

ANNEXE 1:

Quelques jeux de paramètres:

%Paramètres du modèle "regular spiking"

```
a = 0.02;  
b = 0.2 ;  
c=-65;  
d= 8;  
a1=0.04;  
a2=5;  
C=140;  
Ts=3000;  
N=10000;  
Te=Ts/N;  
I=8;
```

(par la suite, quand I n'est pas précisé, on prendra I=8 par défaut)

Paramètres du modèle "intrinsically bursting"

```
a = 0.02;  
b = 0.2 ;  
c=-55;  
d= 4;  
I=10;
```

Paramètres du modèle "chattering"

```
a = 0.02;  
b = 0.2 ;  
c=-50;  
d= 2;  
I=10;
```

ANNEXE 2

schéma simulink du neurone:

On utilise la méthode d'intégration Runge-Kutta sinon on obtient des erreurs

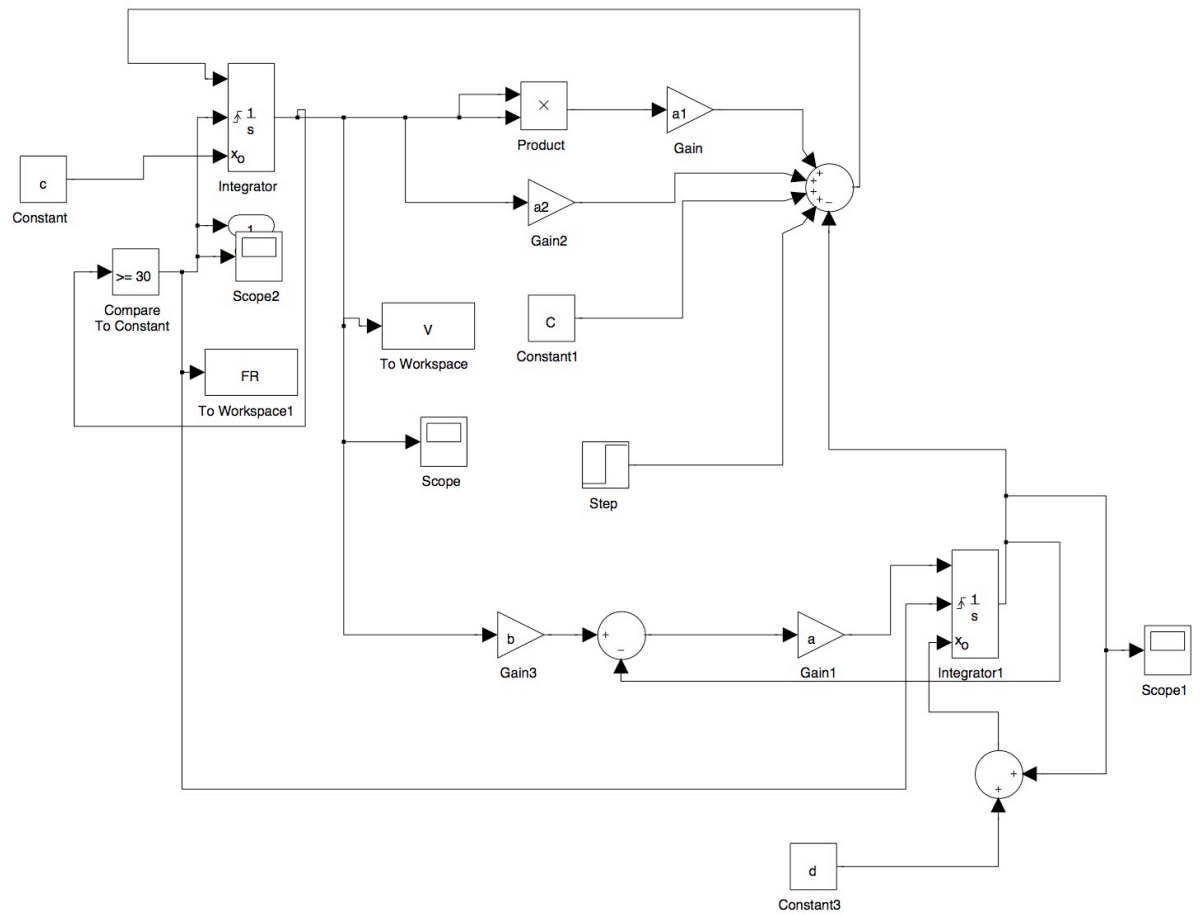
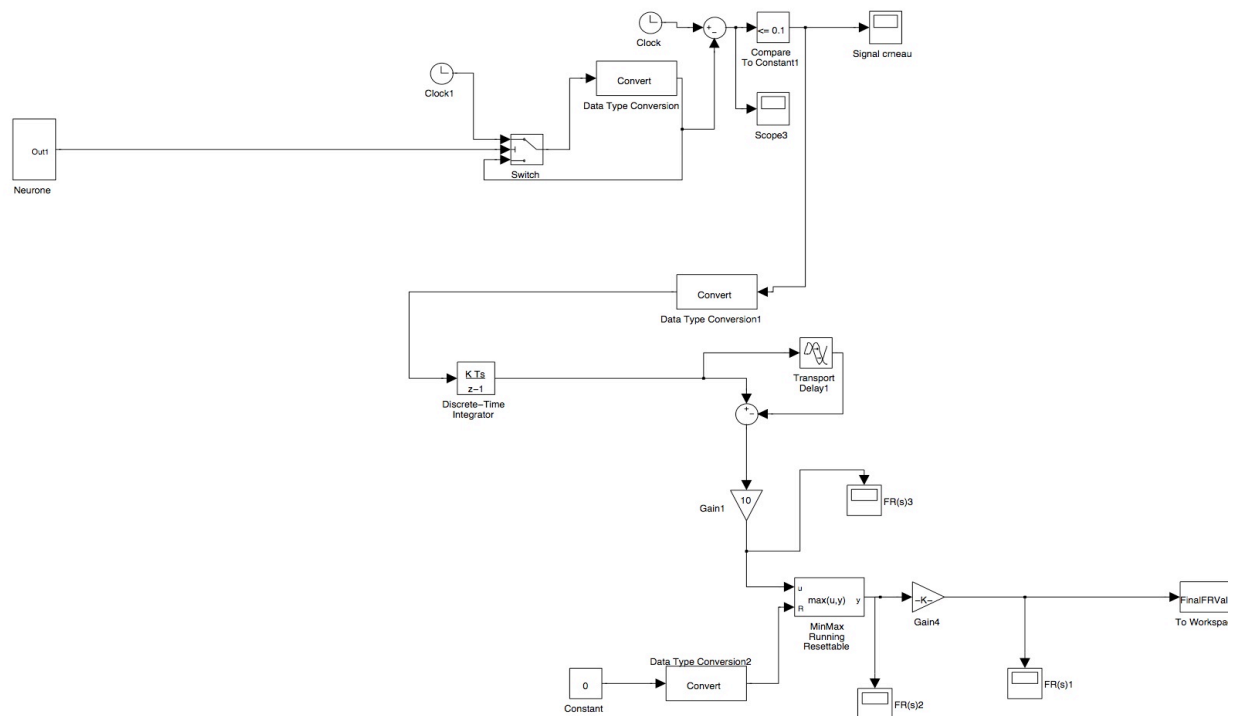


schéma simulink du dispositif de comptage:

On utilise un système qui crée un créneau très court à chaque pic. En comptant (en intégrant) le nombre de créneaux, on retrouve le Firing Rate

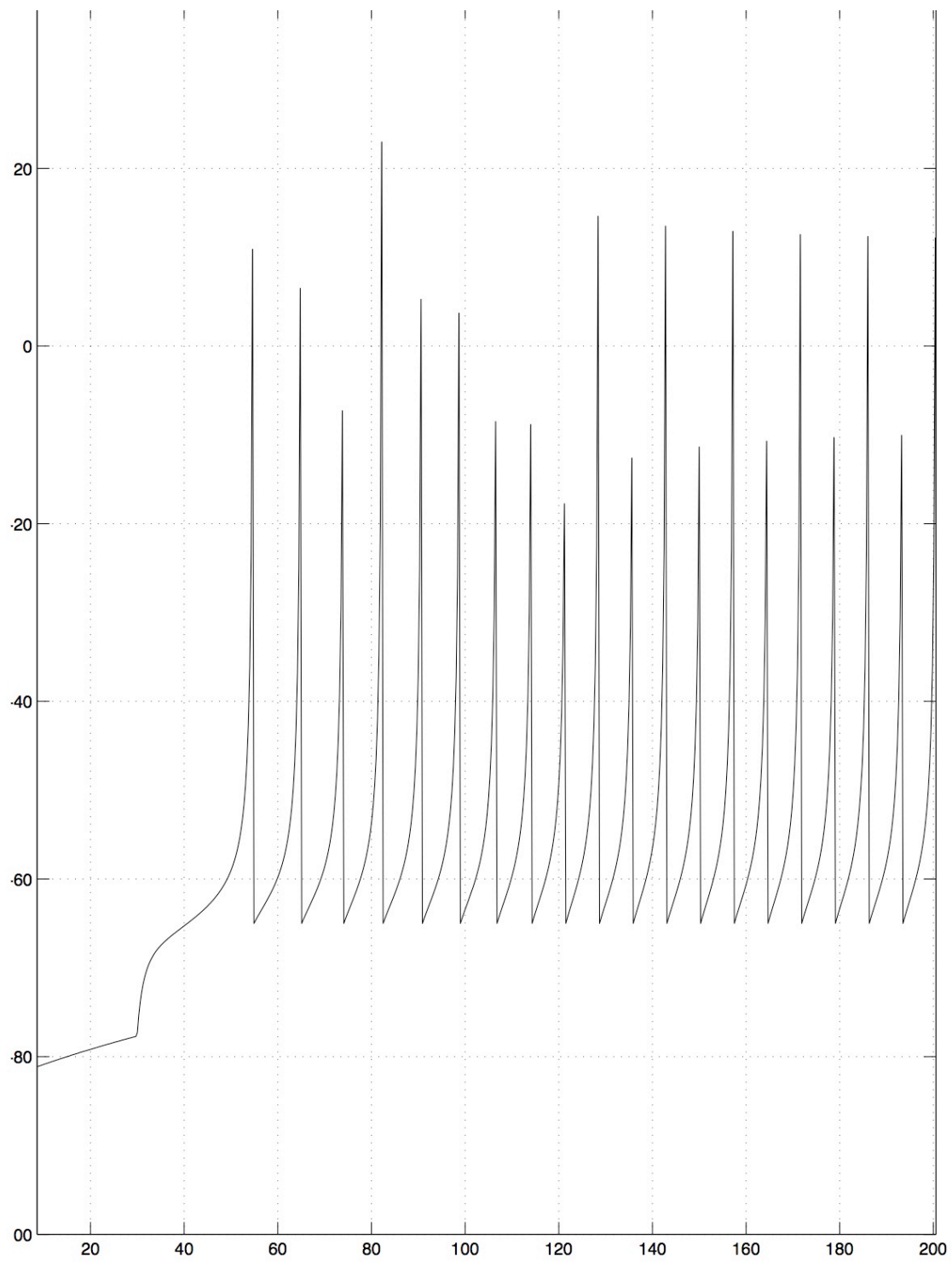


courbes obtenues pour chacun des modèles: $V=f(t)$, V en mV, t en ms

temps de départ de l'échelon de $I = 30$ ms

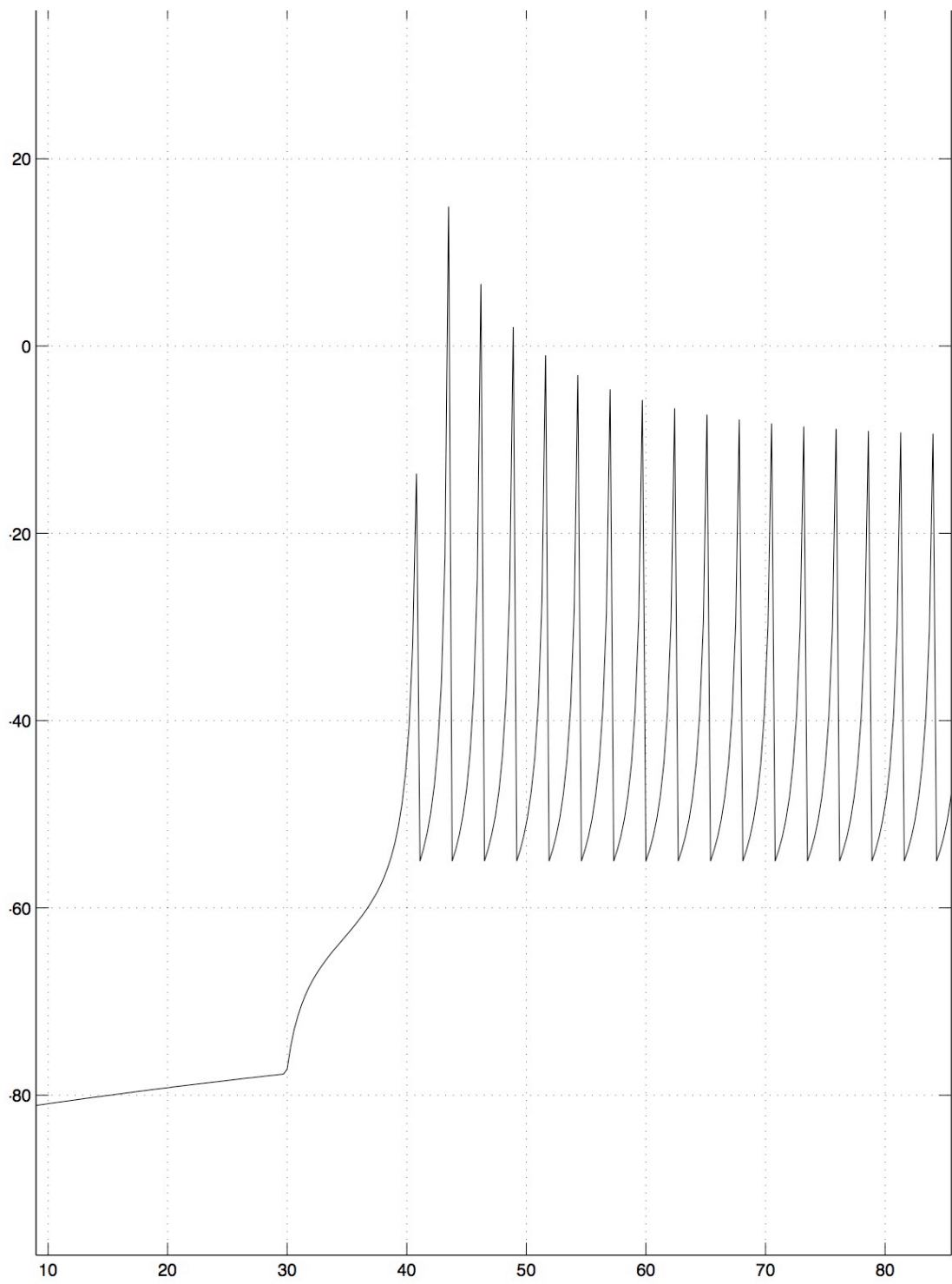
10000points;

T simulation = 150ms



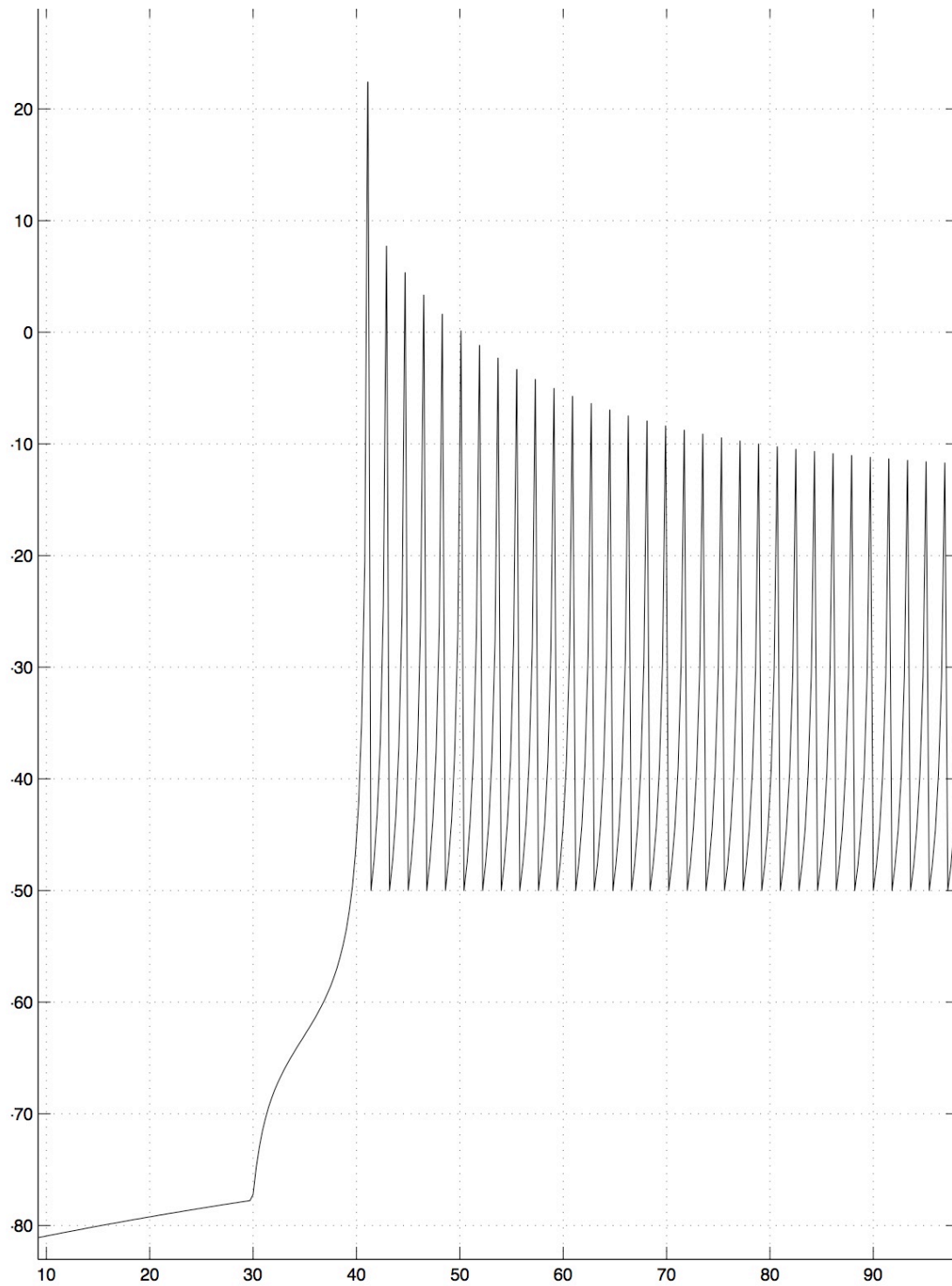
Time offset: 0

regular spiking



Time offset: 0

intrinsically bursting

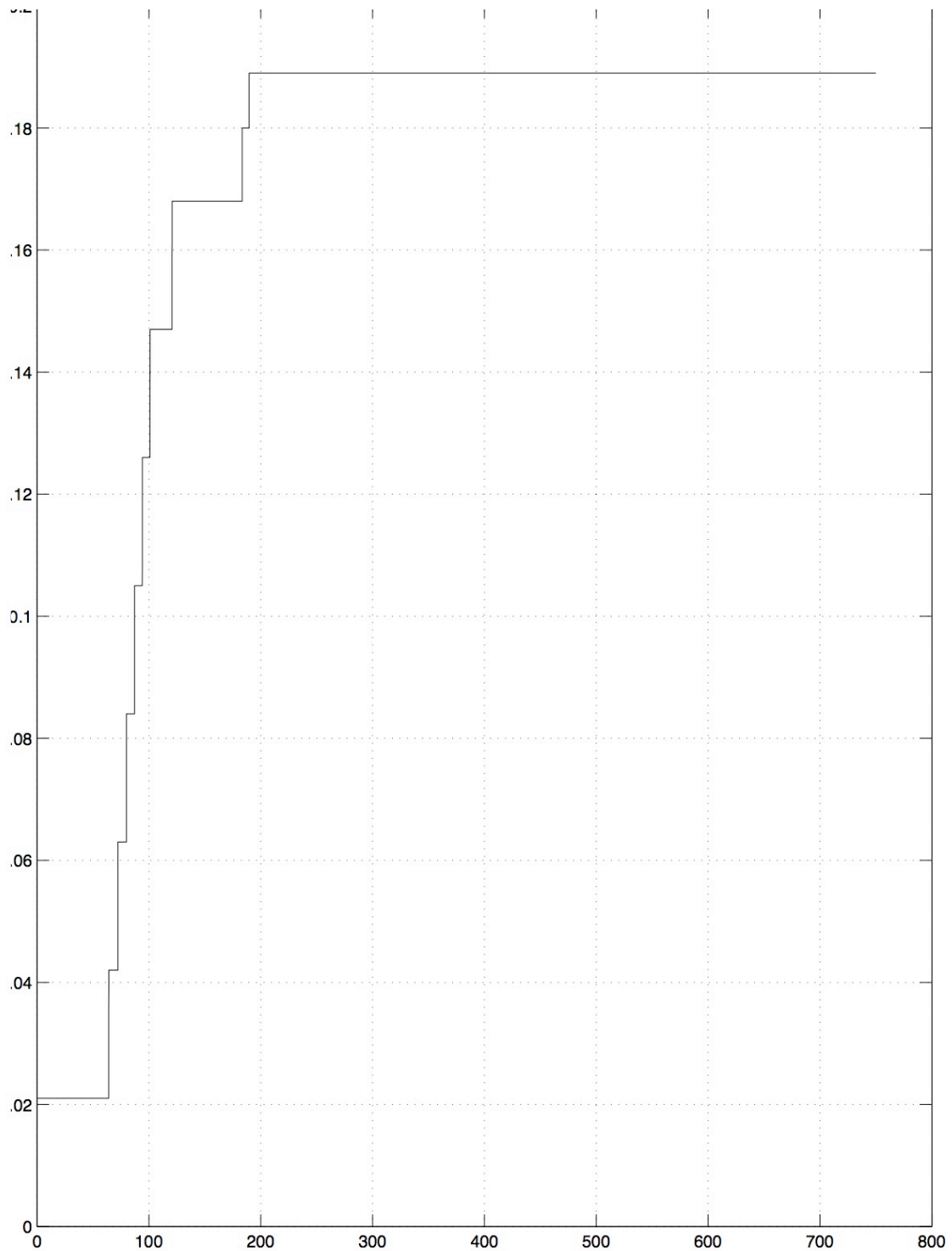


Time offset: 0

Chattering

résultat du Firing Rate

pour une simulation de 50 000pts, 150ms, fenêtre 50ms, avec le max en temps réel du FR, pour le regular spiking: La forme est cohérente, car les spikes sont discontinus.



Time offset: 0

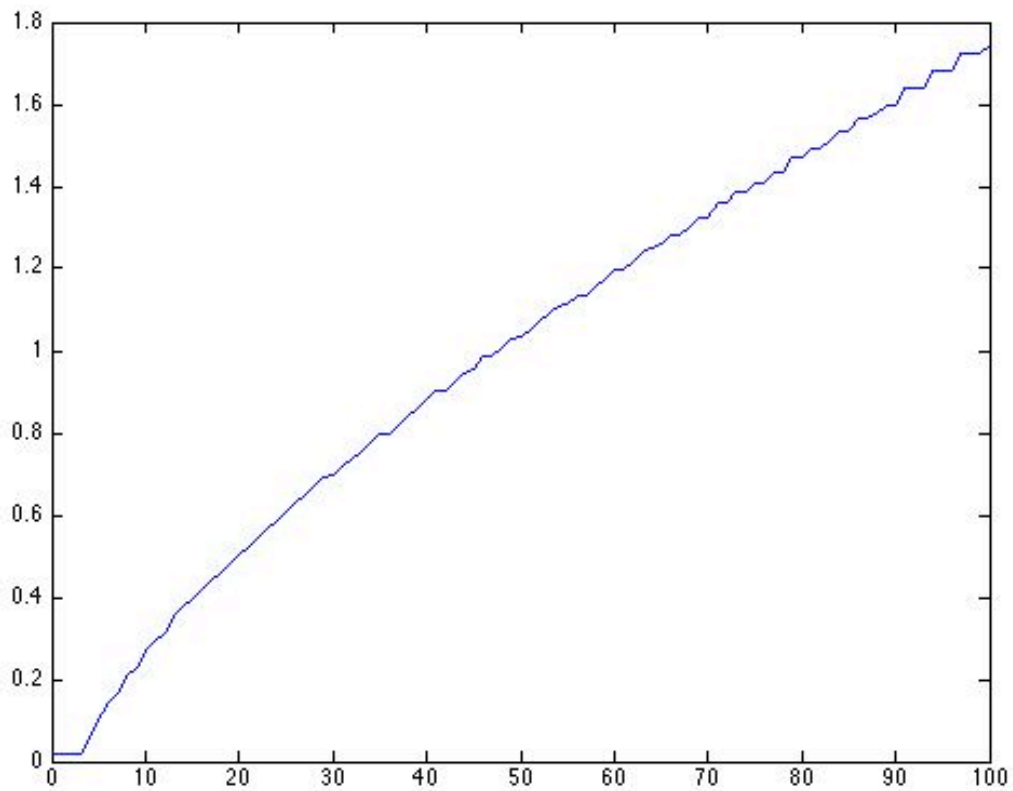
ANNEXE 3:

%Obtention de la sigmoïde:

On trace les Firing Rates finaux (donc maximaux ici), en fonction de I

```
VI=(0:1:100);  
VFR=eye(1,length(VI));  
for i = 1 : length(VI)  
    I=i;  
    sim('projet_neurones_simulation1');  
    VFR(i)=FinalFRValue(length(FinalFRValue));  
end  
plot(VI,VFR)
```

courbe obtenue: $\text{Firing Rate} = f(I)$, I en mA et Firing Rate en pics/milisecondes pour des simulations de 150ms, fenêtre de 50ms, courbe finale de 101 points (101 simulations au total) --> La courbe est croissante de pente de moins en moins élevée.



ANNEXE 4:

Programme Matlab de calcul de V:

L'équation différentielle est résolue par la méthode d'Euler et on injecte un échelon qui commence à tstep dans le neurone

```
function [V,A] = ModeleNeuronalIntensiteEchelon(a,b,c,d,i,tstep,Te,Ts)
N=Ts/Te;
A=zeros(1,N);
T=[0:Te:(N-1)*Te];
I=[];
Tstep=Te*floor(tstep/Te);
for k=1:Tstep/Te
    I(k)=0;
end
for k=Tstep/Te+1:N
    I(k)=i;
end
V=[-65];
U=[b*V(1)];
for k=1:N-1
    V(k+1)=V(k)+Te*(0.04*V(k)^2+5*V(k)+140-U(k)+I(k));
    U(k+1)=U(k)+Te*a*(b*V(k)-U(k));

    if V(k+1)>=30
        V(k+1)=c;
        U(k+1)=U(k+1)+d;
        A(k+1)=1;
    end
end

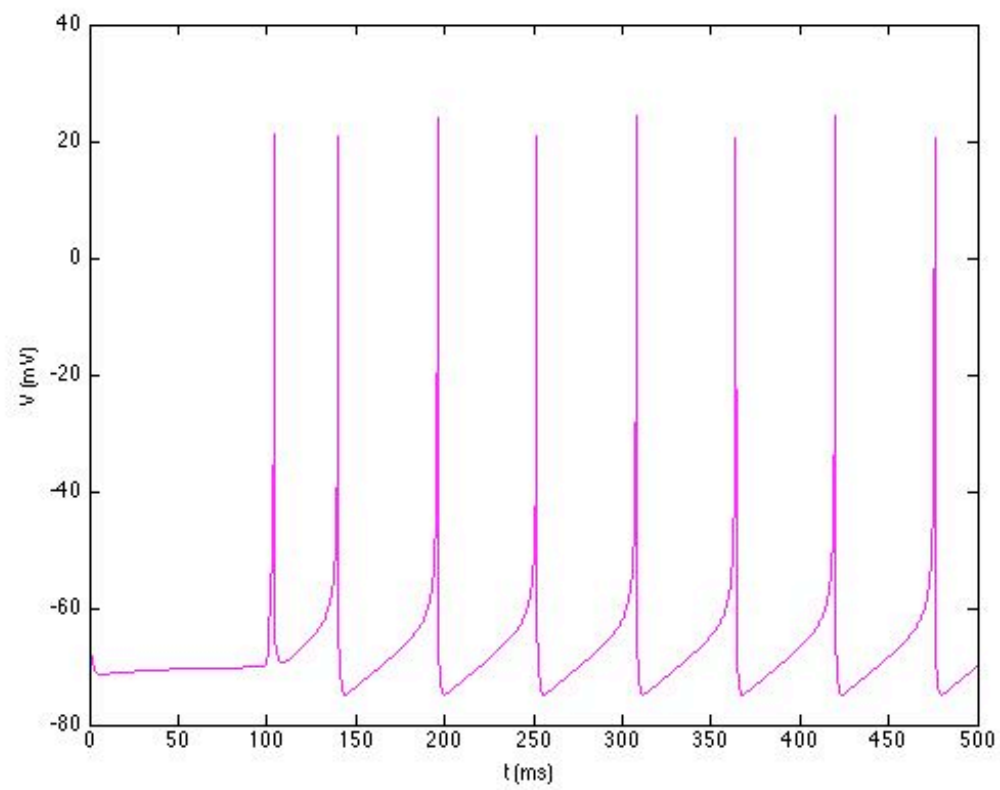
% plot(T,V,'magenta')
% hold on
% plot(T,U,'red')
```

Résultats pour les 3 modèles

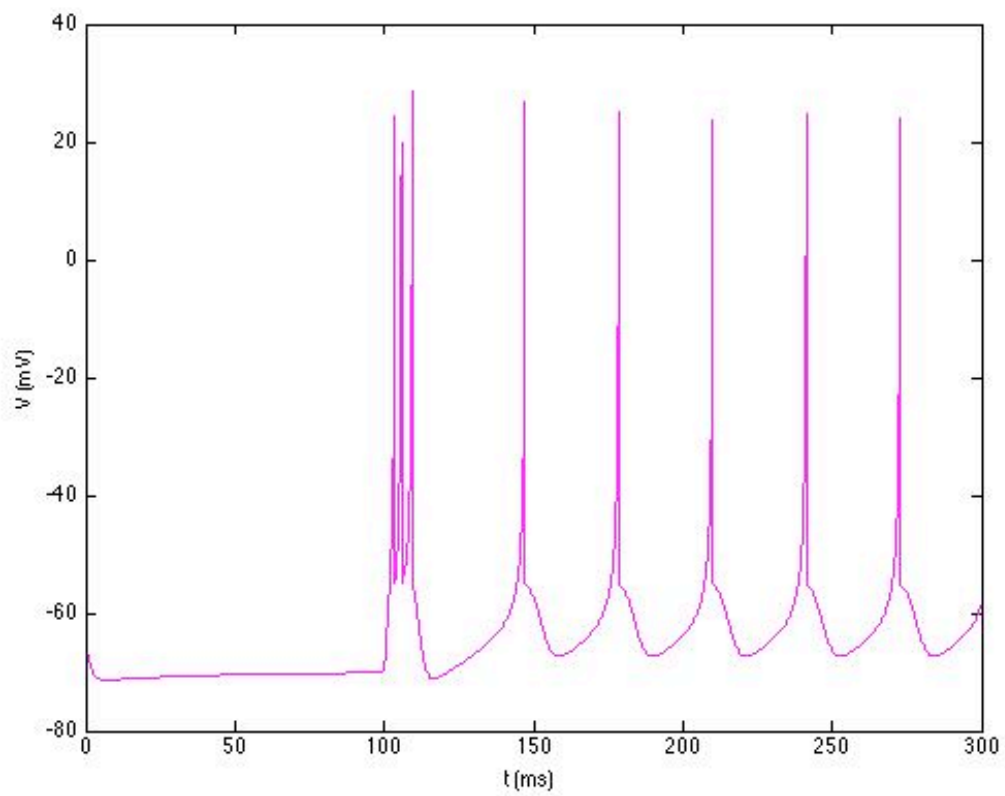
Ts variable selon les courbes

Te=0.05ms

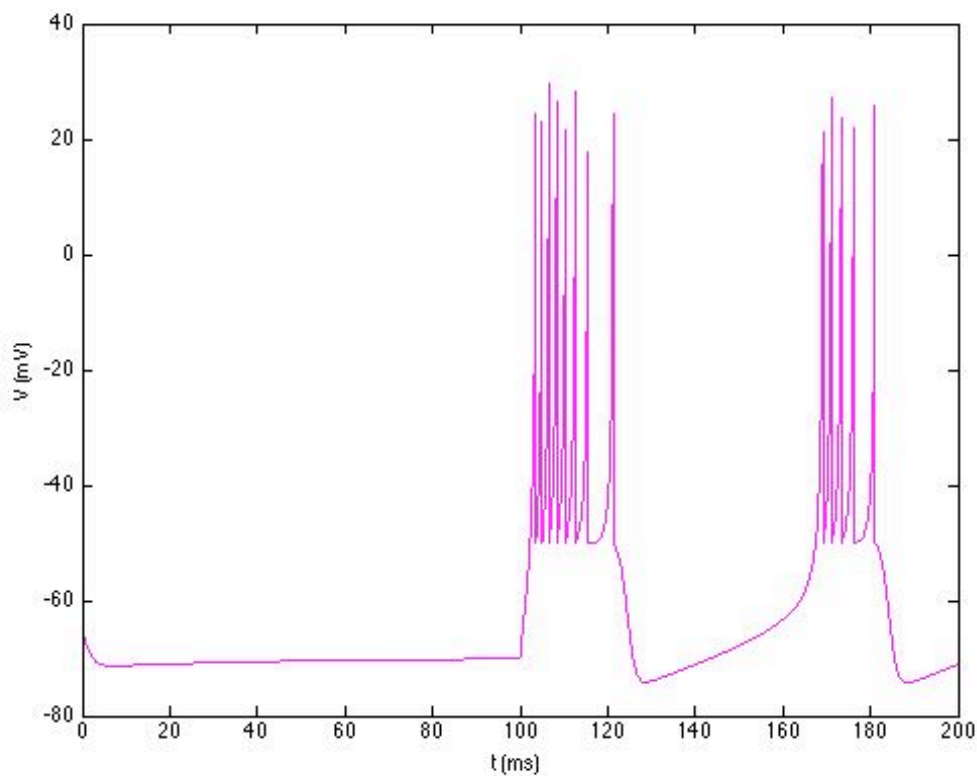
temps de début de l'échelon de I=100ms



regular spiking



intrinsically bursting



chattering: On obtient des séquences de burst

Programmes pour le calcul du Firing Rate

%Calcul du Firing Rate d'un neurone

function FR=FiringRatePourUnNeurone(A,Te,Ts,Tf)

%A: vecteur avec des 1 + chaque spike

%Tf: temps de la fenêtre; celle-ci se déplace et mesure le nombre de spikes qu'elle contient

N=Ts/Te;

*T=[0:Te:(N-1)*Te];*

L=length(T);

FR=zeros(1,L-floor(Tf/Te));

for n=1:L-floor(Tf/Te)

 q=0;

for i=n:n+floor(Tf/Te)

if (A(i)==1)

 q=q+1;

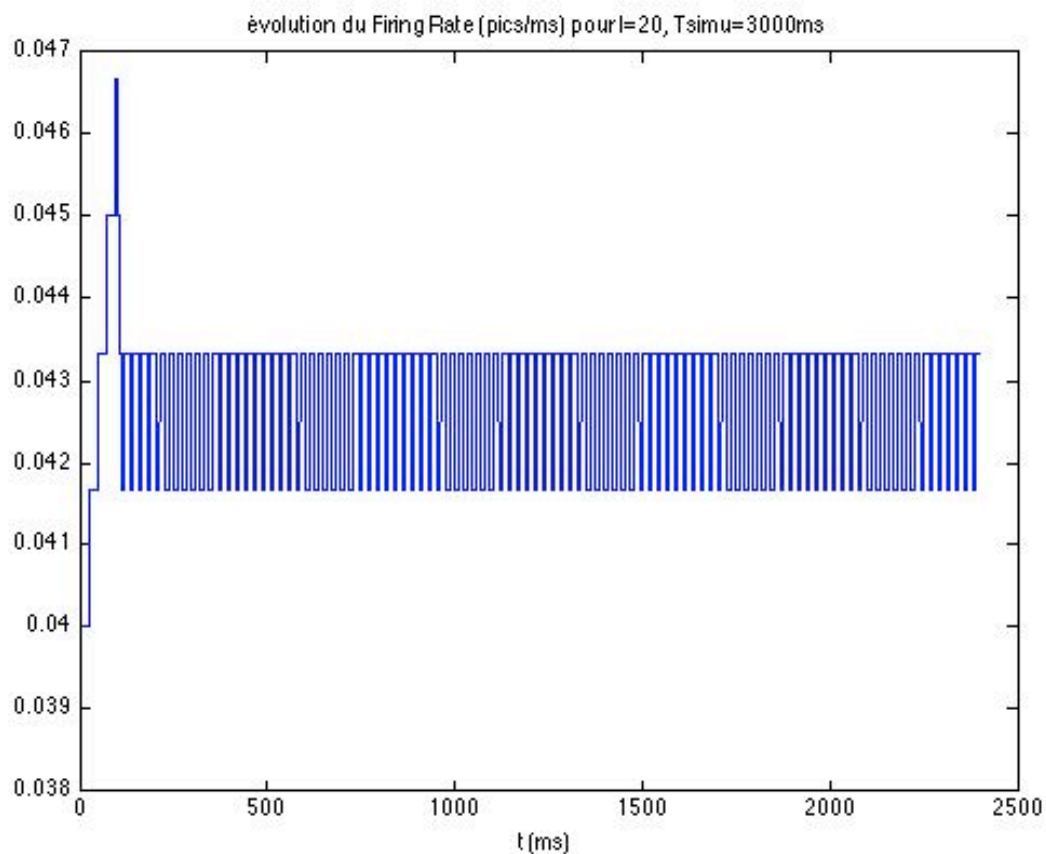
end

end

FR(n)=q/(Tf);

end;

courbe de $FR=f(t)$ pour $T_{simulation} = 3000ms$, $T_e=0.05ms$, et fenêtre: 500ms,
(résultat pour regular spiking)



différentes courbes $FR=f(I)$ selon la taille de la fenêtre

On prendra la moyenne des valeurs pour la valeur de Firing Rate finale:

%dessin de différentes courbes $FR=f(I)$ selon la taille de la fenêtre

```
B=[100:100:600];
InitRegularSpiking;

for k=1:length(B)

VI=(0:2:100);
VFR=eye(1,length(VI));

for i = 1 : length(VI)
    I=VI(i);

T=[0:Te:(N-1)*Te];
```

```

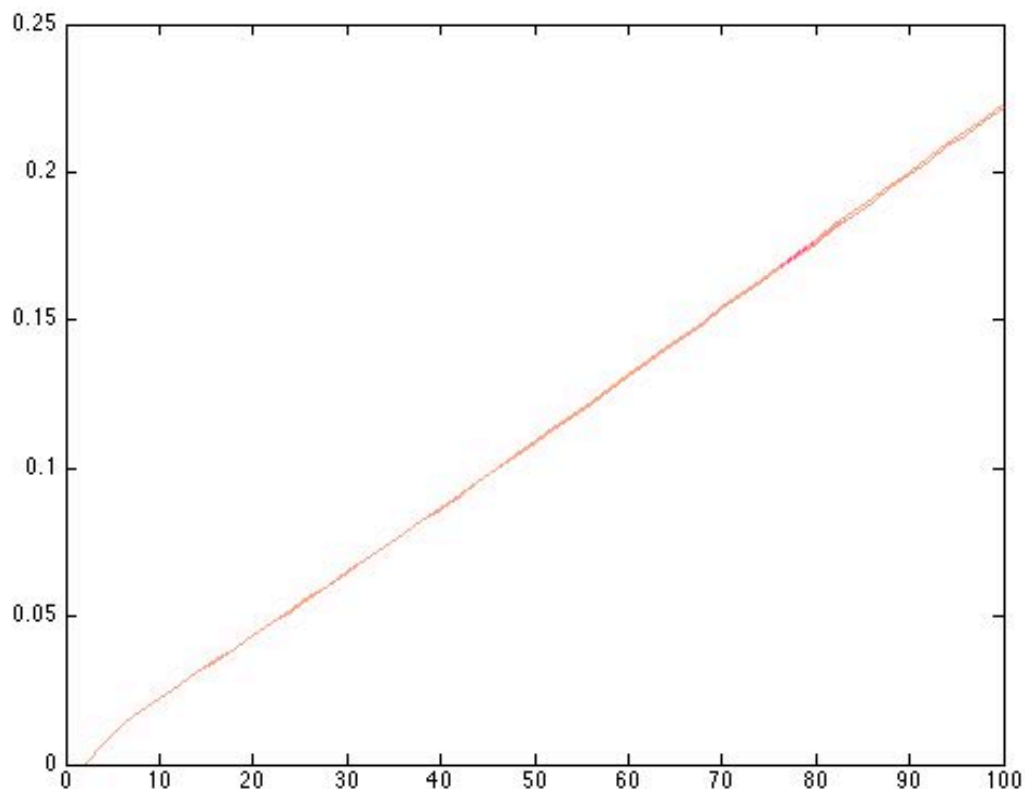
L=length(T);
Tf=B(k);
[V,A]= ModeleNeuronalIntensiteEchelon(a,b,c,d,I,100,Te,Ts);
FR=FiringRatePourUnNeurone(A,Te,Ts,Tf);
Tl=[0:Te:(L-floor(Tf/Te)-1)*Te];
VFR(i)=sum(FR(floor(length(FR)/2):length(FR)))/(length(FR)-
floor(length(FR)/2));%moyennage des derniÈres valeurs de FR pour annuler
les oscillations

end

plot(VI,VFR,'Color',[1 1-1/sqrt(k) 1/sqrt(k)])
hold on
end

```

Résultats pour le modèle de Regular Spiking en fonction de la taille de la fenêtre
(51 points pour chaque courbe) cf analyse des résultats



Remarque importante: La courbe trouvée dans le rapport préliminaire à cet endroit était fautive: nous avons alors posé le Firing Rate asymptotique comme sa valeur maximale, ce qui est faux.

ANNEXE 5: INTERCONNEXION:

création de la matrice d'interconnection: exemple pour l'aléatoire:

```

M=random('bino',1,1/2,6,6);
for i=1:6
    if M(i,i)==1
        M(i,i)=0;
    end
end

```

```
end
end
```

Programme de Calcul des V pour plusieurs neurones interconnectés:

On voit que l'on rajoute un input prenant en compte les sorties de tous les neurones reliés.

```
function [V,A] = NeuronePourInterconnection(a,b,c,d,j,tstep,Te,Ts,M,R )

%Il s'agit ici d'un Èchelon
%j: intensitÈ de l'Èchelon
%tstep: temps de l'Èchelon
%Remarque: l'Èchelon dure jusqu'† la fin
%M:matrice d'interconnection
%R: rÈsistance d'interconnection

n=length(M); %nombre de neurones
N=Ts/Te; %nombre de points calculÈs
A=zeros(n,N);
T=[ 0:Te:(N-1)*Te];
I=[];
Tstep=Te*floor(tstep/Te); %construction de l'Èchelon I
for k=1:Tstep/Te
    I(k)=0;
end
for k=Tstep/Te+1:N
    I(k)=j;
end
v0=-65; %crÈation des vecteurs initiaux
u0=b*v0; %
V=zeros(n,N); %
U=zeros(n,N); %
V(:,1)=v0; %
U(:,1)=u0; %
% I1=zeros(n,N);%crÈation d'une matrice I d'impulsion
% I1(1,:)=I;

for k=1:N-1
    for i=1:n
        S=sum(V(:,k).*M(:,i)/R);
        V(i,k+1)=V(i,k)+Te*(0.04*V(i,k)^2+5*V(i,k)+140-U(i,k)+I(k)+S);
        U(i,k+1)=U(i,k)+Te*a*(b*V(i,k)-U(i,k));

        if V(i,k+1)>=30
            V(i,k+1)=c;
            U(i,k+1)=U(i,k+1)+d;
            A(i,k+1)=1;
        end
    end
end

end
for i=1:n
    subplot(2,3,i)
    plot(T,V(i,:), 'magenta')
end
% hold on
% plot(T,U,'red')
```

Calcul du Firing Rate en fonction du temps pour une population neuronale:

Il s'agit de la somme des Firing Rates individuels divisée par le nombre de neurones.

```
% Firing Rate pour une population de neurones

%A(i,j): matrice des vecteurs A (indicateurs de spikes) calculée dans
NeuronePourInterconnection

function FR=FiringRatePopulation(A,Te,Ts,Tf)
n=length(A(:,1));
N=Ts/Te;
FiringRatePartiel=zeros(n,N-floor(Tf/Te));

for k=1:n
    FiringRatePartiel(k,:)=FiringRatePourUnNeurone(A(k,:),Te,Ts,Tf); %
    calcul de chaque Firing Rate
end

FR=zeros(1,N-floor(Tf/Te));
for t=1:N-floor(Tf/Te)
    FR(t)=sum(FiringRatePartiel(:,t))/n; %calcul du FR moyen de la
    population
end

Tl=[0:Te:(N-floor(Tf/Te)-1)*Te];%vecteur temps adapté en taille
%plot(Tl,FR) %tracé de la courbe
```

Tracé de la courbe $FR=f(I)$:

Il s'agit de la courbe dont chaque point a comme ordonnée le Firing Rate asymptotique pour une intensité I en abscisse.

%attention aux arguments dans NeuronePourInterconnection: Il est dit qu'on utilise un regular spiking

```
function [B,FRfinal]=SigmoideInterconnection(B,R,M,tstep,Te,Ts,Tf)
l=length(B);
FRfinal=zeros(1,l);
for k=1:l
    [V,A]=NeuronePourInterconnection(0.02,0.2,-65,8,B(k),tstep,Te,Ts,M,R);
    FR=FiringRatePopulation(A,Te,Ts,Tf);
    FRfinal(k)=sum(FR(floor(length(FR)/2):length(FR)))/(length(FR)-
    floor(length(FR)/2));%moyennage des dernières valeurs de FR pour annuler
    les oscillations
end
```