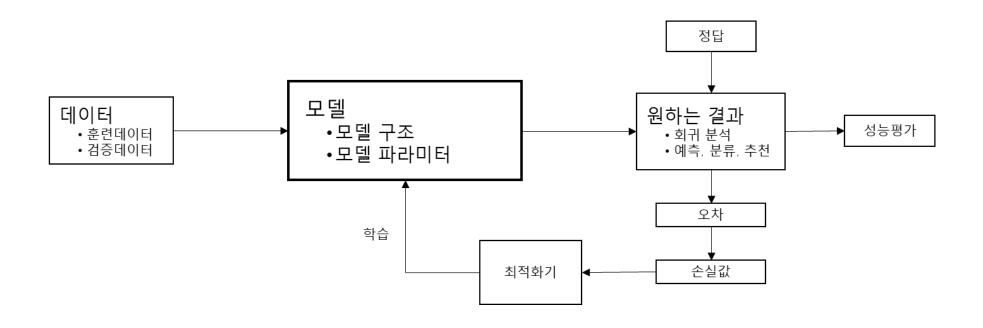
- KPC, DSAC(Data Scientist Academy & Certificate) Manual, 2019
- many internet sites

모델의 동작

Machine learning (기계학습) Model



모델의 학습



손실 함수

- 손실함수 (Loss Function or Error Function)
 - 모델의 예측값과 실제 값과의 차이, 즉 오차(error)를 계산
- 이 오차를 줄이는 방향으로 모델을 최적화(학습) 한다
- 회귀분석에서 많이 사용하는 손실함수
 - 오차 자승의 합의 평균치(MSE: mean square error)

$$MSE = \sum_{k=1}^{N} (y - \hat{y})^2$$

- N: 배치 크기
- 배치 크기 같은 설정 환경 변수를 hyper parameter라고 한다.
 - hyper parameter : 사람이 선택하는 변수
 - parameter : 기계 학습으로 자동으로 갱신되는 변수

분류의 손실 함수

- 분류에서는 손실함수로 MSE를 사용하는 대신 정확도(accuracy)를 손실함수로 사용할 수 있다
 - 예) 100명에 대해 남녀 분류 문제
 - 96명을 맞추고 4명을 오 분류: 정확도 0.96
 - 그러나 정확도를 손실함수로 사용하는 데에는 다음과 같은 문제가 있다
- · Category 분포 불균형시 문제
 - 예)
 - · Group : 남자 95명, 여자 5명
 - 오 분류 케이스 남자 1명, 여자 3명
 - 정확도는 여전히 0.96 :
 - ・ 문제: 여자의 경우, 5명 중 3명을 오 분류 → 결과 심각
 - 데이터 분포가 비대칭인 상황 : 질병 진단의 경우 자주 발생
 - 손실을 제대로 측정하지 못함
 - 이를 보완하기 위해서 크로스 엔트로피(cross entropy)를 사용
 - Category가 둘 이상인 경우에도 동일한 개념으로 적용 가능

크로스 엔트로피(Cross Entropy) 개념

$$CE = \sum_{i} p_i \log(\frac{1}{r})$$
 문포 간의 차이 불확실성 (분류의 에러 정도)

주어진 임의 변수 (실제와 예측)에 대한 두 확률

- p_i : 어떤 사건이 일어날 실제 확률, p_i ': 예측한 확률
- 남녀가 50명씩 같은 경우

$$CE = -0.5 \times \log(\frac{49}{50}) - 0.5 \times \log(\frac{47}{50}) = 0.02687$$

남자가 95명 여자가 5명인 경우

$$CE = -0.95 \times \log(\frac{94}{95}) - 0.05 \times \log(\frac{2}{5}) = 0.17609$$

Binary Cross Entropy Loss

$$L = -y * \log(p) - (1 - y) * \log(1 - p) :$$

- y: output label (0 and 1), p: predicted probability
- 즉, 확률 분포에 대한 엔트로피 값이 클수록 분포의 불확실성이 커지고, 마찬가지로 값이 작을수록 더 확실한 분포를 나타낸다.

$$L = -y * \log(p) - (1 - y) * \log(1 - p) = \begin{cases} -\log(1 - p), & \text{if } y = 0 \\ -\log(p), & \text{if } y = 1 \end{cases}$$

• 이를 Log-loss 라고도 함. 확률 p를 계산하기 위해 시그모이드 함수를 사용할 수 있다. 여기서 z는 input feature 의 함수이다.

$$S(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

Binary Cross Entropy Loss

Binary cross entropy loss function:

$$J(\hat{y}) = rac{-1}{m} \sum_{i=1}^m y_i \log(\hat{y}_i) + (1-y_i)(\log(1-\hat{y})$$

where

m = number of training examples

y = true y value

 $\hat{y} = \text{predicted y value}$

$$\int \frac{1}{\sqrt{2}} = -\frac{1}{2}y \cdot \ln(\sigma(z)) + (1-y) \cdot \ln(1-\sigma(z)) \frac{1}{2}$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{2}} = -\frac{1}{1+e^{-z}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = -\frac{1}{1+e^{-z}} \cdot e^{-z} \cdot (-1)$$

$$= \frac{e^{z}}{(1+e^{-z})^{2}} = \frac{1}{1+e^{-z}} \cdot \frac{1+e^{z}}{1+e^{-z}}$$

$$= \sigma(z) (1-\sigma(z))$$

$$\frac{dJ}{dZ} = -\frac{y}{\sqrt{2}} \cdot \sigma(z) + \frac{1-y}{1-\sigma(z)} \cdot (1) \sigma(z) \int \frac{dz}{1-\sigma(z)}$$

$$= -\frac{y}{(1-\sigma(z))} \cdot \frac{1-y}{(1-y)} \cdot \sigma(z)$$

$$= -\frac{y}{(y-y) \cdot \sigma(z)} - \sigma(z) + \frac{y}{(z)} \cdot \sigma(z)$$

$$= \sigma(z) - y$$

배치와 이포크

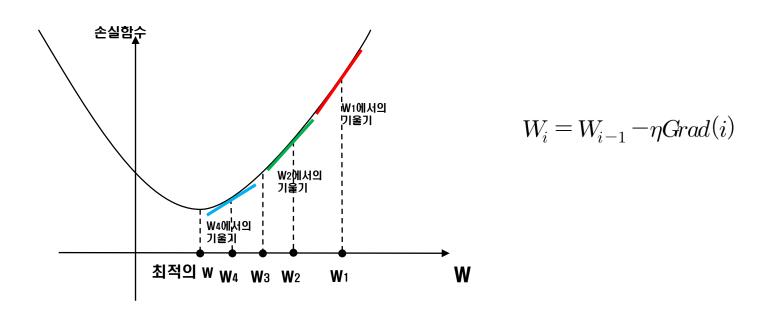
- · 배치(Batch) 크기 : 한번 학습에 사용하는 샘플 수
- 예를 들어, 총 1,000개의 데이터로 예측 모델을 만들 때, 한번에 1,000개의 의 데이터를 모두 입력하여 손실함수를 구하고 학습을 시키는 것은 비효율적
 - 배치 크기가 클수록 학습이 정교하고, 기울기를 정확히 구할 수 있으나 계산량이 많아진다.
 - 한번에 필요한 메모리 사용량이 많아 메모리 오류가 날 가능성이 높다
 - 일반적으로 훈련 데이터를 일정 크기의 배치 단위로 나누어 학습을 시키는 것
 이 효과적
- 배치 크기가 작을 때에는 기울기가 상대적으로 정확하게 계산되지 못하므로 학습률도 작게 잡는 것이 좋다

배치와 이포크

- 이포크(Epoch) : 주어진 훈련 데이터 전체를 한번 학습에 사용하는 것
- 학습에 주어진 1,000개의 훈련 데이터를 모두 학습에 사용하였어도 아직 최적의 모델 파라미터를 찾지 못했으면 주어진 데이터를 다시 반복하여 사 용할 필요 있다
 - 머신러닝에서는 일반적으로 여러 이포크를 수행

훈련 방법: 최적화 - 경사 하강법

- 경사 하강법(Gradient Descent)
 - 가장 일반적인 최적화 알고리즘
 - 손실함수를 계수에 관한 그래프로 그렸을 때 최소값으로 빨리 도달하기 위해서는 현재 위치에서의 기울기(미분값)에 비례하여 반대방향으로 이동



경사 하강법의 원리

$$\underline{W}(n+1) = \underline{W}(n) - \mu \frac{\partial e^{2}(n)}{\partial \underline{W}(n)}$$

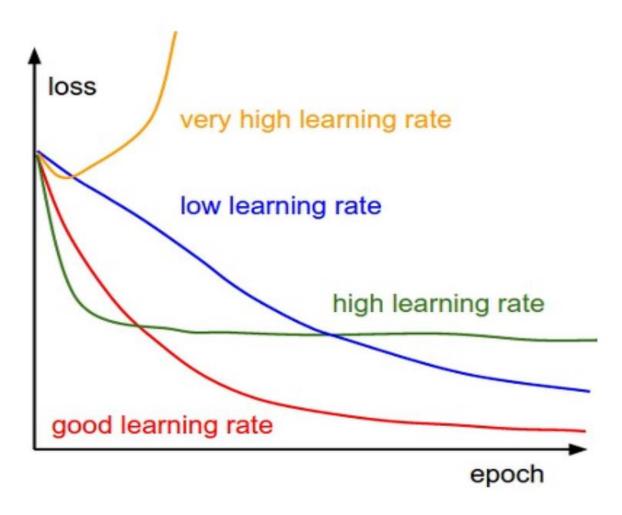
$$= \underline{W}(n) - \mu \frac{\partial e^{2}(n)}{\partial e(n)} \cdot \frac{\partial e(n)}{\partial \underline{W}(n)}$$

$$= \underline{W}(n) - 2\mu e(n) \cdot \frac{\partial \left[d(n) - \underline{W}^{T}(n) \cdot \underline{X}(n)\right]}{\partial \underline{W}(n)}, \qquad \frac{\partial \underline{A}^{T} \cdot \underline{B}}{\partial \underline{A}} = \underline{B}$$

$$= \underline{W}(n) + 2\mu e(n)\underline{X}(n)$$

학습률 (Learning Rate)

- · 학습률: 계수를 업데이트 하는 속도를 조정하는 변수
 - 학습률이 너무 작으면 수렴하는데 시간이 오래 걸리지만 최저점에 도달했을 때 흔들림 없이 안정적인 값을 얻게 되고,
 - 학습률을 너무 크게 정하면 학습하는 속도는 빠르나 자칫하면 최저점으로 수렴하지 못하고 발산하거나 수렴하더라도 흔들리는 오차가 남아있을 수 있다.
- · 학습 스케줄(learning schedule) 기법
 - 초기에는 학습률을 크게 정하고 (학습률을 빠르게 하고) 오차가 줄 어들면 학습률을 줄여서 안정상태(steady state)의 오차를 줄이 는 방법



출처: https://unabated.tistory.com/1122

5

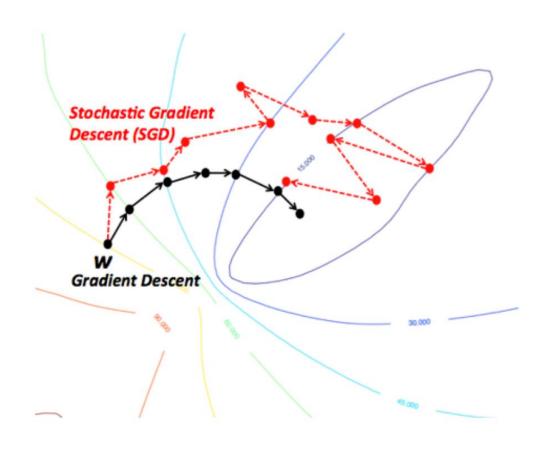
경사하강법 특징

- · 경사하강법을 적용하려면 특성 변수들을 모두 동일한 방식으로 스케일 링해야 한다.
- 특성 값마다 크기의 편차가 크면 특정 변수에 너무 종속되어 동작할 수 있고 이로 인해 수렴속도가 직선이 되지 않고 오래 걸릴 수가 있다.
- Local minimum 에 머무를 수 있음.
- 배치 사이즈가 커지면 시간이 오래 걸림.

경사하강법

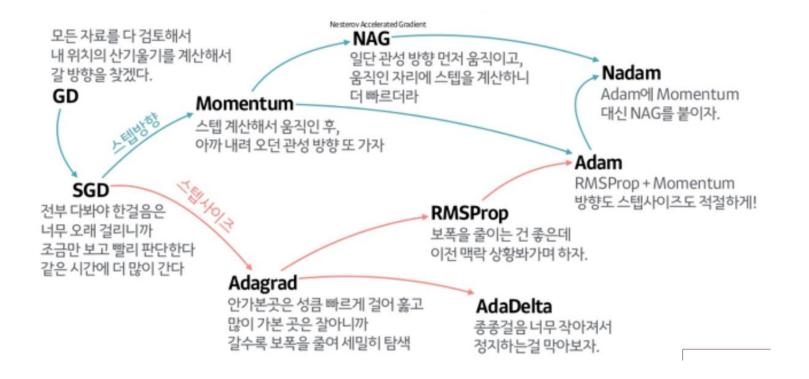
- 배치(Batch) GD (or Mini Batch GD)
 - 일반적으로 배치 GD방식을 많이 사용하는데, 적절한 크기 (10~ 1,000)의 배치단위로 입력 신호를 나누어 경사하강법을 적용하는 방식이다.
- SGD (확률적 경사하강법: Stochastic GD)
 - 한 번에 한 샘플씩 랜덤하게 골라서 훈련에 사용하는 방법이다.
 - 즉 샘플을 하나만 보고 계수를 조정한다. 계산량이 적어 동작속 도가 빠르고, 랜덤한 방향으로 학습을 하므로 전역 최소치 (global minimum)를 찾을 가능성이 높아진다.
 - 매 샘플이 너무 랜덤하여 방향성을 잃고 수렴하는데 시간이 오 래 걸릴 가능성도 있다. 노이즈가 심함.
 - In Python, use different Loss function and penalty
 - SGDClassifier() for classification
 - SGDRegressor() for regression

GD and Stochastic **GD**



출처: https://unabated.tistory.com/1122

Other Optimizers



출처: https://unabated.tistory.com/1122

학습률 (Learning Rate)

- 학습률: 학습 속도를 조정하는 변수
 - 학습률이 너무 작게 잡으면
 - 수렴하는데 시간이 오래 걸리지만 최저점에 도달했을 때 흔들림 없이 안정적인
 값을 얻을 수 있다
 - 학습률을 너무 크게 정하면
 - 학습하는 속도는 빠르나 자칫하면 최저점으로 수렴하지 못하고 발산하거나 수 렴하더라도 흔들리는 오차가 남아있을 수 있다.
- 학습 스케줄(learning schedule) 기법
 - 초기에는 학습률을 크게 정하고(학습을 빠르게 하고), 오차가 줄어들면 학습률을 줄여서 안정 상태(steady state)의 오차를 줄이는 방법

경사 하강법 특징

- · 경사하강법을 적용하려면 특성 변수들을 모두 동일한 방식으로 스케일 링해야 한다.
- 특성 값마다 크기의 편차가 크면
 - 특정 변수에 너무 종속되어 동작할 수 있고 이로 인해 수렴속도가 직선이되지 않고 오래 걸릴 수가 있다.

경사 하강법의 종류

- **배치(**Batch) GD
 - 일반적으로 배치 GD방식을 많이 사용하는데, 적절한 크기의 배치 단위로
 입력 신호를 나누어 경사 하강법을 적용하는 방식
- SGD (확률적 경사 하강법)
 - 한 번에 한 샘플씩 랜덤하게 골라서 훈련에 사용하는 방법
 - 즉 샘플을 하나만 보고 계수를 조정
 - 계산량이 적어 동작속도가 빠르고, 랜덤한 방향으로 학습을 하므로 전역 최
 소치를 가능성이 높아진다
 - 매 샘플이 너무 랜덤하여 방향성을 잃고 수렴하는데 시간이 오래 걸릴 가능
 성도 있다

모델의 성능 지표

- · 모델의 성능을 평가하는 척도 필요
- 분류에서는 성능 척도로 정확도(accuracy)를 주로 사용
 - (참고) 분류에서 손실함수로 크로스 엔트로피를 주로 사용
- 손실함수와 성능 지표의 차이점
 - 손실함수 :
 - 모델을 훈련시킬 때의 기준
 - 모델은 손실함수를 최소화 하는 방향으로 학습
 - 성능 지표
 - · 이렇게 만든 모델이 궁극적으로 <mark>얼마나 잘 동작하는</mark>지를 평가하는 척도
 - 예) 과속단속을 통한 교통사고율을 줄이는 작업
 - ・ 손실함수에 해당 : 과속 단속
 - ・ 성능 평가 지표(궁극적 목표) : 교통 사고를 줄이는 것 → 교통 사고율 측정

모델의 성능 지표

- MSE(또는 RMSE)
 - 키를 예측 : RMSE = 5.7
 - 몸무게를 예측: RMSE = 3.8
 - 단순히 RMSE 값만으로는 각각 성능이 얼마나 우수한 지 알기 어렵다
 - 또한 서로 데이터의 성격, 범위가 다르므로 상호 객관적 비교 평가도 어렵다
- \bullet R^2
 - 회귀분석에서 어떠한 모델에서도 동일한 의미의 성능평가 척도
 - · 데이터 종류와 값의 크기 범위와 관계없이 성능 평가를 객관적
 - 실제 값을 잘 예측 (= 1)
 - 평균치 예측 정도의 수준 (= 0)
 - 평균치 예측만도 못한 수준 (= 음수)

대표적인 손실함수와 성능지표

	손실 함수	성능 지표	
정 의	손실함수를 줄이는 방향으로 <mark>학습</mark>	성능을 높이는 것이 머신러닝을 사용하는 최종 목적	
회귀 모델	MSE (Mean Square Error)	R^2	
분류 모델	CE(크로스 엔트로피)	정확도(accuracy), 정밀도 (precision), 재현률(recall), F1-Score, ROC, AUC	

Regression (회귀)

Regression (회귀) - 예측, 분류

- ❖ What to reduce? (Loss Function: 손실함수)
 - MSE (Mean Square Error)

$$MSE = \sum_{k=1}^{N} (y - \hat{y})^2$$

- ❖ How Good it is? (Performance: 성능지표)
 - R² (R-Squared)

$$SS_{ ext{res}} = \sum_i (y_i - f_i)^2 = \sum_i e_i^2 \ SS_{ ext{tot}} = \sum_i (y_i - f_i)^2 = \sum_i e_i^2 \ SS_{ ext{tot}} = \sum_i (y_i - ar{y})^2$$

Classification (분류)

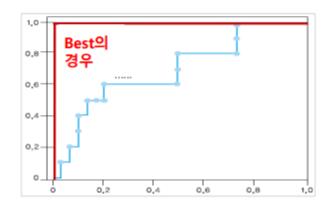
Classification (분류)

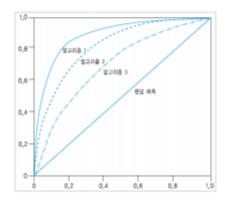
- ❖ What to reduce? (Loss Function: 손실함수)
 - **Cross Entropy (CE)**
 - Gini (지니계수)

$$CE = \sum_{i} p_i \log(\frac{1}{p_i}) \qquad Gini = 1 - \sum_{k=1}^{m} p_k^2$$

$$Gini = 1 - \sum_{k=1}^{m} p_k^2$$

- ❖ How Good it is? (Performance: 성능지표)
 - Confusion Matrix: Accuracy, Recall, Precision, F-1 Score
 - Ranking(순서): ROC (Receiver Operating Characteristic), AUC (Area Under Curve)





분류 모델의 성능 지표

- 정확도(accuracy): 정확하게 예측한 비율을 의미
 - accuracy = (TP+TN) / 전체 경우의 수(N)

실제 / 예측	암(예측)	정상(예측)	합계
암환자(실제)	6 (TP)	4 (FN)	10
정상(실제)	2 (FP)	188 (TN)	190
합계	8	192	200

- 암진단 정확도 = (6 + 188)/200 = 194/200 = 0.97 => 97%
- 오류율 = 1-accuracy = 0.03 => 오진율은 3%
- 리콜(recall): 관심 대상을 얼마나 잘 찾아내는가
 - recall = TP / (TP+FN)
 - 실제 암 환자 발견률 = 6 / (6+4) = 0.6 => 60%
- 정밀도(precision): 예측의 정확도
 - precision = TP / (TP+FP) = 6 / (6+2) = 0.75 => 75%

모델의 성능 지표

- recall과 precision의 두 가지 지표를 동시에 높이는 것은 어려움,
- F1은 이러한 두 요소를 동시에 반영한 새로운 지표임
- F1은 recall과 precision의 조화 평균을 구한 것

$$F1 = \frac{2 \times precision \times recall}{precision + recall}$$

- 두 지표의 값이 각각 0.5와 0.7일 때
 - 산술 평균 c=(a+b)/2=(0.5)+(0.7)/2=0.6
 - 조화 평균 c=2ab/(a+b)=0.7/1.2=0.58
- 두 지표의 값이 각각 0.9와 0.3일 때
 - 산술 평균 c=(a+b)/2=(0.9)+(0.3)/2=0.6
 - 조화 평균 c=2ab/(a+b)=0.54/1.2=0.45

머신러닝 유형

- 머신러닝의 유형
 - 비지도학습 (Unsupervised Learning): no target variable
 - 군집화 (Clustering)
 - 차원축소 (Dimension Reduction)
 - 지도학습 (Supervised Learning): with target
 - 회귀 (Regression): y is continuous
 - · 분류 (Classification): y is categorical
 - 강화학습 (Reinforcement Learning)

데이터 분석의 유형 – 지도 학습

- · 지도 학습(Supervised learning)
 - 입력 값(x)과 정답(y, label)를 포함하는 훈련용 데이터(training data)
 를 이용하여 학습하고, 그 학습된 결과를 바탕으로 미지의 데이터(test data)에 대해 미래 값을 예측(predict)하는 방법
 - 회귀나 분석 등 예측 모델은 시간이 지나면 정답을 확인할 수 있고, 모델의 성능에 대한 정확한 평가가 가능
 - 정답에 해당하는 값 : 목적변수(target variable), 레이블(label)
 - 회귀:수치 값
 - 분류 : 카테고리 변수
 - 예) 스팸 메일 분류기의 학습
 - 수집한 데이터로부터 어떤 메일이 스팸이었는 지 정답 샘플도 같이 주어져야 한다.

데이터 분석의 유형 – 지도 학습

- · 회귀 (Regression)
 - 수치를 예측하는 것
- 회귀 분석의 응용
 - 경제지표 예측
 - 사회학 연구
 - 마케팅
 - 의학에서 치료효과 분석
- 회귀 분석 알고리즘
 - 선형회귀
 - KNN
 - SVM
 - 로지스틱 회귀
 - 랜덤 포레스트
 - _ 신경망

데이터 분석의 유형 – 지도 학습

분류

- 어떤 항목(item)이 어느 그룹에 속하는지를 판별
- 이진 분류(binary classification)
 - 두 가지 카테고리를 나누는 작업
- 다중 분류(multiclass classification)
 - 세 개 이상의 클래스를 나누는 작업

• 분류의 응용

- 스팸 메일/우수 고객/충성심 높은 신입사원/투자할 좋은 회사 구분
- 매장 입장 고객의 타입 분류
 - 물건을 구매, 단순히 구경, 항의 고객인지 판단하여 적절한 대응
- 과거의 구매 이력/SNS 등을 분석하여 구매 확률이 높은 고객 구분
 - 광고 안내문, 기념품을 잠재 고객에게 보낼 때 필요

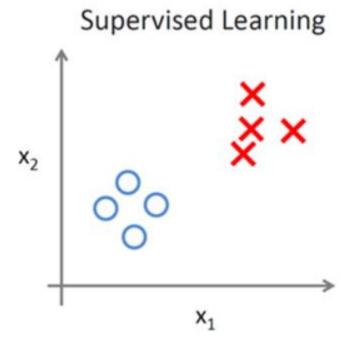
데이터 분석의 유형 – 비지도 학습

- · 비지도 학습(Supervised learning)
 - 정답(label)은 없고 입력 데이터만 있는 훈련용 데이터(training data)를 이용한 학습을 통해 정답을 찾는 것이 아닌 입력 데이터의 패턴, 특성 등을 발견하는 방법
 - 데이터의 특성을 기술하는 서술형 모델

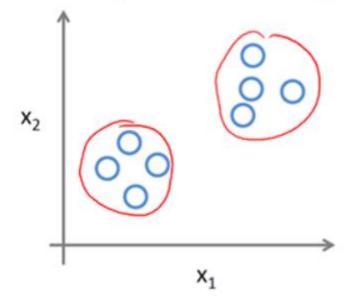
• 기법

- 군집화(clustering)
 - 유사한 항목들을 같은 그룹으로 묶는다
- _ 시각화
 - 데이터의 속성을 명확하게 시각화하기 위해서 고차원의 특성 값들을 2차원이
 나 3차원으로 차원을 축소하는 작업
- 데이터 변환
 - 데이터를 분석하기 좋게 다른 형태로 변환
- 주성분 분석(PCA)
 - 머신 러닝에 사용할 특성의 수를 줄인다.

지도 학습 vs 비지도 학습



Unsupervised Learning



데이터 분석의 유형 - 강화 학습

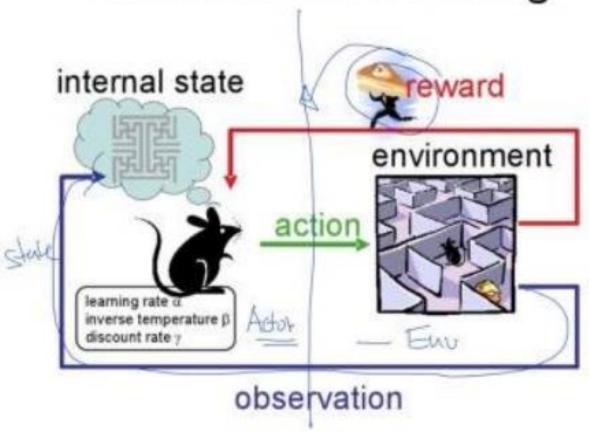
- · 강화 학습(Reinforcement learning)
 - 입력 샘플마다 정답이 있어 답을 알려주는 것이 아니라 일정 기간 동안의 행동(action)에 대해 보상(reward)을 해 줌으로써 어느 방향으로 학습해야하는 지 방향성만 알려주는 학습 방법

• 응용 예

- 게임의 경우 매 입력시마다 답을 주지는 못하지만, 게임을 이기고 있는 지,
 지고 있는 지를 알려 줌
 - 스스로 게임을 잘 수행하는 방법을 터득
- 로봇이 혼자 그네 타는 방법, 바둑 두는 방법을 터득
- Alphago(바둑 프로그램)

강화 학습

Reinforcement Learning

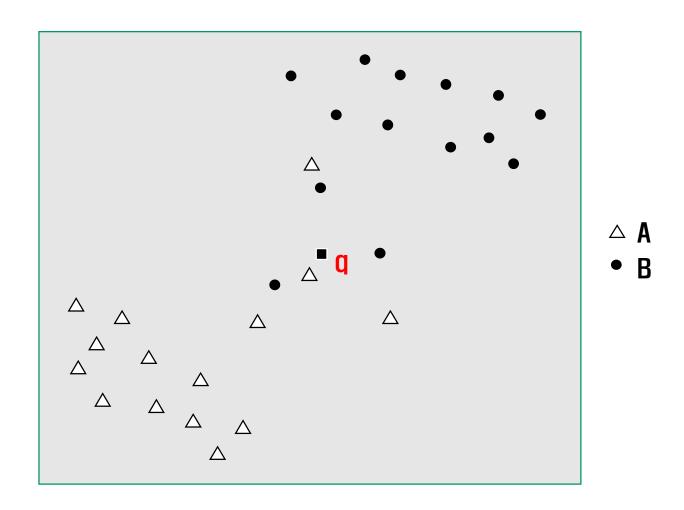


kNN

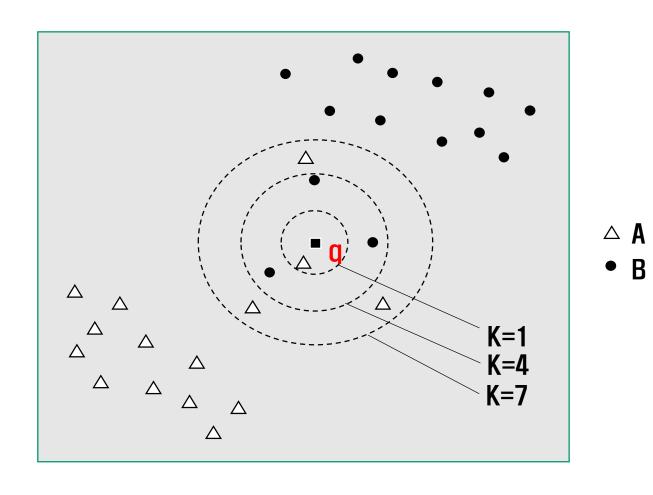
kNN (k-Nearest Neighbor)개요

- · kNN 알고리즘
 - 주어진 샘플의 특성 값과 가장 가까운 특성을 가진 이웃(neighbor)을 k개 선택
 - 선택된 이웃들 레이블의 평균치로 이 샘플이 속할 category를 예측
- 직관적으로 이해하기 쉬운 분류 알고리즘으로 추천 시스템에서 많이 사용
 - 적절한 추천을 하기 위해서 추천을 요청한 사람의 성향을 특성들로 파악
 - 그 사람과 가장 성향이 유사한 k명의 사람들이 좋아하는 품목을 추천
- 협업 필터링(collaborative filtering)
 - 서점에서 도서 추천
 - 먼저 추천 고객 A와 독서 취향이 비슷한 사람들의 그룹을 찾고
 - 그 그룹에서 평이 가장 좋은 책들 중에서 고객 A가 아직 보지 않은 책을 추천
 (서점은 평소 고객들이 어떤 책을 즐겨 보는지, 책에 대한 평가는 어떠했는지 등 조사 → 비슷한 취향을 구분)
 - 사용자 기반 협업 필터링(User-based collaborative filtering)
 - 아이템 기반 협업 필터링(Item-based collaborative filtering)
 - · a 라는 상품을 좋아한 사람들은 대부분 b나 c 상품도 같이 좋아한다는 사실을 이용
 - · 상품을 기준으로 유사한 상품들을 Grouping
 - 어떤 사람이 새로운 상품의 추천을 원할 경우, 유사한 상품 그룹에서 추천

KNN 동작



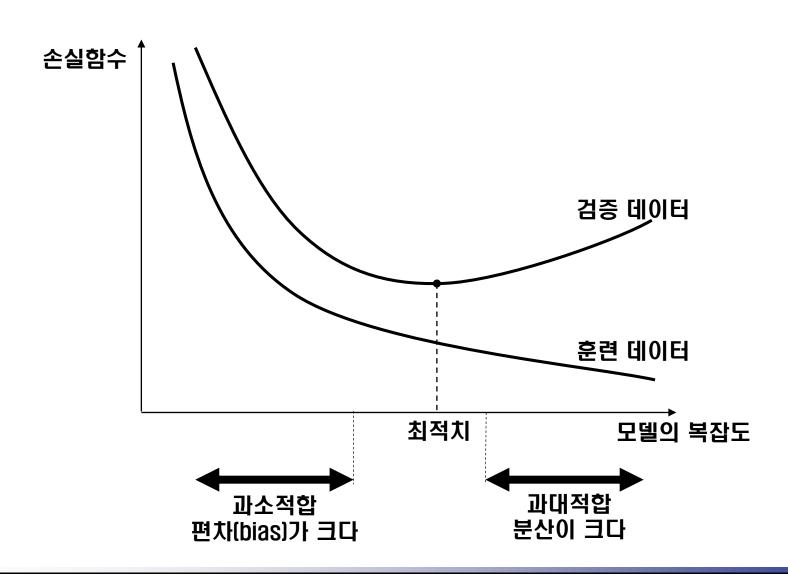
KNN 동작



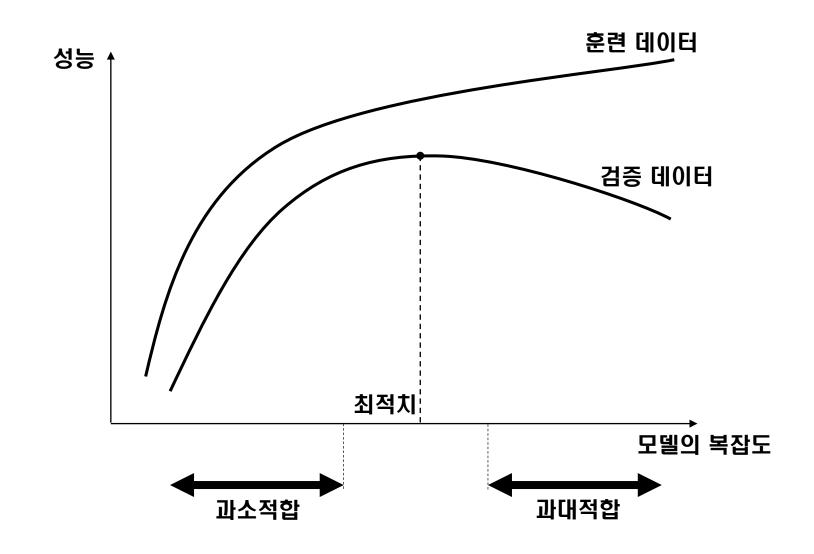
k 값에 따른 영향

- · k 값을 너무 작게 잡으면
 - 정확도가 올라갈 수 있으나
 - 주변 데이터(Noise)에 너무 예민하게 반응 → 과대 적합 가능성
- k 값을 너무 크게 잡으면
 - Noise에는 강하나
 - 주변에 너무 많은 데이터의 평균치를 사용하므로 정밀한 예측이 어려움
 → 과소 적합의 가능성
- 극단적으로 k=N(전체 샘플 수) 으로 하면
 - 항상 전체 데이터의 평균치 값을 예측
 - 영화 추천에서 이는 평균적으로 가장 많은 사람들이 본 영화 즉, 종합 베스트 셀러를 추천하는 것과 같은 결과
 - * Noise : 좋은 모델을 만드는데 도움이 되지 않는 혼란스러운 정보를 제공하는 샘플

과소 적합과 과대적합 판단 - 손실함수

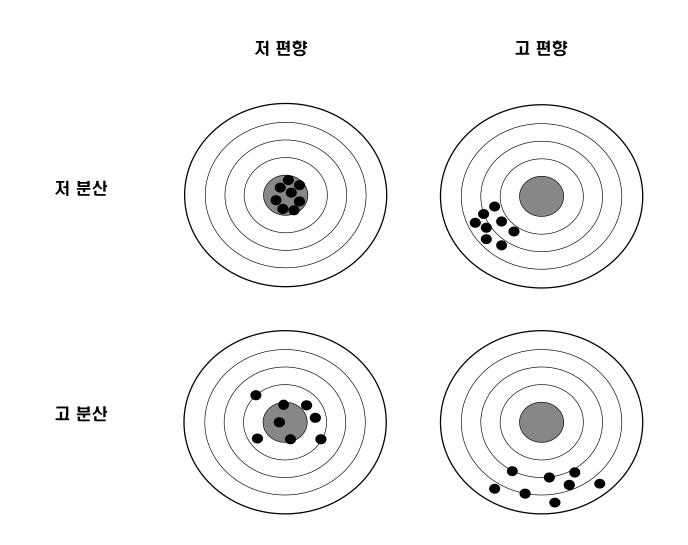


과소 적합과 과대 적합 판단 - 성능



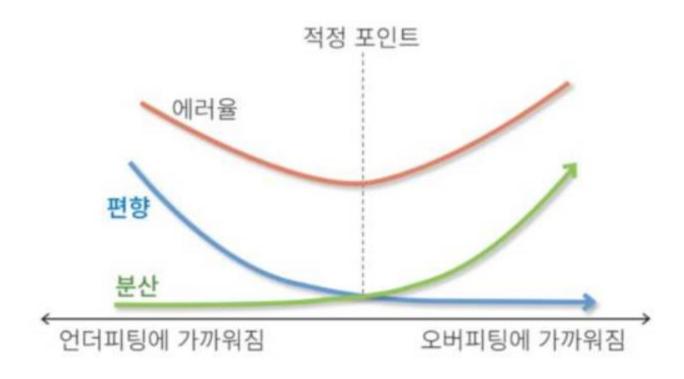
- 예측 모델에서 발생하는 오차는 분산(variance)과 편향(bias) 두가지 성분으로 설명할 수 있다.
- 분산 (Variation) 이란 모델이 너무 복잡하거나 학습데이터에 민감하 게 반응하여 예측 값이 산발적으로 나타나는 것이다.
- **편향 (Bias)** 이란 모델 자체가 부정확하여 피할 수 없이 발생하는 오 차를 말한다.

- 예를 들어 kNN알고리즘에서 k=1인 경우는 모델이 학습 데이터에 민감하게 반응하여 예측의 변화가 커지므로 분산 성분이 증가한다.
 - 그러나 편향은 발생하지 않는다.
 - 이러한 경우를 과대적합되었다고 한다.
- 반면에 k=N인 경우는 모델은 항상 평균치로 동일하게 예측하므로 분산은 거의 발생하지 않는다.
 - 그러나 모델 자체가 부정확하여 편향이 커진다.
 - 모든 사람의 키를 평균치로 예측하면, 예측치는 평균치로 동일하므로 분산은 없어지지만 편향 오차가 클 수 밖에 없다.
 - 이는 과소적합의 현상이다.



- 모델이 훈련 데이터에 너무 종속적이거나 정교하면 (k=1 인 경우) 분산이 늘어나고 편향은 줄어든다 (위 그림에서 좌 하)
- 모델이 너무 단순하면 (k=N인 경우) 분산을 줄어드나 모델이 부족하여 생긴 편향이 증가한다.
- 뒤에서 설명할 결정 트리에서는 트리의 깊이(depth)에 따라서 편향과 분산 오류가 달라진다

머신 러닝



KNN 장단점

· kNN의 장점

- 훈련시간이 거의 없다
- 알고리즘의 개념이 명확
- 모델링에 필요한 하이퍼 파라미터 : k 값 하나뿐
- 특성 변수만 잘 선정하면 예측 성능도 좋다

· kNN의 단점

- 분류를 처리하는 시간, 즉 알고리즘을 수행하는 시간이 길다
- 확보한 샘플들을 모두 비교해서 어떤 그룹에 가까운 지 새로 계산해야
- 또한 새로운 샘플이 계속 추가될 때마다 가까운 이웃이 달라진다
- Lazy 알고리즘
 - 나중에 계산량이 많은 알고리즘

KNN 알고리즘의 변화

- 샘플들간의 거리에 대한 가중치를 고려
 - 가까이 있는 이웃에 대해서는 가중치를 크게

Decision Tree (결정 트리)

결정 트리 개요

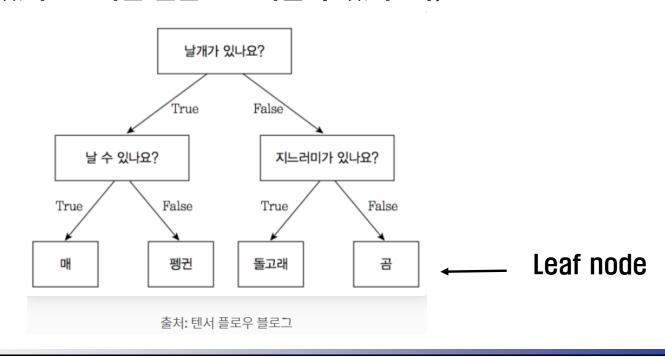
- 선형 모델
 - 특성들을 대상으로 곱셈과 덧셈과 같은 연산
 - 그 값을 기준으로 회귀나 분류를 예측

- 결정 트리(decision tree)
 - 각 특성을 독립적으로 하나씩 검토하여 분류 작업을 수행
 - 마치 스무고개 하여 예측을 하듯이 동작 한 번에 한 특성을 따져보는 방법
 - 분류, 회귀 모두에 사용
 - 분류용 모델: DecisionTreeClassifier() 함수
 - 회귀분석 모델 : DecisionTreeRegressor() 함수

결정 트리 개요

결정트리 (예)

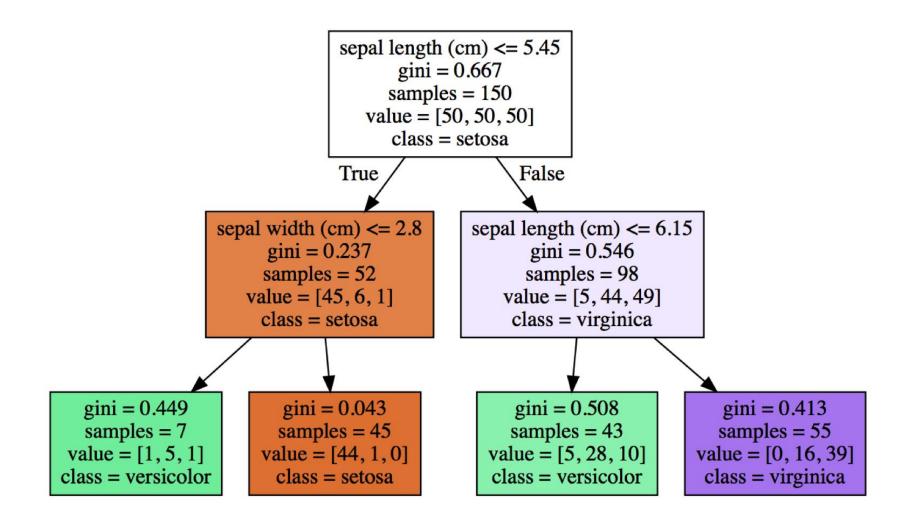
- 매, 펭귄, 돌고래, 곰을 구분한다고 하자.
- 매와 펭귄은 날개를 있고, 돌고래와 곰은 날개가 없다.
- '날개가 있나요?'라는 질문을 통해 매, 펭귄 / 돌고래, 곰을 나눌 수 있다.
 매와 펭귄은 '날 수 있나요?'라는 질문으로 나눌 수 있고, 돌고래와 곰은 '지느러미가 있나요?'라는 질문으로 나눌 수 있다. 즉,



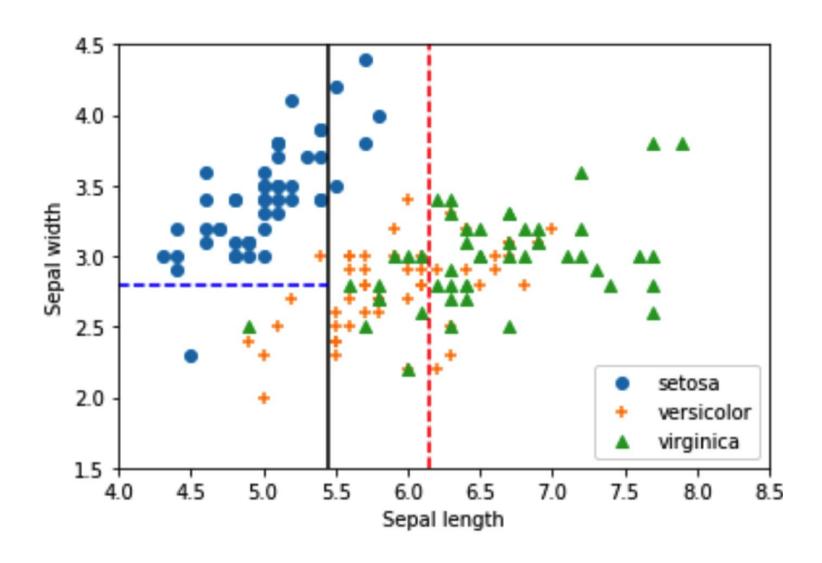
동작 원리

- 결정 트리에서 핵심이 되는 부분
 - 가장 효과적인 분류를 위해서 먼저 어떤 변수를 가지고 판별을 할지 결정하는 것
- 이 판별은 트리를 내려가면서 계속
 - 매 단계마다 어떤 변수를 기준으로 분류를 하는 것이 가장 효과적인지를 찾아야 함
- 그룹을 효과적으로 "잘 나누는 것"의 기준
 - 그룹을 나눈 후에 생성되는 하위 그룹들에 가능하면 같은 종류의 아이템들이 모이 는지를 기준으로 삼는다
 - 한 그룹에 같은 종류의 아이템이 많이 모일수록 순수(pure)하다고 한다
 - 만일 나누어진 하위 그룹이 100% 같은 항목들로만 구성 → 순도(purity) 100%

결정 트리 예



결정 트리 예



판별 기준 - 불순도(impurity)

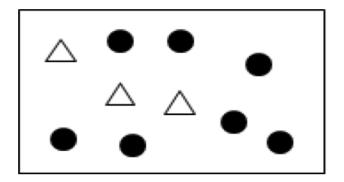
- 결정트리는 나누려는 그룹의 순도가 가장 높아지도록 그룹을 나누어야 한다.
- 불순도(impurity): 해당 범주 안에 서로 다른 데이터가 얼마나 섞여 있는지를 뜻함.
- 그룹의 순도를 표현
 - 지니(Gini) 계수, 엔트로피(entrophy) 주로 사용
- Gini 계수

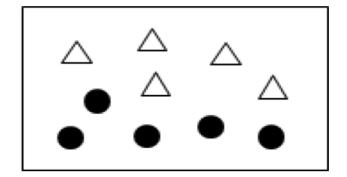
$$Gini = 1 - \sum_{k=1}^{m} p_k^2$$

• 엔트로피 (Entropy)

$$Entropy = -\sum_{k=1}^{m} p_k \log_2(p_k)$$

판별 기준





좌측 박스: 지니(7:3) =
$$1 - \left[\left(\frac{7}{10} \right)^2 + \left(\frac{3}{10} \right)^2 \right] = 1 - (0.49 + 0.09) = 0.42$$

우측 박스: 지니(5:5) =
$$1 - \left[\left(\frac{5}{10} \right)^2 + \left(\frac{5}{10} \right)^2 \right] = 1 - (0.25 + 0.25) = 0.5$$

(*) Worst: 0.5

Best: Gini=0 (all in one class)

정보량

- 데이터(이벤트)가 포함하고 있는 정보의 총 기대치, 정보의 가치
- 정보량을 표현: 해당 사건이 발생할 확률(probability)을 사용
- 사건 발생 확률에 따른 정보 가치
 - 확률 = 1 : 정보가 주는 가치가 없다
 - 사건 발생 확률이 낮을수록 : 정보가 주는 가치가 높음
- 정보량: 일어날 확률의 역수에 비례

정보량 정의 =>
$$log\left(\frac{1}{p}\right)$$

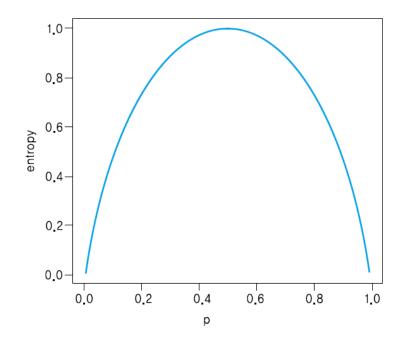
정보량과 엔트로피

- 정보량의 기대치
 - 어떤 사건이 갖는 가치와 그 사건이 발생할 확률의 곱
 - 이를 엔트로피(entropy)라고 함
- 엔트로피(정보량의 기대치)

$$p\log\left(\frac{1}{p}\right) = -p\log(p)$$

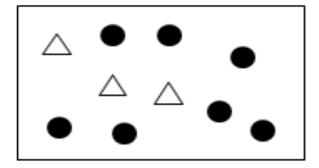
정보량과 엔트로피

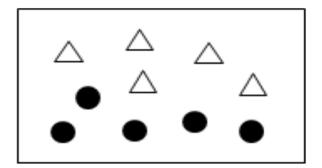
- 바이너리(binary) 사건의 경우
 - 엔트로피는 p가 0.5 일 때 가장 높음
- 즉, 불확실성이 가장 높을 때 엔트로피가 가장 높음



$$egin{aligned} \mathrm{H}(X) &= -\sum_{i=1}^n \mathrm{P}(x_i) \log_b \mathrm{P}(x_i) \ &= -\sum_{i=1}^2 rac{1}{2} \log_2 rac{1}{2} \ &= -\sum_{i=1}^2 rac{1}{2} \cdot (-1) = 1 \end{aligned}$$

정보량과 엔트로피





$$Entropy = -\sum_{k=1}^{m} p_k \log_2(p_k)$$

 (p_k^{\cdot}) 한 영역 안에 존재하는 데이터 가운데 범주 k 에 속하는 데이터 비율)

좌측(7:3) =
$$-[0.7*log_2(0.7)+0.3*log_2(0.3)]$$

= $-[(-0.36)+(-0.52)]=-(-0.88)=0.88$
우측(5:5) = $-[0.5*log_2(0.5)+0.5*log_2(0.5)]$
= $-[(-0.5)+(-0.5)]=-(-1)=1$

지니 계수와 엔트로피

- 결정 트리의 성능
 - Gini 계수를 사용하든, entropy를 사용하든 성능에는 큰 차이가 없다
- 분류 속도(계산량)
 - Gini 계수의 계산 속도가 조금 빠르다 (entropy의 경우 log 연산 포함)

트리 종료 조건

- 결정 트리를 계속 만들어 상세하게 분류를 하면
 - 언젠가는 훈련 데이터에 대해서 100% 순도의 분류가 가능
 - 이는 과대적합 → 테스트 데이터에 대해서는 성능이 오히려 떨어지게 됨

- 결정 트리 모델의 트리 깊이
 - 깊이를 제한하지 않으면 과대적합할 위험이 높으므로 주의해야
 - 트리의 깊이를 적절한 값보다 너무 작게 제한하면 과소적합이 됨

트리 종료 조건 – 하이퍼 파라미터

- max_depth: **트리의 최대 깊이**
 - 이보다 깊은 트리를 만들지 않는다
- max_leaf_nodes: 리프 노드의 최대 수
 - 리프 노드를 이보다 많이 만들지 않는다
- min_samples_split: **분할하기 위한 최소 샘플수**
 - 이보다 작으면 분할하지 않는다
- min_samples_leaf: 리프 노드에 포함될 최소 샘플수
 - 이보다 작은 노드는 만들지 않는다
- max_features: 최대 특성수
 - · 분할할 때 이보다 적은 수의 특성만 사용한다

내부 변수

- 결정 트리 모델을 만든 후에, 어떤 특성이 결정 트리를 생성할 때 중요
 한 역할을 했는지 비중을 파악 가능
- 이 결과를 보고 중요하지 않은 특성은 향후에 제외하기도 함
- 내부 변수로 확인
 - feature_importances_

클래스 확률

- 테스트 결과
 - 테스트 샘플이 속할 가장 확률이 높은 클래스 하나만 알려준다
 - 이 샘플이 각 클래스에 속할 확률을 각각 알려주는 것도 가능
- 소프트 투표(soft voting) 도입
 - 보다 정확한 다중 분류를 수행할 수 있다
 - **각 클래스에 속할 확률 :** predict_proba() **함수를 사용**

결정 트리의 특징

- 거의 모든 종류의 분류에 가장 많이 사용하는 범용 모델
- 장점
 - 알고리즘의 동작을 설명하기 수월함
 - 대출이 왜 거부되었는지
 - 당신의 신용도가 왜 낮은지
 - 왜 불합격되었는지 등
 - 특성 변수간의 연산이 없기 때문에 변수의 스케일링이 필요 없다
 - (분류 작업을 수행) 한번에 한 특성 변수씩 검토하여 어떤 기준으로 트리를 나 누어 나가면 순도가 올라가는지만 점검하면 됨
- 단점
 - 훈련 데이터가 바뀌면 모델의 구조가 달라진다
 - 훈련 데이터에 따라 바뀌는 모델을 남에게 설명하기 어려울 수도

앙상블(Ensemble)방법

- Random Forest
- Gradient Boosting

앙상블 기법

- 앙상블 기법
 - 여러 개의 작은 모델의 평균 값을 구하거나, 투표를 통하여 최적의 값을 찾는 절차 필요
 - 투표 방식 (Voting)
 - 직접 투표
 - 간접 투표

직접 투표와 간접 투표

- 직접 투표(hard voting)
 - 각 세부 모델이 예측한 최종 class에 1점 부여
 - 최종 target 변수
 - 가장 많은 점수를 받은 class
- · 간접 투표(soft voting)
 - 각 세부 모델이 각 class에 속할 확률을 제공
 - 최종 target 변수
 - 각 세부 모델이 제공한 확률을 모두 더해서 가장 큰 값을 받은 class
 - (회귀 적용) 최종 예측 값
 - 각 세부 모델이 예측한 여러 수치 값의 평균치
- 어떤 투표 방식이 좋을까?
 - 문제의 성격에 따라 다르다

간접 투표(soft voting)

	P일 확률	Q일 확률	판정결과 (직접투표)
세부 모델 A	0.9	0.1	Р
세부 모델 B	0.4	0.6	Q
세부 모델 C	0.3	0.7	Q
확률의 평균 (간접 투표)	(1.6)/3 = 0.533	(1.4)/3 = 0.456	P or Q

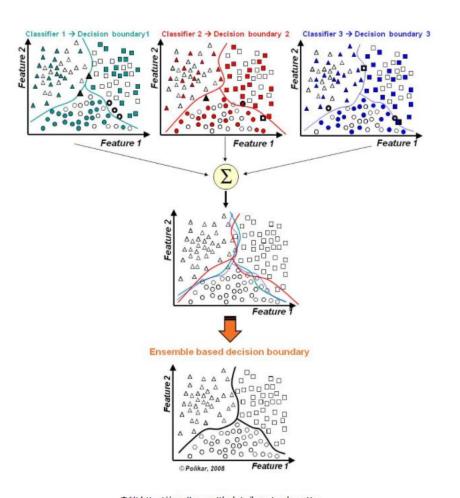
Ensemble 방법

- 배깅(bootstrap aggregation)
 - 전체 훈련 데이터에서 "중복을 허용"하여 데이터를 샘플링을 하는 방법
 - bootstrap resampling의 줄임말로 부트 스트래핑이라고도 함
 - 목적 : 부족한 훈련 데이터를 효과적으로 늘리기 위함
- 페이스팅(pasting)
 - 배깅과 달리 주어진 원래 데이터에서 중복을 허용하지 않고, 즉, 한 번 샘플링 된 것
 은 다음 샘플링에서 제외하는 방식
- · 배깅을 수행하면 학습에 선택되지 않는 샘플은 평균 37% 정도
 - 이 샘플을 oob(out of bag) 샘플이라고 함
 - 이 oob 데이터는 훈련에 사용되지 않았으므로 검증에 사용하기에 좋다
- 랜덤 포레스트 모델
 - 결정 트리 구조에 배깅을 적용한 방식

Ensemble 방법

• Bagging (배깅)

- 중복을 허용한 n 개의 샘플을 추 출하여 평균을 구하는 작업을 m 번 반복.
- Overfitting 을 효율적으로 줄
 이고 일반적인 모델을 만드는데
 집중.
- Parallel
- (ex) RandomForest

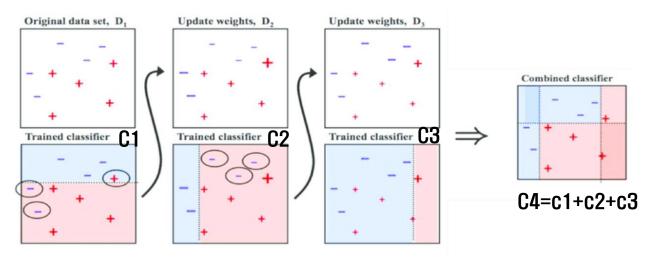


출처: https://swalloow.github.io/bagging-boosting

Ensemble 방법

Boosting (부스팅)

- Bagging은 독립적인 input data를 가지고(복원 추출) 독립적으로 예측하지만, 부 스팅은 이전 모델이 다음 모델에 영향을 준다. (틀린 부분에 더 큰 가중치)
- Bagging과 다르게 일반적인 모델에 집중되어 있지 않고, 맞추기 어려운 문제를 맞추는데 초점
- Sequential
- (ex) XGBoost, AdaBoost, GradientBoost



출처: Medium (Boosting and Bagging explained with examples)

랜덤 포레스트(Random Forest)

- 결정 트리의 성능을 개선
- 비교적 간단한 구조의 결정 트리들을 수십~수백개를 랜덤하게 만들고
 각 결정 트리의 동작 결과를 종합하여 판정
- · 앙상블(ensemble) 방법
 - 여러 개의 모델을 만들고 평균을 구하는 방식
 - 하나의 모델만 만드는 것보다 좋은 성능을 보임
- 주어진 훈련 데이터를 모두 한 번에 사용해서 하나의 최상의 트리 모델을 만드는 방식이 아니라, 데이터의 일부 또는 속성의 일부만 랜덤하게 채택하여 결정 트리를 다양하게 만들고 그 결과의 평균치를 취하는 방식
- 나무(tree)가 많이 모였다는 의미로 숲(forest)라는 용어를 사용

개념 example

- 예1) 어떤 사람이 얼마나 훌륭한지를 평가
 - (방법 1)
 - · 그 사람을 아는 모든 사람(예, 1,000명)에게 묻고 수집된 데이터로 한번에 평가
 - (앙상블 방법)
 - 그 사람을 아는 사람들을 랜덤한 조합(예, 50명씩 선택)으로 총 300개의 조합을 만들어 평가 → 이들 평가 점수의 평균치로 평가
- 예2) 나의 건강 정보에 대한 진단
 - (방법 1)
 - 나의 모든 건강 정보를 가장 훌륭한 의사 한 명에게만 주고 진단
 - (앙상블 방법)
 - 나의 모든 건강 정보의 일부를 랜덤하게 선택하는 것을 100번 수행하여 100명
 의 의사에게 각각 진단을 구하여 이들의 평균치(앙상블)로 최종 진단
- · 일반적으로 앙상블 방법이 더 우수한 것으로 알려져 있다

특징

- 다수의 결정 트리를 생성하고 이의 평균을 구하면 단일 결정 트리를 사용하는 것보다 안정적이고 우수한 성능을 낸다.
 - 샘플도 랜덤하게 선택, 속성도 랜덤하게 선택
- 성능이 우수한 하나의 모델을 사용하는 것보다, 각각의 성능이 최상이
 아니지만 다수의 모델을 사용하고 평균치를 구하는 방식이 더 우수
 - 이를 대중의 지혜, 큰 수의 법칙 등으로 설명하기도 함
- 단점
 - 모델의 동작을 한가지 트리를 선택하여 설명하기가 어렵다
 - 계산량이 많아진다

부스팅 알고리즘

- · 부스팅 알고리즘
 - 앙상블 방법 중의 하나
 - 앞의 모델을 보고 성능을 순차적으로 점차 개선하는 방식으로 동작
 - 병렬로 처리하지 못함 (cf, 랜덤포레스트 : 병렬 처리 가능)
- · 부스팅 알고리즘의 종류
 - 아다 부스트와 그라디언트 부스트가 널리 사용
- 아다 부스트(Adaptive Boosting)
 - 앞에서 사용한 세부 모델에서 과소 적합했던 샘플, 즉 분류에 실패 한 샘플의 가중치를 높여주는 방법
 - 즉, 소외되었던 샘플을 주목하여 학습을 다시 시키는 방식
- Gradient Boosting
 - 이전 Round의 분류기의 데이터 별 오류를 예측하는, 또 다른 새로 운 약한 분류기를 학습시킴. 즉, 데이터의 오차를 학습하는 또다른 분류기를 형성

그리드 탐색

• 그리드 탐색

- 여러가지 hyper parameter들의 조합에 대해서 가능한 경우를 모두 수행해 보고 가장 성능이 좋은 경우를 찾는 방식
- 하이퍼 파라미터가 가질 수 있는 전체 범위를 몇 개의 구간으로 나누어 일 일이 하나씩 점검
 - SVC 모델의 경우, gamma 변수와 C 변수의 값을 각각 5가지, 4가지로 나누고 총 4x5=20가지 경우를 시도
 - 이 중에서 최고의 score를 얻는 gamma와 C 값을 찾는다.

• 하이퍼 파라미터 예시

- kNN: k값
- 결정 트리: 트리의 깊이, 분류 조건, 분류를 위한 최소 샘플수
- SVM: 커널 타입, 커널 계수, 규제화 파라미터(감마, C)
- 랜덤포레스트: 트리수, 사용할 특성수, 분리 조건, 분류할 최소 샘플수
- 그라디언트 부스팅: 트리수, 학습률, 트리 깊이, 분할할 조건, 분류할 최소 샘플 수

그리드 탐색

- 과대적합을 피하기 위한 규제화용 파라미터도 하이퍼 파라미터
 - 커널 SVM에서 감마 파라미터를 조절
 - 신경망에서는 드롭 아웃율 등
- GridSearchCV() 함수를 사용
 - 그리드 탐색을 하며 동시에 교차검증을 수행하여 예상되는 성능을 측정하기에 편리
 - GridSearchCV()로 생성한 모델 객체는 fit, predict, score 함수를 제공하며 fit을 호출할 때, 여러 파라미터 조합에 대해서 교차검증을 수행
 - best_estimator_: 선택된 최적의 hyper parameter 값
 - best_score_ : 평가 점수

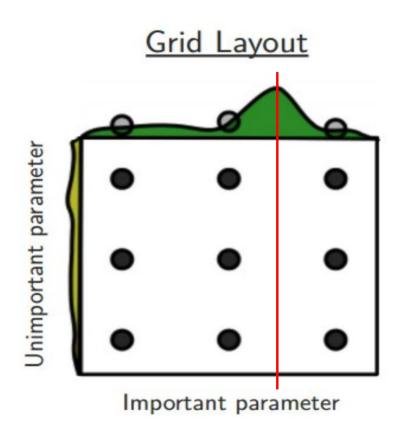
그리드 탐색

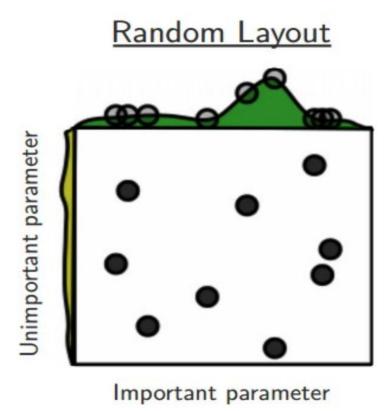
- 그리드 탐색의 특성
 - 단순하나
 - 여러 경우의 수를 모두 탐색하는데 시간도 오래 걸리고
 - 최적의 값을 놓치는 경우가 있다.
 - 격자 모양의 파라미터 조합의 값 사이에 실제로 최적의 하이퍼 파라미터 값이 있었다면 이를 찾아낼 방법이 없다.

랜덤 탐색

- 랜덤 탐색
 - 그리드 탐색의 단점 개선
 - 최적값을 놓치는 문제점
 - 탐색 시간도 감소
 - 두 단계로 수행
 - 1단계: 일정한 범위 내에서 랜덤하게 하이퍼 파라미터를 선택하여 성능을 실험하여 대체로 어떤 영역에서 성능이 좋은지를 찾는다.
 - 2단계: 다음에는 이 영역을 중심으로 세밀하게 탐색을 한다.
 - RandomizedSearchCV()함수를 사용

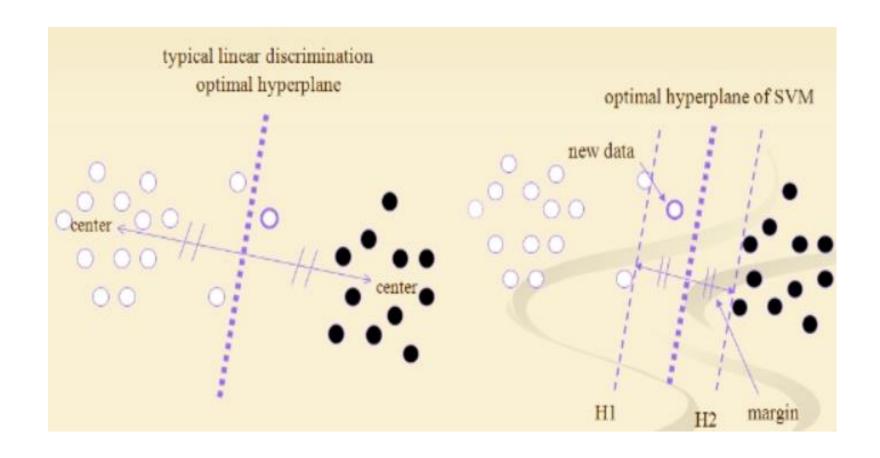
그리드 탐색 VS 랜덤 탐색





SVM

선형 분류 vs SVM

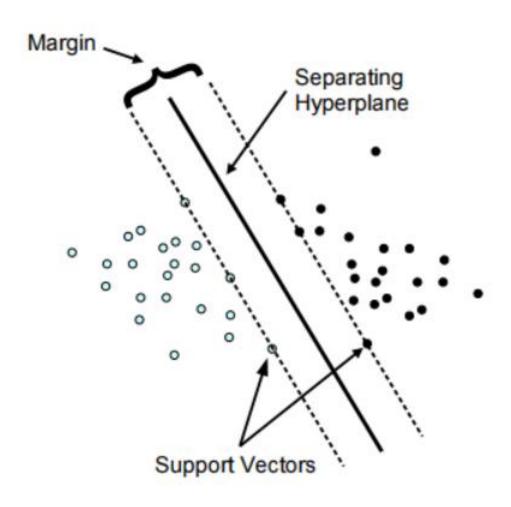


마진(Margin)

- support vector
 - 각 class의 data vector들로부터 판별 경계까지의 거리 중 가장 짧은 것

- margin
 - support vector와 판별 경계 사이의 거리
- ・ margin이 클수록 → 분류를 잘 하는 것
 - 학습 데이터 중에서 noise를 무시하는 효과
 - 즉, 과대 적합을 피할 수 있다
 - 학습 데이터에 대해서 일정 오차를 내야 일반화 능력이 좋아진다

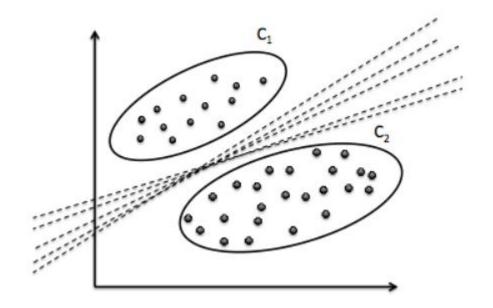
마진(Margin)



마진(Margin) – 판별 경계 선택 기준

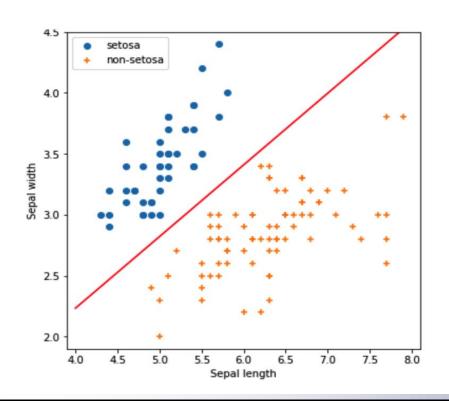
• 여러 개의 판별 경계 후보가 있을 때 선택 기준

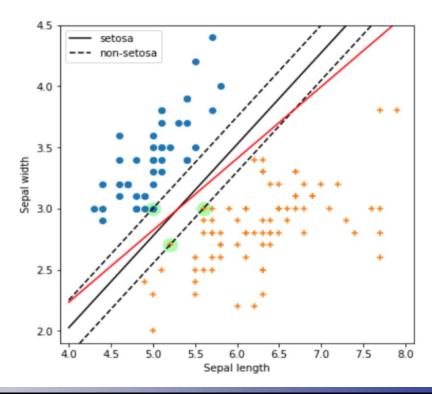
- margin : 넓은 것



서포트 벡터 머신(SVM)

- 선형 모델의 성능을 개선한 방법으로 널리 사용
- · 분류 시에 결정 경계를 가능한 마진을 넓게 갖도록 만든 방식
 - 샘플들을 단순히 나누기만 하는 것이 아니라 가능한 거리를 멀리 나눌 수
 있는 경계면을 찾는 작업을 한다





SVM의 특징

- 선형 분류 직선이 분류를 수행하는데 문제가 없어 보인다. 그러나 이러한 경계면은 새로운 샘플 데이터에 대해서는 잘 동작하지 않을 것이다
- 두께가 없는 선으로 경계를 만드는 것이 아니라 우측 그림의 점선으로 이루어진 두께가 있는 굵은 경계면을 만들고 그 두꺼운 경계면의 중앙 을 지나는 선을 선택
 - 더 일반적인, 안정적인 경계선을 얻을 수 있으며 과대적합을 피할 수 있다
- (주의) SVM은 선형 모델과 마찬가지로 속성에 계수를 곱하고 덧셈을 하는 연산에 기반하므로 여러 속성을 함께 사용하려면 반드시 스케일링 을 해야 한다.

SVM

SVM

- Outlier 에 민감

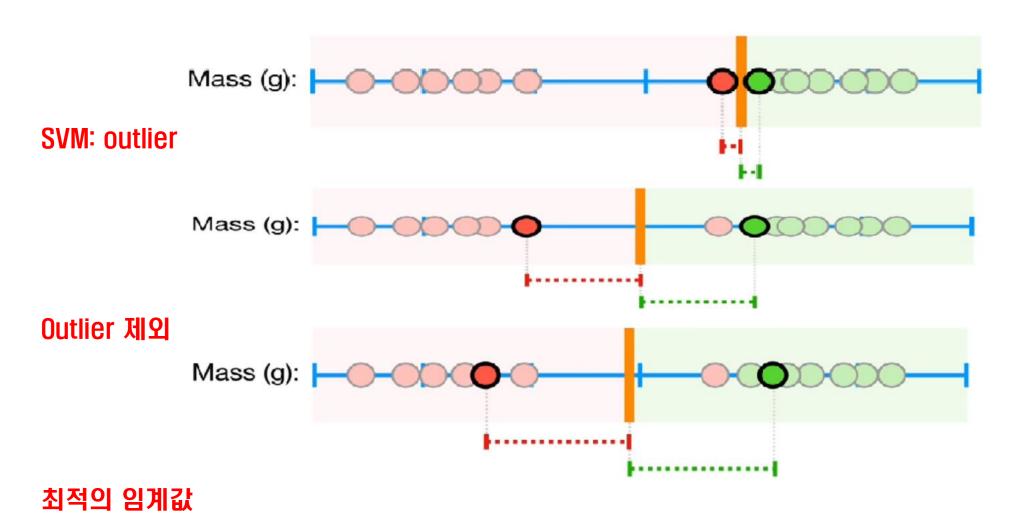
Support vector classifier (SVC)

- soft margin classifier를 사용하는 것을 support vector classifier
- 데이터가 outliner인지 아닌지 판별 한 뒤 soft margin 을 적용하여 임계점을 나눔.

Soft margin

soft margin은 모든 점에 대해서 cross validation으로 outlier를 판별하고, 가장 최적의 임계값을 찾아낸다.

SVM



출처: https://ekdud7667.tistory.com/50

SVM – **Soft margin**

Soft Margin

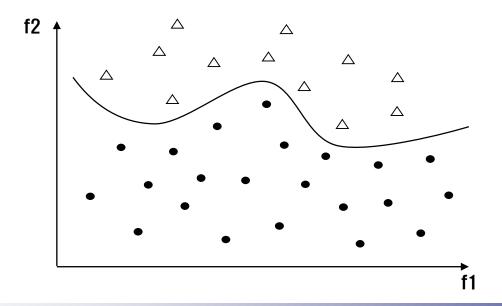
 Hard margin 목적식에 regularization term이 붙는다. 즉, 에러(ξ)를 어느 정도 결정.

$$\displaystyle \mathop{minimize}_{w,b,\xi} rac{1}{2} ||w||_2^2 + C \sum \xi_i$$

- 결정하는 파라미터는 총 3개(w,b,ξ)가 된다.
- 여기서 C는 hyperparameter이며 training error를 얼마나 허용할 것 인지를 결정. 즉, C가 크면 training error를 많이 허용하지 않고 정 확한 분류를 추구하여 overfitting이 될 가능성이 크다.

커널 방식

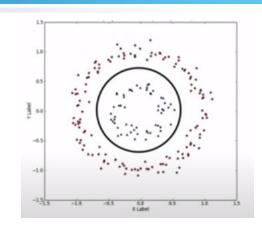
- SVM을 이용한 비선형 분류(kernel trick)
 - 선형 분리가 불가능한 저 차원의 특성을 그대로 사용하지 않고 이의 2승,
 3승, 4승 등 고차원의 속성을 내부적으로 만들어서 사용하는 방식
 - RBF kernel이 가장 효율적인 것으로 알려져 있다
 - sklearn 모델의 기본 커널



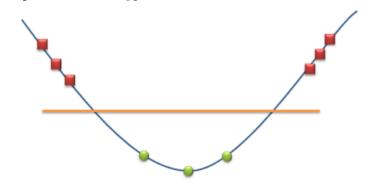
커널 방식 - 개념

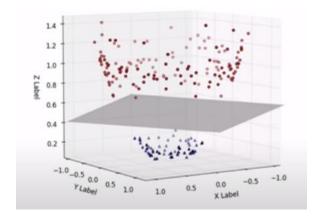
- 주어진 데이터 집합
 - 저 차원의 특성을 가진 입력 샘플 공간





- 변형 데이터 집합
 - 커널 트릭 사용 : 입력 샘플 공간을 고차원 특성 공간으로 변형
 - 직선으로 분류





- 주요 커널
 - Linear Kernel, Sigmoid, Polynomial Kernel, RBF(Radial Basis Function)
 Kernel

커널 방식 - 개념

 Kernel function is a "similarity" function that corresponds to an inner product in some expanded space.

Polynomial Kernel

 For two input vectors, x and y, the degree-d polynomial kernel is defined:

$$K(x,y) = (x^{\mathsf{T}}y + c)^d$$

- C 와 d 는 cross validation 으로 결정.
- K corresponds to an inner product in a feature space based on some mapping ϕ :

$$K(x,y) = \langle arphi(x), arphi(y)
angle$$

RBF kernel

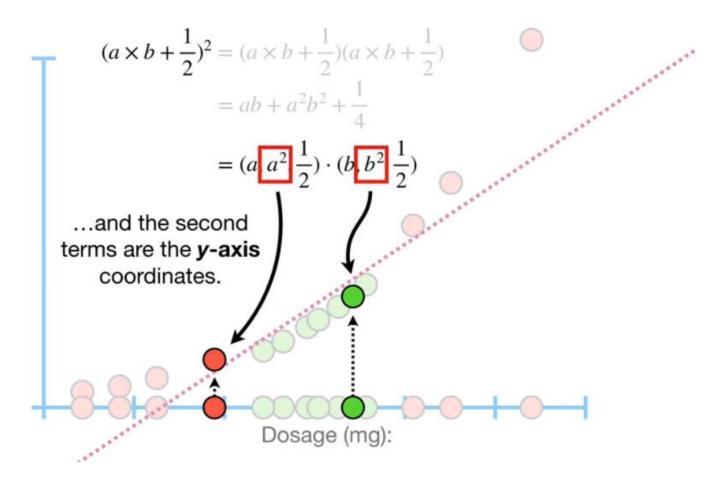
For two samples, x and x', RBF kernel (or feature vector) is defined:

$$K(\mathbf{x},\mathbf{x}') = \exp(-\gamma \|\mathbf{x}-\mathbf{x}'\|^2)$$

See https://www.youtube.com/watch?v=mTyT-oHoivA

커널 방식 - 개념

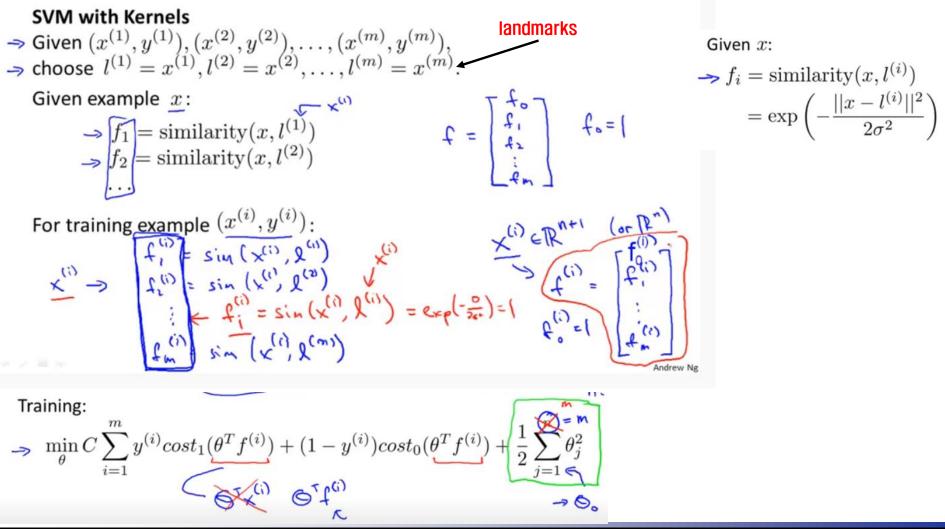
(ex) polynomial kernel



출처: https://ekdud7667.tistory.com/50

커녈 방식 - 개념

(ex) rbf kerne (see https://www.youtube.com/watch?v=XfyR_49hfi8)



Given x:

$$f_i = \text{similarity}(x, l^{(i)})$$
$$= \exp\left(-\frac{||x - l^{(i)}||^2}{2\sigma^2}\right)$$

sklearn SVM Parameters

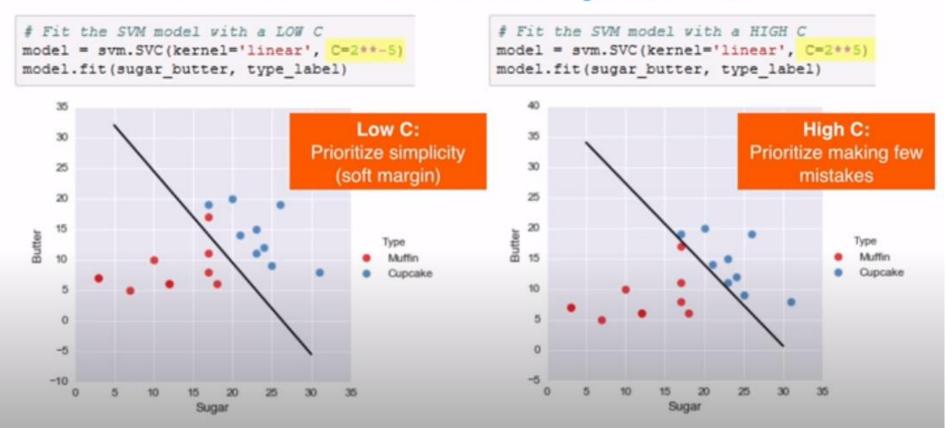
- Kernel parameter
 - Liner, polynomial, sigmoid, rbf(default)
- C
 - 훈련데이터의 올바른 분류와 의사 결정 기능의 마진 최대화를 절충
 - Larger values: 정확한 분류에 치중 (더 작은 마진 허용)
 - Lower value: 더 단순한 의사결정 기능 (훈련 정확도 희생)
 - Behaves as a Regularization parameter in SVM

Gamma

- 단일 학습 데이터의 영향이 얼마나 멀리 도달하는지 정의, high values('close'), low value('far')
- 선택된 Support vector 샘플의 영향 반경의 역
- Large Value: (가까이 있는 점들의 영향력) 이 커져 섬을 만들게
 됨

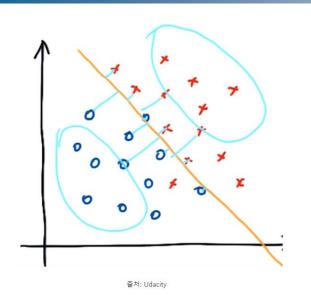
RBF SVM Parameters – C

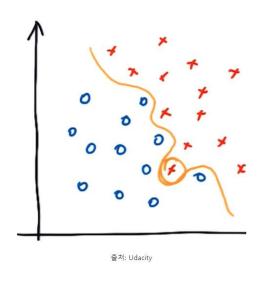
C Parameter: Comparison

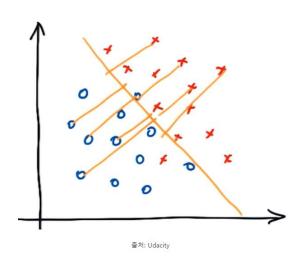


[ref: https://www.youtube.com/watch?v=N1v0golbjSc]

RBF SVM Parameters – gamma





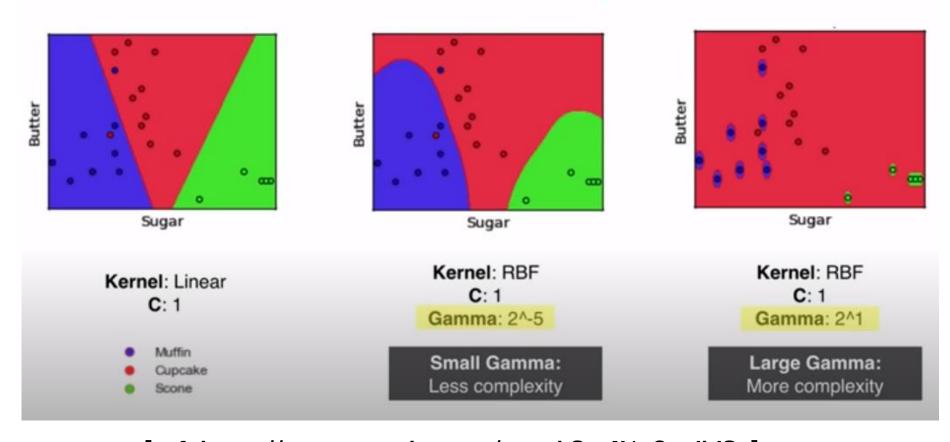


- Large gamma value
- Reach 가 좁음
- Reach 가 좁아 원 안에 있는 점들은 decision boundary 에 영향을 주지 않음
- · 가까이 있는 점들만이 선의 굴곡에 영향
- 멀리 있는 점들은 영향이 없으므로 가까이 있는 점 하나하나의 영향이 상대적으로 커짐.
 즉, decision boundary 가 굴곡지게 됨.

- Small gamma value
- Gamma 값이 작으면 decision boundary 는 직선에 가까움
- · 경계 가까이 있는 점들의 영향이 상대적으로 작음.
- 따라서, 선이 점 하나 때문에 구부러지지 않음.

sklearn SVM Parameters

Kernel Trick: Comparison



[ref: https://www.youtube.com/watch?v=N1v0golbjSc]

Pros and Cons of SVM

- Pros
 - Good at dealing with high dimensional data
 - Works well on small data sets
- Cons
 - Picking the right kernel and parameters can be computationally intensive