

# 剑指offer

王超总结

注：以下标题直接链接LeetCode中文题目，后面附上我的剑指offer题解的[github](#)

## 面试题03. 数组中重复的数字

找出数组中重复的数字。

在一个长度为  $n$  的数组 `nums` 里的所有数字都在  $0 \sim n-1$  的范围内。数组中某些数字是重复的，但不知道有几个数字重复了，也不知道每个数字重复了几次。请找出数组中任意一个重复的数字。

**示例 1：**

输入：  
[2, 3, 1, 0, 2, 5, 3]  
输出：2 或 3

**限制：**

$2 \leq n \leq 100000$

**方法一：哈希集合**

利用set判断是否存在，如果存在则返回这个数

时间复杂度： $O(n)$ ，空间复杂度： $O(n)$

**方法二：排序后进行比较**

先将数组排序，然后判断相邻元素是否有重复

时间复杂度： $O(n \log(n))$ ，空间复杂度： $O(1)$

**方法三：额外数组做索引**

用一个数组与原数组值对应，当大于1时则返回

时间复杂度： $O(n)$ ，空间复杂度： $O(n)$

```
public int findRepeatNumber(int[] nums) {  
    int[] renum = new int[nums.length];  
    for(int n : nums){  
        if(++renum[n] > 1) return n;  
    }  
    return 0;  
}
```

**方法四：原地置换**

数组的索引和值不对应， $\text{nums}[i] = j$ ，第*i*个值不是*i*，就和*j*下标的数互换，遇到重复就返回

时间复杂度： $O(n)$ ，空间复杂度： $O(1)$

```
public int findRepeatNumber(int[] nums) {
    int tmp;
    for(int i = 0; i < nums.length; i++){
        while(nums[i] != i){
            if(nums[i] == nums[nums[i]]) return nums[i];
            tmp = nums[i];
            nums[i] = nums[tmp];
            nums[tmp] = tmp;
        }
    }
    return -1;
}
```

## 面试题04. 二维数组中的查找

在一个  $n * m$  的二维数组中，每一行都按照从左到右递增的顺序排序，每一列都按照从上到下递增的顺序排序。请完成一个函数，输入这样的一个二维数组和一个整数，判断数组中是否含有该整数。

**示例：**

现有矩阵 matrix 如下：

```
[[ 1,  4,  7, 11, 15],
 [ 2,  5,  8, 12, 19],
 [ 3,  6,  9, 16, 22],
 [10, 13, 14, 17, 24],
 [18, 21, 23, 26, 30]]
```

给定  $\text{target} = 5$ ，返回 `true`。

给定  $\text{target} = 20$ ，返回 `false`。

**限制：**

```
0 <= n <= 1000
0 <= m <= 1000
```

**方法：线性查找**

根据右上和左下是最大值，从一端开始搜索，如果从左下开始，比 $\text{target}$ 大就 $\text{row--}$ ，比 $\text{target}$ 小就 $\text{j++}$ ，不走回头路。

时间复杂度： $O(n+m)$ ，空间复杂度： $O(1)$

```
public boolean findNumberIn2DArray(int[][] matrix, int target) {
    int i = matrix.length - 1;
    int j = 0;
    while(i >= 0 && j < matrix[0].length){
        if(matrix[i][j] > target) i--;
        else if(matrix[i][j] < target) j++;
        else return true;
    }
    return false;
}
```

## 面试题05. 替换空格

请实现一个函数，把字符串 `s` 中的每个空格替换成"%20"。

**示例 1:**

输入: `s = "We are happy."`  
输出: `"We%20are%20happy."`

**限制:**

`0 <= s 的长度 <= 10000`

**方法一：使用自带函数**

```
public String replaceSpace(String s) {
    s=s.replace(" ", "%20");
    return s;
}
```

**方法二：使用StringBuilder**

- 时间复杂度 $O(N)$ : 遍历 $O(N)$
- 空间复杂度 $O(N)$ :  $O(N)$

```
public String replaceSpace(String s) {
    StringBuilder sb = new StringBuilder();
    for(int i = 0; i < s.length(); i++){
        if(s.charAt(i) == ' ') sb.append("%20");
        else sb.append(s.charAt(i));
    }
    return sb.toString();
}
```

## 面试题06. 从尾到头打印链表

输入一个链表的头节点，从尾到头反过来返回每个节点的值（用数组返回）。

**示例 1:**

输入: `head = [1,3,2]`  
输出: `[2,3,1]`

限制:

$0 \leq \text{链表长度} \leq 10000$

### 方法一：使用stack

- 时间复杂度:  $O(n)$
- 空间复杂度:  $O(n)$

```
public int[] reversePrint(ListNode head) {
    Stack<ListNode> stack = new Stack<>();
    int len = 0;
    while(head != null){
        stack.push(head);
        head = head.next;
        len++;
    }
    int[] res = new int[len];
    for(int i = 0; i < len; i++){
        res[i] = stack.pop().val;
    }
    return res;
}
```

### 方法二：两遍遍历，倒序存储

第一遍遍历获取长度，第二遍从数组最后一个开始存储

- 时间复杂度:  $O(n)$
- 空间复杂度:  $O(1)$

```
public int[] reversePrint(ListNode head) {
    int len = 0;
    ListNode tmp = head;
    while(tmp != null){
        tmp = tmp.next;
        len++;
    }
    int[] res = new int[len];
    for(int i = len - 1; i >= 0; i--){
        res[i] = head.val;
        head = head.next;
    }
    return res;
}
```

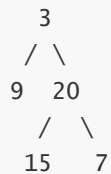
## 面试题07. 重建二叉树

输入某二叉树的前序遍历和中序遍历的结果，请重建该二叉树。假设输入的前序遍历和中序遍历的结果中都不含重复的数字。

样例

前序遍历 preorder = [3,9,20,15,7]  
中序遍历 inorder = [9,3,15,20,7]

返回如下的二叉树：



限制：

0 <= 节点个数 <= 5000

方法一：递归

- 时间复杂度： $O(n)$
- 空间复杂度： $O(n)$

```
public TreeNode buildTree(int[] preorder, int[] inorder) {
    Map<Integer, Integer> map = new HashMap<>();
    for(int i = 0; i < inorder.length; i++){
        map.put(inorder[i], i);
    }
    return buildTreeHelper(preorder, 0, preorder.length, inorder, 0,
inorder.length, map);
}
private TreeNode buildTreeHelper(int[] preorder, int p_start, int p_end,
int[] inorder, int i_start, int i_end, Map<Integer, Integer> map){
    if(p_start == p_end) return null;
    int root_val = preorder[p_start];
    TreeNode root = new TreeNode(root_val);
    int i_idx = map.get(root_val);
    int left_num = i_idx - i_start;
    root.left = buildTreeHelper(preorder, p_start + 1, p_start + 1 +
left_num, inorder, i_start, i_idx, map);
    root.right = buildTreeHelper(preorder, p_start + 1 + left_num, p_end,
inorder, i_idx + 1, i_end, map);
    return root;
}
```

递归二（速度加快）

- 时间复杂度： $O(n)$
- 空间复杂度： $O(n)$

```
private int in = 0;
private int pre = 0;
public TreeNode buildTree(int[] preorder, int[] inorder) {
    return backtrack(preorder, inorder, Integer.MAX_VALUE);
}
private TreeNode backtrack(int[] preorder, int[] inorder, int stop){
    if(pre == preorder.length) return null;
    if(inorder[in] == stop){
        in++;
        return null;
    }
    int val = preorder[pre++];
```

```

TreeNode root = new TreeNode(val);
root.left = backtrack(preorder, inorder, val);
root.right = backtrack(preorder, inorder, stop);
return root;
}

```

## 方法二：迭代

- 时间复杂度： $O(n)$
- 空间复杂度： $O(n)$

```

public TreeNode buildTree(int[] preorder, int[] inorder) {
    if (preorder == null || preorder.length == 0) {
        return null;
    }
    TreeNode root = new TreeNode(preorder[0]);
    Stack<TreeNode> stack = new Stack<>();
    stack.push(root);
    int inorderIndex = 0;
    for (int i = 1; i < preorder.length; i++) {
        int preOrderVal = preorder[i];
        TreeNode node = stack.peek();
        if (node.val != inorder[inorderIndex]) {
            node.left = new TreeNode(preOrderVal);
            stack.push(node.left);
        }
        else {
            while (!stack.isEmpty() && stack.peek().val ==
inorder[inorderIndex]) {
                node = stack.pop();
                inorderIndex++;
            }
            node.right = new TreeNode(preOrderVal);
            stack.push(node.right);
        }
    }
    return root;
}

```

## 面试题09. 用两个栈实现队列

用两个栈实现一个队列。队列的声明如下，请实现它的两个函数 `appendTail` 和 `deleteHead`，分别完成在队列尾部插入整数和在队列头部删除整数的功能。（若队列中没有元素，`deleteHead` 操作返回 -1）

### 示例 1:

```

输入:
["CQueue","appendTail","deleteHead","deleteHead"]
[[],[3],[],[[]]
输出: [null,null,3,-1]

```

### 示例 2:

输入:

```
["CQueue","deleteHead","appendTail","appendTail","deleteHead","deleteHead"]
```

```
[[],[5],[2],[],[[
```

输出: [null,-1,null,null,5,2]

### 提示:

- `1 <= values <= 10000`
- 最多会对 `appendTail`、`deleteHead` 进行 `10000` 次调用

### 常规方法

```
private Stack<Integer> stack1;
private Stack<Integer> stack2;
public CQueue() {
    stack1 = new Stack<>();
    stack2 = new Stack<>();
}

public void appendTail(int value) {
    stack1.push(value);
}

public int deleteHead() {
    if(stack1.isEmpty()) return -1;
    while(!stack1.isEmpty()){
        stack2.push(stack1.pop());
    }
    int value = stack2.pop();
    while(!stack2.isEmpty()){
        stack1.push(stack2.pop());
    }
    return value;
}
```

### 高效方法

```
private Stack<Integer> stack1;
private Stack<Integer> stack2;
public CQueue() {
    stack1 = new Stack<>();
    stack2 = new Stack<>();
}

public void appendTail(int value) {
    stack1.push(value);
}

public int deleteHead() {
    if(stack2.isEmpty()){
        if(stack1.isEmpty()) return -1;
        while(!stack1.isEmpty()){
            stack2.push(stack1.pop());
        }
    }
    return stack2.pop();
}
```

```
}
```

## 用数组实现

```
int[] num = new int[10000];
int start = 0;
int end = 0;
public CQueue() {

}

public void appendTail(int value) {
    num[end++] = value;
}

public int deleteHead() {
    if(start == end) return -1;
    return num[start++];
}
```

## 面试题10- I. 斐波那契数列

写一个函数，输入  $n$ ，求斐波那契（Fibonacci）数列的第  $n$  项。斐波那契数列的定义如下：

$$F(0) = 0, \quad F(1) = 1$$
$$F(N) = F(N - 1) + F(N - 2), \text{ 其中 } N > 1.$$

斐波那契数列由 0 和 1 开始，之后的斐波那契数就是由之前的两数相加而得出。

答案需要取模  $1e9+7$  (1000000007)，如计算初始结果为：1000000008，请返回 1。

### 示例 1：

输入：n = 2  
输出：1

### 示例 2：

输入：n = 5  
输出：5

### 提示：

- $0 \leq n \leq 100$

用数组做动态规划（自己写的）



```

public int fib(int n) {
    if(n == 0 || n == 1) return n;
    int[] fibs = new int[n + 1];
    fibs[0] = 0;
    fibs[1] = 1;
    for(int i = 2; i <= n; i++){
        fibs[i] = (int)((fibs[i - 1] + fibs[i - 2]) % (1e9+7));
    }
    return fibs[n];
}

```

用两个值标记前两个

```

public int fib(int n) {
    int a = 0;
    int b = 1;
    int fibs = 0;
    for(int i = 0; i < n; i++){
        fibs = (a + b) % 1000000007;
        a = b;
        b = fibs;
    }
    return a;
}

```

## 面试题10- II. 青蛙跳台阶问题

一只青蛙一次可以跳上1级台阶，也可以跳上2级台阶。求该青蛙跳上一个  $n$  级的台阶总共有多少种跳法。

答案需要取模  $1e9+7$  (1000000007)，如计算初始结果为：1000000008，请返回 1。

**示例 1:**

输入:  $n = 2$   
输出: 2

**示例 2:**

输入:  $n = 7$   
输出: 21

**提示:**

- $0 \leq n \leq 100$

动态规划

```

public int numWays(int n) {
    int a = 1;
    int b = 1;
    int sum = 0;
    for(int i = 0; i < n; i++){
        sum = (a + b) % 1000000007;
        a = b;
        b = sum;
    }
    return a;
}

```

## 面试题11. 旋转数组的最小数字

把一个数组最开始的若干个元素搬到数组的末尾，我们称之为数组的旋转。输入一个递增排序的数组的一个旋转，输出旋转数组的最小元素。例如，数组  $[3, 4, 5, 1, 2]$  为  $[1, 2, 3, 4, 5]$  的一个旋转，该数组的最小值为1。

**示例 1:**

输入:  $[3, 4, 5, 1, 2]$   
输出: 1

**示例 2:**

输入:  $[2, 2, 2, 0, 1]$   
输出: 0

### 二分法

- 时间复杂度  $O(\log_2 N)$ ：在特例情况下（例如 $[1, 1, 1, 1]$ ），会退化到  $O(N)$
- 空间复杂度  $O(1)$ ：在特例情况下（例如 $[1, 1, 1, 1]$ ），会退化到  $O(N)$

```

public int minArray(int[] numbers) {
    int left = 0, right = numbers.length - 1;
    while(left < right){
        int mid = left + (right - left) / 2;
        if(numbers[mid] < numbers[right]) right = mid;
        else if(numbers[mid] > numbers[right]) left = mid + 1;
        else right--;
    }
    return numbers[left];
}

```

## 面试题12. 矩阵中的路径

请设计一个函数，用来判断在一个矩阵中是否存在一条包含某字符串所有字符的路径。路径可以从矩阵中的任意一格开始，每一步可以在矩阵中向左、右、上、下移动一格。如果一条路径经过了矩阵的某一格，那么该路径不能再次进入该格子。例如，在下面的 $3 \times 4$ 的矩阵中包含一条字符串“bfce”的路径（路径中的字母用加粗标出）。

```
["a","b","c","e"],  
["s","f","c","s"],  
["a","d","e","e"]]
```

但矩阵中不包含字符串“abfb”的路径，因为字符串的第一个字符b占据了矩阵中的第一行第二个格子之后，路径不能再次进入这个格子。

### 示例 1:

```
输入: board = [["A","B","C","E"],["S","F","C","S"],["A","D","E","E"]], word =  
"ABCCED"  
输出: true
```

### 示例 2:

```
输入: board = [["a","b"],["c","d"]], word = "abcd"  
输出: false
```

### 提示:

- `1 <= board.length <= 200`
- `1 <= board[i].length <= 200`

### 深度优先搜索

```
private boolean[][] visited;  
public boolean exist(char[][] board, String word) {  
    visited = new boolean[board.length][board[0].length];  
    for(int i = 0; i < board.length; i++){  
        for(int j = 0; j < board[i].length; j++){  
            if(word.charAt(0) == board[i][j] && search(board, word, i, j,  
0)){  
                return true;  
            }  
        }  
    }  
    return false;  
}  
private boolean search(char[][] board, String word, int i, int j, int index)  
{  
    if(index == word.length()) return true;  
    if(i < 0 || i >= board.length || j < 0 || j >= board[i].length) return  
false;  
    if(board[i][j] != word.charAt(index) || visited[i][j]) return false;  
    visited[i][j] = true;  
    boolean up = search(board, word, i - 1, j, index + 1);  
    boolean down = search(board, word, i + 1, j, index + 1);  
    boolean left = search(board, word, i, j - 1, index + 1);  
    boolean right = search(board, word, i, j + 1, index + 1);  
    if(up || down || left || right) return true;  
    visited[i][j] = false;  
    return false;  
}
```

### 速度更快

```

private int len;
private int row;
private int col;

public boolean exist(char[][] board, String word) {
    len = word.length();
    if (len == 0) {
        return false;
    }
    row = board.length;
    col = board[0].length;
    char c = word.charAt(0);
    for (int i = 0; i < row; i++) {
        for (int j = 0; j < col; j++) {
            if (board[i][j] == c) {
                board[i][j] = '0';
                if (check(board, word, 1, i, j)) {
                    return true;
                }
                board[i][j] = c;
            }
        }
    }
    return false;
}

public boolean check(char[][] board, String word, int pos, int i, int j) {
    if (pos >= len) {
        return true;
    }
    char c = word.charAt(pos);

    if (i > 0 && board[i - 1][j] == c) {
        board[i - 1][j] = '0';
        if (check(board, word, pos + 1, i - 1, j)) {
            return true;
        }
        board[i - 1][j] = c;
    }
    if (i < row - 1 && board[i + 1][j] == c) {
        board[i + 1][j] = '0';
        if (check(board, word, pos + 1, i + 1, j)) {
            return true;
        }
        board[i + 1][j] = c;
    }
    if (j > 0 && board[i][j - 1] == c) {
        board[i][j - 1] = '0';
        if (check(board, word, pos + 1, i, j - 1)) {
            return true;
        }
        board[i][j - 1] = c;
    }
    if (j < col - 1 && board[i][j + 1] == c) {
        board[i][j + 1] = '0';
        if (check(board, word, pos + 1, i, j + 1)) {
            return true;
        }
    }
}

```

```

        board[i][j + 1] = c;
    }

    return false;
}

```

## 面试题13. 机器人的运动范围

地上有一个m行n列的方格，从坐标  $[0,0]$  到坐标  $[m-1,n-1]$ 。一个机器人从坐标  $[0,0]$  的格子开始移动，它每次可以向左、右、上、下移动一格（不能移动到方格外），也不能进入行坐标和列坐标的数位之和大于k的格子。例如，当k为18时，机器人能够进入方格  $[35,37]$ ，因为  $3+5+3+7=18$ 。但它不能进入方格  $[35,38]$ ，因为  $3+5+3+8=19$ 。请问该机器人能够到达多少个格子？

**示例 1:**

输入:  $m = 2, n = 3, k = 1$   
输出: 3

**示例 1:**

输入:  $m = 3, n = 1, k = 0$   
输出: 1

**提示:**

- $1 \leq n, m \leq 100$
- $0 \leq k \leq 20$

**深度优先搜索**

```

int cnt = 0;
public int movingCount(int m, int n, int k) {
    boolean[][] visited = new boolean[m][n];
    backtrack(visited, 0, 0, m, n, k);
    return cnt;
}
private void backtrack(boolean[][] visited, int i, int j, int m, int n, int k){
    if(i < m && j < n && !visited[i][j] && (i/10 + i%10 + j/10 + j%10) <= k)
    {
        cnt++;
        visited[i][j] = true;
        backtrack(visited, i + 1, j, m, n, k);
        backtrack(visited, i, j + 1, m, n, k);
    }
}

```

## 面试题14- I. 剪绳子

给你一根长度为  $n$  的绳子，请把绳子剪成整数长度的  $m$  段 ( $m, n$  都是整数， $n > 1$  并且  $m > 1$ )，每段绳子的长度记为  $k[0], k[1] \dots k[m]$ 。请问  $k[0] * k[1] * \dots * k[m]$  可能的最大乘积是多少？例如，当绳子的长度是8时，我们把它剪成长度分别为2、3、3的三段，此时得到的最大乘积是18。

**示例 1:**

输入：2  
输出：1  
解释：2 = 1 + 1, 1 × 1 = 1

#### 示例 2:

输入：10  
输出：36  
解释：10 = 3 + 3 + 4, 3 × 3 × 4 = 36

#### 提示:

- 2 <= n <= 58

#### 最快方式 (数学方法)

若拆分的数量  $a$  确定，则 **各拆分数字相等时**，乘积最大。

将数字  $n$  尽可能以因子 3 等分时，乘积最大。

**时间复杂度  $O(1)$** ：仅有求整、求余、次方运算。

**空间复杂度  $O(1)$** ：a 和 b 使用常数大小额外空间。

```
public int cuttingRope(int n) {  
    if(n <= 3) return n - 1;  
    int a = n / 3, b = n % 3;  
    if(b == 0) return (int)Math.pow(3, a);  
    if(b == 1) return (int)Math.pow(3, a - 1) * 4;  
    return (int)Math.pow(3, a) * 2;  
}
```

## 面试题14- II. 剪绳子 II

给你一根长度为  $n$  的绳子，请把绳子剪成整数长度的  $m$  段 ( $m, n$  都是整数,  $n > 1$  并且  $m > 1$ )，每段绳子的长度记为  $k[0], k[1] \dots k[m]$ 。请问  $k[0] * k[1] * \dots * k[m]$  可能的最大乘积是多少？例如，当绳子的长度是8时，我们把它剪成长度分别为2、3、3的三段，此时得到的最大乘积是18。

答案需要取模  $1e9+7$  (1000000007)，如计算初始结果为：1000000008，请返回 1。

#### 示例 1:

输入：2  
输出：1  
解释：2 = 1 + 1, 1 × 1 = 1

#### 示例 2:

输入：10  
输出：36  
解释：10 = 3 + 3 + 4, 3 × 3 × 4 = 36

#### 提示:

- 2 <= n <= 1000

## 大数解法

考虑会溢出，每次乘3都要取余

```
public int cuttingRope(int n) {
    if(n <= 3) return n - 1;
    int a = n / 3, b = n % 3;
    long result = 1;
    for(int i = 1; i < a; i++){
        result = (result * 3) % 1000000007;
    }
    if(b == 0) return (int)(result * 3 % 1000000007);
    if(b == 1) return (int)(result * 4 % 1000000007);
    return (int)(result * 3 * 2 % 1000000007);
}
```

## 面试题15. 二进制中1的个数

请实现一个函数，输入一个整数，输出该数二进制表示中 1 的个数。例如，把 9 表示成二进制是 1001，有 2 位是 1。因此，如果输入 9，则该函数输出 2。

### 示例 1:

[illegible]

### 示例 2:

[illegible]

### 示例 3:

输入: 11111111111111111111111111111101  
输出: 31  
解释: 输入的二进制串  
11111111111111111111111111111101 中, 共有 31 位为 '1'。

## 位运算

```
public int hammingweight(int n) {
    int cnt = 0;
    while(n != 0){
        cnt++;
        n &= n - 1;
    }
    return cnt;
}
```

## 面试题16. 数值的整数次方

实现函数double Power(double base, int exponent)，求base的exponent次方。不得使用库函数，同时不需要考虑大数问题。

### 示例 1:

输入：2.00000, 10  
输出：1024.00000

### 示例 2:

输入：2.10000, 3  
输出：9.26100

### 示例 3:

输入：2.00000, -2  
输出：0.25000  
解释： $2^{-2} = 1/2^2 = 1/4 = 0.25$

### 说明:

- $-100.0 < x < 100.0$
- $n$  是 32 位有符号整数，其数值范围是  $[-2^{31}, 2^{31} - 1]$ 。

### 快速幂算法（循环）

```
public double myPow(double x, int n) {  
    long N = n;  
    if(N < 0){  
        x = 1 / x;  
        N = -N;  
    }  
    double res = 1.0;  
    double now = x;  
    for(long i = N; i > 0; i /= 2){  
        if(i % 2 == 1) res *= now;  
        now = now * now;  
    }  
    return res;  
}
```

### 快速幂算法（递归）

```
public double myPow(double x, int n) {  
    if(n == 0) return 1;  
    if(n == 1) return x;  
    if(n == -1) return 1/x;  
    double half = myPow(x, n/2);  
    double mod = myPow(x, n%2);  
    return half * half * mod;  
}
```



## 面试题17. 打印从1到最大的n位数

输入数字  $n$ ，按顺序打印出从 1 到最大的  $n$  位十进制数。比如输入 3，则打印出 1、2、3 一直到最大的 3 位数 999。

**示例 1:**

输入:  $n = 1$   
输出: [1,2,3,4,5,6,7,8,9]

说明:

- 用返回一个整数列表来代替打印
- $n$  为正整数

不涉及大数运算

```
public int[] printNumbers(int n) {  
    int num = (int)Math.pow(10, n) - 1;  
    int[] res = new int[num];  
    for(int i = 0; i < num; i++){  
        res[i] = i + 1;  
    }  
    return res;  
}
```

## 面试题18. 删除链表的节点

给定单向链表的头指针和一个要删除的节点的值，定义一个函数删除该节点。

返回删除后的链表的头节点。

**注意:** 此题对比原题有改动

**示例 1:**

输入: head = [4,5,1,9], val = 5  
输出: [4,1,9]  
解释: 给定你链表中值为 5 的第二个节点，那么在调用了你的函数之后，该链表应变为 4 -> 1 -> 9。

**示例 2:**

输入: head = [4,5,1,9], val = 1  
输出: [4,5,9]  
解释: 给定你链表中值为 1 的第三个节点，那么在调用了你的函数之后，该链表应变为 4 -> 5 -> 9。

说明:

- 题目保证链表中节点的值互不相同
- 若使用 C 或 C++ 语言，你不需要 free 或 delete 被删除的节点

**解法**

题目中说明链表不含重复元素，则只用删除一个节点，如果删除的值不在链表中，则不用删除。

```

public ListNode deleteNode(ListNode head, int val) {
    ListNode dummy = new ListNode(0);
    dummy.next = head;
    ListNode tmp = dummy;
    while(tmp.next != null){
        if(tmp.next.val == val){
            tmp.next = tmp.next.next;
            break;
        }
        tmp = tmp.next;
    }
    return dummy.next;
}

```

## 面试题19. 正则表达式匹配

请实现一个函数用来匹配包含 '.' 和 '\*' 的正则表达式。模式中的字符 '.' 表示任意一个字符，而 '\*' 表示它前面的字符可以出现任意次（含0次）。在本题中，匹配是指字符串的所有字符匹配整个模式。例如，字符串 "aaa" 与模式 "a.a" 和 "ab\*ac\*a" 匹配，但与 "aa.a" 和 "ab\*a" 均不匹配。

### 示例 1:

输入：  
s = "aa"  
p = "a"  
输出：false  
解释："a" 无法匹配 "aa" 整个字符串。

### 示例 2:

输入：  
s = "aa"  
p = "a\*"  
输出：true  
解释：因为 '\*' 代表可以匹配零个或多个前面的那一个元素，在这里前面的元素就是 'a'。因此，字符串 "aa" 可被视为 'a' 重复了一次。

### 示例 3:

输入：  
s = "ab"  
p = ".\*"  
输出：true  
解释：".\*" 表示可匹配零个或多个（'\*'）任意字符（'.'）。

### 示例 4:

输入：  
s = "aab"  
p = "c\*a\*b"  
输出：true  
解释：因为 '\*' 表示零个或多个，这里 'c' 为 0 个，'a' 被重复一次。因此可以匹配字符串 "aab"。

### 示例 5:

```
输入:
s = "mississippi"
p = "mis*is*p*."
输出: false
```

- `s` 可能为空, 且只包含从 `a-z` 的小写字母。
- `p` 可能为空, 且只包含从 `a-z` 的小写字母, 以及字符 `.` 和 `*`。

### 动态规划

使用二维数组表示字符串的匹配, 可以分为之前匹配状态和之后的匹配两部分

```
public boolean isMatch(String s, String p) {
    int slen = s.length();
    int plen = p.length();
    boolean[][] dp = new boolean[slen + 1][plen + 1];
    dp[slen + 1][plen + 1] = true;
    for(int i = slen; i >= 0; i--){
        for(int j = plen - 1; j >= 0; j--){
            boolean first_match = (i < slen && (p.charAt(j) == s.charAt(i)
|| p.charAt(j) == '.'));
            if(j + 1 < plen && p.charAt(j+1) == '*'){
                dp[i][j] = dp[i][j+2] || first_match && dp[i+1][j];
            }
            else dp[i][j] = first_match && dp[i+1][j+1];
        }
    }
    return dp[0][0];
}
```

## 面试题20. 表示数值的字符串

请实现一个函数用来判断字符串是否表示数值（包括整数和小数）。例如，字符串"+100"、"5e2"、"-123"、"3.1416"、"0123"及"-1E-16"都表示数值，但"12e"、"1a3.14"、"1.2.3"、"+-5"及"12e+5.4"都不是。

```
public boolean isNumber(String s) {
    s = s.trim();
    boolean hasNum = false;
    boolean hasPoint = false;
    boolean hasE = false;
    boolean hasNumAfterE = true;
    for(int i = 0 ; i < s.length(); i++){
        char c = s.charAt(i);
        if(c >= '0' && c <= '9'){
            hasNum = true;
            hasNumAfterE = true;
        }
        else if(c == '.'){
            if(hasE || hasPoint) return false;
            hasPoint = true;
        }
        else if(c == 'e'){

```

```

        if(hasE || !hasNum) return false;
        hasE = true;
        hasNumAfterE = false;
    }
    else if(c == '+' || c == '-'){
        if(i != 0 && s.charAt(i - 1) != 'e') return false;
    }
    else return false;
}
return hasNum && hasNumAfterE;
}

```

## 面试题21. 调整数组顺序使奇数位于偶数前面

输入一个整数数组，实现一个函数来调整该数组中数字的顺序，使得所有奇数位于数组的前半部分，所有偶数位于数组的后半部分。

**示例：**

输入：nums = [1,2,3,4]

输出：[1,3,2,4]

注：[3,1,2,4] 也是正确的答案之一。

**提示：**

1. `1 <= nums.length <= 50000`
2. `1 <= nums[i] <= 10000`

```

public int[] exchange(int[] nums) {
    if(nums.length == 0 || nums.length == 1) return nums;
    int i = 0, j = nums.length - 1, tmp = 0;
    while(i < j){
        while(i < j && (nums[i] & 1) == 1) i++;
        while(i < j && (nums[j] & 1) == 0) j--;
        tmp = nums[i];
        nums[i] = nums[j];
        nums[j] = tmp;
    }
    return nums;
}

```

## 面试题22. 链表中倒数第k个节点

输入一个链表，输出该链表中倒数第k个节点。为了符合大多数人的习惯，本题从1开始计数，即链表的尾节点是倒数第1个节点。例如，一个链表有6个节点，从头节点开始，它们的值依次是1、2、3、4、5、6。这个链表的倒数第3个节点是值为4的节点。

**示例：**

给定一个链表：1->2->3->4->5，和 k = 2。

返回链表 4->5。

**快慢指针**

时间复杂度:  $O(N)$

空间复杂度:  $O(1)$

```
public ListNode getKthFromEnd(ListNode head, int k) {  
    if(head == null) return head;  
    ListNode fast = head;  
    ListNode slow = head;  
    while(k > 0){  
        fast = fast.next;  
        k--;  
    }  
    while(fast != null){  
        fast = fast.next;  
        slow = slow.next;  
    }  
    return slow;  
}
```

## 面试题24. 反转链表

定义一个函数，输入一个链表的头节点，反转该链表并输出反转后链表的头节点。

**示例:**

输入: 1->2->3->4->5->NULL  
输出: 5->4->3->2->1->NULL

**限制:**

0 <= 节点个数 <= 5000

**递归**

```
public ListNode reverseList(ListNode head) {  
    if(head == null || head.next == null) return head;  
    ListNode tmp = reverseList(head.next);  
    head.next.next = head;  
    head.next = null;  
    return tmp;  
}
```

**双指针**

```

public ListNode reverseList(ListNode head) {
    ListNode cur = head;
    ListNode pre = null;
    while(cur != null){
        ListNode tmp = cur.next;
        cur.next = pre;
        pre = cur;
        cur = tmp;
    }
    return pre;
}

```

## 面试题25. 合并两个排序的链表

输入两个递增排序的链表，合并这两个链表并使新链表中的节点仍然是递增排序的。

**示例1:**

输入: 1->2->4, 1->3->4  
输出: 1->1->2->3->4->4

**限制:**

0 <= 链表长度 <= 1000

**迭代**

```

public ListNode mergeTwoLists(ListNode l1, ListNode l2) {
    ListNode dummy = new ListNode(0);
    ListNode tmp = dummy;
    while(l1 != null && l2 != null){
        if(l1.val < l2.val){
            tmp.next = l1;
            l1 = l1.next;
        }
        else{
            tmp.next = l2;
            l2 = l2.next;
        }
        tmp = tmp.next;
    }
    tmp.next = l1 == null ? l2 : l1;
    return dummy.next;
}

```

**递归**

```

public ListNode mergeTwoLists(ListNode l1, ListNode l2) {
    if(l1 == null) return l2;
    if(l2 == null) return l1;
    if(l1.val < l2.val){
        l1.next = mergeTwoLists(l1.next, l2);
        return l1;
    }
    l2.next = mergeTwoLists(l1, l2.next);
    return l2;
}

```

## 面试题26. 树的子结构

输入两棵二叉树A和B，判断B是不是A的子结构。(约定空树不是任意一个树的子结构)

B是A的子结构，即 A中有出现和B相同的结构和节点值。例如：  
给定的树 A:

```

      3
     / \
    4   5
   / \
  1   2

```

给定的树 B:

```

    4
   /
  1

```

返回 true，因为 B 与 A 的一个子树拥有相同的结构和节点值。

**示例 1:**

输入: A = [1,2,3], B = [3,1]  
输出: false

**示例 2:**

输入: A = [3,4,5,1,2], B = [4,1]  
输出: true

**限制:**

0 <= 节点个数 <= 10000

**遍历加判断**

遍历A的节点，先判断是否相等，不想等就依次遍历A的左右节点

```

public boolean isSubStructure(TreeNode A, TreeNode B) {
    if(A == null || B == null) return false;
    return dfs(A, B) || isSubStructure(A.left, B) || isSubStructure(A.right,
B);
}
private boolean dfs(TreeNode A, TreeNode B){
    if(B == null) return true;
    if(A == null) return false;
    return A.val == B.val && dfs(A.left, B.left) && dfs(A.right, B.right);
}

```

## 面试题27. 二叉树的镜像

请完成一个函数，输入一个二叉树，该函数输出它的镜像。

例如输入：

```

      4
     / \
    2   7
   /\  /\
  1 3 6 9

```

镜像输出：

```

      4
     / \
    7   2
   /\  /\
  9 6 3 1

```

**示例 1：**

输入：root = [4,2,7,1,3,6,9]  
输出：[4,7,2,9,6,3,1]

**限制：**

0 <= 节点个数 <= 1000

**递归**

```

public TreeNode mirrorTree(TreeNode root) {
    if(root == null) return root;
    TreeNode tmp = root.left;
    root.left = root.right;
    root.right = tmp;
    mirrorTree(root.left);
    mirrorTree(root.right);
    return root;
}

```

**迭代**



```

public TreeNode mirrorTree(TreeNode root) {
    if(root == null) return root;
    Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<>();
    queue.offer(root);
    while(!queue.isEmpty()){
        TreeNode tmp = queue.poll();
        TreeNode left = tmp.left;
        tmp.left = tmp.right;
        tmp.right = left;
        if(tmp.left != null) queue.offer(tmp.left);
        if(tmp.right != null) queue.offer(tmp.right);
    }
    return root;
}

```

## 面试题28. 对称的二叉树

请实现一个函数，用来判断一棵二叉树是不是对称的。如果一棵二叉树和它的镜像一样，那么它是对称的。

例如，二叉树 [1,2,2,3,4,4,3] 是对称的。

```

    1
   /\
  2  2
 /\  /\
3 4 4 3

```

但是下面这个 [1,2,2,null,3,null,3] 则不是镜像对称的:

```

    1
   /\
  2  2
   \  \
    3   3

```

**示例 1:**

输入: root = [1,2,2,3,4,4,3]  
输出: true

**示例 2:**

输入: root = [1,2,2,null,3,null,3]  
输出: false

**限制:**

0 <= 节点个数 <= 1000

**递归**

```

public boolean issymmetric(TreeNode root) {
    if(root == null) return true;
    return cmp(root.left, root.right);
}
private boolean cmp(TreeNode n1, TreeNode n2){
    if(n1 == null && n2 == null) return true;
    if(n1 == null || n2 == null) return false;
    if(n1.val == n2.val) return cmp(n1.left, n2.right) && cmp(n1.right,
n2.left);
    else return false;
}

```

## 面试题29. 顺时针打印矩阵

输入一个矩阵，按照从外向里以顺时针的顺序依次打印出每一个数字。

**示例 1:**

输入: matrix = [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]  
 输出: [1,2,3,6,9,8,7,4,5]

**示例 2:**

输入: matrix = [[1,2,3,4],[5,6,7,8],[9,10,11,12]]  
 输出: [1,2,3,4,8,12,11,10,9,5,6,7]

**限制:**

- `0 <= matrix.length <= 100`
- `0 <= matrix[i].length <= 100`

```

public int[] spiralOrder(int[][] matrix) {
    if(matrix == null || matrix.length == 0) return new int[0];
    int[] res = new int[matrix.length * matrix[0].length];
    int rs = 0, cs = 0, re = matrix.length - 1, ce = matrix[0].length - 1;
    int index = 0;
    while(rs <= re && cs <= ce){
        for(int j = cs; j <= ce; j++){
            res[index] = matrix[rs][j];
            index++;
        }
        rs++;
        for(int i = rs; i <= re; i++){
            res[index] = matrix[i][ce];
            index++;
        }
        ce--;
        if(rs <= re)
            for(int j = ce; j >= cs; j--){
                res[index] = matrix[re][j];
                index++;
            }
        re--;
        if(cs <= ce)
            for(int i = re; i >= rs; i--){

```

```

        res[index] = matrix[i][cs];
        index++;
    }
    cs++;
}
return res;
}

```

## 面试题30. 包含min函数的栈

设计一个支持 `push` , `pop` , `top` 操作，并能在常数时间内检索到最小元素的栈。

- `push(x)` —— 将元素 `x` 推入栈中。
- `pop()` —— 删除栈顶的元素。
- `top()` —— 获取栈顶元素。
- `getMin()` —— 检索栈中的最小元素。

示例:

```

MinStack minStack = new MinStack();
minStack.push(-2);
minStack.push(0);
minStack.push(-3);
minStack.getMin();   --> 返回 -3.
minStack.pop();
minStack.top();       --> 返回 0.
minStack.getMin();    --> 返回 -2.

```

```

class MinStack {
    class Node{
        int val;
        int min;
        Node next;

        Node(int val, int min){
            this.val = val;
            this.min = min;
            this.next = null;
        }
    }
    Node head;
    /** initialize your data structure here. */
    public MinStack() {

    }

    public void push(int x) {
        if(head == null){
            head = new Node(x, x);
        }
        else{
            Node node = new Node(x, Math.min(x, head.min));
            node.next = head;
            head = node;
        }
    }
}

```

```

    public void pop() {
        if(head != null) head = head.next;
    }

    public int top() {
        if(head != null) return head.val;
        return -1;
    }

    public int getMin() {
        if(head != null) return head.min;
        return -1;
    }
}

```

```

class MinStack {
    private Stack<Integer> stack;
    private int min = Integer.MAX_VALUE;
    /** initialize your data structure here. */
    public MinStack() {
        stack = new Stack<>();
    }

    public void push(int x) {
        if(x <= min){
            stack.push(min);
            min = x;
        }
        stack.push(x);
    }

    public void pop() {
        if(stack.pop() == min) min = stack.pop();
    }

    public int top() {
        return stack.peek();
    }

    public int getMin() {
        return min;
    }
}

```

## 面试题31. 栈的压入、弹出序列

输入两个整数序列，第一个序列表示栈的压入顺序，请判断第二个序列是否为该栈的弹出顺序。假设压入栈的所有数字均不相等。例如，序列{1,2,3,4,5} 是某栈的压栈序列，序列 {4,5,3,2,1} 是该压栈序列对应的一个弹出序列，但 {4,3,5,1,2} 就不可能是该压栈序列的弹出序列。

**示例 1:**

输入: pushed = [1,2,3,4,5], popped = [4,5,3,2,1]

输出: true

解释: 我们可以按以下顺序执行:

push(1), push(2), push(3), push(4), pop() -> 4, push(5), pop() -> 5, pop() -> 3, pop() -> 2, pop() -> 1

## 示例 2:

输入: pushed = [1,2,3,4,5], popped = [4,3,5,1,2]

输出: false

解释: 1 不能在 2 之前弹出。

## 提示:

1. `0 <= pushed.length == popped.length <= 1000`
2. `0 <= pushed[i], popped[i] < 1000`
3. `pushed` 是 `popped` 的排列。

```
public boolean validateStackSequences(int[] pushed, int[] popped) {
    Stack<Integer> stack = new Stack<>();
    int j = 0;
    for(int x : pushed){
        stack.push(x);
        while(!stack.isEmpty() && j < popped.length && stack.peek() ==
popped[j]){
            stack.pop();
            j++;
        }
    }
    return j == popped.length;
}
```

```
public boolean validateStackSequences(int[] pushed, int[] popped) {
    int size = 0;
    for (int i=0, j=0; i<pushed.length; i++) {
        pushed[size++] = pushed[i];
        while (size!=0 && pushed[size-1] == popped[j]) {
            size--;
            j++;
        }
    }
    return size == 0;
}
```

## 面试题32 - I. 从上到下打印二叉树

从上到下打印出二叉树的每个节点，同一层的节点按照从左到右的顺序打印。

例如:

给定二叉树: [3,9,20,null,null,15,7],

```

    3
   /\
  9 20
   /\
  15 7

```

返回:

```
[3,9,20,15,7]
```

提示:

1. 节点总数 <= 1000

```

public int[] levelOrder(TreeNode root) {
    if(root == null) return new int[0];
    List<Integer> list = new ArrayList<>();
    Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<>();
    queue.offer(root);
    while(!queue.isEmpty()){
        TreeNode tmp = queue.poll();
        list.add(tmp.val);
        if(tmp.left != null) queue.offer(tmp.left);
        if(tmp.right != null) queue.offer(tmp.right);
    }
    int[] ans= new int[list.size()];
    for(int j=0;j<ans.length;j++){
        ans[j]=list.get(j);
    }
    return ans;
}

```

```

public int[] levelOrder(TreeNode root) {
    if(root == null) return new int[0];
    ArrayList<TreeNode> list = new ArrayList<>();
    list.add(root);
    int i = 0;
    while(i<list.size()){
        TreeNode mid = list.get(i);
        if(mid.left!=null){
            list.add(mid.left);
        }
        if(mid.right!=null){
            list.add(mid.right);
        }
        i++;
    }
    int[] ans= new int[list.size()];
    for(int j=0;j<ans.length;j++){
        ans[j]=list.get(j).val;
    }
    return ans;
}

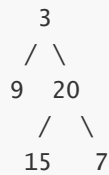
```

## 面试题32 - II. 从上到下打印二叉树 II

从上到下按层打印二叉树，同一层的节点按从左到右的顺序打印，每一层打印到一行。

例如：

给定二叉树: [3,9,20,null,null,15,7]，



返回其层次遍历结果：

```
[
  [3],
  [9,20],
  [15,7]
]
```

提示：

1. 节点总数  $\leq 1000$

**bfs**

```
public List<List<Integer>> levelOrder(TreeNode root) {
    List<List<Integer>> res = new ArrayList<>();
    Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<>();
    if(root == null) return res;
    queue.offer(root);
    while(!queue.isEmpty()){
        int size = queue.size();
        List<Integer> list = new ArrayList<>();
        TreeNode tmp = null;
        for(int i = 0; i < size; i++){
            tmp = queue.poll();
            list.add(tmp.val);
            if(tmp.left != null) queue.offer(tmp.left);
            if(tmp.right != null) queue.offer(tmp.right);
        }
        res.add(list);
    }
    return res;
}
```

**dfs(fast)**

```
private List<List<Integer>> res = new ArrayList<>();
public List<List<Integer>> levelOrder(TreeNode root) {
    if(root == null) return res;
    getOrder(root, 1);
    return res;
}
```

```
private void getOrder(TreeNode n, int layer){
    if(n == null) return;
    if(res.size() < layer) {
        res.add(new ArrayList<Integer>());
    }
    List<Integer> tmp = res.get(layer - 1);
    tmp.add(n.val);
    getOrder(n.left, layer + 1);
    getOrder(n.right, layer + 1);
}
```

## 面试题32 - III. 从上到下打印二叉树 III

请实现一个函数按照之字形顺序打印二叉树，即第一行按照从左到右的顺序打印，第二层按照从右到左的顺序打印，第三行再按照从左到右的顺序打印，其他行以此类推。

例如：

给定二叉树: [3,9,20,null,null,15,7]，

```

  3
 / \
9   20
 / \
15  7
```

返回其层次遍历结果：

```
[
  [3],
  [20,9],
  [15,7]
]
```

**提示：**

1. 节点总数 <= 1000

**bfs**

```
public List<List<Integer>> levelOrder(TreeNode root) {
    List<List<Integer>> res = new ArrayList<>();
    if(root == null) return res;
    LinkedList<TreeNode> queue = new LinkedList<>();
    boolean flag = true;
    queue.offer(root);
    while(!queue.isEmpty()){
        int size = queue.size();
        LinkedList<Integer> tmp = new LinkedList<>();
        while(size > 0){
            TreeNode n = queue.poll();
            if(flag) tmp.addLast(n.val);
            else tmp.addFirst(n.val);
            if(n.left != null) queue.offer(n.left);
            if(n.right != null) queue.offer(n.right);
            size--;
        }
    }
}
```



```

        res.add(tmp);
        flag = !flag;
    }
    return res;
}

```

dfs

```

List<List<Integer>> reses = new ArrayList<>();
public List<List<Integer>> levelorder(TreeNode root) {
    recur(root, 0);
    return reses;
}
void recur(TreeNode root, int level) {
    if (root == null) return;
    if (reses.size() == level) reses.add(new LinkedList<Integer>());
    LinkedList<Integer> res = (LinkedList<Integer>) reses.get(level);
    if ((level & 1) == 0) res.addLast(root.val);
    else res.addFirst(root.val);
    recur(root.left, level+1);
    recur(root.right, level+1);
}

```

## 面试题33. 二叉搜索树的后序遍历序列

输入一个整数数组，判断该数组是不是某二叉搜索树的后序遍历结果。如果是则返回 `true`，否则返回 `false`。假设输入的数组的任意两个数字都互不相同。

参考以下这颗二叉搜索树：



示例 1:

输入: [1,6,3,2,5]  
输出: false

示例 2:

输入: [1,3,2,6,5]  
输出: true

提示:

1. 数组长度  $\leq 1000$

递归分治

```

public boolean verifyPostorder(int[] postorder) {
    return test(postorder, 0, postorder.length-1);
}
private boolean test(int[] postorder, int start, int end){
    if(start >= end) return true;
    int p = start;
    while(postorder[p] < postorder[end]) p++;
    int m = p;
    while(postorder[p] > postorder[end]) p++;
    return p == end && test(postorder, start, m-1) && test(postorder, m,
end-1);
}

```

### 单调栈 (速度慢)

```

public boolean verifyPostorder(int[] postorder) {
    // 单调栈使用，单调递增的单调栈
    Deque<Integer> stack = new LinkedList<>();
    // 表示上一个根节点的元素，这里可以把postorder的最后一个元素root看成无穷大节点的左孩
子
    int pervElem = Integer.MAX_VALUE;
    // 逆向遍历，就是翻转的先序遍历
    for (int i = postorder.length - 1; i >= 0; i--){
        // 左子树元素必须要小于递增栈被peek访问的元素，否则就不是二叉搜索树
        if (postorder[i] > pervElem){
            return false;
        }
        while (!stack.isEmpty() && postorder[i] < stack.peek()){
            // 数组元素小于单调栈的元素了，表示往左子树走了，记录下上个根节点
            // 找到这个左子树对应的根节点，之前右子树全部弹出，不再记录，因为不可能在往根
            节点的右子树走了
            pervElem = stack.pop();
        }
        // 这个新元素入栈
        stack.push(postorder[i]);
    }
    return true;
}

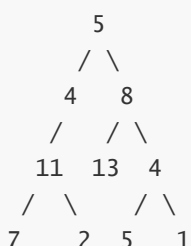
```

## 面试题34. 二叉树中和为某一值的路径

输入一棵二叉树和一个整数，打印出二叉树中节点值的和为输入整数的所有路径。从树的根节点开始往下一直到叶节点所经过的节点形成一条路径。

### 示例:

给定如下二叉树，以及目标和 `sum = 22`，



返回:

```
[
  [5,4,11,2],
  [5,8,4,5]
]
```

提示:

1. 节点总数  $\leq 10000$

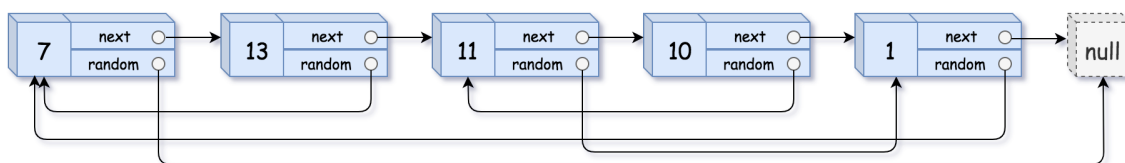
路径记录+回溯

```
private List<List<Integer>> res = new ArrayList<>();
public List<List<Integer>> pathSum(TreeNode root, int sum) {
    backtrack(root, sum, new ArrayList<Integer>());
    return res;
}
private void backtrack(TreeNode root, int sum, List<Integer> list){
    if(root == null) return;
    list.add(root.val);
    sum -= root.val;
    if(sum == 0 && root.left == null && root.right == null){
        res.add(new ArrayList<Integer>(list));
    }
    backtrack(root.left, sum, list);
    backtrack(root.right, sum, list);
    list.remove(list.size() - 1);
}
```

## 面试题35. 复杂链表的复制

请实现 `copyRandomList` 函数，复制一个复杂链表。在复杂链表中，每个节点除了有一个 `next` 指针指向下一个节点，还有一个 `random` 指针指向链表中的任意节点或者 `null`。

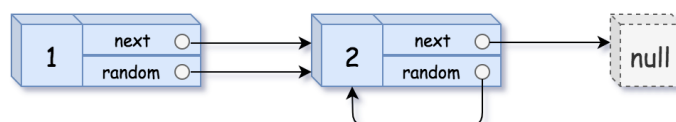
示例 1:



输入: head = [[7,null],[13,0],[11,4],[10,2],[1,0]]

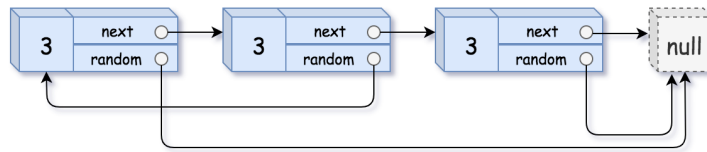
输出: [[7,null],[13,0],[11,4],[10,2],[1,0]]

示例 2:



输入: head = [[1,1],[2,1]]  
输出: [[1,1],[2,1]]

### 示例 3:



输入: head = [[3,null],[3,0],[3,null]]  
输出: [[3,null],[3,0],[3,null]]

### 示例 4:

输入: head = []  
输出: []  
解释: 给定的链表为空（空指针），因此返回 null。

### 提示:

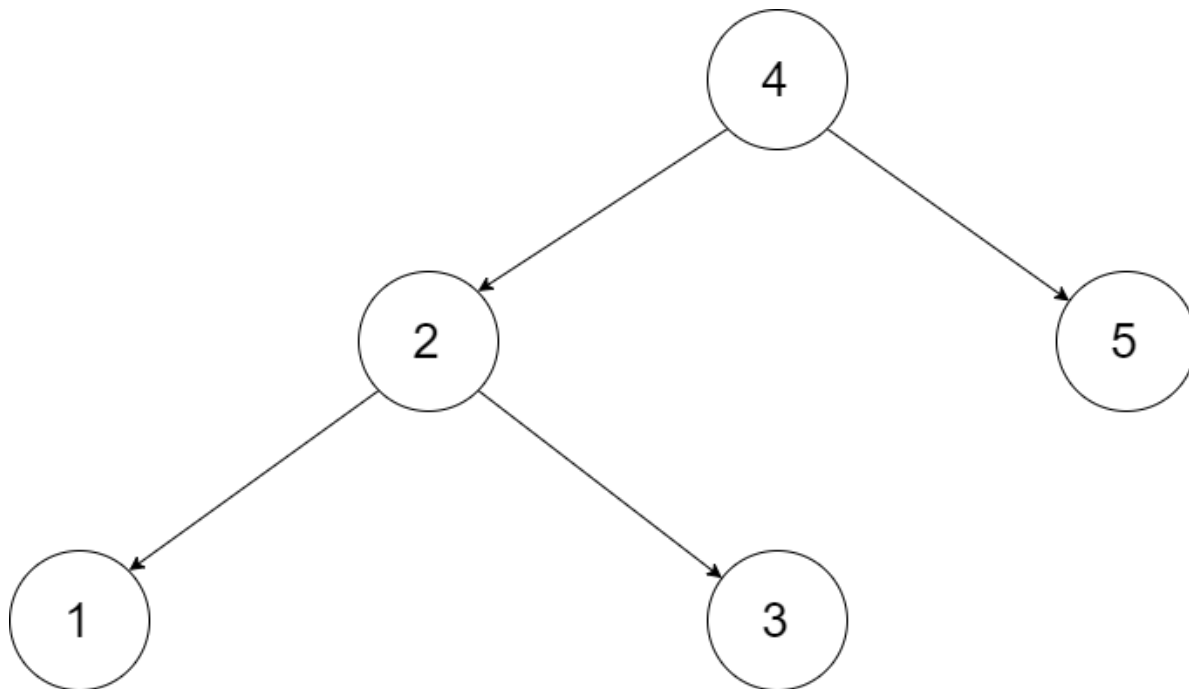
- `-10000 <= Node.val <= 10000`
- `Node.random` 为空 (null) 或指向链表中的节点。
- 节点数目不超过 1000。

```
public Node copyRandomList(Node head) {
    if(head == null) return null;
    Node ptr = head;
    //拼接新旧链表1-1'-2-2'-null
    while(ptr != null){
        Node newnode = new Node(ptr.val);
        newnode.next = ptr.next;
        ptr.next = newnode;
        ptr = newnode.next;
    }
    ptr = head;
    //指定随机指针
    while(ptr != null){
        ptr.next.random = (ptr.random != null) ? ptr.random.next : null;
        ptr = ptr.next.next;
    }
    Node old = head;
    //重新连接链表
    Node new_node = head.next;
    Node new_head = head.next;
    while(old != null){
        old.next = old.next.next;
        new_node.next = (new_node.next != null) ? new_node.next.next : null;
        old = old.next;
        new_node = new_node.next;
    }
    return new_head;
}
```

## 面试题36. 二叉搜索树与双向链表

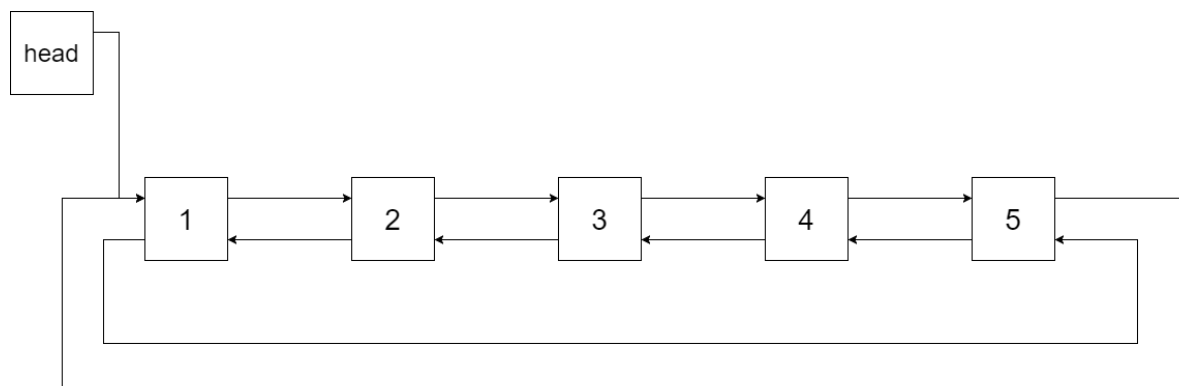
输入一棵二叉搜索树，将该二叉搜索树转换成一个排序的循环双向链表。要求不能创建任何新的节点，只能调整树中节点指针的指向。

为了让您更好地理解问题，以下面的二叉搜索树为例：



我们希望将这个二叉搜索树转化为双向循环链表。链表中的每个节点都有一个前驱和后继指针。对于双向循环链表，第一个节点的前驱是最后一个节点，最后一个节点的后继是第一个节点。

下图展示了上面的二叉搜索树转化成的链表。“head”表示指向链表中有最小元素的节点。



特别地，我们希望可以就地完成转换操作。当转化完成以后，树中节点的左指针需要指向前驱，树中节点的右指针需要指向后继。还需要返回链表中的第一个节点的指针。

```
Node pre, head;
public Node treeToDoublyList(Node root) {
    if(root == null) return null;
    dfs(root);
    head.left = pre;
    pre.right = head;
    return head;
}
private void dfs(Node cur){
    if(cur == null) return;
    dfs(cur.left);
    if(pre != null) pre.right = cur;
```

```

else head = cur;
cur.left = pre;
pre = cur;
dfs(cur.right);
}

```

## 面试题37. 序列化二叉树

请实现两个函数，分别用来序列化和反序列化二叉树。

示例:

你可以将以下二叉树:



序列化为 "[1,2,3,null,null,4,5]"

层序遍历 (慢)

```

// Encodes a tree to a single string.
public String serialize(TreeNode root) {
    if(root == null) return "[]";
    StringBuilder sb = new StringBuilder("");
    Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<>(){add(root);};
    while(!queue.isEmpty()){
        TreeNode node = queue.poll();
        if(node != null){
            sb.append(node.val + ",");
            queue.add(node.left);
            queue.add(node.right);
        }
        else sb.append("null,");
    }
    sb.deleteCharAt(sb.length() - 1);
    sb.append("]");
    return sb.toString();
}

// Decodes your encoded data to tree.
public TreeNode deserialize(String data) {
    if(data.equals("[]")) return null;
    String[] vals = data.substring(1, data.length()-1).split(",");
    TreeNode root = new TreeNode(Integer.parseInt(vals[0]));
    Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<>(){add(root);};
    int i = 1;
    while(!queue.isEmpty()){
        TreeNode node = queue.poll();
        if(!vals[i].equals("null")){
            node.left = new TreeNode(Integer.parseInt(vals[i]));
            queue.add(node.left);
        }
        i++;
    }
}

```

```

        if(!vals[i].equals("null")){
            node.right = new TreeNode(Integer.parseInt(vals[i]));
            queue.add(node.right);
        }
        i++;
    }
    return root;
}

```

## 深度遍历

```

// Encodes a tree to a single string.
public String serialize(TreeNode root) {
    StringBuilder sb = new StringBuilder();
    serializeUtil(root, sb);
    return sb.toString();
}
private void serializeUtil(TreeNode root, StringBuilder sb){
    if (root == null){
        sb.append("#");
        return;
    }
    sb.append((char)(root.val + '0'));
    serializeUtil(root.left, sb);
    serializeUtil(root.right, sb);
}
// Decodes your encoded data to tree.
int index=0;
public TreeNode deserialize(String data) {
    return deserializeUtil(data.toCharArray());
}
private TreeNode deserializeUtil(char[] data){
    if (data[index] == '#'){
        index++;
        return null;
    }
    TreeNode root = new TreeNode(data[index++] - '0');
    root.left = deserializeUtil(data);
    root.right = deserializeUtil(data);
    return root;
}

```

## 面试题38. 字符串的排列

输入一个字符串，打印出该字符串中字符的所有排列。

你可以以任意顺序返回这个字符串数组，但里面不能有重复元素。

**示例:**

```

输入: s = "abc"
输出: ["abc","acb","bac","bca","cab","cba"]

```

**限制:**

1 <= s 的长度 <= 8

## 回溯法

```
List<String> list = new ArrayList<>();
char[] c;
public String[] permutation(String s) {
    c = s.toCharArray();
    dfs(0);
    return list.toArray(new String[list.size()]);
}
private void dfs(int x){
    if(x == c.length - 1){
        list.add(String.valueOf(c));
        return;
    }
    boolean[] visit=new boolean[26];
    for(int i = x; i < c.length; i++){
        if(visit[c[i]-'a']) continue;
        visit[c[i]-'a'] = true;
        swap(i, x);
        dfs(x+1);
        swap(i, x);
    }
}
private void swap(int a, int b){
    char tmp = c[a];
    c[a] = c[b];
    c[b] = tmp;
}
```

## 面试题39. 数组中出现次数超过一半的数字

数组中有一个数字出现的次数超过数组长度的一半，请找出这个数字。你可以假设数组是非空的，并且给定的数组总是存在多数元素。

### 示例 1:

输入: [1, 2, 3, 2, 2, 2, 5, 4, 2]  
输出: 2

### 限制:

1 <= 数组长度 <= 50000

### 摩尔投票法

根据有一半的数是这个数，所以数量比其他数字数量之和还大，用遇到一个数如果与目前数相同就+1，否则-1，如果减到0就换当前查找的数字



```

public int majorityElement(int[] nums) {
    int num = 0, cnt = 0;
    for(int i = 0; i < nums.length; ++i){
        if(cnt == 0) num = nums[i];
        cnt += num == nums[i] ? 1 : -1;
    }
    return num;
}

```

### 排序返回中间位置

数组排序后，众数的数占一半以上，直接返回数组中间的数

```

public int majorityElement(int[] nums) {
    Arrays.sort(nums);
    return nums[nums.length / 2];
}

```

### hashmap

使用hashmap统计每个数的数量，返回数量最大的那个数

## 面试题40. 最小的k个数

输入整数数组 `arr`，找出其中最小的 `k` 个数。例如，输入4、5、1、6、2、7、3、8这8个数字，则最小的4个数字是1、2、3、4。

### 示例 1:

输入: `arr = [3,2,1]`, `k = 2`  
 输出: `[1,2]` 或者 `[2,1]`

### 示例 2:

输入: `arr = [0,1,2,1]`, `k = 1`  
 输出: `[0]`

### 限制:

- `0 <= k <= arr.length <= 10000`
- `0 <= arr[i] <= 10000`

### 方法一：直接调用sort

```

public int[] getLeastNumbers(int[] arr, int k) {
    Arrays.sort(arr);
    int[] res = new int[k];
    for(int i = 0; i < k; ++i){
        res[i] = arr[i];
    }
    return res;
}

```

### 方法二：堆

```

public int[] getLeastNumbers(int[] arr, int k) {
    if(k == 0) return new int[0];
    Queue<Integer> heap = new PriorityQueue<>(k, (k1,k2) ->
Integer.compare(k2,k1));
    for(int e : arr){
        if(heap.isEmpty() || heap.size() < k || e < heap.peek()){
            heap.offer(e);
        }
        if(heap.size() > k){
            heap.poll();
        }
    }
    int[] res = new int[k];
    int j = 0;
    for(int e : heap){
        res[j++] = e;
    }
    return res;
}

```

### 方法三：快排变形(最快)

```

public int[] getLeastNumbers(int[] arr, int k) {
    if (k == 0 || arr.length == 0) {
        return new int[0];
    }
    // 最后一个参数表示我们要找的是下标为k-1的数
    return quickSearch(arr, 0, arr.length - 1, k - 1);
}

private int[] quickSearch(int[] nums, int l, int r, int k) {
    int ans = partition(nums, l, r);
    if(ans == k) return Arrays.copyOf(nums, k + 1);
    else if(ans > k) return quickSearch(nums, l, ans - 1, k);
    return quickSearch(nums, ans + 1, r, k);
}

// 快排切分，返回下标j，使得比nums[j]小的数都在j的左边，比nums[j]大的数都在j的右边。
private int partition(int[] nums, int l, int r) {
    int temp = nums[l];
    int i = l, j = r + 1;
    while(true){
        while(++i <= r && nums[i] < temp);
        while(--j >= l && nums[j] > temp);
        if(i >= j) break;
        int x = nums[i];
        nums[i] = nums[j];
        nums[j] = x;
    }
    nums[l] = nums[j];
    nums[j] = temp;
    return j;
}

```

## 面试题41. 数据流中的中位数

如何得到一个数据流中的中位数？如果从数据流中读出奇数个数值，那么中位数就是所有数值排序之后位于中间的数值。如果从数据流中读出偶数个数值，那么中位数就是所有数值排序之后中间两个数的平均值。

例如，

[2,3,4] 的中位数是 3

[2,3] 的中位数是  $(2 + 3) / 2 = 2.5$

设计一个支持以下两种操作的数据结构：

- void addNum(int num) - 从数据流中添加一个整数到数据结构中。
- double findMedian() - 返回目前所有元素的中位数。

示例 1：

```
输入：
["MedianFinder","addNum","addNum","findMedian","addNum","findMedian"]
[[],[1],[2],[],[3],[ ]]
输出：[null,null,null,1.50000,null,2.00000]
```

示例 2：

```
输入：
["MedianFinder","addNum","findMedian","addNum","findMedian"]
[[],[2],[],[3],[ ]]
输出：[null,null,2.00000,null,2.50000]
```

限制：

- 最多会对 addNum、findMedia 进行 50000 次调用。

使用优先队列

- 时间复杂度： $O(\log N)$ ，优先队列的出队入队操作都是对数级别的，数据在两个堆中间来回操作是常数级别的，综上所述时间复杂度是  $O(\log N)$  级别的。
- 空间复杂度： $O(N)$ ，使用了三个辅助空间，其中两个堆的空间复杂度是  $O(\frac{N}{2})$ ，一个表示数据流元素个数的计数器 count，占用空间  $O(1)$ ，综上所述空间复杂度为  $O(N)$ 。

```
PriorityQueue<Integer> minHeap;
PriorityQueue<Integer> maxHeap;

/** initialize your data structure here. */
public MedianFinder() {
    minHeap = new PriorityQueue<>();
    maxHeap = new PriorityQueue<>((a, b) -> b-a);
}

public void addNum(int num) {
    if (maxHeap.isEmpty() || num <= maxHeap.peek()) {
        maxHeap.offer(num);
    } else {
        minHeap.offer(num);
    }
}
```

```

        if (maxHeap.size() > minHeap.size() + 1) {
            minHeap.offer(maxHeap.poll());
        } else if (maxHeap.size() < minHeap.size()) {
            maxHeap.offer(minHeap.poll());
        }

    }

    public double findMedian() {
        if (minHeap.size() == maxHeap.size()) {
            return (minHeap.peek() + maxHeap.peek()) / 2.0;
        }
        return maxHeap.peek();
    }
}

```

## 面试题42. 连续子数组的最大和

输入一个整型数组，数组里有正数也有负数。数组中的一个或连续多个整数组成一个子数组。求所有子数组的和的最大值。

要求时间复杂度为 $O(n)$ 。

**示例1:**

输入: `nums = [-2,1,-3,4,-1,2,1,-5,4]`  
 输出: 6  
 解释: 连续子数组 `[4,-1,2,1]` 的和最大, 为 6。

**提示:**

- `1 <= arr.length <= 10^5`
- `-100 <= arr[i] <= 100`

**动态规划**

$dp[i] = dp[i-1] + nums[i] \quad dp[i-1] > 0$

$dp[i] = nums[i] \quad dp[i-1] \leq 0$

dp可用原nums代替

**时间复杂度  $O(N)$ :** 线性遍历数组 `nums` 即可获得结果, 使用 $O(N)$  时间。

**空间复杂度  $O(1)$ :** 使用常数大小的额外空间。

```

public int maxSubArray(int[] nums) {
    int maxsum = nums[0];
    for(int i = 1; i < nums.length; i++){
        if(nums[i-1] > 0){
            nums[i] += nums[i-1];
        }
        maxsum = Math.max(maxsum, nums[i]);
    }
    return maxsum;
}

```

## 面试题43. 1 ~ n 整数中1出现的次数

输入一个整数  $n$ ，求1 ~  $n$  这  $n$  个整数的十进制表示中1出现的次数。

例如，输入12，1 ~ 12 这些整数中包含1 的数字有1、10、11和12，1一共出现了5次。

**示例 1:**

输入:  $n = 12$

输出: 5

**示例 2:**

输入:  $n = 13$

输出: 6

**限制:**

- $1 \leq n < 2^{31}$

**思路**

总体思想就是分类，先求所有数中个位是 1 的个数，再求十位是 1 的个数，再求百位是 1 的个数...

假设  $n = xyzdabc$ ，此时我们求千位是 1 的个数，也就是  $d$  所在的位置。

那么此时有三种情况，

- $d == 0$ ，那么千位上 1 的个数就是  $xyz * 1000$
- $d == 1$ ，那么千位上 1 的个数就是  $xyz * 1000 + abc + 1$
- $d > 1$ ，那么千位上 1 的个数就是  $xyz * 1000 + 1000$

注意到  $d > 1$  的时候，我们多加了一个  $k$ ，我们可以通过计算  $long\ xyz = xyzd / 10$  的时候，给  $xyzd$  多加 8，从而使得当  $d > 1$  的时候，此时求出来的  $xyz$  会比之前大 1，这样计算  $xyz * k$  的时候就相当于多加了一个  $k$ 。 $k$  溢出的问题，我们可以通过  $long$  类型解决。

时间复杂度:  $O(\log_{10}(n))$

空间复杂度: 只需要  $O(1)$  的额外空间。

```
public int countDigitOne(int n) {
    int count = 0;
    for(long k = 1; k <= n; k *= 10){
        long r = n / k, m = n % k;
        count += (r + 8) / 10 * k + (r % 10 == 1 ? m + 1 : 0);
    }
    return count;
}
```

## 面试题44. 数字序列中某一位的数字

数字以0123456789101112131415...的格式序列化到一个字符序列中。在这个序列中，第5位（从下标0开始计数）是5，第13位是1，第19位是4，等等。

请写一个函数，求任意第  $n$  位对应的数字。

**示例 1:**

输入:  $n = 3$   
输出: 3

### 示例 2:

输入:  $n = 11$   
输出: 0

### 限制:

- $0 \leq n < 2^{31}$

### 解题思路

将  $101112 \cdots$  中的每一位称为 **数位**, 记为  $n$ ;

将  $10, 11, 12, \cdots$  称为 **数字**, 记为  $num$ ;

数字  $10$  是一个两位数, 称此数字的 **位数** 为  $2$ , 记为  $digit$ ;

每  $digit$  位数的起始数字 (即:  $1, 10, 100, \cdots$ ), 记为  $start$ 。

可推出各  $digit$  下的数位数量  $count$  的计算公式:

$$count = 9 \times start \times digit$$

根据以上分析, 可将求解分为三步:

确定  $n$  所在 **数字** 的 **位数**, 记为  $digit$ ;

确定  $n$  所在的 **数字**, 记为  $num$ ;

确定  $n$  是  $num$  中的哪一数位, 并返回结果。

```
public int findNthDigit(int n) {  
    int digit = 1;  
    long start = 1;  
    long count = 9;  
    while(n > count){  
        n -= count;  
        digit += 1;//1,2,3,4  
        start *= 10;//1,10,100,1000  
        count = digit * start * 9;//9,180,2700  
    }  
    long num = start + (n - 1) / digit;  
    return Long.toString(num).charAt((n - 1) % digit) - '0';  
}
```

## 面试题45. 把数组排成最小的数

输入一个正整数数组, 把数组里所有数字拼接起来排成一个数, 打印能拼接出的所有数字中最小的一个。

### 示例 1:

输入:  $[10, 2]$   
输出: "102"

## 示例 2:

输入: [3,30,34,5,9]  
输出: "3033459"

## 提示:

- `0 < nums.length <= 100`

## 说明:

- 输出结果可能非常大, 所以你需要返回一个字符串而不是整数
- 拼接起来的数字可能会有前导 0, 最后结果不需要去掉前导 0

## 解题思路

本质是两个字符串的拼接排序问题;

排序规则: 设nums中任意两个数的字符串为 $x, y$

如果 $x + y > y + x$ , 则 $x > y$ ;

如果 $x + y < y + x$ , 则 $x < y$ ;

## 算法流程:

1. 初始化: 数组转化为字符串数组str;
2. 列表排序: 根据规则对strs数组排序;
3. 返回值: 拼接所有strs中的字符串, 并返回。

## 复杂度分析:

时间复杂度 $O(N \log N)$ : 使用快排的平均时间复杂度为 $O(N \log N)$ , 最差为 $O(N^2)$

空间复杂度 $O(N)$ : 字符串数组占用线性大小的额外空间

## 内置排序函数

```
public String minNumber(int[] nums) {
    String[] str = new String[nums.length];
    for(int i = 0; i < nums.length; i++){
        str[i] = String.valueOf(nums[i]);
    }
    Arrays.sort(str, (x, y) -> (x + y).compareTo(y + x));
    StringBuilder sb = new StringBuilder();
    for(String s : str){
        sb.append(s);
    }
    return sb.toString();
}
```

## 自定义快排

```
public String minNumber(int[] nums) {
    StringBuilder sb = new StringBuilder();
    solve(nums, 0, nums.length - 1);
    for(int num : nums){
        sb.append(num);
    }
    return sb.toString();
}
```

```

}

public void solve(int nums[], int l, int r){
    if(l > r) return;
    int partition = partition(nums, l, r);
    solve(nums, l, partition - 1);
    solve(nums, partition + 1, r);
}
//切分排序
public int partition(int nums[],int l,int r){
    int partition = nums[l];
    int i = l, j = r;
    while(i < j){
        while(i < j && compare(partition, nums[j])){
            j--;
        }

        while(i < j && compare(nums[i], partition)){
            i++;
        }
        if(i < j){
            int tmp = nums[i];
            nums[i] = nums[j];
            nums[j] = tmp;
        }
    }
    nums[l] = nums[i];
    nums[i] = partition;
    return i;
}
//拼接整数
public boolean compare(int num1, int num2){
    long base1 = 10;
    while(num1 / base1 > 0){
        base1 *= 10;
    }
    long base2 = 10;
    while(num2 / base2 > 0){
        base2 *= 10;
    }
    return num1 * base2 + num2 <= num2 * base1 + num1;
}

```

## 面试题46. 把数字翻译成字符串

给定一个数字，我们按照如下规则把它翻译为字符串：0 翻译成“a”，1 翻译成“b”，……，11 翻译成“l”，……，25 翻译成“z”。一个数字可能有多个翻译。请编程实现一个函数，用来计算一个数字有多少种不同的翻译方法。

**示例 1:**

输入：12258

输出：5

解释：12258有5种不同的翻译，分别是“bccfi”, “bwfi”, “bczi”, “mcfi”和“mzi”

**提示:**



- `0 <= num < 231`

## 动态规划

使用dp数组来看, `dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 2]`

方法一: 先把整数转化为整数数组, 从高位往低位计算种类和;

方法二: 从右往左遍历, 利用求余和求整数取出整数各位;

复杂度分析:

时间复杂度 $O(N)$ : num的位数代表循环次数

空间复杂度 $O(1)$ : 几个变量使用了常数大小的空间

```
public int translateNum(int num) {
    int a = 1, b = 1, x, y = num % 10;
    while(num != 0) {
        num /= 10;
        x = num % 10;
        int tmp = 10 * x + y;
        int c = (tmp >= 10 && tmp <= 25) ? a + b : a;
        b = a;
        a = c;
        y = x;
    }
    return a;
}
```

## 面试题47. 礼物的最大价值

在一个  $m \times n$  的棋盘的每一格都放有一个礼物, 每个礼物都有一定的价值 (价值大于 0)。你可以从棋盘的左上角开始拿格子里的礼物, 并每次向右或者向下移动一格、直到到达棋盘的右下角。给定一个棋盘及其上面的礼物的价值, 请计算你最多能拿到多少价值的礼物?

**示例 1:**

输入:

```
[
  [1,3,1],
  [1,5,1],
  [4,2,1]
]
```

输出: 12

解释: 路径  $1 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 2 \rightarrow 1$  可以拿到最多价值的礼物

提示:

- `0 < grid.length <= 200`
- `0 < grid[0].length <= 200`

## 动态规划

典型的动态规划问题, 根据左边和上边的最大值求解

$$dp(i,j) = \begin{cases} grid(i,j) & \text{if } i=0, j=0 \\ grid(i,j) + dp(i,j-1) & \text{if } i=0, j \neq 0 \\ grid(i,j) + dp(i-1,j) & \text{if } i \neq 0, j=0 \\ grid(i,j) + \max[dp(i-1,j), dp(i,j-1)] & \text{if } i \neq 0, j \neq 0 \end{cases}$$

初始状态:  $dp[0][0] = grid[0][0]$

返回值:  $dp[m-1][n-1]$

可将原矩阵grid代替dp矩阵, 原地修改

时间复杂度:  $O(MN)$

空间复杂度:  $O(1)$

```
public int maxValue(int[][] grid) {
    if(grid == null || grid.length == 0 || grid[0].length == 0) return 0;
    int m = grid.length;
    int n = grid[0].length;
    for(int i = 1; i < m; ++i){
        grid[i][0] += grid[i-1][0];
    }
    for(int j = 1; j < n; ++j){
        grid[0][j] += grid[0][j-1];
    }
    for(int i = 1; i < m; ++i){
        for(int j = 1; j < n; ++j){
            grid[i][j] += Math.max(grid[i-1][j], grid[i][j-1]);
        }
    }
    return grid[m-1][n-1];
}
```

## 面试题48. 最长不含重复字符的子字符串

请从字符串中找出一个最长的不包含重复字符的子字符串, 计算该最长子字符串的长度。

### 示例 1:

输入: "abcabcbb"

输出: 3

解释: 因为无重复字符的最长子串是 "abc", 所以其长度为 3。

### 示例 2:

输入: "bbbbbb"

输出: 1

解释: 因为无重复字符的最长子串是 "b", 所以其长度为 1。

### 示例 3:

输入: "pwwkew"

输出: 3

解释: 因为无重复字符的最长子串是 "wke", 所以其长度为 3。

请注意, 你的答案必须是 子串 的长度, "pwke" 是一个子序列, 不是子串。

提示:

- `s.length <= 40000`

滑动窗口

维护一个窗口，这个窗口就是一个不重复字符串的长度，用hash表维护这个长度的索引，记录每个字符串最近一次出现的位置，start表示最左边的边界，res表示最大结果长度

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(|E|)$ :E为字符集大小128或者256

```
public int lengthOfLongestSubstring(String s) {
    int[] pos = new int[128];
    Arrays.fill(pos, -1);
    int start = 0;
    int n = s.length();
    int res = 0;
    for(int i = 0; i < n; ++i){
        int c = s.charAt(i);
        start = Math.max(start, pos[c] + 1); //如果字符重复，则重复的字符向前移动一位
        res = Math.max(res, i - start + 1); //第i个位置-原索引增1后再+1
        pos[c] = i; //最新的索引为目前的索引i
    }
    return res;
}
```

## 面试题49. 丑数

我们把只包含因子 2、3 和 5 的数称作丑数（Ugly Number）。求按从小到大的顺序的第 n 个丑数。

示例:

输入: n = 10  
输出: 12  
解释: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12 是前 10 个丑数。

说明:

- 1 是丑数。
- n 不超过1690。

动态规划

状态定义:  $dp[i]$  表示第  $i+1$  个丑数

状态转移:  $dp[i] = \min(dp[a] \times 2, dp[b] \times 3, dp[c] \times 5)$

初始状态:  $dp[0] = 1$ , 第一个丑数是1

返回值:  $dp[n-1]$ , 第n个丑数

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(N)$

一般速度

```
public int nthUglyNumber(int n) {
    int p2 = 0, p3 = 0, p5 = 0;
    int[] dp = new int[n];
    dp[0] = 1;
    int min = 0;
```

```

        for(int i = 1; i < n; ++i){
            int n2 = dp[p2] * 2;
            int n3 = dp[p3] * 3;
            int n5 = dp[p5] * 5;
            min = Math.min(n2, Math.min(n3, n5));
            dp[i] = min;
            if(min == n2) ++p2;
            if(min == n3) ++p3;
            if(min == n5) ++p5;
        }
        return dp[n - 1];
    }
}

```

**速度最快**

```

class Solution {
    public static Ugly u = new Ugly();
    public int nthUglyNumber(int n) {
        return u.nums[n - 1];
    }
}

class Ugly {
    public int[] nums = new int[1690];
    Ugly() {
        nums[0] = 1;
        int min, i2 = 0, i3 = 0, i5 = 0;
        int n2, n3, n5;
        for(int i = 1; i < 1690; ++i) {
            n2 = nums[i2] * 2;
            n3 = nums[i3] * 3;
            n5 = nums[i5] * 5;
            min = Math.min(Math.min(n2, n3), n5);
            nums[i] = min;
            if (min == n2) ++i2;
            if (min == n3) ++i3;
            if (min == n5) ++i5;
        }
    }
}

```

## 面试题50. 第一个只出现一次的字符

在字符串 *s* 中找出第一个只出现一次的字符。如果没有，返回一个单空格。

**示例:**

```

s = "abaccdeff"
返回 "b"

```

```

s = ""
返回 " "

```

**限制:**

0 <= s 的长度 <= 50000

### 方法一：统计字符出现的次数

```
public char firstUniqChar(String s) {  
    int[] count = new int[26];  
    char[] ch = s.toCharArray();  
    for(char c : ch){  
        count[c - 'a']++;  
    }  
    for(char c : ch){  
        if(count[c - 'a'] == 1) return c;  
    }  
    return ' ';  
}
```

### 方法二：找每个字符是否在字符串中

```
public char firstUniqChar(String s) {  
    int r = Integer.MAX_VALUE;  
    for (char c = 'a'; c <= 'z'; c++) {  
        int index = s.indexOf(c);  
        if (index != -1 && index == s.lastIndexOf(c)) {  
            r = Math.min(r, index);  
        }  
    }  
    return r == Integer.MAX_VALUE ? ' ' : s.charAt(r);  
}
```

## 面试题51. 数组中的逆序对

在数组中的两个数字，如果前面一个数字大于后面的数字，则这两个数字组成一个逆序对。输入一个数组，求出这个数组中的逆序对的总数。

### 示例 1:

输入: [7,5,6,4]  
输出: 5

### 限制:

0 <= 数组长度 <= 50000

### 归并排序

```
public int reversePairs(int[] nums) {  
    int len = nums.length;  
    // 不存在一对数字，直接返回 0 。  
    if (len < 2) {  
        return 0;  
    }  
    // 拷贝原数组，辅助记录逆序对的总数。  
    int[] copy = Arrays.copyOf(nums, len);
```

```

// 两数组互相拷贝完成合并记录逆序对总数。
return reversePairs(nums, 0, len - 1, copy);
}

private int reversePairs(int[] nums, int left, int right, int[] copy) {
    if (left == right) {
        return 0;
    }
    // 找到数组中间位置，并分别返回左右两部分能够组成的逆序对数。
    int mid = left + (right - left) / 2;
    int leftPairs = reversePairs(copy, left, mid, nums);
    int rightPairs = reversePairs(copy, mid + 1, right, nums);
    int leftEnd = mid, rightEnd = right, index = right;
    // 计算合并左右两部分数组能组成的逆序对数。
    int count = 0;
    while (leftEnd >= left && rightEnd > mid) {
        // 拷贝两边的较大值，仅当左边大于右边时计算两边组成的逆序对数。
        if (nums[leftEnd] > nums[rightEnd]) {
            // 当前左边 leftEnd 比右边数组都大，可以构成 rightEnd - mid 个逆序对。
            count += rightEnd - mid;
            copy[index--] = nums[leftEnd--];
        } else {
            copy[index--] = nums[rightEnd--];
        }
    }
    // 拷贝左边剩余元素。
    while (leftEnd >= left) {
        copy[index--] = nums[leftEnd--];
    }
    // 拷贝右边剩余元素。
    while (rightEnd > mid) {
        copy[index--] = nums[rightEnd--];
    }
    // 返回左边部分和右边部分以及合并组成的逆序对总数。
    return leftPairs + rightPairs + count;
}

```

## 树状数组

```

public int reversePairs(int[] nums) {
    int len = nums.length;

    if (len < 2) {
        return 0;
    }

    // 离散化：使得数字更紧凑，节约树状数组的空间
    // 1、使用二分搜索树是为了去掉重复元素
    Set<Integer> treeSet = new TreeSet<>();
    for (int i = 0; i < len; i++) {
        treeSet.add(nums[i]);
    }

    // 2、把排名存在哈希表里方便查询
    Map<Integer, Integer> rankMap = new HashMap<>();
    int rankIndex = 1;
    for (Integer num : treeSet) {

```

```

        rankMap.put(num, rankIndex);
        rankIndex++;
    }

    int count = 0;
    // 在树状数组内部完成前缀和的计算
    // 规则是：从后向前，先给对应的排名 + 1，再查询前缀和
    FenwickTree fenwickTree = new FenwickTree(rankMap.size());

    for (int i = len - 1; i >= 0; i--) {
        int rank = rankMap.get(nums[i]);
        fenwickTree.update(rank, 1);
        count += fenwickTree.query(rank - 1);
    }
    return count;
}

private class FenwickTree {
    private int[] tree;
    private int len;

    public FenwickTree(int n) {
        this.len = n;
        tree = new int[n + 1];
    }

    /**
     * 单点更新：将 index 这个位置 + delta
     *
     * @param i
     * @param delta
     */
    public void update(int i, int delta) {
        // 从下到上，最多到 size，可以等于 size
        while (i <= this.len) {
            tree[i] += delta;
            i += lowbit(i);
        }
    }

    // 区间查询：查询小于等于 tree[index] 的元素个数
    // 查询的语义是「前缀和」
    public int query(int i) {
        // 从右到左查询
        int sum = 0;
        while (i > 0) {
            sum += tree[i];
            i -= lowbit(i);
        }
        return sum;
    }

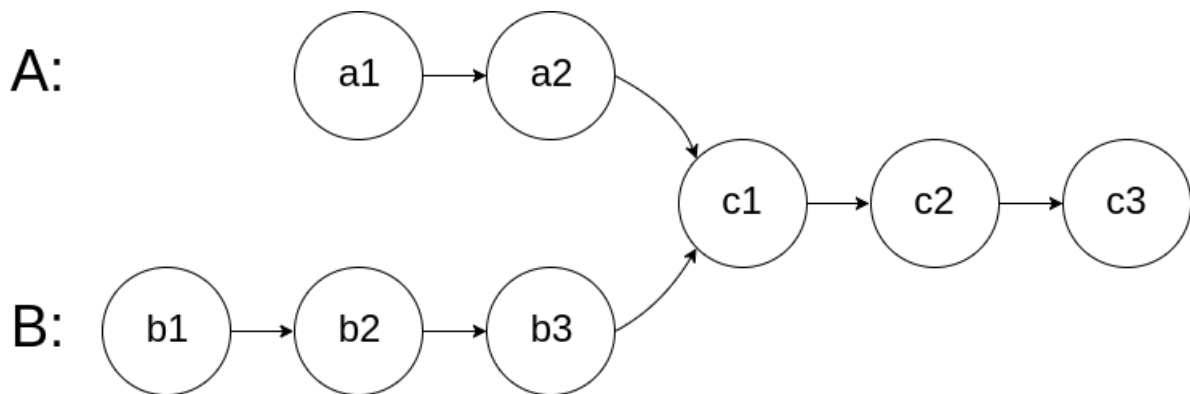
    public int lowbit(int x) {
        return x & (-x);
    }
}

```

## 面试题52. 两个链表的第一个公共节点

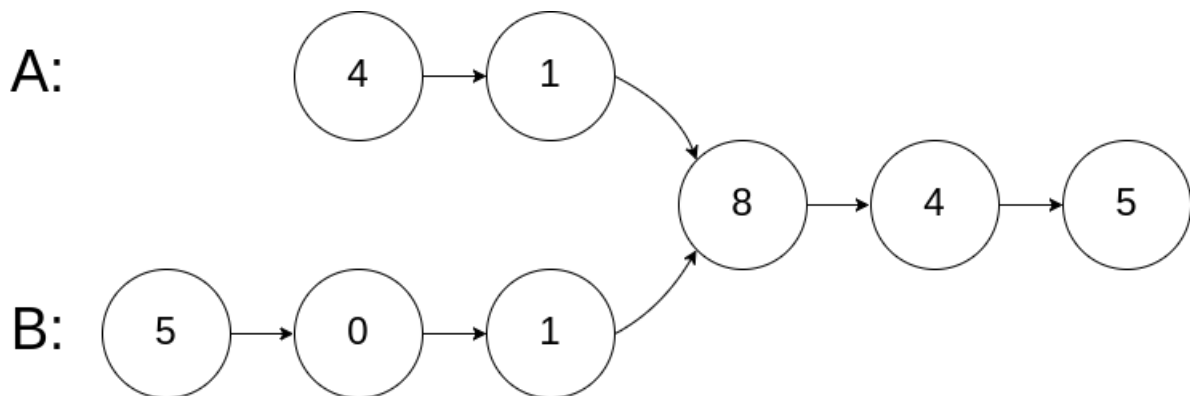
输入两个链表，找出它们的第一个公共节点。

如下面的两个链表：



在节点 c1 开始相交。

示例 1:

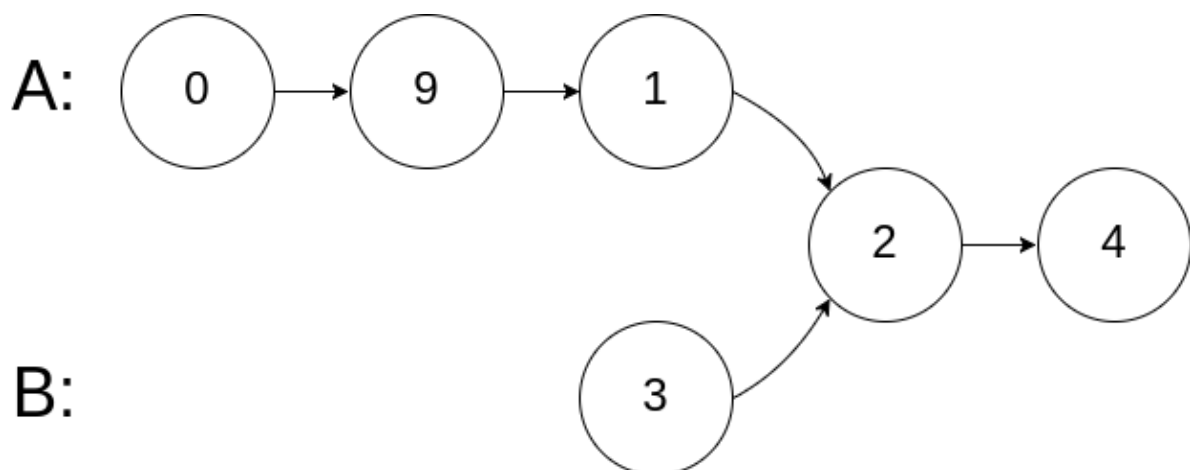


输入: intersectVal = 8, listA = [4,1,8,4,5], listB = [5,0,1,8,4,5], skipA = 2, skipB = 3

输出: Reference of the node with value = 8

输入解释: 相交节点的值 8 (注意, 如果两个列表相交则不能为 0)。从各自的表头开始算起, 链表 A 为 [4,1,8,4,5], 链表 B 为 [5,0,1,8,4,5]。在 A 中, 相交节点前有 2 个节点; 在 B 中, 相交节点前有 3 个节点。

示例 2:



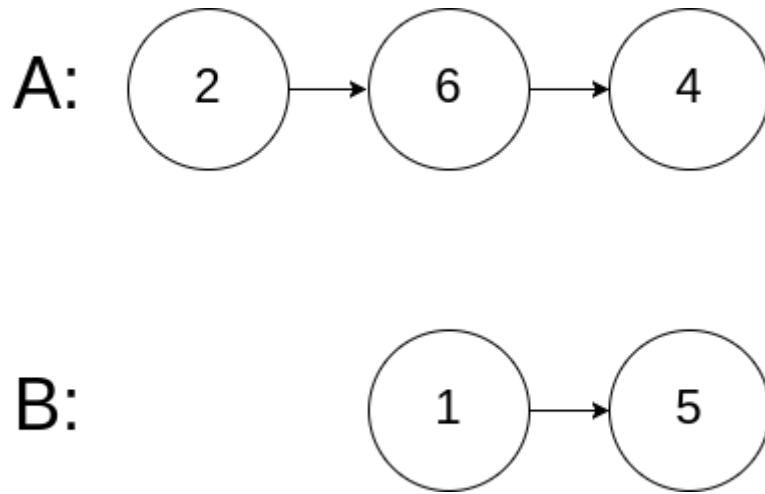


输入: intersectVal = 2, listA = [0,9,1,2,4], listB = [3,2,4], skipA = 3, skipB = 1

输出: Reference of the node with value = 2

输入解释: 相交节点的值为 2 (注意, 如果两个列表相交则不能为0)。从各自的表头开始算起, 链表 A 为 [0,9,1,2,4], 链表 B 为 [3,2,4]。在 A 中, 相交节点前有 3 个节点; 在 B 中, 相交节点前有 1 个节点。

### 示例 3:



输入: intersectVal = 0, listA = [2,6,4], listB = [1,5], skipA = 3, skipB = 2

输出: null

输入解释: 从各自的表头开始算起, 链表 A 为 [2,6,4], 链表 B 为 [1,5]。由于这两个链表不相交, 所以 intersectVal 必须为 0, 而 skipA 和 skipB 可以是任意值。

解释: 这两个链表不相交, 因此返回 null。

### 注意:

- 如果两个链表没有交点, 返回 `null`。
- 在返回结果后, 两个链表仍须保持原有的结构。
- 可假定整个链表结构中没有循环。
- 程序尽量满足  $O(n)$  时间复杂度, 且仅用  $O(1)$  内存

### 方法

```
public ListNode getIntersectionNode(ListNode headA, ListNode headB) {  
    if(headA == null || headB == null) return null;  
    ListNode p1 = headA;  
    ListNode p2 = headB;  
    while(p1 != p2){  
        p1 = p1 == null ? headB : p1.next;  
        p2 = p2 == null ? headA : p2.next;  
    }  
    return p1;  
}
```

## 面试题53 - I. 在排序数组中查找数字 I

统计一个数字在排序数组中出现的次数。

### 示例 1:

输入: nums = [5,7,7,8,8,10], target = 8  
输出: 2

## 示例 2:

输入: nums = [5,7,7,8,8,10], target = 6  
输出: 0

## 限制:

0 <= 数组长度 <= 50000

## 二分查找

```
public int search(int[] nums, int target) {  
    int left = 0, right = nums.length;  
    while(left < right){  
        int mid = left + (right - left) / 2;  
        if(target == nums[mid]) right = mid;  
        else if(target > nums[mid]) left = mid + 1;  
        else right = mid;  
    }  
    int count = 0;  
    while(left < nums.length && nums[left] == target){  
        left++;  
        count++;  
    }  
    return count;  
}
```

```
public int search(int[] nums, int target) {  
    int left = 0, right = nums.length;  
    while(left < right){  
        int mid = left + (right - left) / 2;  
        if(target == nums[mid]) right = mid;  
        else if(target > nums[mid]) left = mid + 1;  
        else right = mid;  
    }  
    int left1 = left;  
    left = 0;  
    right = nums.length;  
    while(left < right){  
        int mid = left + (right - left) / 2;  
        if(target == nums[mid]) left = mid + 1;  
        else if(target > nums[mid]) left = mid + 1;  
        else right = mid;  
    }  
    int right1 = right;  
    return right1 - left1;  
}
```

## 面试题53 - II. 0 ~ n-1中缺失的数字

一个长度为n-1的递增排序数组中的所有数字都是唯一的，并且每个数字都在范围0 ~ n-1之内。在范围0 ~ n-1内的n个数字中有且只有一个数字不在该数组中，请找出这个数字。

**示例 1:**

输入: [0,1,3]

输出: 2

**示例 2:**

输入: [0,1,2,3,4,5,6,7,9]

输出: 8

**限制:**

1 <= 数组长度 <= 10000

**二分法**

```
public int missingNumber(int[] nums) {  
    int i = 0, j = nums.length - 1;  
    while(i <= j){  
        int m = i + (j - i) / 2;  
        if(nums[m] == m) i = m + 1;  
        else j = m - 1;  
    }  
    return i;  
}
```

## 面试题54. 二叉搜索树的第k大节点

给定一棵二叉搜索树，请找出其中第k大的节点。

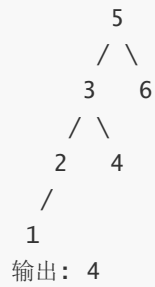
**示例 1:**

输入: root = [3,1,4,null,2], k = 1

```
    3  
   /\   
  1  4  
   \   
    2  
输出: 4
```

**示例 2:**

输入: root = [5,3,6,2,4,null,null,1], k = 3



限制:

$1 \leq k \leq$  二叉搜索树元素个数

递归

```
private int res, k;
public int kthLargest(TreeNode root, int k) {
    this.k = k;
    dfs(root);
    return res;
}
private void dfs(TreeNode root){
    if(root == null) return;
    dfs(root.right);
    if(k == 0) return;
    if(--k == 0) res = root.val;
    dfs(root.left);
}
```

迭代

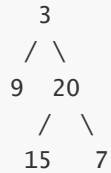
```
public int kthLargest(TreeNode root, int k) {
    int count = 0;
    Stack<TreeNode> stack = new Stack<>();
    stack.push(root);
    while(root != null || !stack.isEmpty()){
        while(root != null){
            stack.push(root);
            root = root.right;
        }
        root = stack.pop();
        count++;
        if(count == k) return root.val;
        root = root.left;
    }
    return -1;
}
```

## 面试题55 - I. 二叉树的深度

输入一棵二叉树的根节点，求该树的深度。从根节点到叶节点依次经过的节点（含根、叶节点）形成树的一条路径，最长路径的长度为树的深度。

例如:

给定二叉树 [3,9,20,null,null,15,7] ,



返回它的最大深度 3。

**提示:**

1. 节点总数 <= 10000

**递归**

```
private int maxDepth = 0;
public int maxDepth(TreeNode root) {
    dfs(root, 0);
    return maxDepth;
}
private void dfs(TreeNode root, int depth){
    if(root == null) return;
    maxDepth = Math.max(maxDepth, depth + 1);
    dfs(root.left, depth + 1);
    dfs(root.right, depth + 1);
}
```

```
public int maxDepth(TreeNode root) {
    if(root == null) return 0;
    return Math.max(maxDepth(root.left), maxDepth(root.right)) + 1;
}
```

**层序遍历**

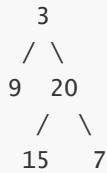
```
public int maxDepth(TreeNode root) {
    int res = 0;
    if (root == null)
        return res;
    Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<>();
    // 根结点入队
    queue.add(root);
    while (!queue.isEmpty()) {
        int n = queue.size();
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            TreeNode curNode = queue.poll();
            if (curNode.left != null)
                queue.add(curNode.left);
            if (curNode.right != null)
                queue.add(curNode.right);
        }
        res++;
    }
    return res;
}
```

## 面试题55 - II. 平衡二叉树

输入一棵二叉树的根节点，判断该树是不是平衡二叉树。如果某二叉树中任意节点的左右子树的深度相差不超过1，那么它就是一棵平衡二叉树。

**示例 1:**

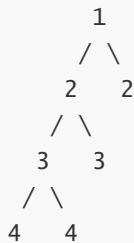
给定二叉树 [3,9,20,null,null,15,7]



返回 `true`。

**示例 2:**

给定二叉树 [1,2,2,3,3,null,null,4,4]



返回 `false`。

**限制:**

- `1 <= 树的结点个数 <= 10000`

**后序遍历+剪枝**

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(N)$

```
public boolean isBalanced(TreeNode root) {  
    return dfs(root) != -1;  
}  
  
private int dfs(TreeNode root){  
    if(root == null) return 0;  
    int leftDepth = dfs(root.left);  
    if(leftDepth == -1) return -1;  
    int rightDepth = dfs(root.right);  
    if(rightDepth == -1) return -1;  
    return Math.abs(leftDepth - rightDepth) < 2 ? Math.max(leftDepth,  
rightDepth) + 1 : -1;  
}
```

**先序遍历+深度判断**

时间复杂度 $O(N\log N)$

空间复杂度 $O(N)$

```
public boolean isBalanced(TreeNode root) {  
    if (root == null) return true;  
    return Math.abs(depth(root.left) - depth(root.right)) <= 1 &&  
isBalanced(root.left) && isBalanced(root.right);  
}  
  
private int depth(TreeNode root) {  
    if (root == null) return 0;  
    return Math.max(depth(root.left), depth(root.right)) + 1;  
}
```

## 面试题56 - I. 数组中数字出现的次数

一个整型数组 `nums` 里除两个数字之外，其他数字都出现了两次。请写程序找出这两个只出现一次的数字。要求时间复杂度是 $O(n)$ ，空间复杂度是 $O(1)$ 。

**示例 1:**

输入: `nums = [4,1,4,6]`  
输出: `[1,6]` 或 `[6,1]`

**示例 2:**

输入: `nums = [1,2,10,4,1,4,3,3]`  
输出: `[2,10]` 或 `[10,2]`

**限制:**

- `2 <= nums <= 10000`

**方法: 异或**

把两个不同的数分成两组， $k = a^b$ ，计算 $k$ 的掩码，最右边的那个1的位置，分成两组求解， $(num \& mask) == 0$ 和 $(num \& mask) != 0$

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(1)$

```
public int[] singleNumbers(int[] nums) {  
    int k = 0;  
    for(int num : nums){  
        k ^= num;  
    }  
    int mask = k & (-k);  
    int a = 0;  
    int b = 0;  
    for(int num : nums){  
        if((num & mask) == 0) a ^= num;  
        else b ^= num;  
    }  
    return new int[]{a, b};  
}
```

## 面试题56 - II. 数组中数字出现的次数 II

在一个数组 `nums` 中除一个数字只出现一次之外，其他数字都出现了三次。请找出那个只出现一次的数字。

**示例 1:**

输入: `nums = [3,4,3,3]`  
输出: 4

**示例 2:**

输入: `nums = [9,1,7,9,7,9,7]`  
输出: 1

**限制:**

- `1 <= nums.length <= 10000`
- `1 <= nums[i] < 2^31`

**解答: 有限状态自动机**

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(1)$

$one \wedge n$ ,  $n$ 表示当前位

two	one	n	two'	one'
0	0	0	0	0
0	1	0	0	1
1	0	0	1	0
0	0	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	1	0	0

得出公式:

$$one = one \wedge n \& \sim two$$
$$two = two \wedge n \& \sim one$$

```
public int singleNumber(int[] nums) {  
    int ones = 0, twos = 0;  
    for(int num : nums){  
        ones = ones ^ num & ~twos;  
        twos = twos ^ num & ~ones;  
    }  
    return ones;  
}
```



## 遍历二进制位求和

求除一个数以外，其他数出现m次通解

时间复杂度O(N)

空间复杂度O(1)

```
public int singleNumber(int[] nums) {
    int[] counts = new int[32];
    for(int num : nums) {
        for(int j = 0; j < 32; j++) {
            counts[j] += num & 1;
            num >>= 1;
        }
    }
    int res = 0, m = 3;
    for(int i = 0; i < 32; i++) {
        res <<= 1;
        res |= counts[31 - i] % m;
    }
    return res;
}
```

## 面试题57 - II. 和为s的连续正数序列

输入一个正整数 `target`，输出所有和为 `target` 的连续正整数序列（至少含有两个数）。

序列内的数字由小到大排列，不同序列按照首个数字从小到大排列。

示例 1:

输入: `target = 9`  
输出: `[[2,3,4],[4,5]]`

示例 2:

输入: `target = 15`  
输出: `[[1,2,3,4,5],[4,5,6],[7,8]]`

限制:

- `1 <= target <= 10^5`

滑动窗口

```
public int[][] findContinuousSequence(int target) {
    int i = 1; // 滑动窗口的左边界
    int j = 1; // 滑动窗口的右边界
    int sum = 0; // 滑动窗口中数字的和
    List<int[]> res = new ArrayList<>();

    while (i <= target / 2) {
        if (sum < target) {
            // 右边界向右移动
            sum += j;
            j++;
        }
    }
}
```

```

    } else if (sum > target) {
        // 左边界向右移动
        sum -= i;
        i++;
    } else {
        // 记录结果
        int[] arr = new int[j-i];
        for (int k = i; k < j; k++) {
            arr[k-i] = k;
        }
        res.add(arr);
        // 左边界向右移动
        sum -= i;
        i++;
    }
}

return res.toArray(new int[res.size()][]);
}

```

### 等差数列求和公式

$$x + (x + 1) + \dots + (x + m - 1) == \text{target} \Rightarrow m * x + m * (m - 1) / 2 == \text{target}$$

根据这个等式，遍历m，找到符合的x即可获得相关序列

```

public int[][] findContinuousSequence(int target) {
    List<int[]> result = new ArrayList<>();
    int i = 1;

    while(target > 0)
    {
        target -= i++; //减1个1，能否分成两份a,a+1,再减两个1，能否分成3份，
        a,a+1,a+2...
        if(target > 0 && target % i == 0)
        {
            int[] array = new int[i]; //i个数的和
            for(int k = target / i, j = 0; k < target / i + i; k++,j++)
            {
                array[j] = k;
            }
            result.add(array);
        }
    }
    Collections.reverse(result);
    return result.toArray(new int[result.size()][]);
}

```

## 面试题57. 和为s的两个数字

输入一个递增排序的数组和一个数字s，在数组中查找两个数，使得它们的和正好是s。如果有多对数字的和等于s，则输出任意一对即可。

示例 1:

输入: `nums = [2,7,11,15]`, `target = 9`  
输出: `[2,7]` 或者 `[7,2]`

### 示例 2:

输入: `nums = [10,26,30,31,47,60]`, `target = 40`  
输出: `[10,30]` 或者 `[30,10]`

### 限制:

- `1 <= nums.length <= 10^5`
- `1 <= nums[i] <= 10^6`

### 双指针对撞

```
public int[] twoSum(int[] nums, int target) {  
    int left = 0, right = nums.length - 1;  
    while(left < right){  
        int sum = nums[left] + nums[right];  
        if(sum < target) left++;  
        else if(sum > target) right--;  
        else return new int[]{nums[left], nums[right]};  
    }  
    return new int[0];  
}
```

## 面试题58 - I. 翻转单词顺序

输入一个英文句子，翻转句子中单词的顺序，但单词内字符的顺序不变。为简单起见，标点符号和普通字母一样处理。例如输入字符串"`I am a student.`"，则输出"`student. a am I`"。

### 示例 1:

输入: "`the sky is blue`"  
输出: "`blue is sky the`"

### 示例 2:

输入: " `hello world!` "  
输出: "`world! hello`"  
解释: 输入字符串可以在前面或者后面包含多余的空格，但是反转后的字符不能包括。

### 示例 3:

输入: "`a good example`"  
输出: "`example good a`"  
解释: 如果两个单词间有多余的空格，将反转后单词间的空格减少到只含一个。

### 说明:

- 无空格字符构成一个单词。
- 输入字符串可以在前面或者后面包含多余的空格，但是反转后的字符不能包括。
- 如果两个单词间有多余的空格，将反转后单词间的空格减少到只含一个。

## 截取拆分

```
public String reverseWords(String s) {
    String[] str = s.split(" ");
    StringBuilder sb = new StringBuilder();
    for(int i = str.length - 1; i >= 0; i--){
        if(!str[i].equals("")){
            sb.append(str[i]);
            sb.append(" ");
        }
    }
    return sb.toString().trim();
}
```

## 面试题58 - II. 左旋转字符串

字符串的左旋转操作是把字符串前面的若干个字符转移到字符串的尾部。请定义一个函数实现字符串左旋转操作的功能。比如，输入字符串"abcdefg"和数字2，该函数将返回左旋转两位得到的结果"cdefgab"。

### 示例 1:

输入: s = "abcdefg", k = 2  
输出: "cdefgab"

### 示例 2:

输入: s = "lrloseumgh", k = 6  
输出: "umghlrlose"

### 限制:

- $1 \leq k < s.length \leq 10000$

### solution

```
public String reverseLeftWords(String s, int n) {
    String sbefor = s.substring(0, n);
    return s.substring(n) + sbefor;
}
```

## 面试题59 - I. 滑动窗口的最大值

给定一个数组 `nums` 和滑动窗口的大小 `k`，请找出所有滑动窗口里的最大值。

### 示例:

输入: nums = [1,3,-1,-3,5,3,6,7], 和 k = 3

输出: [3,3,5,5,6,7]

解释:

滑动窗口的位置	最大值
-----	-----
[1 3 -1] -3 5 3 6 7	3
1 [3 -1 -3] 5 3 6 7	3
1 3 [-1 -3 5] 3 6 7	5
1 3 -1 [-3 5 3] 6 7	5
1 3 -1 -3 [5 3 6] 7	6
1 3 -1 -3 5 [3 6 7]	7

### 提示:

你可以假设  $k$  总是有效的, 在输入数组不为空的情况下,  $1 \leq k \leq$  输入数组的大小

```
public int[] maxSlidingWindow(int[] nums, int k) {
    int len = nums.length;
    if(len == 0) return new int[0];
    int[] res = new int[len - k + 1];
    int max = Integer.MIN_VALUE, index = -1;
    for(int i = 0; i < len - k + 1; i++){
        if(index >= i){
            if(nums[i + k - 1] > max){
                max = nums[i + k - 1];
                index = i + k - 1;
            }
        }
        else{
            max = nums[i];
            for(int j = i; j < i + k; j++){
                if(max < nums[j]){
                    max = nums[j];
                    index = j;
                }
            }
        }
        res[i] = max;
    }
    return res;
}
```

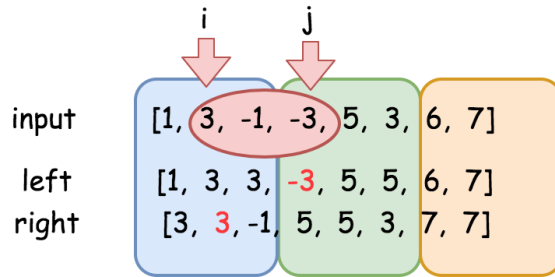
### 动态规划

建立left和right数组, 统计划分块后每块的最大值

k = 3

left[j] = max element from block\_start to j,  
left -> right

right[i] = max element from block\_end to i,  
right -> left



max\_window =  
max(right[i], left[j]) =  
max(3, -3) = 3

```
public int[] maxSlidingWindow(int[] nums, int k) {  
    int n = nums.length;  
    if (n * k == 0) return new int[0];  
    if (k == 1) return nums;  
  
    int [] left = new int[n];  
    left[0] = nums[0];  
    int [] right = new int[n];  
    right[n - 1] = nums[n - 1];  
    for (int i = 1; i < n; i++) {  
        // from left to right  
        if (i % k == 0) left[i] = nums[i]; // block_start  
        else left[i] = Math.max(left[i - 1], nums[i]);  
  
        // from right to left  
        int j = n - i - 1;  
        if ((j + 1) % k == 0) right[j] = nums[j]; // block_end  
        else right[j] = Math.max(right[j + 1], nums[j]);  
    }  
  
    int [] output = new int[n - k + 1];  
    for (int i = 0; i < n - k + 1; i++)  
        output[i] = Math.max(left[i + k - 1], right[i]);  
  
    return output;  
}
```

## 面试题59 - II. 队列的最大值

请定义一个队列并实现函数 `max_value` 得到队列里的最大值，要求函数 `max_value`、`push_back` 和 `pop_front` 的均摊时间复杂度都是  $O(1)$ 。

若队列为空，`pop_front` 和 `max_value` 需要返回 -1

示例 1:

```
输入:  
["MaxQueue", "push_back", "push_back", "max_value", "pop_front", "max_value"]  
[[], [1], [2], [], [], []]  
输出: [null, null, null, 2, 1, 2]
```

## 示例 2:

输入:

```
["MaxQueue","pop_front","max_value"]
```

```
[[],[],[[]]
```

输出: [null,-1,-1]

## 限制:

- $1 \leq \text{push\_back, pop\_front, max\_value 的总操作数} \leq 10000$
- $1 \leq \text{value} \leq 10^5$

## 双端队列

```
private Queue<Integer> queue;
private Deque<Integer> maxque;
public MaxQueue() {
    queue = new LinkedList<>();
    maxque = new LinkedList<>();
}

public int max_value() {
    if(maxque.isEmpty()) return -1;
    return maxque.peek();
}

public void push_back(int value) {
    queue.offer(value);
    while(maxque.size() > 0 && maxque.peekLast() < value){
        maxque.pollLast();
    }
    maxque.offerLast(value);
}

public int pop_front() {
    if(queue.isEmpty()) return -1;
    if(queue.peek().equals(maxque.peek())){
        maxque.poll();
    }
    return queue.poll();
}
```

## 数组

```
private int[] arr = new int[10000];
private int start = 0, end = 0;
public MaxQueue() {
}

public int max_value() {
    if(end - start == 0) return -1;
    int max = Integer.MIN_VALUE;
    for(int i = start; i <= end; i++){
        max = Math.max(max, arr[i]);
    }
    return max;
}
```

```

    }

    public void push_back(int value) {
        arr[end++] = value;
    }

    public int pop_front() {
        if(end - start == 0) return -1;
        return arr[start++];
    }
}

```

## 面试题60. n个骰子的点数

把n个骰子扔在地上，所有骰子朝上一面的点数之和为s。输入n，打印出s的所有可能的值出现的概率。

你需要用一个浮点数数组返回答案，其中第i个元素代表这 n 个骰子所能掷出的点数集合中第 i 小的那个的概率。

**示例 1:**

输入: 1  
输出: [0.16667,0.16667,0.16667,0.16667,0.16667,0.16667]

**示例 2:**

输入: 2  
输出:  
[0.02778,0.05556,0.08333,0.11111,0.13889,0.16667,0.13889,0.11111,0.08333,0.05556,0.02778]

**限制:**

1 <= n <= 11

**动态规划**

n次每投一次骰子出现的次数表示dp[i]

```

public double[] twoSum(int n) {
    int[] dp = new int[70];
    for(int i = 1; i <= 6; i++) dp[i] = 1;
    for(int i = 2; i <= n; i++){
        for(int j = 6 * i; j >= i; j--){
            dp[j] = 0;
            for(int cur = 1; cur <= 6; cur++){
                if(j - cur < i - 1) break;
                dp[j] += dp[j - cur];
            }
        }
    }
    double all = Math.pow(6, n);
    double[] res = new double[6 * n - n + 1];
    for(int i = n; i <= 6 * n; i++){
        res[i - n] = dp[i] / all;
    }
}

```



```
    return res;
}
```

## 面试题61. 扑克牌中的顺子

从扑克牌中随机抽5张牌，判断是不是一个顺子，即这5张牌是不是连续的。2~10为数字本身，A为1，J为11，Q为12，K为13，而大、小王为0，可以看成任意数字。A不能视为14。

### 示例 1:

输入: [1,2,3,4,5]  
输出: True

### 示例 2:

输入: [0,0,1,2,5]  
输出: True

### 限制:

数组长度为 5

数组的数取值为 [0, 13]。

### 解析

满足两个条件

- 1、 $\max - \min \leq 5$  (除0外)
- 2、除0外无重复的牌

### 排序后

```
public boolean isStraight(int[] nums) {
    int joker = 0;
    Arrays.sort(nums);
    for(int i = 0; i < 4; i++){
        if(nums[i] == 0) joker++;
        else if(nums[i] == nums[i + 1]) return false;
    }
    return nums[4] - nums[joker] < 5;
}
```

### hash数组

```

public boolean isStraight(int[] nums) {
    int min = 14, max = -1;
    boolean[] vis = new boolean[14];
    for(int num : nums){
        if(num == 0) continue;
        if(vis[num]) return false;
        vis[num] = true;
        min = num < min ? num : min;
        max = num > max ? num : max;
    }
    return max - min < 5;
}

```

## 面试题62. 圆圈中最后剩下的数字

0,1,,n-1这n个数字排成一个圆圈，从数字0开始，每次从这个圆圈里删除第m个数字。求出这个圆圈里剩下的最后一个数字。

例如，0、1、2、3、4这5个数字组成一个圆圈，从数字0开始每次删除第3个数字，则删除的前4个数字依次是2、0、4、1，因此最后剩下的数字是3。

**示例 1:**

输入: n = 5, m = 3  
输出: 3

**示例 2:**

输入: n = 10, m = 17  
输出: 2

**限制:**

- $1 \leq n \leq 10^5$
- $1 \leq m \leq 10^6$

**约瑟夫环问题**

从最终活着的人的编号反推

第一轮是 [0, 1, 2, 3, 4]，所以是 [0, 1, 2, 3, 4] 这个数组的多个复制。这一轮 2 删除了。

第二轮开始时，从 3 开始，所以是 [3, 4, 0, 1] 这个数组的多个复制。这一轮 0 删除了。

第三轮开始时，从 1 开始，所以是 [1, 3, 4] 这个数组的多个复制。这一轮 4 删除了。

第四轮开始时，还是从 1 开始，所以是 [1, 3] 这个数组的多个复制。这一轮 1 删除了。

最后剩下的数字是 3。

然后我们从最后剩下的 3 倒着看，我们可以反向推出这个数字在之前每个轮次的位置。

最后剩下的 3 的下标是 0。

第四轮反推，补上 mm 个位置，然后模上当时的数组大小 22，位置是  $(0 + 3) \% 2 = 1$ 。

第三轮反推，补上 mm 个位置，然后模上当时的数组大小 33，位置是  $(1 + 3) \% 3 = 1$ 。

第二轮反推，补上  $mm$  个位置，然后模上当时的数组大小 44，位置是  $(1 + 3) \% 4 = 0$ 。

第一轮反推，补上  $mm$  个位置，然后模上当时的数组大小 55，位置是  $(0 + 3) \% 5 = 3$ 。

所以最终剩下的数字的下标就是 3。因为数组是从 0 开始的，所以最终的答案就是 3。

总结一下反推的过程，就是  $(\text{当前index} + m) \% \text{上一轮剩余数字的个数}$ 。

```
public int lastRemaining(int n, int m) {  
    int ans = 0;  
    //最后一轮剩下2个人，所以从2开始反推  
    for(int i = 2; i <= n; i++){  
        ans = (ans + m) % i;  
    }  
    return ans;  
}
```

## 面试题63. 股票的最大利润

假设把某股票的价格按照时间先后顺序存储在数组中，请问买卖该股票一次可能获得的最大利润是多少？

**示例 1:**

输入: [7,1,5,3,6,4]

输出: 5

解释: 在第 2 天（股票价格 = 1）的时候买入，在第 5 天（股票价格 = 6）的时候卖出，最大利润 = 6 - 1 = 5。

注意利润不能是 7 - 1 = 6，因为卖出价格需要大于买入价格。

**示例 2:**

输入: [7,6,4,3,1]

输出: 0

解释: 在这种情况下，没有交易完成，所以最大利润为 0。

**限制:**

$0 \leq \text{数组长度} \leq 10^5$

**动态规划**

```
public int maxProfit(int[] prices) {  
    int cost = Integer.MAX_VALUE; //表示最小花费代价  
    int profile = 0; //最大收益  
    for(int price : prices){  
        cost = price < cost ? price : cost;  
        profile = profile > price - cost ? profile : price - cost;  
    }  
    return profile;  
}
```

## 面试题64. 求1+2+...+n

求  $1+2+\dots+n$ ，要求不能使用乘法、for、while、if、else、switch、case等关键字及条件判断语句（A?B:C）。

示例 1:

输入:  $n = 3$   
输出: 6

示例 2:

输入:  $n = 9$   
输出: 45

限制:

- $1 \leq n \leq 10000$

逻辑运算符的短路效应:

本题要实现“当  $n = 1$  时终止递归”的需求，可通过短路效应实现。

```
n > 1 && sumNums(n - 1) // 当 n = 1 时 n > 1 不成立，此时“短路”，终止后续递归
```

java 中，为构成语句，需加一个辅助布尔量  $x$ ，否则会报错

Java 中，开启递归函数需改写为 `sumNums(n - 1) > 0`，此整体作为一个布尔量输出，否则会报错

```
public int sumNums(int n) {  
    boolean x = n > 1 && (n += sumNums(n - 1)) > 0;  
    return n;  
}
```

## 面试题65. 不用加减乘除做加法

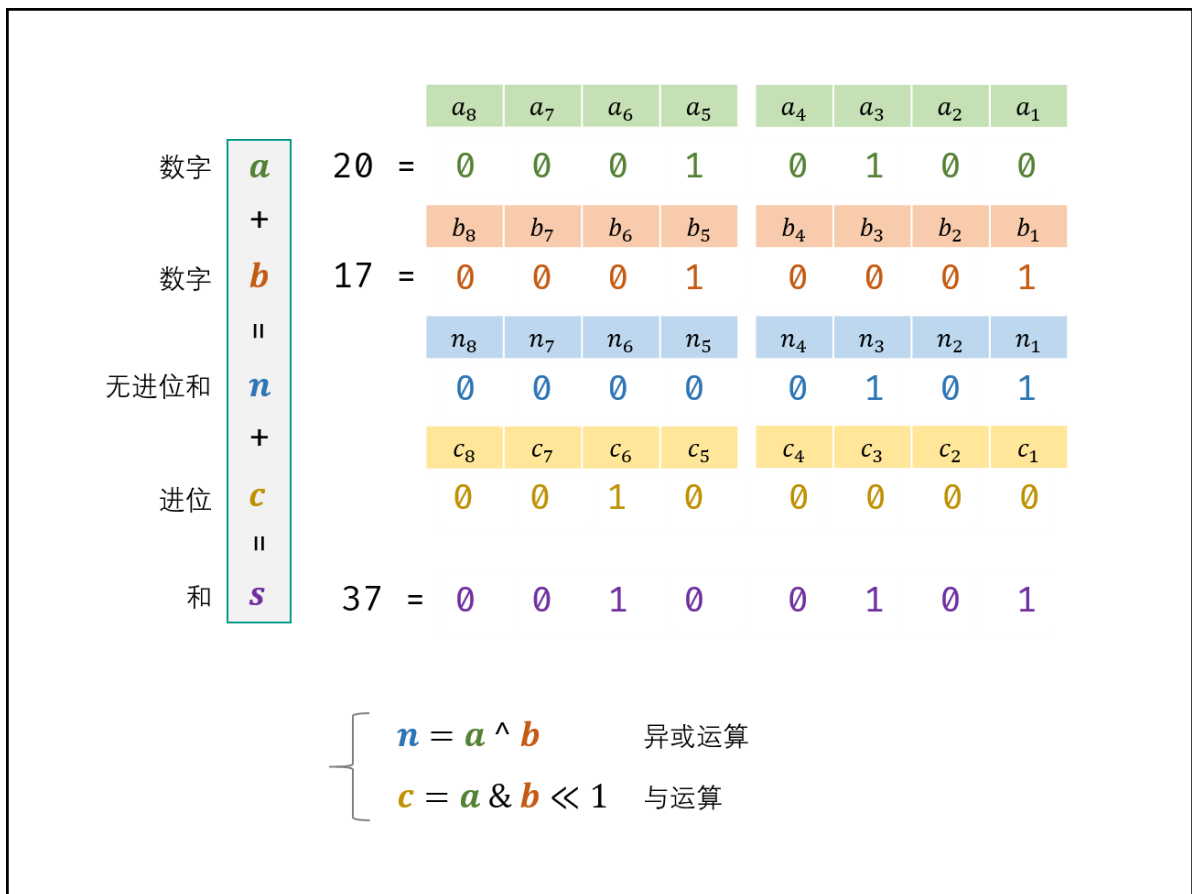
写一个函数，求两个整数之和，要求在函数体内不得使用“+”、“-”、“\*”、“/”四则运算符号。

示例:

输入:  $a = 1, b = 1$   
输出: 2

提示:

- $a, b$  均可能是负数或 0
- 结果不会溢出 32 位整数



时间复杂度 $O(1)$

空间复杂度 $O(1)$

```
public int add(int a, int b) {
    while(b != 0){
        int c = (a & b) << 1;
        a ^= b;
        b = c;
    }
    return a;
}
```

## 面试题66. 构建乘积数组

给定一个数组  $A[0,1,\dots,n-1]$ ，请构建一个数组  $B[0,1,\dots,n-1]$ ，其中  $B$  中的元素  $B[i]=A[0]\times A[1]\times\dots\times A[i-1]\times A[i+1]\times\dots\times A[n-1]$ 。不能使用除法。

示例:

输入: [1,2,3,4,5]  
输出: [120,60,40,30,24]

提示:

- 所有元素乘积之和不会溢出 32 位整数
- $a.length \leq 100000$

对称数组

分别计算左边和右边的数和

$$B[i] = A[0] \times A[1] \times \cdots \times A[i-1] \times A[i+1] \times \cdots \times A[n-1] \times A[n]$$

↓ 列表格

$B[0] =$	1	$A[1]$	$A[2]$	$\cdots$	$A[n-1]$	$A[n]$
$B[1] =$	$A[0]$	1	$A[2]$	$\cdots$	$A[n-1]$	$A[n]$
$B[2] =$	$A[0]$	$A[1]$	1	$\cdots$	$A[n-1]$	$A[n]$
$\dots =$	$\cdots$	$\cdots$	$\cdots$	$\cdots$	$\cdots$	$\cdots$
$B[N-1] =$	$A[0]$	$A[1]$	$A[2]$	$\cdots$	1	$A[n]$
$B[N] =$	$A[0]$	$A[1]$	$A[2]$	$\cdots$	$A[n-1]$	1

↓ 解决方案

通过两轮循环，分别计算 **下三角** 和 **上三角** 的乘积，  
即可在不使用除法的前提下获得结果。

求前半部分和

$b[0] = 1$

$b[1] = a[0] * b[0]$

$b[2] = a[1] * b[1]$

...

求后半部分和

$tmp = 1$

$tmp *= a[n-1]; b[n-2] = b[n-1] * tmp$

...

$tmp *= a[1]; b[0] = b[1] * tmp;$

时间复杂度 $O(N)$ :两次遍历数组

空间复杂度 $O(1)$ :tmp

```
public int[] constructArr(int[] a) {
    int len = a.length;
    if(len == 0) return new int[0];
    int[] b = new int[len];
    b[0] = 1;
    int tmp = 1;
    for(int i = 1; i < len; i++){
        b[i] = b[i-1] * a[i-1];
    }
    for(int i = len-2; i >= 0; i--){
        tmp *= a[i+1];
        b[i] *= tmp;
    }
}
```

```
    return b;
}
```

```
public int[] constructArr(int[] a) {
    int len = a.length;
    if(len == 0) return new int[0];
    int[] b = new int[len];
    int tmp = 1;
    for(int i = 0; i < len; i++){
        b[i] = tmp;
        tmp *= a[i];
    }
    tmp = 1;
    for(int i = len - 1; i >= 0; i--){
        b[i] *= tmp;
        tmp *= a[i];
    }
    return b;
}
```

## 面试题67. 把字符串转换成整数

写一个函数 StrToInt，实现把字符串转换成整数这个功能。不能使用 atoi 或者其他类似的库函数。

首先，该函数会根据需要丢弃无用的开头空格字符，直到寻找到第一个非空格的字符为止。

当我们寻找到的第一个非空字符为正或者负号时，则将该符号与之后面尽可能多的连续数字组合起来，作为该整数的正负号；假如第一个非空字符是数字，则直接将其与之后连续的数字字符组合起来，形成整数。

该字符串除了有效的整数部分之后也可能会存在多余的字符，这些字符可以被忽略，它们对于函数不应该造成影响。

注意：假如该字符串中的第一个非空格字符不是一个有效整数字符、字符串为空或字符串仅包含空白字符时，则你的函数不需要进行转换。

在任何情况下，若函数不能进行有效的转换时，请返回 0。

说明：

假设我们的环境只能存储 32 位大小的有符号整数，那么其数值范围为  $[-2^{31}, 2^{31} - 1]$ 。如果数值超过这个范围，请返回 INT\_MAX ( $2^{31} - 1$ ) 或 INT\_MIN ( $-2^{31}$ )。

**示例 1:**

输入: "42"  
输出: 42

**示例 2:**

输入: " -42"  
输出: -42  
解释: 第一个非空白字符为 '-', 它是一个负号。  
我们尽可能将负号与后面所有连续出现的数字组合起来，最后得到 -42。

**示例 3:**

输入: "4193 with words"

输出: 4193

解释: 转换截止于数字 '3' , 因为它的下一个字符不为数字。

#### 示例 4:

输入: "words and 987"

输出: 0

解释: 第一个非空字符是 'w' , 但它不是数字或正、负号。  
因此无法执行有效的转换。

#### 示例 5:

输入: "-91283472332"

输出: -2147483648

解释: 数字 "-91283472332" 超过 32 位有符号整数范围。  
因此返回 `INT_MIN` (-231)。

#### 解析

题目需要考虑的条件:

1 开头空格的处理

2 第一位的符号是+或者无

3 遇到非数字的立即返回

4 数字拼接  $res = res * 10 + c - '0'$ ;

5 数字越界处理每次拼接后加判断, 所以用long保存结果防止溢出, 最后转换为int

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(N)$

```
public int strToInt(String str) {  
    char[] c = str.trim().toCharArray();  
    if(c.length == 0) return 0;  
    long res = 0;  
    int i = 1, sign = 1;  
    if(c[0] == '-') sign = -1;  
    else if(c[0] != '+') i = 0;  
    for(int j = i; j < c.length; j++){  
        if(c[j] < '0' || c[j] > '9') break;  
        res = res * 10 + c[j] - '0';  
        if(res > Integer.MAX_VALUE) return sign == 1 ? Integer.MAX_VALUE :  
Integer.MIN_VALUE;  
    }  
    return sign * (int)res;  
}
```

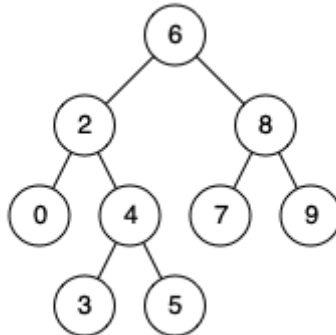


## 面试题68 - I. 二叉搜索树的最近公共祖先

给定一个二叉搜索树, 找到该树中两个指定节点的最近公共祖先。

[百度百科](#)中最近公共祖先的定义为：“对于有根树 T 的两个结点 p、q，最近公共祖先表示为一个结点 x，满足 x 是 p、q 的祖先且 x 的深度尽可能大（一个节点也可以是它自己的祖先）。”

例如，给定如下二叉搜索树: root = [6,2,8,0,4,7,9,null,null,3,5]



### 示例 1:

输入: root = [6,2,8,0,4,7,9,null,null,3,5], p = 2, q = 8

输出: 6

解释: 节点 2 和节点 8 的最近公共祖先是 6。

### 示例 2:

输入: root = [6,2,8,0,4,7,9,null,null,3,5], p = 2, q = 4

输出: 2

解释: 节点 2 和节点 4 的最近公共祖先是 2，因为根据定义最近公共祖先节点可以为节点本身。

### 说明:

- 所有节点的值都是唯一的。
- p、q 为不同节点且均存在于给定的二叉搜索树中。

### 解析

① 树为 **二叉搜索树**，② 树的所有节点的值都是 **唯一** 的

若  $root.val < p.val$ ，则  $p$  在  $root$  **右子树** 中；

若  $root.val > p.val$ ，则  $p$  在  $root$  **左子树** 中；

若  $root.val = p.val$ ，则  $p$  和  $root$  **指向同一节点**；

### 方法一：迭代

时间复杂度  $O(\log N)$

空间复杂度  $O(1)$

```
public TreeNode lowestCommonAncestor(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q)
{
    if(p.val > q.val){
        TreeNode tmp = p;
        p = q;
        q = tmp;
    }
```

```

    }
    while(root != null){
        if(root.val < p.val){
            root = root.right;
        } else if (root.val > q.val){
            root = root.left;
        } else break;
    }
    return root;
}

```

## 方法二：递归

时间复杂度 $O(\log N)$

空间复杂度 $O(\log N)$

```

public TreeNode lowestCommonAncestor(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q)
{
    if(root == null) return null;
    else if(root.val < p.val && root.val < q.val){
        return lowestCommonAncestor(root.right, p, q);
    } else if(root.val > p.val && root.val > q.val){
        return lowestCommonAncestor(root.left, p, q);
    }
    return root;
}

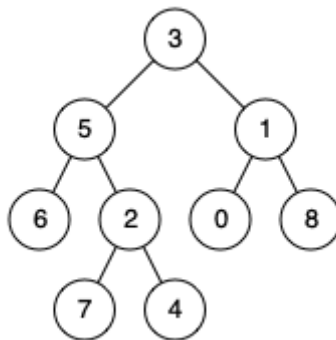
```

## 面试题68 - II. 二叉树的最近公共祖先

给定一个二叉树, 找到该树中两个指定节点的最近公共祖先。

[百度百科](#)中最近公共祖先的定义为：“对于有根树 T 的两个结点 p、q，最近公共祖先表示为一个结点 x，满足 x 是 p、q 的祖先且 x 的深度尽可能大（一个节点也可以是它自己的祖先）。”

例如，给定如下二叉树: root = [3,5,1,6,2,0,8,null,null,7,4]



### 示例 1:

输入: root = [3,5,1,6,2,0,8,null,null,7,4], p = 5, q = 1

输出: 3

解释: 节点 5 和节点 1 的最近公共祖先是节点 3。

### 示例 2:

输入: root = [3,5,1,6,2,0,8,null,null,7,4], p = 5, q = 4

输出: 5

解释: 节点 5 和节点 4 的最近公共祖先是节点 5。因为根据定义最近公共祖先节点可以为节点本身。

#### 说明:

- 所有节点的值都是唯一的。
- p、q 为不同节点且均存在于给定的二叉树中。

#### 解析

时间复杂度 $O(N)$

空间复杂度 $O(N)$

```
public TreeNode lowestCommonAncestor(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q)
{
    if (root == null || root == p || root == q) return root;
    TreeNode left = lowestCommonAncestor(root.left, p, q);
    TreeNode right = lowestCommonAncestor(root.right, p, q);
    if (left != null && right != null) return root;
    return left != null ? left : right;
}
```