综述. 特征选择方法

MF1733062 万晨 weanl_jc@163.com 2018 年 4 月 9 日

1. 介绍

FS 在 ML 中能解决那些问题? 已经解决得怎么样了? 还有那些问题? feature construction = FS + FE 特征选择 (Feature, Variable and Attribution Selection), 是机器学习中 feature construction 的重要组成部分。在筛选原始数据,构造有用的特征集合方面,特征 选择不同于特征提取 (Feature Extraction): 后者会通过线性或非线性的方式从原始数据中 构造出全新的特征,具有特征学习和表示学习的能力 ["Representation Learning: A Review and New Perspectives"];特征选择通过设计一些简单高效或者精致巧妙的方法,实现从原 始特征集合中选出最优的特征子集,能够保持特征对应的原始物理意义。所谓最优特征子 集,理论上定义为没有信息丢失的最小特征子集,以 Markov blanket 的形式给出 [D. Koller, Toward optimal feature selection [C.Aliferis, Local causal and markov blanket induction for causal discovery and feature selection]; 实际中理论的 ground-truth 很难找,所以经验 上一般我们用预测器性能(如分类器的精度)来评估特征子集的选择结果。特征选择一直 以来是一个重要的课题:为了分析特征间相关性,早期[Blum and langley,1997,Kohavi and John,1997] 等在 1997 年提出了特征选择方面课题研究, 当时大多数应用领域下特征维数 还不超过 40。后续基因序列分析和 web 文本分类等典型应用不断推动特征选择课题研究: [2001, Feature selection for high-dimensional genomic microarray data] 针对高维的染色体 序列数据提出了给予特征选择的基因分析方法,[2015, Deep Feature Selection: Theory and Application to Identify Enhancer and Promoters] 将深层神经网络应用到特征选择中,实 现了基因 Enhancer 和 Promoter 的有效分析。目前特征选择研究有两大趋势:第一,应对 各种结构化和非结构化的数据设计出一套较为通用的方法,决策树类和深层神经网络类在 特征选择方面的改进是不错的解决方法,[Feature Selection via Regularized Trees] 就是通 过修改单棵树的构造算法实现基于随机森林的 Ensemble 类的特征选择方法; 第二, 应对 curse of dimensionality,设计复杂度较低的算法,有效地处理高维数据,改进现有的算法以 及组合使用一些简单的算法都是很好的思路。

在数据处理中,应用特征选择方法概括起来有如下优势:

- 可以过滤无关特征: 采集过程可能引入数据噪声, 从而影响后续的数据处理; 同样与任务显著的无关特征 (irrelevant) 也可以认为是噪声, 特征选择方法一定程度上可以过滤这一部分噪声;
- 可以剔除冗余特征: 相当部分特征虽然与任务相关,但互相之间存在显著的冗余关系 (redundant),特征选择方法可以依据实际需求选出代表性的特征,降低冗余;

• 可以实现特征重要性的评估:一些带有指标(如相关系数、权值)或其他"得分"的特征选择方法,可以在选出的特征子集中按指标或"得分"对特征进行重要性排序。

接下来的部分,我们会分别介绍特征选择典型的三种分类:过滤式 (filter)、包裹式 (wrapper)和嵌入式 (embbedding)。

过滤式: (线性相关系数、互信息系数、relief and relief-F、combination)

包裹式: (一般子集搜索策略)

2. 过滤式与包裹式

特征选择的形式化定义: 首先将样本空间定义为一个 N 维的随机变量 $X=(X_0,X_1,...,X_{N-1})$,其服从一定的概率分布,通常认为样本实例(数据)都是该概率分布采样所得;特征全集 $S=\{X_0,X_1,...,X_{N-1}\}$,特征选择考虑的是如何有效地除去无关和冗余的特征,筛选得到"最优"特征子集 $S^*\subset S[?]$ 。显然,暴力地遍历 S 所有子集会遇到组合爆炸,是不可行的。实际设计中,常采用如下思路进行搜索:

- 产生初始候选特征子集, 进行下一步;
- 评价候选特征子集,如果达到终止条件终止搜索,否则进行下一步;
- 基于上一步评价结果, 生成新候选特征子集, 返回上一步。

由上,特征选择方法可以依据新候选特征子集的方法 (Search Strategies) 进行分类,通常有 Complete、Sequential 和 Random 等策略,但这种分类方法不是主流的划分方法。主流的 分类方法是依据候选子集的评价方法 (Evaluation Criteria) 对特征选择方法进行分类,简单 地说,用独立于学习器的方法进行评价的称为过滤式方法,用学习器的性能进行评价的称 为包裹式方法,本章节主要介绍这两种很早被提出的方法。下一章节我们还会介绍后续巧妙独特的嵌入式方法,不同于前两种前两类方法,嵌入式方法将特征选择嵌入到学习器的 训练过程中。

2.1 过滤式方法

理论定义上:

Algorithm 1 Filter Algorithm

Input: $D(F_0, F_1, ..., F_{N-1})$

 S_0

Output: S_{best}

算法中 $eval(S_0, D, M)$ 说明过滤式采用独立的评价方法,下面介绍几种常见的方法。

2.1.1 线性相关系数

在统计学中,常用线性相关系数 (Pearson correlation coefficient) 衡量两个随机变量间 线性相关性。若定义两个随机变量 A, B,则可有 M 个采样 $A: a_0, ..., a_{M-1}; B: b_0, ..., b_{M-1}$

计算出两随机变量间的线性相关系数(的估计值):

$$r_{AB} = \frac{\sum_{i=0}^{M-1} (a_i - \overline{a})(b_i - \overline{b})}{\sqrt{\sum_{i=0}^{M-1} (a_i - \overline{a})^2} \sqrt{\sum_{i=0}^{M-1} (b_i - \overline{b})^2}}$$

 r_{AB} 在 [-1,1] 上取值,一般做如下判断: 如果 $|r_{AB}| < 0.2$,认为 A 和 B 显著地没有线性相关性;如果 $|r_{AB}| > 0.8$,认为 A 和 B 显著地有线性相关性。在特征选择中一般做如下应用: 令 $A = X_i, i = 0, 1, ..., N - 1, B = Y$,其中 Y 为监督学习下给出的数据标签对应的随机变量称为标签变量,满足现实的映射关系 Y = f(X);然后计算 r_{AB} ,即计算 N 个特征和标签变量的线性相关系数,从而出去一些 $|r_{AB}|$ 过小的特征。该方法在线性假设下能过滤一些无关特征,计算简单应用广泛。这里需要注意的是该方法由如下应用前提: A, B 为连续的随机变量;A, B 应通过正太分布检验,即大致呈正太分布。

- 2.1.2 线性相关系数
- 2.1.3 线性相关系数
- 2.2 包裹式方法