

数学建模竞赛经验交流分享

缪盛欢 健行1703

提纲



提纲

1 什么是数学建模

◆ 测量山高问题

小明站在一个小山上,想要测量这个山的高度。他站在山边,采取了最原始的方法:从小山向下丢一小石子,他于5s后听到了从小山下传来的回音。请各位尝试建立数学模型估计小山丘的高度。

◆ 思路1: 高中物理, 简单粗暴

$$H = \frac{1}{2}gt^2 = 0.5 \times 9.8 \times 5^2 = 122.5(m)$$

◆ 测量山高问题

小明站在一个小山上,想要测量这个山的高度。他站在山边,采取了最原始的方法:从小山向下丢一小石子,他于5s后听到了从小山下传来的回音。请各位尝试建立数学模型估计小山丘的高度。

◆ 思路2: 考虑人的反应时间

$$H = \frac{1}{2}gt^2 = 0.5 \times 9.8 \times (5 - 0.1)^2 = 117.649(m)$$

◆ 测量山高问题

小明站在一个小山上,想要测量这个山的高度。他站在山边,采取了最原始的方法:从小山向下丢一小石子,他于5s后听到了从小山下传来的回音。请各位尝试建立数学模型估计小山丘的高度。

◆ 思路3: 考虑空气阻力

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}v}{dt} = a = g - \frac{f}{m} = g - \frac{k}{m}v\\ v(0) = 0 \end{cases}$$

解微分方程得 $v(t) = \frac{(g \times m)}{k} (1 - e^{-\frac{k \times t}{m}})$

积分得
$$H = \int_0^{4.5} v(t)dt = 87.05(m)$$

◆ 测量山高问题

小明站在一个小山上,想要测量这个山的高度。他站在山边,采取了最原始的方法:从小山向下丢一小石子,他于5s后听到了从小山下传来的回音。请各位尝试建立数学模型估计小山丘的高度。

◆ 思路4: 考虑回音传播时间

$$\begin{cases} H = \int_0^{t_1} v(t)dt = 340 \times t_2 \\ t_1 + t_2 = 4.9 \end{cases}$$

解微分方程得H = 79.96(m)

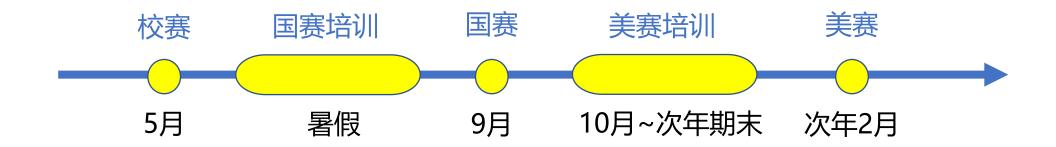
◆数学建模的特点

◆ 数学建模是用以解决实际问题的,所建立的模型**不能太理想、太简单**,过于理想化的模型往往脱离实际情况,这就违背了建模的目的。

◆ 数学建模必须是以能够求解为前提的,建立的模型一定要能够求出解,所建立的模型**不能过于实际**,过于实际的模型往往难以求解,因此做适当合理的简化假设是十分重要的。

◆数学建模学习路线

- ◆大一:最重要的是打好数学基础(高数、线代)以及编程基础(C语言);**大一下**学期(一般5月份会有数学建模校赛,学有余力的同学可以参加)。
- ◆大二:**大二下**健行学院会开设《数学建模》课程,将会比较系统地学习一些经典的数学模型;大二下学期的校赛成绩将作为该课程期末成绩的一部分。**大二暑假**会有数学建模专题培训(每周练习一题+老师讲解),这是数学建模能力提升的关键时期,务必认真对待。
- ◆ 大三: **大三上**9月份会有国赛,同时大三上将进行美赛培训(每周练习一题+老师讲解)。**大三寒假**前后会有美赛。至此,你的数模生涯完美落幕。



◆17级因数学建模保研同学深造情况

◆10位同学因国赛保研(全国一等奖),5位同学因美赛保研(M奖及其以上):

浙江大学: 8人

华东师范大学: 2人

清华大学: 1人

中科院计算机所: 1人

华中科技大学: 1人

东北大学: 1人

浙江工业大学: 1人

◆数学建模竞赛的特点

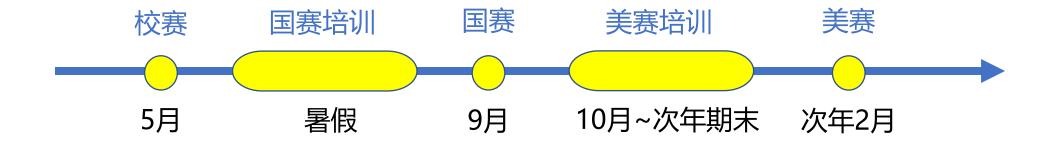
- ◆相比同是A类学科竞赛的智能车竞赛、机器人竞赛、ACM竞赛来说,数学建模竞赛平常所需的培训时间较短(仅一个暑假),能更好的平衡绩点和竞赛,因此性价比很高。
- ◆ 健行学院的数模培训和指导体系完善,数模氛围好,每年都有很多同学因为数模竞 赛保研。
- ◆数模竞赛是团队竞赛(三人),好的队友至关重要。

◆ 不要以功利的心态参加竞赛

- ◆ 竞赛都存在偶然性因素,不到最后谁也不知道谁能拿国一。因此请不要抱着为了保研的目的去参加数学建模竞赛。
- ◆ 若你有保研的想法,请保持绩点排名。数学建模竞赛只是锦上添花而已,不要舍本 逐末。
- ◆ 在数学建模培训的过程中,着重掌握各种经典的优化、预测、评价模型、学习把实际复杂问题抽象为数学模型的能力、论文写作的能力、编程能力、队友之间沟通交流配合的能力,这会对你以后做科研和学术有很大帮助。

提纲

2 我的竞赛经历



◆ 四天时间里是怎样安排自己的生活的? 当时状态如何?

印象比较深的是第一天早上五点钟起来等待题目发布。以及最后一晚通宵完成论文。由于其余几 天都是按平常的规律作息早睡早起,我们的状态还是保持得非常好的。到最后一晚通宵时,会有比 较困的艰难时刻,感谢队友间的相互鼓励,我们还是都坚持下来了。

◆ 在这样的比赛中有没有语言上,习惯上的不适应,是如何克服的?

几乎没有语言或习惯上的不适应,指导老师在比赛前要求我们进行模拟网上练习,因此我们的准备还是比较充分的。我们队伍是使用QQ群通话进行沟通的,在需要展示时使用屏幕共享。每次讨论完问题和布置好各自任务后,就各自干活。一般我们每隔一小时进行一次语言通话,因为高效和充分的沟通有助于团队整体效益的最大化。我觉得由于疫情,线上比赛既是机遇也是挑战,谁能适应和利用好线上形式,谁就更有机会取得理想的成绩。

◆参赛时心情紧张吗?如果有,是如何克服的?

哈哈,不紧张。因为想着这是最后一次数模竞赛了,就只想着去享受建模、编程和写作的过程。 当时也没想太多,就觉得奥利给干就完了。

◆ 你们之间会有一些分歧吗? 你们如何解决分歧达成一致的?

一千个观众眼中有一千个哈姆雷特,但更重要的是我们是团队,我们有共同的目标。例如我们在 选题时产生了分歧,有同学希望选F题,也有同学希望选C题。我们并没有因为分歧而争执,而是分 头检索文献,客观得把做每道题的优势和劣势列出来,最终一起经过讨论确定了选题。解决分歧的 关键在于队友间充分的沟通和相互理解,放下自己的固执去耐心听队友的想法。

◆有没有想要放弃比赛的时候,如果有,是如何、为何选择坚持的?

没有。放弃是件很奢侈的事,因为学院和指导老师都在比赛前给了我们很大的指导和帮助,我们不仅为自己而战,更是为工大而战。因此我们从头到尾都是保持非常积极的态度来享受比赛的。但 当然,会有比较艰难和痛苦的时候,例如模拟仿真结果和预想的不一致、怀疑建立的模型是否有效等,克服的方式就是队友间沟通,沟通总能碰撞出思想的火花。

◆ 过去的学习生活中,有没有什么是你觉得对于这次比赛非常重要的?

最重要的是去年参加数模国赛的经历吧。去年暑假几乎都是在学校度过的,学校开展的数模培训对我们建模能力的提升作用很大。特别要感谢周凯老师,他经常鼓励我们在培训期间多上台分享自己的论文作品。在一次次上台分享过程中,各个指导老师的建议对我们的帮助很大。

◆ 你们出于怎样的考量,选择了这一个选题?

我们选择F题(政策题)的原因,是因为这种交叉学科的题是非常适合我们队伍队员特点的,它不需要很强的编程能力和物理背景,但需要够新颖和有创造力的想法。

◆ 你觉得比赛过程中最重要的东西是什么?

沟通。数学建模是团队竞赛,一般每个同学负责建模、编程、写作中的一块。高效的沟通有助于提高整体协作效率。

◆ 你们是因为什么原因成为一个团队的? 彼此之间熟悉吗?

我和梁昕宇同学本来就经常一起打球,非常熟悉。由于我和他都来自信息工程学院,因此我们希望能再找一个理学院的队友来支撑我们的数学模型。在我了解到戴真奕同学具有较好地数学建模能力后,我邀请了她加入我们团队。通过上学期的美赛培训,我们之间产生了的非常棒的化学反应。

◆ 这次合作给你们带来了怎么样的改变和成长?

整个数学建模培训和竞赛过程,对于我们的语言表达和沟通能力、团队协作能力的提高帮助很大。另外,数学建模可以说是我们的科研初探。在我进入导师实验室后,数学建模过程中培养的查找文献、阅读文献以及论文写作能力对我帮助很大。

◆ 你觉得团队合作有什么优势和困难?

优势在于思想的碰撞,可以集思广益、各显神通。困难在于,不可能完全顺着自己的想法走,要懂得妥协和让步,从团队利益最大化的角度思考问题。



- ◆ 对正在摸索数模竞赛道路的学弟学妹们有什么建议和忠告吗?
- 1. 找到靠谱和合适的队友。找队友有点像谈恋爱,靠谱和合适非常重要。建议队伍由建模能力很强的同学(一般来自理学院)、编程能力很强的同学(一般来自信息或计算机学院)、写作能力很强的同学(不仅需要文字表达逻辑清晰,而且需要掌握Visio等作图软件使用)组成。当然,以上这些能力都是可以在训练过程中培养的。最重要的是团队间要达成共识,是奔着国一去的,还是就随便玩玩的。
- 2. 多读优秀论文(往年获奖论文), 边读边思考这篇文章优秀在哪里, 有哪些套路或方法是我们可以借鉴的, 并在自己的平常训练中加以学习和借鉴。
- 3. 紧跟学校的培训,保质保量完成每次训练题。完成每次练习题后积极主动找指导老师讨论,请老师给出修改意见,然后再自己修改完善。如此循环往复,六七题下来对于数学建模的理解就会有质的飞跃。

◆数学建模常用软件

```
编程工具 (Matlab / Mathematica / Python / Octave/LINGO)
统计建模 (SPSS / Minitab / R)
论文写作(Word 2016 / LaTex)
公式编辑器 (MathType)
插图制作 (PowerPoint)
流程图绘制 (Visio)
版本控制器 (SVN)
团队资料笔记共享(有道云笔记/为知笔记)
科学上网工具 (Lantern / ShadowSocks)
```

◆数学建模常用网站

站点

【数学建模知识库】http://www.shumo.com/wiki/doku.php?id=start

【国赛官网】http://www.mcm.edu.cn/

【美赛官网】http://www.comap.com/

【美赛中文】http://www.mcmbooks.net/

◆数学建模常用网站

论坛

【数学中国】http://www.madio.net/forum.php

【校苑数模】http://www.mathor.com/mcm.php

【数学建模与统计建模论坛】http://www.mathsccnu.com/forum.php

【MATLAB技术论坛】http://www.matlabsky.com/

◆数学建模常用网站

源码

【源码搜搜】http://www.codesoso.net/

[Pudn] http://www.pudn.com/

[Wolfram] http://demonstrations.wolfram.com/index.html

[WolframAlpha] http://www.wolframalpha.com/

◆数学建模常用网站

文献

【谷歌学术】https://scholar.google.com/

【百度学术】http://xueshu.baidu.com/

【中国知网】http://www.cnki.net/

【万方数据】http://www.wanfangdata.com.cn/

【维普网】http://www.cqvip.com/

[Web of Science] https://www.webofknowledge.com/

[PubMed] https://www.ncbi.nlm.nih.gov/pubmed/

[ScienceDirect] http://www.sciencedirect.com/

祝学弟学妹们学业有成!

QQ:820457509