

# 综述. 特征选择方法

MF1733062 万晨 weanl\_jc@163.com

2018 年 5 月 7 日

## 1. 介绍

特征选择 (Feature, Variable and Attribution Selection), 是机器学习中 feature construction 的重要组成部分。在筛选原始数据, 构造有用的特征集合方面, 特征选择不同于特征提取 (Feature Extraction): 后者会通过线性或非线性的方式从原始数据中构造出全新的特征, 具有特征学习和表示学习的能力 [3]; 特征选择通过设计一些简单高效或者精致巧妙的方法, 实现从原始特征集合中选出最优的特征子集, 能够保持特征对应的原始物理意义。所谓最优特征子集, 理论上定义为没有信息丢失的最小特征子集, 以 Markov blanket 的形式给出 [7] [1] [2], 实际中理论的 ground-truth 很难找, 所以经验上一般我们用预测器性能 (如分类器的精度) 来评估特征子集的选择结果。特征选择一直以来是一个重要的课题: 为了分析特征间相关性, 早期 [Blum and langley,1997,Kohavi and John,1997] 等在 1997 年提出了特征选择方面课题研究, 当时大多数应用领域下特征维数还不超过 40。后续基因序列分析和 web 文本分类等典型应用不断推动特征选择课题研究: [13] 针对高维的染色体序列数据提出了给予特征选择的基因分析方法, [9] 将深层神经网络应用到特征选择中, 实现了基因 Enhancer 和 Promoter 的有效分析。目前特征选择研究有两大趋势: 第一, 应对各种结构化和非结构化的数据设计出一套较为通用的方法, 决策树类和深层神经网络类在特征选择方面的改进是不错的解决方法, [4] 就是通过修改单棵树的构造算法实现基于随机森林的 Ensemble 类的特征选择方法; 第二, 应对 curse of dimensionality, 设计复杂度较低的算法, 有效地处理高维数据, 改进现有的算法以及组合使用一些简单的算法都是很好的思路。

在数据处理中, 应用特征选择方法概括起来有如下优势:

- 可以过滤无关特征: 采集过程可能引入数据噪声, 从而影响后续的数据处理; 同样与任务显著的无关特征 (irrelevant) 也可以认为是噪声, 特征选择方法一定程度上可以过滤这一部分噪声;
- 可以剔除冗余特征: 相当部分特征虽然与任务相关, 但互相之间存在显著的冗余关系 (redundant), 特征选择方法可以依据实际需求选出代表性的特征, 降低冗余;
- 可以实现特征重要性的评估: 一些带有指标 (如相关系数、权值) 或其他 “得分” 的特征选择方法, 可以在选出的特征子集中按指标或 “得分” 对特征进行重要性排序。

文章接下来的章节安排: section 2 总结三类方法: 过滤式 (filter)、包裹式 (wrapper) 和嵌入式 (embedding), 以及经典算法; section 3 介绍最近流行的深度学习在特征选择方

面的应用以及特征选择针对时序分析方面的方法；section 4 介绍我们尝试设计的方法以及在数据集上的评价。

## 2. 过滤式、包裹式与嵌入式

特征选择的形式化定义：首先将样本空间定义为一个  $N$  维的随机变量：

$$X = (X_0, X_1, \dots, X_{N-1})$$

其服从一定的概率分布，通常认为样本实例（数据）都是该概率分布采样所得；特征全集  $S = \{X_0, X_1, \dots, X_{N-1}\}$ ，特征选择考虑的是如何有效地除去无关和冗余的特征，筛选得到“最优”特征子集  $S^* \subset S$ 。显然，暴力地遍历  $S$  所有子集会遇到组合爆炸，是不可行的。实际设计中，常采用如下思路进行搜索：

- 产生初始候选特征子集，进行下一步；
- 评价候选特征子集，如果达到终止条件终止搜索，否则进行下一步；
- 基于上一步评价结果，生成新候选特征子集，返回上一步。

由上，特征选择方法可以依据新候选特征子集的方法 (Search Strategies) 进行分类，通常有 Complete、Sequential 和 Random 等策略，但这种分类方法不是主流的划分方法。主流的分类方法是依据候选子集的评价方法 (Evaluation Criteria) 对特征选择方法进行分类，简单地说，用独立于学习器的方法进行评价的称为过滤式方法，用学习器的性能进行评价的称为包裹式方法，本章节先介绍这两种很早被提出的方法。接着我们还会介绍后续巧妙独特的嵌入式方法，不同于前两种前两类方法，嵌入式方法将特征选择嵌入到学习器的训练过程中。

### 2.1 过滤式方法

算法的统一形式（见 Algorithm 1）[10]，算法中  $eval(S_0, D, M)$  说明过滤式采用独立的评价方法，下面介绍几种常见的方法。

#### 2.1.1 基于 pair-wise 的度量

在统计学中，常用线性相关系数 (Pearson correlation coefficient) 衡量两个随机变量间线性相关性。若定义两个随机变量  $A, B$ ，则可有  $M$  个采样  $A : a_0, \dots, a_{M-1}; B : b_0, \dots, b_{M-1}$  计算出两随机变量间的线性相关系数（的估计值）：

$$r_{AB} = \frac{\sum_{i=0}^{M-1} (a_i - \bar{a})(b_i - \bar{b})}{\sqrt{\sum_{i=0}^{M-1} (a_i - \bar{a})^2} \sqrt{\sum_{i=0}^{M-1} (b_i - \bar{b})^2}}$$

$r_{AB}$  在  $[-1, 1]$  上取值，一般做如下判断：如果  $|r_{AB}| < 0.2$ ，认为  $A$  和  $B$  显著地没有线性相关性；如果  $|r_{AB}| > 0.8$ ，认为  $A$  和  $B$  显著地有线性相关性。在特征选择中一般做如下应用：令  $A = X_i, i = 0, 1, \dots, N-1, B = Y$ ，其中  $Y$  为监督学习下给出的数据标签对应

---

**Algorithm 1** 过滤式算法

---

**Input:** 数据集空间  $D(F_0, F_1, \dots, F_{N-1})$ ; 初始特征子集  $S_0$ ; 停止条件标准  $\delta$ ;

**Output:** 优化子集结果  $S_{best}$

```
1:  $S_{best} = S_0$ 
2:  $\gamma_{best} = eval(S_0, D, M)$  //  $M$  是独立的评价方法
3: while ( $\delta$  is not reached) do
4:    $S = generate(D)$ 
5:    $\gamma = eval(S, D, M)$ 
6:   if ( $\gamma$  is better than  $\gamma_{best}$ ) then
7:      $\gamma_{best} = \gamma$ 
8:      $S_{best} = S$ 
9:   end if
10: end while
11: return  $S_{best}$ 
```

---

的随机变量称为标签变量, 满足现实的映射关系  $Y = f(X)$ ; 然后计算  $r_{AB}$ , 即计算  $N$  个特征和标签变量的线性相关系数, 从而剔除一些  $|r_{AB}|$  过小的特征。该方法在线性假设下能过滤一些无关特征, 计算简单应用广泛。这里需要注意的是该方法由如下应用前提:  $A, B$  为连续的随机变量;  $A, B$  应通过正太分布检验, 即大致呈正太分布。

线性相关系数给我们提供了这样一条思路: 逐个考虑特征和标签变量间的关系并进行筛选特征, 实际上每次计算的是两个随机变量间的关系, 该类方法是 pair-wise 的, 定义良好的度量关系是关键。在信息论中, 基于信息熵的信息增益是常用的衡量两个随机变量可以互相预测 (predict) 性, 对于随机变量  $A, B$ , 采用归一化的衡量指标 symmetrical uncertainty[?]:

$$SU(A, B) = 2 \frac{IG(A | B)}{H(A) + H(B)}$$

其中  $IG(A | B) = H(A) - H(A | B)$  为信息增益, 对于  $A, B$  是对称的;

$$H(A) = - \sum_i P(a_i) \log_2(P(a_i))$$

为  $A$  的信息熵,  $H(B)$  计算类似;  $H(A | B) = - \sum_j P(b_j) \sum_i P(a_i | b_j) \log_2(P(a_i | b_j))$  为观测到  $B$  的条件下  $A$  的信息熵, 可以证明对于  $A, B$  是对称的。这种归一化的信息增益方法, 克服了线性相关系数的较为苛刻的前提假设: 不需进行正太分布检验, 能很好地度量变量间的非线性关系, 同时对于连续的变量可以进行离散化处理以便于计算。当然该方法通用性增加的同时, 计算量明显调高了不少。

机器学习中, 应对分类任务常用 Relief(Relevant Feature) 进行过滤式的特征选择 [Kira and Rendell, 1992]。延续上述思路, Relief 本质上也是一种度量关系, 基于样本的分类标签, 可以计算出第  $j$  个特征的度量得分:

$$\delta^j = \sum_i -diff(x_i^j, x_{i,nh}^j)^2 + diff(x_i^j, x_{i,nm}^j)^2$$

Relief 和多分类扩展的 Relief-F 方法, 都是考察最近同类样本  $x_{i,nh}$  和最近异类样本  $x_{i,nm}$ , 依据类似上面的式子计算第  $j$  个属性对样本分类的性能, 以此作为该特征的度量指标。

上述方法可以总结为基于 pair-wise 的度量，显然忽略了特征的组合影响，所以通常用来独立地过滤那些显著无关的特征，不能解决特征冗余的问题；另外这类方法天然的有度量指标，在实际中可以评估特征重要性。

### 2.1.2 组合方法

对于分类任务的特征选择人们提出了基于纯过滤式方法的 FCBC Algorithm，经过精心的设计可以很好地解决特征冗余的问题。算法采用的是 (2.1.1) 中归一化的信息增益  $SU(A, B)$  作为相关关系度量，对应记作  $SU_{A,B}$ ；定义了主导特征 (Predominant Feature)。记特征全集  $S$ ，候选特征子集  $S^*$ ，在考虑把特征  $F_i$  加入  $S^*$  时， $F_i$  必须为主导特征；所谓主导特征，首先满足  $SU_{i,C} > \delta$ ，如果还满足在  $S^*$  中不存在  $F_j$  使得  $SU_{j,i} > SU_{i,C}$ ，那么  $F_i$  是主导特征，如果不满足第二个条件可以用存在的特征  $F_j$  构建 redundant peer 集合  $S_{P_i}$ ，然后依据算法缩减该集合，如果能缩减为空集， $F_i$  也是主导特征。具体算法见 [14]。

如果样本的数量规模为  $N$ ，特征规模为  $M$ ，FCBC 算法的时间复杂度为  $O(MN \log N)$ ，是比较快速的特征选择算法，能很好的应用到大量的高维数据。文章用有上千维特征数据的分类任务作为算法的评估，经验说明该精心设计的算法能取得不错的精度。

## 2.2 包裹式方法

算法的统一形式（见 Algorithm 2）[10]：

---

### Algorithm 2 包裹式算法

---

**Input:** 数据集空间  $D(F_0, F_1, \dots, F_{N-1})$ ; 初始特征子集  $S_0$ ; 停止条件标准  $\delta$ ;

**Output:** 优化子集结果  $S_{best}$

```

1:  $S_{best} = S_0$ 
2:  $\gamma_{best} = eval(S_0, D, A)$  // A 是基于学习器性能的评价方法
3: while ( $\delta$  is not reached) do
4:    $S = generate(D)$ 
5:    $\gamma = eval(S, D, A)$ 
6:   if ( $\gamma$  is better than  $\gamma_{best}$ ) then
7:      $\gamma_{best} = \gamma$ 
8:      $S_{best} = S$ 
9:   end if
10: end while
11: return  $S_{best}$ 

```

---

包裹式方法用学习器的性能对候选特征子集进行评价，好处在于可以方便地对候选子集所有特征一起做评价，也就是生成新的候选子集都要训练一遍学习器。显然多次训练学习器的计算开销是巨大的，所以通常包裹式方法关注的是优化子集搜索（新候选子集生成）策略，提高搜索效率。

（感觉 wrapper 要凉了）较为简单地讲一些方法。

## 2.3 嵌入式

嵌入式方法是继过滤式和包裹式后提出的特征选择方法，将特征选择嵌入到学习器的训练过程，通常该类算法计算复杂度比包裹式方法低，同时能获得不错的特征子集。嵌入式方法结合了前两种方法的优势，是十分流行的方法，前人基于已有的学习器模型提出了一些精致的方法。

### 2.3.1 基于常用模型

首先基于回归任务中基本的学习器模型——线性回归 (linear regression), [Tibshirani, 1996] 提出了 Lasso (least absolute shrinkage and selection operator)。Lasso 通过在线性回归损失函数中添加  $l_1 - norm$  正则化项，降低模型过拟合风险 ( $l_2 - norm$  的岭回归就是被提出来降低过拟合风险) 的同时得到的稀疏权值向量可以作为特征选择的依据。下面给出 Lasso 的形式化定义：

$$\min \sum_i (y_i - \mathbf{w}^T \mathbf{x}_i) + \lambda \|\mathbf{w}\|_1$$

参数  $\lambda > 0$ ，该值越大对  $\mathbf{w}$  的稀疏性约束越强，可以通过交叉验证的方式选取适当的值；算法收敛下得到的权值向量  $\mathbf{w}$  一般是稀疏的，即  $\mathbf{w}$  的各个分量  $w_i$  大部分为接近零的值，而  $w_i$  对应的意义是特征  $X_i$  在线性模型中的权重，自然地零值或接近零值对应的特征可以被舍弃，这样在线性模型训练完成的同时也完成了特征选择过程。实际上，上述给出的是 basic lasso 方法，后续在实践中遇到一些应用问题，做了一些改进和推广。记样本数量为  $M$ ，特征维度为  $N$ ，当应用场景中  $N > M$  或  $N \gg M$  时，basic lasso 选出的特征数量不会超过  $M$ ，这容易导致有用特征信息的丢失；[2005, Zou and Hastie] 提出 elastic net 的正则化，同时使用了  $l_1 - norm$  和  $l_{12} - norm$  进行正则化：

$$\min \sum_i (y_i - \mathbf{w}^T \mathbf{x}_i) + \lambda_1 \|\mathbf{w}\|_1 + \lambda_2 \|\mathbf{w}\|_2$$

实际上基于 elastic net 正则化的 lasso 在  $l_1 - norm$  约束的稀疏性和  $l_2 - norm$  约束对特征间强相关问题的处理取得了不错的平衡。

另外应对诸如基因序列分析这类问题，背景约束一组特征必须被选进最优特征子集。[2006, Yuan and Lin] 提出了 Group lasso[??]，把约束的特征组对应的权值作为新的正则化项。该方法满足特征组约束条件同时能很好的考虑多个特征对任务的组合影响，在组合影响成为主导因素的场景中有很好的应用。

对于分类任务，我们介绍基于十分流行的支持向量机 (SVM) 模型的嵌入式特征选择方法——SVM-RFE (Recursive Feature Elimination) [6]。首先给出经典的支持向量机的公式定义：

$$\begin{aligned} \min & \frac{1}{2} \|\mathbf{w}\|^2 \\ \text{s.t.} & y_i(\mathbf{w}^T \mathbf{x}_i + b) \geq 1 \end{aligned}$$

SVM-RFE 是循环删除特征的过程，每一轮用当前未被删除的特征训练学习器 SVM，并得到特征  $X_i$  的权值  $w_i$ ，然后每个特征按照得分  $C_i = w_i^2$  进行排序，在该轮训练中删除得分最小的特征。用该算法进行特征选择时，可以制定最后保留的特征子集的大小。SVM-RFE

最早提出并被应用到医学癌症分析领域，取得了不错的分析效果，究其原因 SVM 良好的分类性能，也从侧面说明了嵌入式特征选择的性能很大程度上依赖于学习器模型。

延续上述思路，我们介绍基于决策树或判定树 (Decision Tree) 的嵌入式特征选择方法——Regularized Trees。该方法的思想是在单棵决策树的构造过程中加入正则化项，目的是尽量减少划分中设计的特征的种类数；因为划分中用到的特征可以认为是重要的特征，那么在划分过程中尽量使用之前的划分过程中用到的特征，那么最后决策树构造完成时划分用到的所有特征种类数是相对少的。Regularized Trees 的做法是惩罚性地对于当前划分中可能用到的全新的特征种类计算得到的信息增益乘上一个小于 1 的系数，下面是具体算法 [4]：

---

**Algorithm 3** 正则化决策树算法, 递归调用  $S = \text{tree}(\text{data}, S, \lambda)$

---

```

1:  $gain^* = 0$ 
2:  $count = 0$ 
3: for  $m = 1 : M$  do
4:    $gain_R(X_m) = 0$ 
5:   if  $X_m \in F$  then
6:      $gain_R(X_m) = gain(X_m)$ 
7:   end if
8:   if  $X_m \notin F$  and  $count < \lceil \sqrt{M} \rceil$  then
9:      $gain_R(X_m) = \lambda \cdot gain(X_m)$  // 正则化惩罚
10:     $count = count + 1$ 
11:   end if
12:   if  $gain_R(X_m) > gain^*$  then
13:      $gain^* = gain_R(X_m)$ 
14:      $X^* = X_m$ 
15:   end if
16: end for
17: if  $gain^* = 0$  then
18:   make this node as a leaf and return  $S$ 
19: end if
20: if  $X^* \notin F$  then
21:    $F = \{F, X^*\}$ 
22: end if
23: split  $data$  into  $\gamma$  child nodes by  $X^*: data_1, \dots, data_\gamma$ 
24: for  $g = 1 : \gamma$  do
25:    $S = \text{tree}(data_g, S, \lambda)$ 
26: end for
27: return  $S$ 

```

---

Regularized Trees 在全体数据集中随机采样部分数据构造单棵决策树，类似于 ensemble 的方法：

决策树对连续值一般做离散化处理。得益于决策树模型的优势，Regularized Trees 是

---

**Algorithm 4** 集成化算法,  $S = \text{ensemble}(\text{data}, S, \lambda, nTree)$ 

---

```
1: for  $iTree = 1 : nTree$  do  
2:   select  $data_i$  from  $data$  with some criteria  
3:    $S = \text{ensemble}(\text{data}, S, \lambda)$   
4: end for
```

---

个不错的特征选择方法, 劣势是计算量比 SVM 和 Lasso 类的方法大很多。

## 3 深度模型

### 3.1 理论模型分析

本文以上介绍了不同需求下的一些特征选择方法, 可以说特征选择领域的方法繁多, 虽说以候选特征子集的评价标准分为了三大类, 但面对一些具体问题, 有时候我们还是很难选择合适的方法。下面我们提出关于特征选择理论模型分析, 给实际应用给出理论依据。

section 1 中说明的特征选择要尽量保证不会丢失信息, 即理论上保留信息的完整性。[11] 提出了基于学习器学习的目标模型类型选择合适的特征选择方法。所谓目标模型就是实际任务, 可以表示为特征空间到标签值空间的映射函数:

$$y_i = f(x_i) = \beta_0 + \beta x_i + \sum_j \alpha_j g_j(x_i^1, \dots, x_i^p) + \sum_k \gamma_k h_k((x_i^1, \dots, x_i^p)) + \varepsilon_i$$

其中  $x_i$  是来自数据集空间  $D(F_0, F_1, \dots, F_{N-1})$  的样本,  $y_i$  是真实标签值;  $\beta_0$  为常数,  $\beta x_i$  和  $h_k((x_i^1, \dots, x_i^p))$  描述的都是线性关系, 前者侧重的是单个特征的相关性, 后者侧重的是多个特征线性叠加对  $y_i$  的影响, 如  $h(x_i^1, x_i^2) = x_i^1 x_i^2$ ;  $g_j(x_i^1, \dots, x_i^p)$  描述的是多个特征非线性叠加对  $y_i$  的影响, 如  $g(x_i^1, x_i^2) = x_i^1 \sin(x_i^2)$ 。

所以依据上式, 对不同实际的学习任务, 我们可以因地制宜地选择合适的特征选择方法: 线性项为主导影响时可以采用如 Lasso 这样的基于线性模型的方法; 组合复杂项为主导影响时可以采用集成化的正则决策树; 当然简单的单个线性或非线性特征为主要影响时完全可以用过滤式中 pair-wise 的方法。

### 3.2 深度学习方法

深度学习本质上是神经网络的新一轮复兴, 无论在学术界还是在工业界都很受欢迎。将 deep learning 应用到特征工程称为 feature learning, 其中包括了从原始数据到学习器利用的数据之间的数据预处理、特征提取和特征选择。其实 feature learning 研究的动机是基于这样一条定律从现实世界构造的抽象数据决定了学习器的性能上界, 所以构造特征是一项十分重要的工程 (广义上说, 机器学习中 metric learning 和 kernal learning 也是这方面的努力)。现实中从高维数据中构造有用的特征集, 为了克服盲目性需要大量的领域知识, 而且通常这项工作是复杂且昂贵的。一个典型的例子是图片识别, 经验地构造特征甚至是不可行的 (PCA 等分析方法可以解决问题)。层结构经过精心设计的深度网络可以自动的完成很多特征工程方面的任务, 这也是 feature representation 的研究热点。不过由于网络自

身结构，不会严格的保留变换前后特征的一一对应关系，所以目前 feature learning 方面绝大部分属于特征提取，如图像的卷积层提取、AutoEncoder 和 Sparse Coding 等。

[9] 用深层的神经网络做特征选择，设计的网络结构如下：

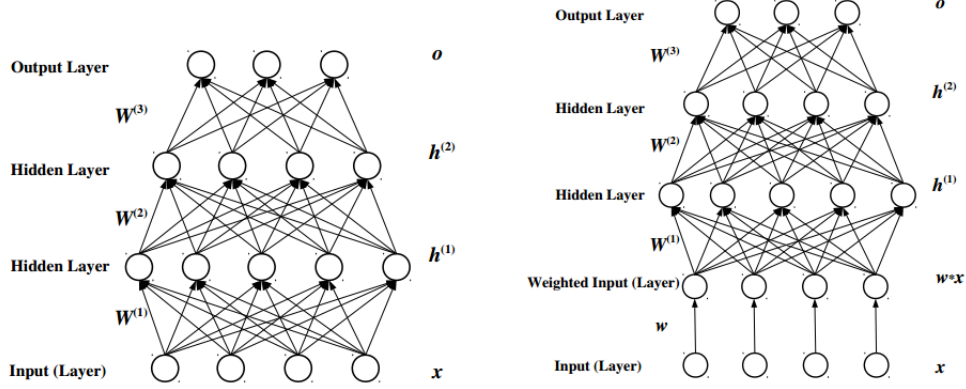


图 1: 深度特征选择

图中左边为常用的深层网络 DNN，在输入层直接将数据输入；右边是文章设计的网络结构：在数据输入层和第一个隐层间加了一层带权值的输入层 Weighted Input Layer，其中  $w = (w_0, \dots, w_{N-1})$  的每个元素描述样本对应特征的对标签输出的影响重要性，网络训练完成后  $w$  的零范数用来做特征选择，即只选取非零  $w_i$  对应的特征。

该方法可以总结为 DFS=DNN+FS，为了获得稀疏的  $w = (w_0, \dots, w_{N-1})$  文章也构造了输出层带有正则化的损失函数，具体参考文献，另外作者也公开了在 Theano 上实现的代码供参考 [8]。

### 3.3 AutoEncoder 网络

AutoEncoder 网络（自动编码网络）是最近几年深度学习和神经网络研究的热点，并且应用广泛，作为有效的特征提取方法在 feature learning 方面应用很好，很多场景下优于传统的降维方法，这也是本小节主要介绍的内容。

机器学习领域考虑的编码是将一类原数据  $X \in \mathbb{R}$  用另一类符号（字符、数字等）表示  $X_{code} \in \mathbb{R}_{code}$ ，目的是获得原数据更好的表示，使学习器  $L(X, g(f(X)))$  获得更好的性能。其实上述也是特征提取的编码视角的解释。实现自动编码的关键是如何评价编码空间  $R_{code}$  的好坏，基本的自动编码网络选择的标准是最小化重构误差。实际上自动编码器网络分为编码过程和解码过程，重构误差可以做如下的形式定义：编码过程记为  $f_{encoder} : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}_{code}$ ，解码过程记为  $g_{decoder} : \mathbb{R}_{code} \rightarrow \mathbb{R}$ ；那么差异函数  $L(X, g(f(X)))$  为重构误差，衡量数据从编码空间  $R_{code}$  上的重构度。

自动编码网络属于非监督学习的范畴，但一味地最小化重构误差  $L(X, g(f(X)))$ ，不能很好地学习获得数据代表性的特征，因为编码空间  $R_{code}$  没有明显的偏向性，只要解码过程复杂度足够可以证明一维的编码空间可以实现高维原数据情况下的最小化重构误差，显然这是不合理的。在 feature learning 应用中很早就有人注意到这样的问题，所以稀疏自动编码网络被探讨 [12]。稀疏自动编码网络是基于正则化的思想，先验地给出网络中各隐层参数的稀疏性限定，并证明了这样的正则化自动编码网络能偏向性地在编码空间上学习获得原



数据独特的统计特性。通常搭建稀疏稀疏自动编码网络时，损失函数定义如下：

$$\min\{L(X, g(f(X))) + \lambda \sum_i |h_i|\}$$

其中超参数  $\lambda$  指定了稀疏性约束的强弱，视具体场景而定； $h_i$  为网络各隐层的权值参数，有些场景下可以选部分层。下面给出稀疏自动编码网络的结构示意图：

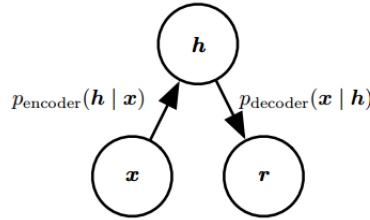


图 2: 自动编码网络

上图将网络隐层抽象为隐变量  $h$ ，编码和解码过程基于现代编解码的思想可以理解为对应的概率分布函数， $p_{encoder}(h | x)$  和  $p_{decoder}(x | h)$  [???]。

其实上述介绍的稀疏自动编码网络默认是基于基本的前向全连接网络，编码的对象也是基本的数据样本。针对实际场景中一些图片分析、序列模型等，可以将卷积网络、循环网络等结构经过精心设计的网络用来构造不同的 AutoEncoder 网络，以解决具体问题。2018 年 [5] 提出了基于随机森林的自动编码器，探讨并在公开的图片数据集上比较了 MLP、CNN 等方法，实现了很好的自动编码效果。

### 3.4 时序数据处理方法

未完待续。。。

## 4 方法与评估

### 4.1 问题定义与数据集

### 4.2 思路和方法

### 4.3 初步结果

## 5 工作总结

## 参考文献

- [1] Constantin F. Aliferis, Alexander R. Statnikov, Ioannis Tsamardinos, Subramani Mani, and Xenofon D. Koutsoukos. Local causal and markov blanket induction for causal discovery and feature selection for classification part I: algorithms and empirical evaluation. *Journal of Machine Learning Research*, 11:171–234, 2010.

- [2] Constantin F. Aliferis, Alexander R. Statnikov, Ioannis Tsamardinos, Subramani Mani, and Xenofon D. Koutsoukos. Local causal and markov blanket induction for causal discovery and feature selection for classification part II: analysis and extensions. *Journal of Machine Learning Research*, 11:235–284, 2010.
- [3] Yoshua Bengio, Aaron C. Courville, and Pascal Vincent. Representation learning: A review and new perspectives. *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 35(8):1798–1828, 2013.
- [4] Houtao Deng and George C. Runger. Feature selection via regularized trees. In *The 2012 International Joint Conference on Neural Networks (IJCNN), Brisbane, Australia, June 10-15, 2012*, pages 1–8, 2012.
- [5] Ji Feng and Zhi-Hua Zhou. Autoencoder by forest. In *Proceedings of the Thirty-Second AAAI Conference on Artificial Intelligence, New Orleans, Louisiana, USA, February 2-7, 2018*, 2018.
- [6] Isabelle Guyon, Jason Weston, Stephen Barnhill, and Vladimir Vapnik. Gene selection for cancer classification using support vector machines. *Machine Learning*, 46(1-3):389–422, 2002.
- [7] Daphne Koller and Mehran Sahami. Toward optimal feature selection. In *Machine Learning, Proceedings of the Thirteenth International Conference (ICML '96), Bari, Italy, July 3-6, 1996*, pages 284–292, 1996.
- [8] Ngom A. Li, Y. Deep learning package. <https://github.com/yifeng-li/deep>.
- [9] Yifeng Li, Chih-Yu Chen, and Wyeth W. Wasserman. Deep feature selection: Theory and application to identify enhancers and promoters. In *Research in Computational Molecular Biology - 19th Annual International Conference, RECOMB 2015, Warsaw, Poland, April 12-15, 2015, Proceedings*, pages 205–217, 2015.
- [10] Huan Liu and Lei Yu. Toward integrating feature selection algorithms for classification and clustering. *IEEE Trans. Knowl. Data Eng.*, 17(4):491–502, 2005.
- [11] Mihaela A. Mares, Shicai Wang, and Yike Guo. Combining multiple feature selection methods and deep learning for high-dimensional data. *Trans. MLDM*, 9(1):27–45, 2016.
- [12] Marc’Aurelio Ranzato, Christopher S. Poultney, Sumit Chopra, and Yann LeCun. Efficient learning of sparse representations with an energy-based model. In *Advances in Neural Information Processing Systems 19, Proceedings of the Twentieth Annual Conference on Neural Information Processing Systems, Vancouver, British Columbia, Canada, December 4-7, 2006*, pages 1137–1144, 2006.
- [13] Eric P. Xing, Michael I. Jordan, and Richard M. Karp. Feature selection for high-dimensional genomic microarray data. In *Proceedings of the Eighteenth International*

*Conference on Machine Learning (ICML 2001), Williams College, Williamstown, MA, USA, June 28 - July 1, 2001*, pages 601–608, 2001.

- [14] Lei Yu and Huan Liu. Feature selection for high-dimensional data: A fast correlation-based filter solution. In *Machine Learning, Proceedings of the Twentieth International Conference (ICML 2003), August 21-24, 2003, Washington, DC, USA*, pages 856–863, 2003.