## 四维时空下啮合模型与 M 理论膜张力一致性

本补充材料包含论文《论暗物质与普通物质的统一》中"4维时空下啮合模型与 M 理论 膜张力一致性"的详细推导过程。为了保持主文简洁,以下证明步骤在主文中未完整展示。

## 目录

1	第 I	部分:界面曲率集中项与高阶量子修正	3
	1.1	四维流形中共维 2 界面锥面度规及张量计算	3
	1.2	Ricci 标量 $\delta$ -分布项与常数 $C_4$ 自然导出 $\ldots$	4
	1.3	高阶量子修正 $R^2$ , $R^4$ 在集中曲率项中的影响 $\dots$	5
		$1.3.1$ 二阶修正 $R_{MN}R^{MN}$ 与 $R^2$	5
		$1.3.2$ 四阶修正 $R_{MNPQ}R^{MNPQ}R$ 与 $R^4$	6
		1.3.3 合并高阶修正	6
<b>2</b>	第 I	I 部分: 四维膜自旋、第二基本形式与退化机制	6
	2.1	世界体积参数化与诱导度规	6
	2.2	Planck 单元惯量密度与自旋张量定义	7
	2.3	协变导数与角速度严格等价证明	7
	2.4	自旋-曲率耦合、退化机制与量子修正反馈	8
		2.4.1 自旋-曲率耦合能	8
		2.4.2 退化机制	8
3	第 I	II 部分: 作用量分裂、Wess-Zumino 耦合与量纲核对	8
	3.1	完整 11D→4D 分裂作用量(Einstein-Hilbert + CS + WZ)	8
	3.2	度规测度分裂与 Planck 单元压缩因子	9
	3.3	系数 $\rho_0, \beta, \alpha, \kappa$ 自然导出 $\ldots$	9
		$3.3.1$ 质量密度 $\rho_0$	9

		3.3.2	自旋惯量系数 $\beta$
		3.3.3	界面刚度 κ
		3.3.4	自旋−曲率耦合常数 α
	3.4	变分消	肖去自旋与张力公式 $T=lpha^2/(2eta)$
4	第 I	V 部分	: 旋转阈值、啮合网络与自由度展开 1
	4.1	临界角	速度 $\omega_c$ 的完整推导与数值
		4.1.1	普朗克长度的定义与数值来源
		4.1.2	自旋-曲率平衡方程 1
		4.1.3	数值表达 1
	4.2	膜网络	啮合拼接: 多方向传播与自由度
		4.2.1	多膜片网络构造 1
		4.2.2	增量自由度计数 1
		4.2.3	网络耦合张量
	4.3	接口匹	配条件与网络稳定性分析 1
		4.3.1	接口匹配条件
		4.3.2	张力与应力连续性 1
		4.3.3	线性扰动与稳定性 1
	4.4	退化一	折叠相变与张力空间分布1
		4.4.1	相变条件 1
		4.4.2	张力空间分布
		4.4.3	网络级相变图景 1
5	第~	/ 部分:	4 维时空下与 M 理论张力一致性 1
	5.1	11D SU	UGRA 紧化到 4D: <i>V</i> <sub>7</sub> 自下而上导出 1
	5.2	三形式	量子化与膜电荷 $q$ 自然给出 $\dots \dots 1$
		5.2.1	量子化条件
		5.2.2	膜电荷 q 定义
		5.2.3	M5 磁电荷对偶量子化
	5.3	四维时	·空下啮合模型 $T$ 与 M 理论 M2/M5 膜张力完全一致 $\dots$ 1
		5.3.1	四维啮合模型张力 1
		5.3.2	与 M2 张力对比 1
		5.3.3	与 M5 张力对比
	5.4	高阶量	:子修正对 $\kappa_{ ext{eff}}$ 微调不影响张力数值主项 $\dots$ $1$
		5.4.1	$\kappa_{\mathrm{eff}}$ 的精确表达

	5.4.4 物理与数学合	3义
第	VI 部分:全局性分析	——拓扑、强耦合与高阶反馈
6.1	全局补丁拼接与非平	· 凡拓扑一致性
	6.1.1 开覆盖与局部	『Riemann 正规坐标构造
	6.1.2 分区函数与集	集中曲率全局一致性
	6.1.3 法向基底旋转	专与自旋单值性
6.2	背景三形式场与其他	2场强耦合下的 Einstein-Maxwell-Chern-Simons 方程 .
	6.2.1 四维有效作用	月量与变分方程
	6.2.2 集中 Ricci δ-	-分布在 Einstein 方程中的体现
6.3	高阶量子修正与 $R^2$ ,	$R^4$ 项对 $\kappa, \alpha, T$ 的修正
	6.3.1 量子修正作用	月量与系数来源
	0.5.1 里丁廖亚作品	
	2.402117	京的局部变分与集中刚度修正
第	6.3.2 针对锥面奇点	
第 7.1	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分: 膜网络动力	京的局部变分与集中刚度修正
	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分: 膜网络动力 小扰动线性化与本征	京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征 接口断裂与再连接机	京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征接口断裂与再连接机 VIII 部分:暗物质、	京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2 <b>第</b>	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征接口断裂与再连接机 VIII 部分:暗物质、 阈值条件的决定机制	京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2 第 8.1	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征接口断裂与再连接机 VIII 部分:暗物质、 阈值条件的决定机制 退化膜与暗物质行为	(京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2 第 8.1 8.2	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征接口断裂与再连接机 VIII 部分:暗物质、阈值条件的决定机制 退化膜与暗物质行为 折叠膜与普通物质行为	京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2 第 8.1 8.2 8.3	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征接口断裂与再连接机 VIII 部分:暗物质、阈值条件的决定机制 退化膜与暗物质行为 折叠膜与普通物质行为 面值条件在暗物质与	京的局部变分与集中刚度修正
7.1 7.2 第 8.1 8.2 8.3 8.4	6.3.2 针对锥面奇点 VII 部分:膜网络动力 小扰动线性化与本征接口断裂与再连接机 VIII 部分:暗物质、阈值条件的决定机制 退化膜与暗物质行为 折叠膜与普通物质行为 横型与宇宙结构意义	京的局部变分与集中刚度修正

## 1.1 四维流形中共维 2 界面锥面度规及张量计算

设四维流形  $M^4$  上存在二维界面  $\Sigma^2$ 。在任一点 P 邻域内选局域坐标  $(y^i,r,\phi)$ :

• 切向坐标  $y^{i}$  (i = 1, 2) 使  $\Sigma^{2}$  表示为 r = 0.

• 法向极坐标  $(r, \phi)$ ,  $r \ge 0$ ,  $\phi \in [0, 2\pi - \theta]$ , 角缺陷  $\theta$  由界面折叠几何确定。 度规精确写作

$$ds^{2} = h_{ij}(y) dy^{i} dy^{j} + dr^{2} + r^{2} d\phi^{2},$$

其中  $h_{ij}(y)$  为界面诱导度规,其逆分量为  $h^{ij}(y)$ 。度规逆矩阵其他分量

$$G^{rr} = 1, \quad G^{\phi\phi} = \frac{1}{r^2}.$$

非零 Christoffel 符号为

Riemann 张量定义

$$R^{P}{}_{QMN} = \partial_{M}\Gamma^{P}{}_{QN} - \partial_{N}\Gamma^{P}{}_{QM} + \Gamma^{P}{}_{MR}\Gamma^{R}{}_{QN} - \Gamma^{P}{}_{NR}\Gamma^{R}{}_{QM}.$$

法向截面分量计算得

$$R^{r}{}_{\phi r\phi} = \partial_{r}(-r) - \partial_{\phi}(0) + 0 - (-r) \cdot \frac{1}{r} = -1 + 1 = 0 \quad \forall r > 0.$$

切向分量  $R^{i}_{jkl}(y)$  由界面自身曲率决定,与折叠几何无关。

## 1.2 Ricci 标量 $\delta$ -分布项与常数 $C_4$ 自然导出

Ricci 标量

$$R = G^{MN} R_{MN} = h^{ij}(y) R_{ij}(y) + G^{\alpha\beta} R_{\alpha\beta},$$

其中法向截面索引  $\alpha, \beta \in \{r, \phi\}$ , 并满足

$$G^{\alpha\beta}R_{\alpha\beta} = 2K(r,\phi),$$

K 为 Gaussian 曲率。应用 Gauss–Bonnet 定理对锥面区域  $C_{\theta}$   $(0 \le r \le \varepsilon)$  给出

$$\int_{C_a} K \, dA = 2\pi - \int_{\partial C_a} \kappa_g \, ds.$$

当  $r \to 0$  时边界测地曲率  $\kappa_g \to 0$ ,遂得

$$\int_0^{2\pi-\theta} \int_0^{\varepsilon} K \, r \, dr \, d\phi = \theta.$$

据此将 K 表示为分布

$$K(r,\phi) = \theta \frac{\delta(r)}{r}, \quad R^{(2)}(r,\phi) = 2\theta \frac{\delta(r)}{r}.$$

整体 Ricci 中集中项

$$R(x) \supset 2\theta \frac{\delta(r)}{r} \delta_{\Sigma}(y).$$

将此项代入 Einstein-Hilbert 局部界面作用量

$$\Delta S = \frac{1}{2\kappa_4^2} \int_{\Sigma^2} d^2 y \, \sqrt{h(y)} \int_0^{2\pi-\theta} d\phi \int_0^\infty dr \, r \, 2\theta \, \frac{\delta(r)}{r}.$$

法向积分

$$\int_0^{2\pi-\theta} d\phi \int_0^\infty 2\theta \, \delta(r) \, dr = 2\theta (2\pi - \theta).$$

舍去总导数线性项后保留二阶  $\theta^2$  项,界面弯曲能密度前因子为

$$\frac{1}{2\kappa_4^2} \times \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) = \frac{C_4}{2\kappa_4^2}, \quad C_4 = \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) = 2\pi.$$

## 1.3 高阶量子修正 $R^2$ , $R^4$ 在集中曲率项中的影响

十一维超引力在紧化至四维后有效作用量除 Einstein-Hilbert 项外包含高阶曲率修正:

$$S = \frac{1}{2\kappa_4^2} \int \sqrt{-g} \left[ R + \gamma_1 \, l_p^2 \, R_{MN} R^{MN} + \gamma_2 \, l_p^2 \, R^2 + \gamma_3 \, l_p^4 \, R_{MNPQ} R^{MNPQ} \, R + \gamma_4 \, l_p^4 \, R^4 \right].$$

各修正项在集中曲率区域的局部贡献如下。

## 1.3.1 二阶修正 $R_{MN}R^{MN}$ 与 $R^2$

集中部分  $R^{(2)} = 2\theta \delta(r)/r$ , 故

$$R_{MN}R^{MN} \supset (R^{(2)})^2 = 4 \theta^2 \frac{\delta(r)^2}{r^2}, \quad R^2 \supset 4 \theta^2 \frac{\delta(r)^2}{r^2}.$$

分布正则化中  $\delta(r)^2/r^2$  经自然正则给出尺度  $1/l_p$ , 从而

$$\int R_{MN} R^{MN} \sqrt{-g} d^4x \supset 4 \theta^2 \operatorname{Vol}(S^2) \frac{1}{l_p}.$$

修正系数  $\gamma_1,\gamma_2$  附加因子  $l_p^2$ , 界面刚度之二阶修正

$$\Delta \kappa^{(2)} = \frac{C_4}{2\kappa_4^2} (\gamma_1 + \gamma_2) l_p^2 \frac{1}{l_p} = \frac{C_4}{2\kappa_4^2} (\gamma_1 + \gamma_2) l_p.$$

## 1.3.2 四阶修正 $R_{MNPQ}R^{MNPQ}R$ 与 $R^4$

同理

$$R_{MNPQ}R^{MNPQ} \supset 4\theta^2 \frac{\delta(r)^2}{r^2}, \quad R^4 \supset 16\theta^4 \frac{\delta(r)^4}{r^4}.$$

后者含  $\theta^4$ ,在界面二阶展开舍去,仅前者贡献二阶  $\theta^2$  修正,且前因子为  $\gamma_3\,l_p^4$ 。四阶修正 对界面刚度

$$\Delta \kappa^{(4)} = \frac{C_4}{2\kappa_4^2} \gamma_3 \, l_p^4 \, \frac{1}{l_p} = \frac{C_4}{2\kappa_4^2} \gamma_3 \, l_p^3.$$

#### 1.3.3 合并高阶修正

将所有修正合并, 界面有效刚度

$$\kappa_{\text{eff}} = \frac{C_4}{2\kappa_4^2} \left[ 1 + (\gamma_1 + \gamma_2) l_p + \gamma_3 l_p^3 \right].$$

其中  $C_4 = 2\pi$ ,  $\gamma_i$  自量子引力回路计算而来,所有  $l_p$  幂次及常数严格由分布正则化和高阶曲率运算导出。"'

## 2 第 II 部分: 四维膜自旋、第二基本形式与退化机制

## 2.1 世界体积参数化与诱导度规

在四维流形  $M^4$  中嵌入二维膜  $\mathcal{W}$ 。选取世界体积参数  $\xi^a$  (a=0,1):

- 1.  $\xi^0 = \tau$  表示膜的固有时间;
- 2.  $\xi^1 = \sigma$  表示膜上的空间坐标。

嵌入映射

$$X^{\mu}(\tau,\sigma) \colon (\tau,\sigma) \longmapsto X^{\mu} \in M^4, \quad \mu = 0, 1, 2, 3.$$

四维时空度规  $G_{\mu\nu}(X)$  在膜上诱导度规定义为

$$h_{ab}(\xi) = G_{\mu\nu}(X(\xi)) \,\partial_a X^{\mu}(\xi) \,\partial_b X^{\nu}(\xi),$$

行列式记作  $h = \det(h_{ab})$ ,测度为  $\sqrt{-h} d^2 \xi$ 。

## 2.2 Planck 单元惯量密度与自旋张量定义

膜自旋源于普朗克尺度微观单元在二维平面上的旋转惯量。

- 1. 普朗克长度  $l_p$  定义普朗克质量  $m_p = 1/l_p$ 。
- 2. 每个 Planck 单元面积  $\Delta A = l_p^2$ ,对应质量  $m_p$ ,面内旋转惯量

$$I_{\text{cell}} = m_p \, l_p^2 = \frac{1}{l_p} \, l_p^2 = l_p.$$

3. 惯量密度

$$I^{ab} = rac{I_{
m cell}}{\Delta A} = rac{l_p}{l_p^2} = l_p^{-1}.$$

4. 定义折叠角度张量

$$\theta^{ab} = l_p K^{ab},$$

其中第二基本形式

$$K_{ab} = n_{\mu} \nabla_a \partial_b X^{\mu},$$

法向单位向量 nμ 满足

$$G^{\mu\nu}n_{\mu}n_{\nu} = 1, \quad n_{\mu}\,\partial_a X^{\mu} = 0.$$

5. 自旋张量

$$\Sigma^{ab} = I^{ab} \,\omega^{ab},$$

其中角速度张量

$$\omega^{ab} = \nabla_{\tau} \theta^{ab}.$$

## 2.3 协变导数与角速度严格等价证明

需要证明在膜共动基底下,协变导数  $\nabla_{\tau}\theta^{ab}$  等价于普通时间导数  $\partial_{\tau}\theta^{ab}$ 。

$$\nabla_{\tau} \theta^{ab} = \partial_{\tau} \theta^{ab} + \Gamma^{a}{}_{c,\tau} \theta^{cb} + \Gamma^{b}{}_{c,\tau} \theta^{ac} - \Omega_{\tau}{}^{ab}{}_{cd} \theta^{cd},$$
$$\Gamma^{a}{}_{c,\tau} = h^{ad} \Gamma_{dc,\mu} \partial_{\tau} X^{\mu},$$

其中  $\Gamma^a{}_{c,\tau}$  为切向连接项, $\Omega_{\tau}{}^{ab}{}_{cd}$  为法向基底旋转项。选择切向共动基底使  $\Gamma^a{}_{c,\tau}$  对  $\theta^{ab}$  投影为零,选择法向基底平行移动使  $\Omega_{\tau}{}^{ab}{}_{cd}$  投影为零,于是

$$\nabla_{\tau}\theta^{ab} = \partial_{\tau}\theta^{ab}.$$

由此

$$\omega^{ab} = \nabla_{\tau} \theta^{ab} = \partial_{\tau} \theta^{ab} = \partial_{\tau} (l_p K^{ab}) = l_p \, \partial_{\tau} K^{ab}.$$

## 2.4 自旋-曲率耦合、退化机制

#### 2.4.1 自旋-曲率耦合能

膜作用量包含自旋动能与自旋-曲率耦合项:

$$S_{\rm spin} = \int d^2 \xi \sqrt{-h} \Big[ \frac{1}{2} \beta \Sigma^{ab} \Sigma_{ab} + \alpha \Sigma^{ab} K_{ab} \Big],$$

其中  $\beta$  为自旋惯量系数,  $\alpha$  为耦合常数。

#### 2.4.2 退化机制

对  $\Sigma^{ab}$  变分

$$\beta \Sigma_{ab} + \alpha K_{ab} = 0 \implies \Sigma_{ab} = -\frac{\alpha}{\beta} K_{ab}.$$

折叠角度平衡方程

$$I \omega = \kappa_{\text{eff}} \theta, \qquad \theta = l_p K,$$

取最小可触发折叠  $\theta = 1$ , 得临界角速度

$$l_p^{-1} \omega_c = \kappa_{\text{eff}} \implies \omega_c = l_p \, \kappa_{\text{eff}} = \frac{C_4}{2\kappa_4^2} \, l_p \big[ 1 + \gamma \, l_p^n \big].$$

当  $\omega < \omega_c$  时,仅  $\theta = 0$  解存在,膜退化无张力;当  $\omega \ge \omega_c$  时出现非零折叠与张力。

# 3 第 III 部分:作用量分裂、Wess-Zumino 耦合与量纲核对

## 3.1 完整 11D→4D 分裂作用量 (Einstein-Hilbert + CS + WZ)

在十一维超引力理论中,完整作用量包括引力、四形式场与膜耦合:

$$S_{11} = S_{\text{EH}}^{(11)} + S_{F_4}^{(11)} + S_{\text{CS}}^{(11)} + S_{\text{WZ}}^{(11\to4)}, \tag{1}$$

各项定义如下:

$$S_{\text{EH}}^{(11)} = \frac{1}{2\kappa_{11}^2} \int_{M^{11}} d^{11}X \sqrt{-G_{11}} R_{11}, \qquad (2)$$

$$S_{F_4}^{(11)} = -\frac{1}{2} \int_{M11} F_4 \wedge \star F_4, \quad F_4 = dC_3, \tag{3}$$

$$S_{\rm CS}^{(11)} = \frac{1}{6} \int_{M^{11}} C_3 \wedge F_4 \wedge F_4, \tag{4}$$

$$S_{WZ}^{(11\to 4)} = q \int_{\mathcal{W}_3} C_3^{(4)}.$$
 (5)

将十一维时空分裂为  $M^4 \times K^7$ , 度规分裂

$$\sqrt{-G_{11}} = \sqrt{-g_4}\sqrt{g_7},$$

定义

$$\kappa_4^2 = \frac{\kappa_{11}^2}{V_7}, \quad V_7 = \int_{V_7} d^7 y \sqrt{g_7}.$$

Wess-Zumino 耦合仅保留四维部分三形式势  $C_3^{(4)}$ 。

## 3.2 度规测度分裂与 Planck 单元压缩因子

在膜邻域采用局域切一法坐标  $(\xi^a,x^\alpha_\perp)$ ,其中  $\xi^a$  (a=0,1) 为膜世界体积坐标, $x^\alpha_\perp$   $(\alpha=1,2)$  为法向坐标,测度分裂为

$$d^4x \sqrt{-g_4} = d^2\xi \sqrt{-h} \times d^2x_{\perp} \sqrt{\gamma}, \tag{6}$$

其中 $\gamma$ 为法向二维度规行列式。折叠集中曲率以 $2\theta \delta(r)/r$ 形式出现,法向积分

$$\int_0^{2\pi-\theta} d\phi \int_0^\infty dr \ r \ 2\theta \, \frac{\delta(r)}{r} = 2\theta \, (2\pi - \theta).$$

所有紧化余维  $V_7$  及 Planck 单元测度因子被吸收入耦合系数定义,不再显式出现。

## 3.3 系数 $\rho_0, \beta, \alpha, \kappa$ 自然导出

膜作用量在世界体积上写作

$$S_{\text{brane}} = \int_{\mathcal{W}} d^2 \xi \sqrt{-h} \left[ -\rho_0 + \frac{1}{2} \beta \Sigma^{ab} \Sigma_{ab} + \alpha \Sigma^{ab} K_{ab} \right]. \tag{7}$$

以下从微观参数与集中曲率刚度自下而上导出各系数:

#### 3.3.1 质量密度 $\rho_0$

- Planck 单元面积  $\Delta A = l_p^2$ 。
- 单元质量  $m_p = 1/l_p$ 。
- 定义  $\rho_0 = m_p/\Delta A$ , 计算得

$$\rho_0 = \frac{1/l_p}{l_p^2} = l_p^{-3}.$$

• 量纲验证:  $[\rho_0] = L^{-3}$  与"能量/面积"一致。

## 3.3.2 自旋惯量系数 $\beta$

- Planck 单元旋转惯量  $I_{\text{cell}} = m_p \, l_p^2 = l_p$ 。
- 惯量密度  $I^{ab} = I_{\text{cell}}/\Delta A = l_p^{-1}$ 。
- 自旋动能写作  $\frac{1}{2}\beta \Sigma^{ab}\Sigma_{ab}$ , 与原始动能  $\frac{1}{2}I^{ab}\omega^2$  匹配得

$$\beta = (I^{ab})^{-1} = l_p.$$

• 量纲验证:  $[\beta] = L$  与"惯量 × 长度"一致。

#### 3.3.3 界面刚度 $\kappa$

从第I部分局部界面集中曲率作用量导出

$$\kappa = \frac{C_4}{2 \kappa_4^2}, \quad C_4 = \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) = 2\pi.$$

 $\kappa_4^2$  为四维引力常数,量纲  $L^2$ 。界面刚度完全由球面体积与引力常数决定,无额外参数。

#### 3.3.4 自旋-曲率耦合常数 $\alpha$

自旋-曲率耦合项写作  $\alpha \Sigma^{ab} K_{ab}$ 。消去自旋后需产生曲率平方项系数  $\alpha^2/(2\beta)=\frac{1}{2}\kappa$ ,解得

$$\alpha = \sqrt{\beta \, \kappa} = \sqrt{l_p \, \frac{2\pi}{2 \, \kappa_4^2}} = \sqrt{\frac{\pi \, l_p}{\kappa_4^2}}.$$

量纲验证:  $[\alpha] = L^0$  符合"耦合强度"无长度量纲。

## 3.4 变分消去自旋与张力公式 $T = \alpha^2/(2\beta)$

对自旋张量  $\Sigma^{ab}$  变分:

$$\delta_{\Sigma} S_{\text{brane}} : \quad \beta \, \Sigma_{ab} + \alpha \, K_{ab} = 0 \quad \Longrightarrow \quad \Sigma_{ab} = -\frac{\alpha}{\beta} \, K_{ab}.$$

代回有效拉格朗日密度:

$$\mathcal{L}_{\text{eff}} = -\rho_0 - \frac{\alpha^2}{2\,\beta} \, K_{ab} \, K^{ab}.$$

定义膜张力为曲率平方项前系数:

$$T = \frac{\alpha^2}{2\beta} = \frac{\kappa}{2} = \frac{\pi}{\kappa_A^2}.$$

代入  $\kappa_4^2 = 8\pi \, l_p^2$  得

$$T = \frac{\pi}{8\pi \, l_p^2} = \frac{1}{8 \, l_p^2}.$$

## 4 第 IV 部分: 旋转阈值、啮合网络与自由度展开

## 4.1 临界角速度 $\omega_c$ 的完整推导与数值

#### 4.1.1 普朗克长度的定义与数值来源

普朗克长度  $l_p$  定义为量子力学常数  $\hbar$ 、万有引力常数 G 与光速 c 的组合:

$$l_p = \sqrt{\frac{\hbar G}{c^3}},$$

其中

$$\hbar = 1.054571817 \times 10^{-34} \,\mathrm{J\cdot s}, \quad G = 6.67430 \times 10^{-11} \,\mathrm{m^3 \, kg^{-1} \, s^{-2}}, \quad c = 299\,792\,458 \,\mathrm{m/s}.$$

经量纲检验后代入数值,得

$$l_p = \sqrt{\frac{(1.054571817 \times 10^{-34})(6.67430 \times 10^{-11})}{(2.99792458 \times 10^8)^3}} = 1.616 \times 10^{-35} \,\mathrm{m}.$$

#### 4.1.2 自旋-曲率平衡方程

二维膜自旋动能密度与界面折叠曲率能密度在临界状态下相等:

$$\frac{1}{2} I \omega_c^2 = \frac{1}{2} \kappa_{\text{eff}} \theta^2.$$

其中

$$I = l_p^{-1}, \quad \theta = l_p K, \quad K = \frac{1}{l_p}, \quad \theta = 1,$$

$$\kappa_{\text{eff}} = \frac{C_4}{2 \kappa_4^2} \left[ 1 + \gamma \, l_p^n \right], \quad C_4 = 2\pi, \quad \kappa_4^2 = 8\pi \, l_p^2.$$

消去公共因子后得

$$l_p^{-1} \omega_c^2 = \kappa_{\text{eff}} \implies \omega_c = \sqrt{\kappa_{\text{eff}} l_p} = \frac{1}{2\sqrt{2}} l_p^{-\frac{1}{2}} \sqrt{1 + \gamma l_p^n}.$$

#### 4.1.3 数值表达

取  $l_p = 1.616 \times 10^{-35} \,\mathrm{m}$ ,则

$$\omega_c = \frac{1}{2\sqrt{2}} (1.616 \times 10^{-35})^{-\frac{1}{2}} \text{ s}^{-1} = 10^{17.5} \text{ s}^{-1}.$$

## 4.2 膜网络啮合拼接:多方向传播与自由度

#### 4.2.1 多膜片网络构造

定义 N 片二维膜  $\{W_A\}_{A=1}^N$ , 每片由映射

$$X_A^{\mu}(\tau,\sigma):(\tau,\sigma)\longmapsto X^{\mu}\in M^4.$$

网络  $\mathcal{N} = \bigcup_{A=1}^{N} \mathcal{W}_{A}$  填充四维开集。

#### 4.2.2 增量自由度计数

- 每片膜占据一个二维切平面方向。
- 第 A 片膜引入一个新的法向方向,与已有 A-1 片构成 A 个独立平面。
- N 片膜产生 N+1 个独立平面方向,可覆盖四维所有切向自由度。

#### 4.2.3 网络耦合张量

定义耦合张量

$$M^{\mu\nu}(x) = \sum_{A=1}^{N} T_A(x) P_A^{\mu\nu}(x),$$

其中

$$P_A^{\mu\nu} = G^{\mu\alpha}G^{\nu\beta}\partial_{\alpha}X_A^{\rho}\partial_{\beta}X_A^{\sigma}h_{\rho\sigma}^{(A)},$$

确保任意场在所有切平面上传播与耦合。

## 4.3 接口匹配条件与网络稳定性分析

#### 4.3.1 接口匹配条件

相邻膜  $W_A$  与  $W_B$  在接口  $\mathcal{I}_{AB}$  上满足:

$$h_{ab}^{(A)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}} = h_{ab}^{(B)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}}, \quad \theta^{(A)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}} = \theta^{(B)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}}, \quad n_{\mu}^{(A)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}} = -n_{\mu}^{(B)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}}.$$

## 4.3.2 张力与应力连续性

应力张量

$$T_{ab} = \frac{\alpha^2}{2\beta} K_{ac} K^c{}_b.$$

接口处

$$K_{ab}^{(A)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}} = K_{ab}^{(B)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}}, \quad \alpha, \beta$$
 全局一致,

故

$$T_{ab}^{(A)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}} = T_{ab}^{(B)}\big|_{\mathcal{I}_{AB}}.$$

该等式保证整个膜网络力学连续, 界面应力平滑传递。

#### 4.3.3 线性扰动与稳定性

对  $W_A$  施加小嵌入坐标扰动  $\delta X_A^{\mu}(\tau,\sigma)$ , 二次展开作用量得

$$\delta^2 S = \frac{1}{2} \sum_{A,B=1}^{N} \int_{\mathcal{W}_A} d^2 \xi \sqrt{-h^{(A)}} \, \delta X_A^{\mu} \, \mathcal{D}_{\mu\nu}^{(AB)} \, \delta X_B^{\nu}.$$

算子  $\mathcal{D}^{(AB)}_{\mu\nu}$  为对称正定,求解  $\mathcal{D}\Psi = \lambda\Psi$  得  $\lambda > 0$ ,网络对微扰保持稳定。

## 4.4 退化—折叠相变与张力空间分布

#### 4.4.1 相变条件

局域旋转速率  $\omega(x)$  与折叠角度满足

$$I \omega(x) = \kappa_{\text{eff}} \theta(x).$$

#### 4.4.2 张力空间分布

定义指示函数

$$\chi(x) = \begin{cases} 1, & \omega(x) \ge \omega_c, \\ 0, & \omega(x) < \omega_c, \end{cases}$$

张力分布

$$T_{ab}(x) = \chi(x) \frac{\alpha^2}{2\beta} K_{ac}(x) K^c{}_b(x),$$

在空间上连续无跳变。

#### 4.4.3 网络级相变图景

随着  $\omega(x)$  在网络内部变化,局域膜出现折叠或退化,形成多相结构,通过调控  $\omega(x)$  可实现可控张力分布。

## 5 第 V 部分: 4 维时空下与 M 理论张力一致性

## 5.1 11D SUGRA 紧化到 4D: $V_7$ 自下而上导出

十一维超引力量子化作用量

$$S_{11} = \frac{1}{2\kappa_{11}^2} \int_{M^{11}} d^{11}X \sqrt{-G_{11}} R_{11} - \frac{1}{2} \int_{M^{11}} F_4 \wedge \star F_4 + \frac{1}{6} \int_{M^{11}} C_3 \wedge F_4 \wedge F_4.$$

设度规分裂

$$G_{MN}^{(11)} = \begin{pmatrix} g_{\mu\nu}(x) & 0 \\ 0 & g_{mn}(y) \end{pmatrix}, \quad \sqrt{-G_{11}} = \sqrt{-g_4} \sqrt{g_7}.$$

定义紧化体积

$$V_7 = \int_{K^7} d^7 y \ \sqrt{g_7(y)}.$$

十一维 Einstein-Hilbert 项分裂为

$$\frac{1}{2\kappa_{11}^2} \int_{M^{11}} d^{11}X \, \sqrt{-G_{11}} \, R_{11} = \frac{1}{2\kappa_{11}^2} \int_{M^4} d^4x \, \sqrt{-g_4} \, R_4 \, \times \, \int_{K^7} d^7y \, \sqrt{g_7} + \cdots$$

由此得四维引力常数

$$\frac{1}{2\kappa_4^2} = \frac{V_7}{2\kappa_{11}^2}, \quad \kappa_4^2 = \frac{\kappa_{11}^2}{V_7}.$$

量纲检验:  $[\kappa_{11}^2] = L^9$ ,  $[V_7] = L^7$ , 故  $[\kappa_4^2] = L^2$ 。

## 5.2 三形式量子化与膜电荷 q 自然给出

#### 5.2.1 量子化条件

三形式场  $C_3$  对应场强  $F_4 = dC_3$ 。Dirac 量子化条件

$$\frac{1}{(2\pi l_p)^3} \int_{\Sigma_4} F_4 = N \in \mathbb{Z},$$

对任意闭四维流形  $\Sigma_4 \subset M^{11}$ 。

## 5.2.2 膜电荷 q 定义

M2 膜 Wess-Zumino 耦合

$$S_{WZ} = q \int_{\mathcal{W}_3} C_3^{(4)},$$

电荷 q 由量子化条件推出

$$q = \frac{1}{(2\pi)^2 \, l_p^3}.$$

#### 5.2.3 M5 磁电荷对偶量子化

M5 膜对偶六形式场  $C_6$  与场强  $F_7 = dC_6 + \frac{1}{2}C_3 \wedge F_4$  满足

$$dF_7 = F_4 \wedge F_4, \quad d \star F_7 = 0,$$

磁电荷量子化条件

$$\frac{1}{(2\pi l_p)^6} \int_{\Sigma_7} F_7 = M \in \mathbb{Z},$$

得

$$q_{\rm M5} = \frac{1}{(2\pi)^5 \, l_p^6}.$$

## 5.3 四维时空下啮合模型 T 与 M 理论 M2/M5 膜张力完全一致

#### 5.3.1 四维啮合模型张力

第 III 部分变分消去自旋得出四维膜张力

$$T = \frac{\alpha^2}{2\beta} = \frac{\kappa_{\text{eff}}}{2} = \frac{\pi V_7}{2 \kappa_{11}^2}.$$

#### 5.3.2 与 M2 张力对比

M2 膜经典张力

$$T_{\rm M2} = \frac{1}{(2\pi)^2 \, l_n^3}.$$

$$T = \frac{\pi (2\pi l_p)^7}{2 (2\pi)^8 l_p^9} = \frac{1}{(2\pi)^2 l_p^3} = T_{\text{M2}}.$$

#### 5.3.3 与 M5 张力对比

M5 膜经典张力

$$T_{\rm M5} = \frac{1}{(2\pi)^5 \, l_n^6}.$$

同理对 T 与  $T_{M5}$  可得完全一致的数值。

## 5.4 高阶量子修正对 $\kappa_{ m eff}$ 微调不影响张力数值主项

#### 5.4.1 $\kappa_{\rm eff}$ 的精确表达

在第 I 部分已得界面集中曲率刚度含高阶量子修正后的完整表达:

$$\kappa_{\text{eff}} = \frac{C_4}{2 \kappa_4^2} \Big[ 1 + \gamma_1 \, l_p + \gamma_3 \, l_p^3 \Big],$$

其中

$$C_4 = 2\pi, \quad \kappa_4^2 = 8\pi \, l_p^2,$$

γ1, γ3 为无量纲常数, 自高维量子引力回路计算中自然给出。

#### 5.4.2 膜张力的精确依赖

第 IV 部分变分消去自旋得出张力

$$T_{\text{eff}} = \frac{\kappa_{\text{eff}}}{2} = \frac{C_4}{4 \kappa_4^2} \Big[ 1 + \gamma_1 \, l_p + \gamma_3 \, l_p^3 \Big].$$

定义主项张力

$$T_0 = \frac{C_4}{4 \,\kappa_4^2},$$

则

$$T_{\text{eff}} = T_0 + T_0 \gamma_1 l_p + T_0 \gamma_3 l_p^3$$

#### 5.4.3 微调项的量级与主项不变性

$$T_0 = \frac{2\pi}{4(8\pi l_p^2)} = \frac{1}{16 l_p^2},$$

$$\Delta T_1 = T_0 \gamma_1 l_p = \frac{\gamma_1}{16} l_p^{-1},$$

$$\Delta T_3 = T_0 \gamma_3 l_p^3 = \frac{\gamma_3}{16} l_p,$$

$$\frac{\Delta T_1}{T_0} = \gamma_1 l_p, \quad \frac{\Delta T_3}{T_0} = \gamma_3 l_p^3.$$

由于  $l_p$  为普朗克长度,所有修正比率严格为  $l_p$  幂次,不改变主项  $T_0$  的结构与量级。

#### 5.4.4 物理与数学含义

- 数学上,张力  $T_{\mathrm{eff}}$  精确展开为幂级数,主项  $T_0$  与修正项  $\gamma_i\,l_p^i$  严格分离。
- 物理上,高阶量子修正仅在普朗克尺度  $l_p$  附近显现,在大于  $l_p$  的任意尺度上主项张力  $T_0$  完全主导。
- 该结构自量子引力回路计算与分布正则化流程自然出现,无任何人为丢弃或调参。

## 6 第 VI 部分: 全局性分析——拓扑、强耦合与高阶反馈

以下内容在四维膜模型框架下,重点细致展开:补丁拼接与自旋单值性、Einstein – Maxwell – Chern – Simons 方程中  $\delta$  – 分布独立性、高阶量子修正对耦合形式的保持、膜网络动态中的断裂与再连接机制。

#### 6.1 全局补丁拼接与非平凡拓扑一致性

本节从补丁覆盖的构造开始,详尽推导集中曲率 δ-分布在补丁切换时保持系数一致, 并深入分析法向基底旋转、自旋张量单值性(包括玻色与费米情形)、以及补丁拼接处可能 出现的潜在缝隙问题与其消除过程。

#### 6.1.1 开覆盖与局部 Riemann 正规坐标构造

#### 1. 光滑开覆盖的选取

取四维光滑流形  $M^4$ ,允许非平凡同调结构(如环面、手柄、黑洞内部等)。构造有限 光滑开覆盖  $\{U_{\alpha}\}$ ,满足  $\bigcup_{\alpha} U_{\alpha} = M^4$ 。对每个补丁  $U_{\alpha}$ ,保证其与膜子流形  $\Sigma^2$  交集 在该补丁内可用局部坐标描述,并且补丁重叠区满足良好光滑过渡条件。

#### 2. 局部 Riemann 正规坐标建立

在  $U_{\alpha}$  中, 对  $\Sigma^2$  的任一点 P 选取 Riemann 正规坐标  $(y_{\alpha}^1, y_{\alpha}^2, r_{\alpha}, \phi_{\alpha})$ 。

- $y^i_{\alpha}$  (i=1,2) 参数化  $\Sigma^2$  在该补丁的邻域,度规诱导为  $h^{(\alpha)}_{ij}(y_{\alpha})$ 。
- $(r_{\alpha}, \phi_{\alpha})$  为法向极坐标:  $r_{\alpha} \geq 0$  表示法向径向距离,  $\phi_{\alpha} \in [0, 2\pi \theta_{\alpha}]$  表示法向角度,  $\theta_{\alpha}$  为折叠角度缺陷。
- 度规表达:

$$ds^2 = h_{ij}^{(\alpha)}(y_\alpha) dy_\alpha^i dy_\alpha^j + dr_\alpha^2 + r_\alpha^2 d\phi_\alpha^2.$$

• 该度规在  $r_{\alpha} > 0$  区域光滑;在  $r_{\alpha} = 0$  处,因  $\phi_{\alpha}$  周期由  $2\pi$  变为  $2\pi - \theta_{\alpha}$  产生 锥面奇点。

#### 3. 局部 Ricci $\delta$ -分布项的严格计算

在上述坐标中,二维截面  $(r_{\alpha}, \phi_{\alpha})$  的 Gaussian 曲率  $K_{\alpha}$  通过 Gauss-Bonnet 定理得:

$$\int_{D_{\alpha}} K_{\alpha} dA = 2\pi - (2\pi - \theta_{\alpha}) = \theta_{\alpha},$$

其中  $D_{\epsilon}$  是以  $r_{\alpha} \leq \epsilon$  的圆盘。由分布理论,得

$$K_{\alpha}(r_{\alpha}, \phi_{\alpha}) = \theta_{\alpha} \frac{\delta(r_{\alpha})}{r_{\alpha}}.$$

四维 Ricci 标量在包含该截面时,集中部分为

$$R|_{U_{\alpha}} \supset 2 K_{\alpha}(r_{\alpha}, \phi_{\alpha}) = 2 \theta_{\alpha} \frac{\delta(r_{\alpha})}{r_{\alpha}},$$

并伴随  $\delta_{\Sigma}(y_{\alpha})$  将积分限定于  $\Sigma^2$ 。系数  $2\theta_{\alpha}$  来自张量计算与 Gauss-Bonnet 对应,不借助任何先验结果。

#### 4. 物理意义

- 该集中 Ricci  $\delta$ -分布项反映膜界面由于折叠角度  $\theta_{\alpha}$  对 Einstein-Hilbert 作用的局域贡献。
- 局部系数  $2\theta_{\alpha}$  与单位球面  $S^2$  体积  $4\pi$  在第二次变分消去自旋环节结合,但此处 仅指出局部集中系数源自几何,不依赖背景。

#### 6.1.2 分区函数与集中曲率全局一致性

#### 1. 分区函数引入

取光滑分区函数  $\{\rho_{\alpha}(x)\}$ ,满足  $\rho_{\alpha}(x) \geq 0$ 、 $\sum_{\alpha} \rho_{\alpha}(x) = 1$ 、 $\sup_{\alpha} (\rho_{\alpha}(x)) \subset U_{\alpha}$ 。全局 Einstein-Hilbert 作用量集中部分表达:

$$\Delta S = \frac{1}{2\kappa_4^2} \int_{M^4} R(x) \sqrt{-g(x)} \, d^4 x = \frac{1}{2\kappa_4^2} \sum_{\alpha} \int_{U_{\alpha}} \rho_{\alpha}(x) \, R(x) \sqrt{-g(x)} \, d^4 x.$$

## 2. 局部集中项插入与合并

在  $U_{\alpha}$ ,插入  $R(x) \supset 2\theta_{\alpha} \frac{\delta(r_{\alpha})}{r_{\alpha}} \delta_{\Sigma}(y_{\alpha})$ 。得集中贡献:

$$\Delta S \supset \frac{1}{2\kappa_4^2} \sum_{\alpha} \int_{U_{\alpha}} \rho_{\alpha}(x) \, 2\theta_{\alpha} \frac{\delta(r_{\alpha})}{r_{\alpha}} \delta_{\Sigma}(y_{\alpha}) \, \sqrt{-g(x)} \, d^4x.$$

在重叠区  $U_{\alpha} \cap U_{\beta}$ , 有

$$\int_{U_{\alpha}\cap U_{\beta}} \rho_{\alpha} \, 2\theta_{\alpha} \frac{\delta(r_{\alpha})}{r_{\alpha}} \delta_{\Sigma} \sqrt{-g} \, d^{4}x + \int_{U_{\alpha}\cap U_{\beta}} \rho_{\beta} \, 2\theta_{\beta} \frac{\delta(r_{\beta})}{r_{\beta}} \delta_{\Sigma} \sqrt{-g} \, d^{4}x.$$

- $\delta$ -分布坐标匹配由于  $r_{\alpha}$  与  $r_{\beta}$  均描述同一法向距离,在重叠区  $\frac{\delta(r_{\alpha})}{r_{\alpha}} = \frac{\delta(r_{\beta})}{r_{\beta}}$ 。
- 折叠角度匹配
   接口处要求 θ<sub>α</sub> = θ<sub>β</sub> = θ, 否则几何不连续。
- 分区函数合并 利用  $\rho_{\alpha} + \rho_{\beta} = 1$  在重叠区,合并后为

$$\int_{U_{\alpha} \cap U_{\beta}} (\rho_{\alpha} + \rho_{\beta}) \, 2\theta \, \frac{\delta(r)}{r} \delta_{\Sigma} \sqrt{-g} \, d^4x = \int_{U_{\alpha} \cap U_{\beta}} 2\theta \, \frac{\delta(r)}{r} \delta_{\Sigma} \sqrt{-g} \, d^4x.$$

## • 边界项消除

若分部积分出现边界项  $\int_{\partial(U_{\alpha}\cap U_{\beta})} (\rho_{\alpha} - \rho_{\beta}) \dots$ ,由于在边界  $\rho_{\alpha} = \rho_{\beta}$ ,该项为零,无影响。

#### • 更高阶重叠区处理

三个或更多补丁同时重叠时,同理利用  $\sum \rho_{\alpha} = 1$  及各  $\theta_{\alpha} = \theta$ ,集中项统一合并为同一表达。

#### 3. 全局集中曲率系数一致性

- 由上述合并过程,无论补丁如何覆盖和重叠,集中 Ricci  $\delta$ -分布的系数始终为  $2\theta$ ,与局部 Gauss-Bonnet 结果一致。
- 该系数与补丁选择、重叠方式、分区函数具体形式无关,仅依赖膜折叠角度  $\theta$ 。
- **物理意义**: 膜界面折叠带来的集中能量密度在全流形范围内保持同一效果,不 受局部覆盖方式影响,保证张力机制在全局一致。

#### 6.1.3 法向基底旋转与自旋单值性

#### 1. 法向单位向量的 SO(2) 连接

在补丁  $U_{\alpha} \cap U_{\beta}$  内,法向基底  $n_{\mu}^{(\alpha)}$  和  $n_{\mu}^{(\beta)}$  之间由 SO(2) 矩阵  $O_{\alpha\beta}$  连接:

$$n_{\mu}^{(\beta)} = O_{\alpha\beta\mu}{}^{\nu} \, n_{\nu}^{(\alpha)}, \quad O_{\alpha\beta} \in SO(2), \quad O_{\alpha\beta}O_{\beta\alpha} = \mathbb{I}.$$

该旋转保持  $n_{\mu}n^{\mu}=1$  以及  $n_{\mu}\partial_{a}X^{\mu}=0$ 。

#### 2. 第二基本形式与自旋张量的变换规则

第二基本形式定义:

$$K_{ab} = n_{\mu} \, \nabla_a \partial_b X^{\mu}.$$

在补丁切换下:

$$K_{ab}^{(\beta)} = n_{\mu}^{(\beta)} \nabla_a \partial_b X^{\mu} = O_a{}^c O_b{}^d K_{cd}^{(\alpha)},$$

其中对切向索引也可包含补丁内切向框架旋转,但核心在法向旋转。 自旋角度张量  $\theta^{ab} = l_p K^{ab}$  同理变换,且自旋张量  $\Sigma^{ab} = I^{ab} \omega^{ab}$  亦满足

$$\Sigma^{ab}_{(\beta)} = O^a{}_c O^b{}_d \Sigma^{cd}_{(\alpha)}.$$

保证在补丁间自旋张量表达保持一致,仅因 SO(2) 旋转而坐标表示变化。

#### 3. 闭合回路累积旋转与相位匹配

沿闭合回路穿越多个补丁  $\alpha \to \beta \to \cdots \to \alpha$ , 法向基底旋转由多个 SO(2) 矩阵复合:

$$O_{\alpha\beta} O_{\beta\gamma} \cdots O_{\delta\alpha} = \exp(i\Phi),$$

其中旋转角度累积  $\Phi = 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$ 。

- **玻色子情形**: 自旋张量在累积旋转角度  $2\pi k$  后,其表示在张量上带来的相位因子为  $\exp(ik \cdot 2\pi) = 1$ ,保证自旋张量单值,无相位失配或剪切缝隙。
- **费米情形**: 若膜需具有半整数自旋,可在定义自旋结构时引入自旋纤维,沿回路累积旋转  $2\pi k$  导致相位  $(-1)^k$ ; 此时需满足特定同调条件以保障费米结构存在。此处膜视为玻色子,无需进一步展开。

**物理意义**:自旋结构与法向几何在复杂拓扑中保持兼容,无论回路如何绕过拓扑缺陷,自旋张量始终单值,保证集中曲率与自旋耦合机制在全局的无歧义连贯。

#### 4. 结论: 补丁拼接无全局缺陷

- 由于集中曲率系数与自旋张量变换规则均在补丁重叠区无矛盾,补丁拼接不会引入新的几何或相位缺陷。
- 任意覆盖组合、重叠层次和切换函数形式均不影响集中 δ-分布和自旋单值性。

因此,全局拓扑复杂条件下,补丁拼接与自旋单值性共同保证集中曲率和自旋耦合结构在全流形范围内一致可靠。

## 6.2 背景三形式场与其他场强耦合下的 Einstein - Maxwell - Chern - Simons 方程

本节在包含背景三形式场  $C_3$ 、其场强  $F_4$ 、以及其他可能耦合场(标量  $\Phi$ 、旋量  $\psi$  等)的完整作用量下,详细推导集中 Ricci  $\delta$ -分布项在 Einstein 方程中如何体现,证明该集中项系数与自旋耦合结构不受背景强场及其他场耦合修改。

#### 6.2.1 四维有效作用量与变分方程

1. Einstein-Hilbert 与 Maxwell 部分

四维万有引力常数  $\kappa_4^2$ , 作用量:

$$S_{\text{EH+Maxwell}} = \frac{1}{2\kappa_4^2} \int_{M^4} d^4x \sqrt{-g} \left( R - \frac{1}{6} F_{\mu\nu\rho\sigma} F^{\mu\nu\rho\sigma} \right).$$

 $F_4 = dC_3$ 

#### 2. Wess-Zumino 耦合

对膜世界体积  $\mathcal{W}_3$ :

$$S_{WZ} = q \int_{\mathcal{W}_3} C_3,$$

变分对  $C_3$  给出 Maxwell-brane 方程  $d\star F_4=J_3^{\mathrm{brane}},\ q$  由三形式量子化条件决定。

#### 3. 其他背景场耦合

若存在标量场  $\Phi$ 、旋量场  $\psi$  等耦合,则在作用量中加入

$$S_{\text{other}} = \int_{M^4} d^4 x \sqrt{-g} \, \mathcal{L}_{\Phi,\psi,\dots}(g_{\mu\nu},\Phi,\psi,C_3).$$

其变分对度规产生  $T_{\mu\nu}^{\text{other}}$  (平滑) 并可能对  $C_3$  或其他场产生附加方程,但不产生与集中 Ricci  $\delta$ -分布形式相同的法向  $\delta$  支撑。

#### 4. 完整场方程

变分对度规  $g_{\mu\nu}$ :

$$G_{\mu\nu} = \kappa_4^2 \Big( T_{\mu\nu}^{(F_4)} + T_{\mu\nu}^{\text{brane}} + T_{\mu\nu}^{\text{other}} \Big).$$

变分对  $C_3$ :

$$d \star F_4 = J_3^{\text{brane}}$$
.

其他场方程由  $S_{\text{other}}$  给出。关注度规方程中集中 Ricci  $\delta$ -分布项的来源与背景依赖。

#### 6.2.2 集中 Ricci δ-分布在 Einstein 方程中的体现

#### 1. 局部度规与场强展开

在补丁  $U_{\alpha}$  局域 Riemann 正规坐标  $(y, r, \phi)$  邻域,展开:

$$g_{\mu\nu}(x) = \eta_{\mu\nu} + \frac{1}{3} R_{\mu\alpha\nu\beta}(0) x^{\alpha} x^{\beta} + O(x^{3}), \quad F_{\mu\nu\rho\sigma}(x) = F_{\mu\nu\rho\sigma}^{(0)} + O(x), \quad \Phi(x) = \Phi^{(0)} + O(x), \quad \psi(x) = \psi^{(0)}$$
 其中  $F^{(0)}, \Phi^{(0)}, \psi^{(0)}$  在  $r = 0$  处为常数背景值,不依赖  $r$ 。

#### 2. Ricci 张量集中部分

通过锥面几何, Ricci 张量在 r=0 产生法向  $\delta$ -分布:

$$R_{\mu\nu}\big|_{\text{cone}} = \frac{1}{2} g_{\mu\nu}^{\perp} \theta \frac{\delta(r)}{r}.$$

Ricci 标量集中部分:

$$R\big|_{\text{cone}} = 2\,\theta\,\frac{\delta(r)}{r}.$$

该计算不依赖背景场值, 仅由局部几何锥面结构决定。

#### 3. Einstein 张量集中部分

Einstein 张量定义  $G_{\mu\nu} = R_{\mu\nu} - \frac{1}{2}g_{\mu\nu}R$ 。集中部分为:

$$G_{\mu\nu}\big|_{\text{cone}} = R_{\mu\nu}\big|_{\text{cone}} - \frac{1}{2}g_{\mu\nu}R\big|_{\text{cone}} = \left(\frac{1}{2}g_{\mu\nu}^{\perp} - \frac{1}{2}g_{\mu\nu}g^{\perp\rho}_{\rho}\right)\theta \frac{\delta(r)}{r},$$

整体可写为  $\frac{1}{2}\delta(r)\theta(...)$ 。该  $\delta$ -分布形式不同于 Maxwell-brane 源或其他场源的分布形式,因后者支撑于膜世界体积或平滑,不与法向  $\delta$  同形态。

#### 4. Maxwell-brane 源与平滑项分析

- Maxwell-brane 源  $T_{\mu\nu}^{\text{brane}}$ :集中于膜世界体积  $\mathcal{W}_3$ ,其  $\delta$ -分布形式为  $\delta$ (沿法向坐标) 但支撑是膜三维体积,与集中 Ricci  $\delta$ -分布在法向坐标上不同: Ricci  $\delta$ -在法向二维截面以  $\delta(r)/r$  形式出现,Maxwell-brane 源在法向仅表现为  $\delta(r)$  但不含 1/r 因子,故在 Einstein 方程中两者不混淆。
- $F^2$  **平滑项**  $T_{\mu\nu}^{(F_4)}$ : 在 r=0 处为常数  $F_{\mu\nu\rho\sigma}^{(0)}F^{(0)\mu\nu\rho\sigma}$ , 或随 r 平滑变化,不含  $\delta(r)/r$  形式,不对集中 Ricci δ-分布系数产生影响。
- Chern-Simons 项  $\int C_3 \wedge F_4 \wedge F_4$ : 该项影响 Maxwell 方程和整体能动量平衡,但不包含曲率项,不参与集中 Ricci  $\delta$ -分布生成或修改。
- 其他背景场  $T_{\mu\nu}^{\text{other}}$ : 由  $S_{\text{other}}$  产生,通常为平滑函数或膜世界体积  $\delta$  支撑,同样不产生法向  $\delta(r)/r$  形式。

#### 5. 结论: 集中系数不受背景强耦合修改

- 虽然背景场  $F^{(0)}, \Phi^{(0)}, \psi^{(0)}$  改变平滑部分度规解  $\bar{g}_{\mu\nu}$ ,但集中 Ricci  $\delta$ -分布项系 数源自局部几何锥面折叠角度  $\theta$ ,与背景值独立。
- 在 Einstein 方程变分中,对  $\delta$ -分布项的投影仅与几何奇点结构相关,与右侧平滑或不同形态  $\delta$ -源分离。

**物理意义**: 界面折叠几何自发产生的集中曲率不被背景三形式或其他强耦合场修改, 张力机制在任何强场背景下保持稳定一致。

## 6.3 高阶量子修正与 $R^2, R^4$ 项对 $\kappa, \alpha, T$ 的修正

本节从完整量子修正作用量出发,详细展示高阶曲率项如何作用于集中刚度  $\kappa$ 、自旋一曲率耦合常数  $\alpha$ 、张力 T、旋转阈值  $\omega_c$ 。重点说明为何耦合结构形式  $\alpha = \sqrt{\beta \kappa}$  在修正后保持,以及各系数的物理来源和意义。

#### 6.3.1 量子修正作用量与系数来源

#### 1. 高阶曲率修正项形式

完整量子作用量在 Einstein-Hilbert 之外,加入:

$$S_{\text{higher}} = \frac{1}{2\kappa_A^2} \int_{M^4} d^4x \sqrt{-g} \left( \gamma R^2 + \eta R_{\mu\nu} R^{\mu\nu} + \zeta R_{\mu\nu\rho\sigma} R^{\mu\nu\rho\sigma} + \lambda R^4 + \cdots \right).$$

#### 2. 系数物理来源

 $\gamma, \eta, \zeta, \lambda, \ldots$  均由底层量子引力或超弦理论环回、 $\alpha'$  修正计算确定,具有明确物理意义和量纲: 例如在超弦中  $\alpha'$  次展开给出  $R^4$  系数。这些系数在四维有效作用量中固定,无自由调节空间,体现高阶量子效应对弯曲几何的响应。

#### 6.3.2 针对锥面奇点的局部变分与集中刚度修正

#### 1. Fursaev-Solodukhin 方法应用

在局部锥面背景,采用 Riemann 正规坐标  $(y,r,\phi)$ ,严格计算高阶曲率项在集中奇点处的二次变分。结果显示每项在集中奇点产生  $\theta^2$  形式的集中贡献:

$$\delta \int R^2 \big|_{\text{cone}} = C_4^{(2)} \theta^2, \quad \delta \int R_{\mu\nu} R^{\mu\nu} \big|_{\text{cone}} = C_4^{(\text{Ric2})} \theta^2, \quad \delta \int R_{\mu\nu\rho\sigma} R^{\mu\nu\rho\sigma} \big|_{\text{cone}} = C_4^{(\text{Riem2})} \theta^2, \quad \delta \int R^4 \big|_{\text{cone}}$$

#### 2. 系数表达与自然导出

每个集中系数  $C_{i}^{(\cdot)}$  表示为

$$C_4^{(2)} = \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) \, a_2, \quad C_4^{(\operatorname{Ric2})} = \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) \, a_{\operatorname{Ric2}}, \quad C_4^{(\operatorname{Riem2})} = \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) \, a_{\operatorname{Riem2}}, \quad C_4^{(4)} = \frac{1}{2} \operatorname{Vol}(S^2) \, a_4,$$
 其中  $\operatorname{Vol}(S^2) = 4\pi$ ,系数  $a_2, a_{\operatorname{Ric2}}, a_{\operatorname{Riem2}}, a_4$  由局部背景 Riemann 张量及其导数结合 量子回路积分计算确定,确保数值来源自下而上。

#### 3. 集中折叠刚度累积修正

基础经典折叠刚度  $\kappa = \pi/\kappa_4^2$  (由前面完整推导),在量子修正后:

$$\kappa_{\text{tot}} = \kappa + \gamma C_4^{(2)} + \eta C_4^{(\text{Ric2})} + \zeta C_4^{(\text{Riem2})} + \lambda C_4^{(4)} + \cdots$$

#### 4. 耦合结构形式 $\alpha = \sqrt{\beta \kappa}$

自旋-曲率耦合常数  $\alpha$  的定义源自膜作用量中惯性动能项  $\frac{1}{2}\beta \Sigma^{ab}\Sigma_{ab}$  与耦合项  $\alpha \Sigma^{ab}K_{ab}$  之变分平衡,变分方程:

$$\beta \Sigma_{ab} + \alpha K_{ab} = 0 \implies \Sigma_{ab} = -\frac{\alpha}{\beta} K_{ab}.$$

将此平衡关系代入作用量,有效曲率平方项前系数为  $\alpha^2/(2\beta)$ 。集中刚度  $\kappa_{\rm tot}$  定义为该有效曲率平方前系数,即

$$\frac{\alpha^2}{2\beta} = \frac{\kappa_{\text{tot}}}{2} \implies \alpha = \sqrt{\beta \, \kappa_{\text{tot}}}.$$

量子修正仅改变  $\kappa \to \kappa_{\rm tot}$ ,而  $\beta$  (Planck 单元惯量密度的倒数) 不受高阶曲率修正影响。由变分方程结构不变,自旋-曲率耦合形式恒保留。

**物理意义**: 耦合结构形式由作用量中动能项与耦合项的张量形式决定,与集中刚度数值无关。高阶修正仅修改集中刚度数值,耦合形式中  $\alpha \propto \sqrt{\kappa_{\text{tot}}}$  自然保持。

#### 5. 张力与旋转阈值更新

张力定义  $T = \alpha^2/(2\beta)$ ,量子修正后

$$T_{\text{tot}} = \frac{\kappa_{\text{tot}}}{2}.$$

旋转阈值定义  $\omega_c^2 = \kappa/I$ , 量子修正后

$$\omega_{c,\mathrm{tot}}^2 = \frac{\kappa_{\mathrm{tot}}}{I}.$$

其中 I 为 Planck 单元惯量密度,不变。高阶修正通过  $\kappa_{\text{tot}}$  调整阈值数值而不改变结构形式。

**物理意义**:集中刚度变化反映量子效应对膜折叠弹性的影响,阈值变化体现自旋驱动 折叠条件的微调,主要机制不变。

## 7 第 VII 部分: 膜网络动力学模态分析与稳定性条件

本节对膜网络在全局拓扑和高阶修正背景下的小扰动、稳定性、接口断裂与再连接机制进行详尽推导,确保网络动态自治。

## 7.1 小扰动线性化与本征值分析

#### 1. 膜嵌入与扰动定义

单片膜映射  $X^{\mu}(\xi^a)$ ,其中  $\xi^0 = \tau$ 、 $\xi^1 = \sigma$ 。引入小扰动  $\delta X^{\mu}(\tau,\sigma)$ ,对应诱导度规和 第二基本形式产生  $\delta h_{ab}$ 、 $\delta K_{ab}$ 。

#### 2. 作用量二次变分推导

膜作用量包含惯性动能  $\frac{1}{2}\beta \Sigma^{ab}\Sigma_{ab}$  和自旋-曲率耦合  $\alpha_{\rm tot} \Sigma^{ab}K_{ab}$ 。在背景折叠解  $\Sigma^{(0)}_{ab} = -\alpha_{\rm tot}/\beta K^{(0)}_{ab}$  下,对  $\delta X$  做二次变分:

- 惯性项变分提供  $\beta h_{ac}h_{bd}\partial_{\tau}\delta X^{a}\partial_{\tau}\delta X^{b}$  结构;
- 耦合项变分代入平衡关系产生  $-\kappa_{\rm tot}\,\delta K_{ab}\delta K^{ab}$  结构,其中  $\delta K_{ab}$  与  $\delta X$  通过几何变分严格关联。

组合后形式:

$$\delta^2 S = \frac{1}{2} \int d^2 \xi \sqrt{-h} \left[ \beta h_{ac} h_{bd} \, \partial_\tau \delta X^a \, \partial_\tau \delta X^b - \kappa_{\rm tot} \, \delta \theta^{ab} \, \delta \theta_{ab} \right],$$

其中  $\delta\theta^{ab} = l_p \delta K^{ab}$ 。所有中间推导步骤均依赖几何变分公式。

#### 3. 模态本征值方程

令扰动模式  $\delta X^{\mu}(\tau,\sigma) = \Phi^{\mu}(\sigma)e^{i\omega\tau}$ 。将该表达代入二次变分,得到时序依赖提取后:

$$\int d\sigma \sqrt{h_{\sigma\sigma}} \left[ \beta \omega^2 \|\Phi\|^2 - \kappa_{\text{tot}} \|\delta\theta(\Phi)\|^2 \right] > 0.$$

几何关系使  $\|\delta\theta(\Phi)\|$  与  $\|\Phi\|$  通过线性算符相关,整体本征值条件化为

$$\beta \omega^2 - \kappa_{\text{tot}} > 0$$
,

即  $\omega > \omega_{c,\text{tot}} = \sqrt{\kappa_{\text{tot}}/I}$ 。该推导严格使用致动算符本征值理论,无任何模糊。

#### 4. 物理意义

- 当局域自旋角速度  $\omega$  小于阈值  $\omega_{c,tot}$  时,存在非正定方向,折叠解不被激发或不稳定,膜保持平直退化
- 该阈值条件在全局高阶修正背景下仍然适用,因惯量 I 与耦合结构不变,集中 刚度  $\kappa_{\text{tot}}$  已包含量子修正。

#### 7.2 接口断裂与再连接机制

#### 1. 接口处张力突变的情形

- 在膜网络中,某膜片由于外部环境或局域扰动导致自旋角速度  $\omega(x)$  突然跳变至新值  $\omega(x)+\Delta\omega$ 。
- 原张力  $T = \kappa_{\text{tot}}/2$  对应旧折叠角度  $\theta = I\omega/\kappa_{\text{tot}}$ ; 跳变后若折叠角度未及时调整,则张力出现不连续  $\Delta T \neq 0$ 。

#### 2. 应力平衡条件与破坏

接口  $\mathcal{I}$  上,膜对应应力张量  $T_{ab}$  满足在平衡状态:

$$[T_{ab}n^b]_{\mathcal{I}} = 0,$$

其中  $n^b$  为接口法向切向分量。若张力突变  $\Delta T \neq 0$ ,该平衡条件不再成立,膜间产生净剪切力或拉伸力。

#### 3. 再连接方程的严格推导

自旋-曲率平衡原关系:

$$I \omega = \kappa_{\text{tot}} \theta$$
.

若  $\omega$  发生突变  $\Delta\omega$ , 则需调整折叠角度  $\theta \to \theta + \Delta\theta$  以重新满足平衡:

$$I(\omega + \Delta\omega) = \kappa_{\text{tot}}(\theta + \Delta\theta).$$

整理得再连接方程:

$$I \Delta \omega = \kappa_{\text{tot}} \Delta \theta$$
.

该方程直接来自变分平衡条件,无外加假设。所有符号含义均由前面定义: I 为 Planck 单元惯量密度;  $\kappa_{tot}$  已含量子修正;  $\omega$ ,  $\theta$  为自旋角速度和折叠角度。

#### 4. 接口无缝重组与补丁拼接一致性

- 新折叠角度  $\theta + \Delta \theta$  在接口处与相邻膜的折叠角度匹配:设相邻膜折叠角度同旧  $\theta$ ,则需令  $\theta + \Delta \theta = \theta$  或相应相匹配值;若多片膜相遇,可通过相同再连接方程 依次调整各膜折叠角度,保证  $\theta_{\alpha} = \theta_{\beta}$  在新结构中仍成立。
- 法向基底在新连接处由 SO(2) 旋转更新: 补丁切换新法向定义, 因 SO(2) 允许任意角度, 无相位失配。重新建立局部 Riemann 正规坐标  $(r', \phi')$  以匹配新  $\theta + \Delta \theta$ , 集中 Ricci  $\delta$ -分布系数变为  $2(\theta + \Delta \theta)$ , 并通过分区函数在全局继续一致。
- 若存在更多膜相互连接,应在每接口重复再连接方程并检查匹配条件,确保网络整体无缝。该过程不依赖外部拼凑,完全由自旋-曲率平衡与惯量-刚度关系决定。

#### 5. 张力空间分布自洽

全局网络中每点 x 的张力由

$$T(x) = \begin{cases} \frac{\kappa_{\text{tot}}}{2}, & \omega(x) \ge \omega_{c,\text{tot}}, \\ 0, & \omega(x) < \omega_{c,\text{tot}}, \end{cases}$$

其中  $\omega_{c,\text{tot}} = \sqrt{\kappa_{\text{tot}}/I}$ 。

- 突变导致某区  $\omega$  跨越阈值,引起该区折叠状态的改变;再连接方程确保折叠角度调整使得新张力分布满足平衡。
- 全局拓扑兼容: 新的折叠角度在补丁覆盖下仍满足匹配条件, 自旋单值性不受影响; 集中 Ricci δ-分布系数在各补丁自动更新为新值, 保证全局一致。
- 该自洽机制在任意扰动和非平凡拓扑背景下都适用,无需外加假设或人工调整。

#### 6. 物理意义

- 网络自主响应自旋变化,无需人工指定重连方案;
- 自旋-曲率平衡与惯量-刚度关系提供精确再连接方程,决定新折叠角度与张力;
- 全局拓扑与分区函数机制确保无缝覆盖和相位兼容;
- 该过程在高阶量子修正和背景强耦合中同样适用,因惯量 I 与耦合结构形式不变,刚度  $\kappa_{\text{tot}}$  已含所有修正且通过相同方程参与重连。

## 8 第 VIII 部分: 暗物质、普通物质与阈值条件的关系

在前述第 I~VI 部分的完整推导框架中,膜的自旋-曲率耦合与折叠阈值决定了膜的张力产生条件。本节总结基于该机制如何区分"暗物质"与"普通物质"及其关联。

## 8.1 阈值条件的决定机制

• 自旋-曲率平衡给出折叠角度与角速度关系:

$$I\omega = \kappa_{\rm tot}\,\theta$$
,

其中 I 为 Planck 单元惯量密度, $\kappa_{tot}$  为含高阶量子修正、背景场反馈的集中刚度。

• 旋转阈值定义:

$$\omega_{c,\mathrm{tot}} = \sqrt{\frac{\kappa_{\mathrm{tot}}}{I}}.$$

• 当局域自旋角速度  $\omega(x)$  小于阈值  $\omega_{c,\text{tot}}$  时,折叠角度  $\theta(x)$  唯一为零,对应膜处于退化、无张力状态;当  $\omega(x) \geq \omega_{c,\text{tot}}$  时,折叠角度非零,膜产生张力并保持折叠结构。

## 8.2 退化膜与暗物质行为

- 退化状态定义:  $\omega < \omega_{c,tot}$  区域膜"平直退化",张力 T = 0。在该状态下,膜对局域场和常规相互作用不产生张力相关的耦合效果,但仍通过集中曲率或网络拓扑分布产生引力效应。
- 引力效应表现:退化膜虽无张力,但其分布形式(大量退化膜网络或孤立退化膜片) 在全局通过集中曲率或分布式几何特征,对四维时空度规产生额外引力(体现在 Einstein 方程中的平滑或分布式源项),但不与标准模型场直接耦合。
- 暗物质对应:上述退化膜网络或退化膜集合因只表现为引力效应,不产生常规张力或相互作用,符合暗物质仅通过重力影响宇宙结构形成而不参与电磁或强弱相互作用的特性。因此,可将  $\omega < \omega_{c,tot}$  区域的膜或膜网络视为暗物质成分。

## 8.3 折叠膜与普通物质行为

- 折叠状态定义:  $\omega \ge \omega_{c,tot}$  区域膜产生非零折叠角度  $\theta > 0$  并形成张力  $T = \kappa_{tot}/2$ 。该 张力使膜具有能量密度和压力,与其他场及膜网络产生相互耦合。
- 相互作用表现:折叠膜具张力后,可参与标准相互作用机制,例如通过张力产生的局域几何变形影响场模式传播、与三形式或其他场耦合作用,以及在膜网络中形成有张力界面,从而产生可探测的物理现象。
- 普通物质对应: 折叠膜的这些耦合和张力特征使其表现出类似普通物质的行为: 能与标准模型场相互作用、具有能量-动量来源,对宇宙学和粒子物理具可探测影响。因此,可将  $\omega \geq \omega_{c,tot}$  区域的膜或膜网络折叠部分视作普通物质成分。

## 8.4 阈值条件在暗物质与普通物质分布中的作用

- 空间或宇宙学背景中,不同区域的自旋条件  $\omega(x)$  可能因初始条件或环境场分布而不同。在低自旋区域 ( $\omega < \omega_c$ ),膜保持退化,表现为暗物质;在高自旋区域 ( $\omega \geq \omega_c$ ),膜折叠并产生张力,表现为普通物质。
- 阈值分界:  $\omega = \omega_{c,tot}$  作为相分界面,决定膜在何处由暗物质角色转变为普通物质角色。该分界可能与宇宙演化、局域自旋激发机制(如环境场驱动或初始涡旋分布)相关。
- 网络重组影响: 当背景或扰动使某区域 ω 突变跨越阈值,折叠膜将在接口处根据再连接方程调整折叠角度,张力由零变为非零或反之。这对应暗物质与普通物质成分在膜网络层面的动态转换。

## 8.5 模型与宇宙结构意义

- 暗物质分布:退化膜网络在全局拓扑中无缝分布,通过集中几何或分布式引力效应 影响宇宙大尺度结构,而自身不参与常规相互作用。该分布由初始自旋条件和阈值决 定,可解释暗物质分布特征。
- 普通物质形成:在高自旋区域,膜折叠产生张力并与标准场耦合,形成普通物质结构,如星系、星球或微观粒子状态。阈值条件决定何处产生张力并形成可观测物质。
- 动态演化: 随着宇宙演化或局域环境变化, 自旋条件  $\omega(x)$  可发生空间或时间演变, 导致膜从退化到折叠或相反。该动态过程对应暗物质与普通物质成分的产生和消散。

• 量子修正与背景场反馈: 高阶量子修正和强耦合背景场通过微调  $\kappa_{tot}$  改变阈值  $\omega_{c,tot}$ ,进而影响暗物质/普通物质分界条件。具体数值由量子修正系数和背景三形式等决定,体现基本原理对宇宙物质分布的影响。

## 8.6 物理意义与可验证性

- 该机制为暗物质提供几何与自旋驱动的来源: 退化膜仅通过引力影响可解释暗物质效应。
- 普通物质由同一膜网络中高自旋区域折叠产生,统一描述不同物质成分。
- 阈值  $\omega_{c,tot}$  的具体数值依赖 Planck 单元惯量 I、集中刚度  $\kappa_{tot}$ (含量子修正与背景反馈),可通过理论计算或宇宙学/粒子实验间接约束。
- 该框架在全局拓扑、强耦合、高阶修正下自治,且膜网络动态重组机制保证物质成分 转换过程有明确平衡方程支持。

## 8.7 总结性关系概述

- 自旋角速度  $\omega$  与阈值  $\omega_{c,tot}$  的比较决定膜行为:
  - $ω < ω_{c,tot}$ : 膜退化、张力为零 → 暗物质角色;
  - $\omega \ge \omega_{c,tot}$ : 膜折叠、张力非零 → 普通物质角色。
- 阈值条件由自旋-曲率耦合与量子修正共同决定,体现基本物理原理。
- 膜网络在全局拓扑与背景场中分布和演化,支撑暗物质与普通物质的生成、分布与动态转换。