

# Filière MP : ENS de Cachan, Lyon, Rennes et Paris

## Page de garde du rapport de TIPE - Session 2014

NOM : MAURAS

Prénoms : Simon

Lycée : Clemenceau

Classe : MP\*

Ville : Nantes

### Concours auxquels vous êtes admissible dans la banque MP inter-ENS :

(les indiquer par une croix inscrite dans les cases ci-dessous)

ENS Cachan	<table><tr><td>MP - option MP</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>Informatique</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MP	<input type="checkbox"/>	Informatique	<input checked="" type="checkbox"/>	<table><tr><td>MP - option MPI</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MPI	<input type="checkbox"/>		
MP - option MP	<input type="checkbox"/>									
Informatique	<input checked="" type="checkbox"/>									
MP - option MPI	<input type="checkbox"/>									
ENS Lyon	<table><tr><td>MP - option MP</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>Informatique - option M</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MP	<input type="checkbox"/>	Informatique - option M	<input checked="" type="checkbox"/>	<table><tr><td>MP - option MPI</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>Informatique - option P</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MPI	<input type="checkbox"/>	Informatique - option P	<input type="checkbox"/>
MP - option MP	<input type="checkbox"/>									
Informatique - option M	<input checked="" type="checkbox"/>									
MP - option MPI	<input type="checkbox"/>									
Informatique - option P	<input type="checkbox"/>									
ENS Rennes	<table><tr><td>MP - option MP</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>Informatique</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MP	<input type="checkbox"/>	Informatique	<input checked="" type="checkbox"/>	<table><tr><td>MP - option MPI</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MPI	<input type="checkbox"/>		
MP - option MP	<input type="checkbox"/>									
Informatique	<input checked="" type="checkbox"/>									
MP - option MPI	<input type="checkbox"/>									
ENS Paris	<table><tr><td>MP - option MP</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>Informatique</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MP	<input type="checkbox"/>	Informatique	<input checked="" type="checkbox"/>	<table><tr><td>MP - option MPI</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	MP - option MPI	<input type="checkbox"/>		
MP - option MP	<input type="checkbox"/>									
Informatique	<input checked="" type="checkbox"/>									
MP - option MPI	<input type="checkbox"/>									

**Matière dominante du TIPE** (la sélectionner d'une croix inscrite dans l'une des cases ci-dessous) :

Informatique ☒ Mathématiques ☐ Physique ☐

**Titre du TIPE :** Relations entre flux en programmation synchrone

**Nombre de pages** (à indiquer dans les cases ci-dessous) :

Texte 

<b>T</b>	5
----------	---

 Illustrations 

<b>I</b>	20
----------	----

 Bibliographie 

<b>B</b>	-
----------	---

### Résumé (ou descriptif succinct) du TIPE (6 lignes, maximum) :

Lucid Synchrone est un langage de programmation synchrone dont les « flux de données » sont usuellement définis de manière fonctionnelle. En faisant un ajout en amont du compilateur, nous avons pu introduire une nouvelle structure permettant de définir de manière relationnelle les flux de booléens. Afin de transformer la relation spécifiée en une fonction bien déterministe, nous avons utilisé des Diagrammes de Décision Binaire permettant de manipuler les formules logiques.

A Nantes, le 2 juin 2014

Signature du (de la) candidat(e)



Signature du professeur responsable de  
la classe préparatoire dans la discipline



Cachet de  
l'établissement

**LYCÉE CLEMENCEAU**  
1, Rue G. Clemenceau  
BP 74205  
44042 NANTES Cedex 1  
Tél. 02 51 81 86 10 Fax 02 51 81 96 98

# Relations entre flux en programmation synchrone

Simon Mauras

2013 - 2014

Les langages de programmation synchrone ont été conçus pour programmer des systèmes critiques nécessitant le respect strict de contraintes temporelles (ex : nucléaire, aéronautique, ...). Le thème annuel (transferts, échanges, relations, flux) m'a orienté vers ces langages qui reposent sur la notion centrale de "flux de données" et utilisent des relations pour spécifier les propriétés des programmes.

Nous avons voulu expérimenter la possibilité de définir des parties de programme par les relations à satisfaire. Pour cela nous avons introduit une définition **relationnelle** des **flux** dans Lucid Synchrone. Ce langage basé sur OCaml, est un prototype de recherche dont les sources du compilateur sont disponibles, ce qui nous a permis d'ajouter une nouvelle construction au langage. Nous avons réalisé un précompilateur permettant de transformer des programmes relationnels utilisant cette nouvelle structure en programmes fonctionnels en Lucid Synchrone.

## Table des matières

<b>1</b>	<b>La programmation synchrone</b>	<b>3</b>
1.1	Le langage Lucid Synchrone . . . . .	3
1.2	Des relations pour exprimer des propriétés . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Définition relationnelle des flux</b>	<b>4</b>
2.1	La construction let rel such . . . . .	4
2.2	Principe de la traduction . . . . .	4
2.3	Exemple . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Réalisation du précompilateur Prelucy</b>	<b>5</b>
3.1	Analyse lexicale et syntaxique . . . . .	5
3.2	Traduction des relations en Diagramme de Décision Binaire . . . . .	5
3.3	Réécriture en Lucid Synchrone . . . . .	5
<b>4</b>	<b>Conclusion</b>	<b>6</b>
	<b>Références</b>	<b>6</b>
<b>A</b>	<b>Chrono</b>	<b>7</b>
<b>B</b>	<b>PreLucy</b>	<b>9</b>
B.1	main . . . . .	10
B.2	parsing . . . . .	13
B.3	relations . . . . .	15
B.4	global . . . . .	24
B.5	test . . . . .	25

# 1 La programmation synchrone

## 1.1 Le langage Lucid Synchrone

Le langage Lucid Synchrone est basé sur OCaml et possède donc une syntaxe qui lui est proche. On peut voir les variables (flux de données) comme des suites indexées par un sous ensemble de  $\mathbb{N}$  représentant un échantillonnage du temps. Un flux a donc un type (booléen, entier, flottant, ...) et une horloge. Nous nous intéresserons aux flux de booléens définis sur une horloge qui leur est commune. Dans Lucid Synchrone, un flux est défini par une fonction qui est soit combinatoire (la valeur d'un flux à un instant ne dépend que des valeurs présentes d'autres flux) soit séquentielle (la valeur d'un flux à un instant peut dépendre du passé).

$x$	0	0	1	0	1	1	0	1
$y$	1	0	1	0	0	1	1	0
$x \vee y$	1	0	1	0	1	1	1	1
$\text{pre } x$	-	0	0	1	0	1	1	0
$f = x \wedge \neg \text{pre } x$	-	0	1	0	1	0	0	1
$z = \text{if } f \text{ then } y \text{ else pre } z$	-	-	1	1	0	0	0	0

Les flux  $x$  et  $y$  sont donnés en entrée. Le flux  $x \vee y$  est calculé de manière combinatoire. L'équation définissant  $f$  est séquentielle car elle utilise l'opérateur **pre** qui fait référence au passé. L'équation récurrente définissant  $z$  est également séquentielle et échantillonne les valeurs de  $y$  sur les fronts montants de  $x$ .

L'équation qui définit  $z$  doit, en Lucid Synchrone, être intégrée dans un noeud qui définit de manière fonctionnelle comment transformer des flux d'entrée en flux de sortie.

```
1 | let node une_fonction x y =
2 |   let rec z = false
3 |     -> if x && not (pre x)
4 |         then y
5 |         else pre z
6 |   in z;;
7 | (* val une_fonction : bool -> bool => bool *)
8 | (* val une_fonction :: 'a -> 'a -> 'a *)
```

On remarque l'importance d'initialiser le flux  $z$  (opération  $\rightarrow$ ). La signature comporte des informations sur les types de données et l'horloge associée. Pour plus de détails la documentation est disponible en [6].

## 1.2 Des relations pour exprimer des propriétés

Avec les récurrences sur les flux on pourrait définir un programme qui, à chaque fois que son entrée est vraie, inverse la valeur de sa sortie et sinon la mémorise. Avant de programmer ce traitement, on peut le spécifier en énonçant les propriétés à respecter :

$\mathcal{P}_1$  : La valeur est basculée si **entree** est vrai : **entree**  $\Rightarrow$  **sortie** =  $\neg$  **pre sortie**

$\mathcal{P}_2$  : La valeur est conservée si **entree** est fausse :  $\neg$ **entree**  $\Rightarrow$  **sortie** = **pre sortie**

Ces propriétés peuvent, après écriture du programme, servir à vérifier sa correction.

Notre approche consiste à tenter de synthétiser le programme à partir de ses propriétés. Ceci n'est possible que si les propriétés permettent de définir un comportement réactif et déterministe.

## 2 Définition relationnelle des flux

### 2.1 La construction let rel such

On propose d'ajouter un nouveau type de déclaration de noeud qui, au lieu de définir chaque sortie par une équation, définit l'ensemble du comportement par une seule relation. La fonction caractéristique de cette relation sera exprimée par une formule logique.

On ajoute donc à la grammaire de Lucid Synchron [6] (section 3.12) une règle définissant le nouveau noeud **let rel such** et une pour les relations logiques.

```

impl-phrase ::= ...
              | rel-definition
rel-definition ::= let rel lowercase-ident var-list = var-list such [ relation -> ] relation
var-list      ::= lowercase-ident { lowercase-ident }
relation      ::= ( relation ) | lowercase-ident
              | pre lowercase-ident | ~ relation
              | relation & relation | relation | relation
              | relation => relation | relation <=> relation

```

Les opérateurs  $\sim$ ,  $|$ ,  $\&$ ,  $\Rightarrow$  et  $\Leftrightarrow$  désignent respectivement la négation, la disjonction, la conjonction, l'implication et l'équivalence logique. Les programmes écrits en utilisant cette nouvelle syntaxe devront pouvoir être traduits en Lucid Synchron standard.

### 2.2 Principe de la traduction

On note  $\mathbb{B} = \{0, 1\}$  muni des opérations classiques  $\vee$  et  $\wedge$ . On assimile la relation entre les  $m$  entrées et les  $n$  sorties (les valeurs précédentes des sorties sont vues comme des variables d'entrée) à sa fonction caractéristique  $\mathcal{R} : \mathbb{B}^m \times \mathbb{B}^n \rightarrow \mathbb{B}$ .

On pose  $i$  dans  $\llbracket 1, n \rrbracket$  et on définit  $\mathcal{R}_i$  de  $\mathbb{B}^{m+1}$  dans  $\mathbb{B}$  :

$$\mathcal{R}_i : (e_1, \dots, e_m, s_i) \mapsto \exists (s_1, \dots, s_{i-1}, s_{i+1}, \dots, s_n) \in \mathbb{B}^{n-1}, \mathcal{R}(e_1, \dots, e_m, s_1, \dots, s_n)$$

Par construction on montre que :  $\forall e \in \mathbb{B}^m, \forall (s_1, \dots, s_n), \mathcal{R}(e, (s_1, \dots, s_n)) \Rightarrow \mathcal{R}_i(e, s_i)$

La décomposition de Shannon donne :  $\forall e \in \mathbb{B}^m, \forall s_i, \mathcal{R}_i(e, s_i) = (s_i \wedge \mathcal{R}_i(e, 1)) \vee (\neg s_i \wedge \mathcal{R}_i(e, 0))$

On peut maintenant, pour tout  $e$  dans  $\mathbb{B}^m$ , construire la valeur de la sortie d'indice  $i$  :

$$s_i = \begin{cases} 1 & \text{si } (\mathcal{R}_i(e, 0), \mathcal{R}_i(e, 1)) = (0, 1) \\ 0 & \text{si } (\mathcal{R}_i(e, 0), \mathcal{R}_i(e, 1)) = (1, 0) \\ \text{Over constrained} & \text{si } (\mathcal{R}_i(e, 0), \mathcal{R}_i(e, 1)) = (0, 0) \\ \text{Non deterministic} & \text{si } (\mathcal{R}_i(e, 0), \mathcal{R}_i(e, 1)) = (1, 1) \end{cases}$$

Pour être traductible en fonction il doit exister, pour toute entrée, une unique sortie qui satisfasse notre relation. Sans l'existence la relation contraint trop les sorties, sans l'unicité il n'y a plus déterminisme. Il nous faut maintenant une structure de données nous permettant de manipuler nos formules logiques pour générer les  $\mathcal{R}_i$ .

### 2.3 Exemple

Reprenons l'exemple des propriétés spécifiées en section 1.2. Avec notre nouvelle construction, nous pouvons écrire (l'opérateur " $\rightarrow$ " sépare la relation initiale de la relation invariante) :

```

1 | let rel modifier entree = sortie
2 |   such ~ sortie
3 |   -> entree <=> (~ sortie <=> pre sortie)

```

L'objectif de notre traduction est d'obtenir le code suivant où le flux de sortie est défini par une fonction :

```

1 | let node modifier entree =
2 |   let rec sortie = false -> if pre sortie then not entree else entree
3 |   in sortie

```

### 3 Réalisation du précompilateur Prelucy

#### 3.1 Analyse lexicale et syntaxique

Dans le compilateur Lucid Synchrone, l'analyseur lexical et l'analyseur syntaxique sont générés par `ocamllex` et `ocamlyacc`. La documentation officielle est disponible en [3], un exemple détaillé est donné dans [4] et les sources du compilateur Lucid Synchrone peuvent être trouvées en [5]. Les ajouts faits sont disponibles dans la section B.2. Nous avons choisi les opérateurs `&`, `|`, `=>`, `<=>` et `~` de manière à ce qu'il n'y ait pas de collision avec ceux pré-existant et leur précedence. Le mot clé `rel` a été ajouté pour faire disparaître un conflit shift/reduce.

#### 3.2 Traduction des relations en Diagramme de Décision Binaire

Nous avons choisi les diagrammes de décision binaire (bdd) pour gérer nos formules logiques. Le package [2] est une implémentation des bdd écrite en OCaml donc facilement intégrable à notre précompilateur. Nous avons ajouté une surcouche (section B.3 : `bdds.ml`) de manière à ce que les variables soient des chaînes de caractères. Avec les constructeurs disponibles, il nous suffit de parcourir l'arbre syntaxique de la relation pour construire le bdd associé. Pour obtenir la relation  $\mathcal{R}_i$  (section 2.2) on abstrait une à une les variables par disjonction des cas (la fonction `exists` utilise le caractère ordonné du diagramme). On affiche ensuite la fonction définissant chaque sortie (la fonction `printdef` est basée sur le fait que le diagramme est ordonné et réduit).

#### 3.3 Réécriture en Lucid Synchrone

Pour la réécriture en Lucid Synchrone, la fonction `Relations.pretty` gère deux cas différents. Pour chaque "phrase" de l'implémentation étant une structure déjà existante du langage nous avons choisi de recopier le code de l'utilisateur, du fichier source vers le fichier cible.

Une définition relationnelle de la forme :

```

1 | let rel <fun_name> e_1 ... e_m = s_1 ... s_n
2 |   such relation_init -> relation_rec

```

est transformée en Lucid Synchrone sous la forme :

```

1 | let node <fun_name> e_1 ... e_m = let
2 |   rec s_1 = ... -> ...
3 |   ...
4 |   and s_n = ... -> ...
5 |   in (s_1, ..., s_n)

```

Les définitions des sorties  $s_i$  sont calculées selon le schéma vu dans la section précédente.

## 4 Conclusion

Les tests réalisés sur notre précompilateur ont été plutôt concluants. Cependant de nombreuses pistes d'amélioration sont envisageables. Les diagrammes de décision binaire ayant une complexité dans le pire des cas en  $\mathcal{O}(2^n)$  (où  $n$  est le nombre de variables), ils sont difficilement utilisables lorsque  $n$  dépasse plusieurs dizaines. Remarquons toutefois que le nombre  $n$  est relatif à un noeud et non pas à tout le programme, décomposer en plusieurs fonctions plus petites est donc généralement suffisant.

De plus dans un bdd, l'ordre des variables est important. Même si nous avons fait un choix qui semble cohérent (les sorties dépendent en général des entrées), trouver l'ordre optimal est un problème NP-Difficile.

Au delà de ces considérations, plusieurs fonctionnalités pourraient être ajoutées. Même si nous ne travaillons qu'avec des flux de booléens, il serait par exemple utile de pouvoir utiliser, le flux booléen  $x < 4$  à partir d'un flux d'entiers  $x$ .

Nous avons imposé dans les noeuds relationnels que tout les flux soient sur la même horloge. Une extension serait de permettre à notre structure de gérer les opérateurs **when** et **merge**.

Enfin notre compilateur ne gère pas pour l'instant tous les cas valides envisageables. Le dernier exemple dans la section B.5 possède des états dans lesquels les sorties ne sont pas définies. Cependant l'initialisation nous assure qu'aucun de ces états ne peut être atteint. Au prix d'un calcul d'accessibilité (parcours d'un graphe) le pré-compilateur pourrait accepter un tel programme.

Il nous faudrait maintenant tester notre prototype sur un projet de taille industrielle pour valider l'intérêt de cette nouvelle construction pour concevoir certaines parties critiques d'une application à partir de la spécification de leurs propriétés logiques. Une telle expérimentation nous permettrait de mieux comprendre les avantages et les limites de la définition relationnelle des flux.

## Références

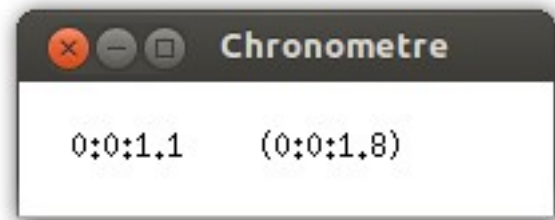
- [1] Thomas Cormen, Charles Leiserson, Ronald Rivest, and Clifford Stein. *Introduction to Algorithms*. MIT press, 2009.
- [2] Jean-Christophe Filliâtre. Quick implementation of a BDD library for OCaml, 2010. [En ligne] <https://www.lri.fr/~filliatr/ftp/ocaml/bdd/> (consulté en mai 2014).
- [3] Xavier Leroy. *The OCaml system : Documentation and user's manual*, Septembre 2013. <http://caml.inria.fr/pub/docs/manual-ocaml> (consulté en mai 2014).
- [4] Luc Maranget. *Cours de compilation*, 2002 - 2004. [En ligne] <http://pauillac.inria.fr/~maranget/X/compil/poly/poly.ps> (consulté en mai 2014).
- [5] Marc Pouzet. Sources du compilateur Lucid Synchron. [En ligne] <http://www.di.ens.fr/~pouzet/lucy.tgz> (consulté en mai 2014).
- [6] Marc Pouzet. *Lucid Synchron : Tutorial and Reference Manual*, Avril 2006. [En ligne] <http://www.di.ens.fr/~pouzet/lucid-synchrone/lucid-synchrone-3.0-manual.pdf> (consulté en mai 2014).

## Contact

Christophe Declercq, Maître de conférence, Université de Nantes

## A Chrono

Ce premier petit projet est un chronomètre, il m'a permis de découvrir le langage Lucid Synchrone et sa syntaxe. L'objectif était de comprendre le fonctionnement de plusieurs fonctionnalités (opérateur last, signaux) en vue d'ajouter une nouvelle structure au langage.



### chrono.ls

```
1 open Graphics
2
3 let x = open_graph "";
4 let x = set_window_title "Chronometre";
5 let x = resize_window 200 50;;
6 let x = auto_synchronize false;;
7
8 type evenement = StartStop | PauseReset
9
10 let node sample n = top where
11     rec count = 0 -> if pre count <> 0 then pre count - 1 else n - 1
12     and top = count = 0
13
14 let node chronometre button top = (display, time) where
15     rec last stop = true
16     and last pause = false
17     and last display = 0
18     and last time = 0
19     and stop = present
20         | button(StartStop) -> not (last stop)
21         | _ -> last stop
22     end
23     and pause = present
24         | button(PauseReset) & (last pause) -> false
25         | button(PauseReset) & (not (last stop)) -> true
26         | _ -> last pause
27     end
28     and time = present
29         | top & (not stop) -> last time + 1
30         | button(PauseReset)
31             & (last stop)
32             & (not (last pause)) -> 0
33         | _ -> last time
34     end
35     and display = if pause then last display else time
36
37 let affichage n =
```

```

38     (string_of_int (n / 3600)) ^ ":" ^
39     (string_of_int (n / 600 mod 60)) ^ ":" ^
40     (string_of_int (n / 10 mod 60)) ^ "." ^
41     (string_of_int (n mod 10));;
42
43
44 let input key = o where
45     match key with
46     | 'a' -> do emit o = StartStop done
47     | 'b' -> do emit o = PauseReset done
48     | _    -> do done
49     end
50
51 let output (n, m) =
52     clear_graph ();
53     moveto 20 20;
54     draw_string (affichage n);
55     moveto 90 20;
56     draw_string "(";
57     draw_string (affichage m);
58     draw_string ")";
59     synchronize ();;
60
61 let node main () =
62     let key = if key_pressed () then read_key () else ' ' in
63     let button = input key in
64     let top = sample 10 in
65     let display, time = chronometre button top in
66     output (display, time)

```



## B PreLucy

### Arborescence

Voici une partie de l'arborescence du projet. Le code des fichiers principaux est à la suite.  
Une archive de la dernière version de pré-compilateur est disponible à l'adresse suivante :

<http://simon.mauras.org/TIPE>

```
.
+-- Makefile
+-- config
+-- main
|   +-- compiler.ml
|   +-- main.ml
+-- parsing
|   +-- lexer.mll
|   +-- par_aux.ml
|   +-- parser.mly
|   +-- parsing_errors.ml
|   +-- parsing_errors.mli
+-- relations
|   +-- bdd.ml
|   +-- bdd.mli
|   +-- bdds.ml
|   +-- relations.ml
|   +-- rel_check.ml
|   +-- rel_errors.ml
+-- global
    +-- debug.ml
    +-- location.ml
    +-- lucy.ml
    +-- misc.ml
    +-- ...
```

## B.1 main

### main/main.ml

Ce fichier permet de gérer la ligne de commande et les différents modes de compilation. Il a été simplifié pour ne contenir que la partie qui nous est ici utile.

```
1  (* Fichier adapte dans le cadre du TIPE *)
2
3  (*****)
4  (* *)
5  (* Lucid Synchrone *)
6  (* *)
7  (* Author : Marc Pouzet *)
8  (* Organization : Demons, LRI, University of Paris-Sud, Orsay *)
9  (* *)
10 (*****)
11
12 open Misc
13 open Modules
14 open Compiler
15
16 let compile file =
17   if Filename.check_suffix file ".lsr"
18   then
19     let filename = Filename.chop_suffix file ".lsr" in
20     let modname = Filename.basename filename in
21     compile_implementation (String.capitalize modname) filename
22   else
23     raise (Arg.Bad ("don't know what to do with " ^ file))
24
25 (* show version *)
26 let show_version () =
27   Printf.printf "The Lucid Synchrone pre-compiler, based on \
28               Lucid Synchrone compiler version %s (%s)\n"
29               version date
30
31 (* the string of messages *)
32 let doc_version = "The version of the compiler"
33 and errmsg = "Options are:"
34
35 (* the main function: parse the command line *)
36 let main () =
37   try
38     Arg.parse
39       ["-v", Arg.Unit show_version, doc_version;]
40       compile
41       errmsg;
42   with
43     Misc.Stop -> exit 0
44   | Misc.Error -> exit 2
```

```

45 | Misc.Internal_error s ->
46 |   Printf.eprintf "Internal error: %s. \nPlease report it.\n" s;
47 |   exit 100
48 ;;
49
50 Printexc.catch main ();
51 exit 0;;

```

## main/compiler.ml

Ce fichier contient les fonctions permettant de gérer la compilation. Il a été lui aussi simplifié et ne contient plus que l'appel à l'analyseur lexical et syntaxique puis aux fonctions de back-end et front-end (Relations.pretty)

```

1  (* Fichier adapte dans le cadre du TIPE *)
2
3  (*****)
4  (*                                           *)
5  (* Lucid Synchrone                         *)
6  (*                                           *)
7  (* Author : Marc Pouzet                   *)
8  (* Organization : Demons, LRI, University of Paris-Sud, Orsay *)
9  (*                                           *)
10 (*****)
11
12 (* pre-compiling a file : parsing and ... *)
13
14 open Misc
15 open Location
16 open Lexer
17 open Parser
18 open Parsing_errors
19 open Debug
20 open Relations
21
22 (* parsing *)
23 let parse parsing_fun lexing_fun lexbuf =
24   try
25     parsing_fun lexing_fun lexbuf
26   with
27     Parsing.Parse_error ->
28       let pos1 = Lexing.lexeme_start lexbuf in
29       let pos2 = Lexing.lexeme_end lexbuf in
30       let l = Loc(pos1,pos2) in
31       syntax_error l;
32       raise Error
33 | Lexer.Lexical_error(errcode,pos1,pos2) ->
34   let l = Loc(pos1,pos2) in
35   lexical_error errcode l;
36   raise Error

```

```

37
38 let parse_implementation lexbuf =
39     parse Parser.implementation_list Lexer.main lexbuf
40
41     (* the main functions *)
42 let compile_implementation module_name filename =
43     (* input and output files *)
44     let source_name = filename ^ ".lsr" in
45     let obj_name = filename ^ ".ls" in
46
47     let ic = open_in source_name in
48     let cc = open_out_bin obj_name in
49
50     try
51         initialise_location source_name ic;
52
53         (* parsing of the file *)
54         let lexbuf = Lexing.from_channel ic in
55         let decl_list = parse_implementation lexbuf in
56
57         (* debug : print decl_list on stdin *)
58         (* Debug.print_impl_phrase_list decl_list; *)
59
60         (* front-end & back-end *)
61         let out_formatter = Format.formatter_of_out_channel cc in
62         Relations.pretty out_formatter decl_list;
63
64         close_in ic;
65         close_out cc
66     with
67         x ->
68             close_in ic;
69             close_out cc;
70             raise x;;

```

## B.2 parsing

### parsing/lexer.mll

Le fichier en question fait une taille conséquente et ne contient qu'une modification mineure de ma part : l'ajout de quelques mots clés utiles à notre nouvelle structure.

```
1  (* ... *)
2
3  (* Ajouts a la liste des mots cles *)
4  ["rel", REL; "such", SUCH]
5
6  (* ... *)
7
8  (* Ajout de deux operateurs dans rule main *)
9  | "<=>" { SMALLEREQUALGREATER }
10 | "~" { TILDE }
11
12 (* ... *)
```

### parsing/parser.mly

Le fichier en question fait une taille conséquente et ne contient qu'une modification mineure de ma part : l'ajout d'une règle de grammaire permettant de gérer notre nouvelle structure.

```
1  /* ... */
2
3  /* Ajout de quelques token */
4  %token REL          /* "rel"  mot cle */
5  %token SUCH         /* "such" mot cle */
6  %token SMALLEREQUALGREATER /* "<=>"  equivalence */
7  %token TILDE        /* "~"    non */
8
9  /* ... */
10
11 /* Avec leur associativite et precedence */
12 %right SMALLEREQUALGREATER
13 %nonassoc TILDE
14
15 /* ... */
16
17 /* Puis les regles de grammaire */
18 implementation :
19   | LET binding_list optional_semisemi %prec prec_let
20     { make_impl(Lletdef(false, List.rev $2)) }
21   | LET REC binding_list optional_semisemi %prec prec_let
22     { make_impl(Lletdef(true, List.rev $3)) }
23   | LET REL IDENT rel_var_list EQUAL rel_var_list
24     SUCH rel_optional_init_relation optional_semisemi %prec prec_let
25     { make_impl(Lletsuch($3, $4, $6, fst $8, snd $8)) }
26   | LET CLOCK IDENT EQUAL expression
```

```

27     { make_impl(Lletclock($3, $5)) }
28 | TYPE type_decl optional_semisemi
29     { make_impl(Ltypedef $2) }
30 | OPEN CONSTRUCTOR optional_semisemi
31     { make_impl(Lopen $2) }
32 ;
33
34 rel_var_list :
35 | IDENT rel_var_list { $1 :: $2 }
36 | { [] }
37 ;
38
39 rel_optional_init_relation :
40 | rel_relation MINUSGREATER rel_relation { ($1, $3) }
41 | rel_relation { ($1, $1) }
42 ;
43
44 rel_relation :
45 | LPAREN rel_relation RPAREN
46 | { $2 }
47 | IDENT
48 | { make_relation (Lrelvar($1)) }
49 | PRE IDENT
50 | { make_relation (Lrelpre($2)) }
51 | TILDE rel_relation
52 | { make_relation (Lrelnot($2)) }
53 | rel_relation AMPERSAND rel_relation
54 | { make_relation (Lreland($1, $3)) }
55 | rel_relation BAR rel_relation
56 | { make_relation (Lrelor($1, $3)) }
57 | rel_relation EQUALGREATER rel_relation
58 | { make_relation (Lrelimpl($1, $3)) }
59 | rel_relation SMALLEREQUALGREATER rel_relation
60 | { make_relation (Lrelequ($1, $3)) }
61 ;
62
63 /* ... */

```

## parsing/par\_aux.ml

Ce fichier contient les fonctions permettant de construire l'arbre de la syntaxe abstraite. Nous avons ajouté un seul constructeur :

```

1 let make_relation desc =
2   {r_desc = desc; r_loc = get_current_location()}

```

## B.3 relations

relations/relations.ml

```
1  (* Fichier cree dans le cadre du TIPE *)
2
3  open Misc
4  open Lucy
5  open Location
6  open Rel_check
7  open Rel_errors
8  open Format
9
10 module Varstring = struct
11   type var = string
12   let to_string s :string = s
13   let compare x y =
14     if x < y
15     then -1
16     else if x = y
17     then 0
18     else 1
19 end
20
21 module Bdd = Bdds.Make(Varstring)
22
23 let rec bdd_of_relation rel = match rel.r_desc with
24 | Lrelvar(s) -> Bdd.of_var s
25 | Lrelpre(s) -> Bdd.of_var ("pre " ^ s)
26 | Lrelnot(a)   -> Bdd.do_not (bdd_of_relation a)
27 | Lreland(a, b) -> Bdd.do_and (bdd_of_relation a)
28 |               (bdd_of_relation b)
29 | Lrelor(a, b)  -> Bdd.do_or (bdd_of_relation a)
30 |               (bdd_of_relation b)
31 | Lrelimpl(a, b) -> Bdd.do_imply (bdd_of_relation a)
32 |               (bdd_of_relation b)
33 | Lrelequ(a, b) -> Bdd.do_equal (bdd_of_relation a)
34 |               (bdd_of_relation b);;
35
36 let copy_location out_formatter (Loc(pos1, pos2)) =
37   seek_in !input_chan pos1;
38   try
39     for i = pos1 to pos2 - 1 do
40       pp_print_char out_formatter (input_char !input_chan)
41     done
42   with End_of_file -> fprintf out_formatter "<EOF>";;
43
44 let pretty_decl out_formatter decl = match decl.i_desc with
45 | Lletsuch(name, input, output, init_rel, rel) ->
46   (try
```

```

47 fprintf out_formatter "(** Pre-compiler : %s **)" name;
48 pp_print_newline out_formatter ();
49
50 (* Checking properties *)
51 check decl.i_loc name input output init_rel rel;
52 let var_list = (List.map (fun s -> "pre " ^ s)
53                        (get_pre_var_list rel))
54                @ input
55                @ output in
56
57 (*List.iter (fun s -> eprintf "%s, " s) var_list;
58 eprintf "\n";*)
59
60 Bdd.set_vars var_list;
61
62 let init_bdd = bdd_of_relation init_rel in
63 let bdd = bdd_of_relation rel in
64 (*Bdd.pretty err_formatter bdd;
65 pp_print_newline err_formatter ();
66 pp_print_newline err_formatter ();*)
67
68 pp_open_vbox out_formatter 2;
69 fprintf out_formatter "let node %s " name;
70 if input = []
71 then fprintf out_formatter "()"
72 else List.iter (fprintf out_formatter "%s ") input;
73 fprintf out_formatter "= let";
74 pp_print_cut out_formatter ();
75
76 let def_keyword = ref "rec" in
77 List.iter (fun s ->
78   fprintf out_formatter "%s %s" !def_keyword s;
79   def_keyword := "and";
80   pp_open_vbox out_formatter 0;
81   fprintf out_formatter " = ";
82   let other_var = List.filter (fun a -> not(a=s))
83                               output in
84   Bdd.printdef out_formatter s
85               (Bdd.exists other_var init_bdd);
86   pp_print_cut out_formatter ();
87   fprintf out_formatter "-> ";
88   Bdd.printdef out_formatter s
89               (Bdd.exists other_var bdd);
90   pp_close_box out_formatter ();
91   pp_print_cut out_formatter ()) output;
92
93 fprintf out_formatter "in (%s" (List.hd output);
94 List.iter (fprintf out_formatter ", %s") (List.tl output);
95 fprintf out_formatter ")";

```



```

96     pp_close_box out_formatter ();
97     fprintf out_formatter "\n\n";
98
99     with Relations_error(err_code, l) ->
100     fprintf out_formatter "(* An error occurred... *)\n\n";
101     pp_print_flush out_formatter ();
102     print_relations_error err_code l;)
103 | _ ->
104     copy_location out_formatter decl.i_loc;
105     fprintf out_formatter "\n\n";
106
107 let pretty out_formatter decl_list =
108     List.iter (pretty_decl out_formatter) decl_list

```

## relations/rel\_check.ml

```

1  (* Fichier cree dans le cadre du TIPE *)
2
3  open Lucy
4  open Rel_errors
5
6  let check pos name input output init_rel rel =
7      let rec parcours disallowed_pre r = match r.r_desc with
8          | Lrelvar(s) ->
9              if not (List.mem s output) then
10                  if not (List.mem s input) then
11                      raise (Relations_error (Bad_var, r.r_loc));
12          | Lrelpre(s) ->
13              if disallowed_pre then
14                  raise (Relations_error (Pre_disallowed, r.r_loc));
15              if not (List.mem s output) then
16                  if not (List.mem s input) then
17                      raise (Relations_error (Bad_var, r.r_loc))
18          | Lrelnot(a)      -> parcours disallowed_pre a
19          | Lreland(a, b)   -> parcours disallowed_pre a;
20                             parcours disallowed_pre b;
21          | Lrelor(a, b)    -> parcours disallowed_pre a;
22                             parcours disallowed_pre b;
23          | Lrelimpl(a, b) -> parcours disallowed_pre a;
24                             parcours disallowed_pre b;
25          | Lrelequ(a, b)  -> parcours disallowed_pre a;
26                             parcours disallowed_pre b in
27
28      if output = [] then
29          raise (Relations_error (Empty_outputs, pos));
30      if List.exists (fun a -> List.mem a output) input then
31          raise (Relations_error (Inout_var, pos));
32      if (List.mem name input) or (List.mem name output) then
33          raise (Relations_error (Bad_name, pos));

```

```

34   parcours true init_rel;
35   parcours false rel;;
36
37 let get_pre_var_list rel =
38   let rec get_pre_var_list l r = match r.r_desc with
39     | Lrelvar(s) -> l
40     | Lrelpre(s) -> if List.mem s l
41                       then l
42                       else s::l
43     | Lrelnot(a)   -> get_pre_var_list l a
44     | Lreland(a, b) -> get_pre_var_list (get_pre_var_list l b) a
45     | Lrelor(a, b)  -> get_pre_var_list (get_pre_var_list l b) a
46     | Lrelimpl(a, b) -> get_pre_var_list (get_pre_var_list l b) a
47     | Lrelequ(a, b) -> get_pre_var_list (get_pre_var_list l b) a in
48   get_pre_var_list [] rel

```

## relations/rel\_errors.ml

```

1  (* Fichier cree dans le cadre du TIPE *)
2
3  open Misc
4  open Location
5
6  type relations_error =
7    | Empty_outputs
8    | Bad_name
9    | Inout_var
10   | Bad_var
11   | Pre_disallowed;;
12
13 exception Relations_error of relations_error * location;;
14
15 let print_relations_error err_code l = match err_code with
16   | Empty_outputs ->
17     Printf.eprintf
18       "%aThere's no output for this relation.\n\n"
19       output_location l;
20   | Bad_name ->
21     Printf.eprintf
22       "%aRelation's name is used as a variable.\n\n"
23       output_location l;
24   | Inout_var ->
25     Printf.eprintf
26       "%aVariable cannot be both input and output.\n\n"
27       output_location l;
28   | Bad_var ->
29     Printf.eprintf
30       "%aThis variable isn't defined.\n\n"
31       output_location l;

```

```

32 | Pre_disallowed ->
33 |   Printf.eprintf
34 |     "%aThe use of Pre here is disallowed.\n\n"
35 |     output_location 1;

```

## relations/bdds.ml

```

1  (* Fichier cree dans le cadre du TIPE *)
2
3  module type Variable =
4  sig
5      type var
6      val to_string : var -> string
7      val compare : var -> var -> int
8  end
9
10 module type B =
11 sig
12     type var
13     type bdd
14     val stats : unit -> (int * int * int * int * int * int) array
15     val get_vars : unit -> var list
16     val set_vars : var list -> unit
17     val of_var : var -> bdd
18     val if_then_else : var -> bdd -> bdd -> bdd
19     val t : unit -> bdd
20     val f : unit -> bdd
21     val (+) : bdd -> bdd -> bdd
22     val do_or : bdd -> bdd -> bdd
23     val ( * ) : bdd -> bdd -> bdd
24     val do_and : bdd -> bdd -> bdd
25     val do_not : bdd -> bdd
26     val exists : var list -> bdd -> bdd
27     val forall : var list -> bdd -> bdd
28     val (<=>) : bdd -> bdd -> bdd
29     val do_equal : bdd -> bdd -> bdd
30     val (<>) : bdd -> bdd -> bdd
31     val do_diff : bdd -> bdd -> bdd
32     val do_imply : bdd -> bdd -> bdd
33     val (=>) : bdd -> bdd -> bdd
34     val to_then : bdd -> bdd
35     val to_else : bdd -> bdd
36     val to_var : bdd -> var
37     val equal : bdd -> bdd -> bool
38     val tautology : bdd -> bool
39     val imply : bdd -> bdd -> bool
40     val pretty : Format.formatter -> bdd -> unit
41     val printdef : Format.formatter -> var -> bdd -> unit
42 end

```

```

43
44 module Make (V : Variable): (B with type var = V.var) =
45 struct
46   type var = V.var
47
48   type bdd = Bdd.t
49
50   let stats () = Bdd.stats()
51
52   let les_vars = ref ([] : (var * Bdd.variable) list)
53
54   let get_vars () = List.map fst !les_vars
55
56   let numerote l =
57     let rec numerote n = function
58       | [] -> []
59       | e::l -> (e,n)::(numerote (n+1) l) in
60     numerote 1 l
61
62   let set_vars lv = (Bdd.set_max_var (List.length(lv)) ;
63                     les_vars := numerote lv)
64
65   let variable_of_var v =
66     if List.mem_assoc v !les_vars
67     then List.assoc v !les_vars
68     else 0
69
70   let var_of_variable v = fst (List.nth !les_vars (v - 1))
71
72   let of_var v = Bdd.mk_var (variable_of_var v)
73
74   let if_then_else v t1 t0 = Bdd.make (variable_of_var v) t0 t1
75
76   let t () = Bdd.one
77   let f () = Bdd.zero
78
79   let do_or = Bdd.mk_or
80   let (+) x y = do_or x y
81
82   let do_and = Bdd.mk_and
83   let ( * ) x y = do_and x y
84
85   let do_not = Bdd.mk_not
86
87   let do_imply = Bdd.mk_imp
88   let (=>) x y = do_imply x y
89
90   let do_diff x y = do_or (do_and x (do_not y)) (do_and (do_not x) y)
91   let ( <> ) x y = do_diff x y

```

```

92
93 let do_equal x y = do_and (do_imply x y)(do_imply y x)
94 let (<=>) x y = do_equal x y
95
96 let to_then = Bdd.high
97
98 let to_else = Bdd.low
99
100 let to_var x = var_of_variable (Bdd.var x)
101
102 let tautology = Bdd.tautology
103
104 let equal x y = tautology (do_equal x y)
105
106 let imply x y = tautology (do_imply x y)
107
108 open Format
109
110 let pretty out_formatter t =
111   let parouv p n = if p > n then fprintf out_formatter "(" in
112   let parfer p n = if p > n then fprintf out_formatter ")" in
113   let rec pretty p t = match Bdd.view(t) with
114     | Bdd.One -> fprintf out_formatter "true"
115     | Bdd.Zero -> fprintf out_formatter "false"
116     | Bdd.Node(v, t1, t2) -> match (Bdd.view t1, Bdd.view t2) with
117       | (Bdd.Zero, Bdd.One) ->
118         fprintf out_formatter "%s"
119           (V.to_string (var_of_variable v))
120       | (Bdd.One, Bdd.Zero) ->
121         fprintf out_formatter "not %s"
122           (V.to_string (var_of_variable v))
123       | (b, Bdd.One) ->
124         parouv p 2;
125         fprintf out_formatter "%s or"
126           (V.to_string (var_of_variable v));
127         pp_print_space out_formatter ();
128         pretty 2 t1; parfer p 2
129       | (Bdd.One, b) ->
130         parouv p 1;
131         fprintf out_formatter "%s =>"
132           (V.to_string (var_of_variable v));
133         pp_print_space out_formatter ();
134         pretty 1 t2;
135         parfer p 1
136       | (b, Bdd.Zero) ->
137         fprintf out_formatter "not %s and"
138           (V.to_string (var_of_variable v));
139         pp_print_space out_formatter ();
140         pretty 3 t1

```

```

141 | (Bdd.Zero, b) ->
142     fprintf out_formatter "%s and"
143         (V.to_string (var_of_variable v));
144     pp_print_space out_formatter ();
145     pretty 3 t2
146 | (b1,b2) ->
147     pp_open_tbox out_formatter ();
148     pp_set_tab out_formatter ();
149     pp_open_hbox out_formatter ();
150     fprintf out_formatter "if %s"
151         (V.to_string (var_of_variable v));
152     pp_close_box out_formatter ();
153     pp_print_tbreak out_formatter 0 0;
154     pp_open_hovbox out_formatter 5 ;
155     fprintf out_formatter "then "; pretty 0 t2;
156     pp_close_box out_formatter ();
157     pp_print_tbreak out_formatter 0 0;
158     pp_open_hovbox out_formatter 5 ;
159     fprintf out_formatter "else "; pretty 0 t1;
160     pp_close_box out_formatter ();
161     pp_close_tbox out_formatter () in
162 pp_open_hvbox out_formatter 0;
163 pretty 0 t;
164 pp_close_box out_formatter ()
165
166 let rec exists lv t = match Bdd.view t with
167 | Bdd.One -> t
168 | Bdd.Zero -> t
169 | Bdd.Node(x,t1,t2) ->
170     if lv = []
171     then t
172     else if x > variable_of_var (List.hd lv)
173     then exists (List.tl lv) t
174     else if x = variable_of_var (List.hd lv)
175     then do_or (exists (List.tl lv) t1)
176               (exists (List.tl lv) t2)
177     else Bdd.make x (exists lv t1)(exists lv t2)
178
179 let rec forall lv t = match Bdd.view t with
180 | Bdd.One -> t
181 | Bdd.Zero -> t
182 | Bdd.Node(x,t1,t2) ->
183     if lv = []
184     then t
185     else if x > variable_of_var (List.hd lv)
186     then forall (List.tl lv) t
187     else if x = variable_of_var (List.hd lv)
188     then do_and (forall (List.tl lv) t1)
189               (forall (List.tl lv) t2)

```

```

190         else Bdd.make x (forall lv t1)(forall lv t2)
191
192     let printdef out_formatter v t =
193         let rec pretty v0 p t = match Bdd.view(t) with
194             | Bdd.One -> fprintf out_formatter "Non_deterministic"
195             | Bdd.Zero -> fprintf out_formatter "Over_constrained"
196             | Bdd.Node(v, t1, t2) ->
197                 if not ((var_of_variable v) = v0) then begin
198                     pp_open_tbox out_formatter ();
199                     pp_set_tab out_formatter ();
200                     pp_open_hbox out_formatter ();
201                     fprintf out_formatter "if %s"
202                         (V.to_string (var_of_variable v));
203                     pp_close_box out_formatter ();
204                     pp_print_tbreak out_formatter 0 0;
205                     pp_open_hovbox out_formatter 5;
206                     fprintf out_formatter "then ";
207                     pretty v0 0 t2;
208                     pp_close_box out_formatter ();
209                     pp_print_tbreak out_formatter 0 0;
210                     pp_open_hovbox out_formatter 5;
211                     fprintf out_formatter "else ";
212                     pretty v0 0 t1;
213                     pp_close_box out_formatter ();
214                     pp_close_tbox out_formatter ();
215                 end else (match (Bdd.view t1, Bdd.view t2) with
216                     | (Bdd.Zero, Bdd.One) -> fprintf out_formatter ("true")
217                     | (Bdd.One, Bdd.Zero) -> fprintf out_formatter ("false")
218                     | (_, _) -> fprintf out_formatter "Error") in
219             pp_open_hvbox out_formatter 0;
220             pretty v 0 t;
221             pp_close_box out_formatter ()
222
223     end;;

```

## B.4 global

### global/debug.ml

Ce fichier ne contient que des fonctions basiques nous permettant d'afficher les différentes structures arborescentes pour déboguage.

### global/location.ml

Ce fichier n'a pas été modifié dans le cadre du TIPE, il est cependant utile pour naviguer dans le fichier source (.lsr) et afficher certaines lignes en cas d'erreur syntaxique.

### global/lucy.ml

Ce fichier contient la définition de l'arbre représentant la syntaxe abstraite. Nous avons ajouté deux types de noeud nécessaires à notre nouvelle structure.

```
1  (* ... *)
2
3  type impl_phrase =
4    { i_desc: impl_desc;
5      i_loc: location }
6
7  and impl_desc =
8    Lletdef of is_rec * definition list
9  | Lletclock of string * expression
10 | Ltypedef of (string * string list * type_decl) list
11 | Lopen of string
12 | Lletsuch of string * string list * string list * relation * relation
13
14 and relation =
15   { r_desc: relation_desc;
16     r_loc: location }
17
18 and relation_desc =
19   Lrelvar of string
20 | Lrelpre of string
21 | Lrelnot of relation
22 | Lreland of relation * relation
23 | Lrelor of relation * relation
24 | Lrelimpl of relation * relation
25 | Lrelequ of relation * relation
26
27 (* ... *)
```

### global/misc.ml

Ce fichier n'a pas été modifié mais contient une compilation de fonctions utiles au compilateur Lucid Synchrone.



## B.5 test

### test/test.lsr

Ce fichier contient du code Lucid Synchronisé relationnel permettant de tester le précompilateur.

```
1  (* Fichier de test créé dans le cadre du TIPE *)
2
3  let negation x = not x;;
4
5  let rel un_sur_deux = sortie
6    such sortie -> (~sortie) <=> (pre sortie)
7
8  let rel negation entree = sortie such (~ sortie) <=> (entree)
9
10 let rel modifier entree = sortie
11   such ~ sortie
12   -> entree <=> (~ sortie <=> pre sortie)
13
14 let rel changer_mode bouton = model mode2 sortie
15   such model & ~ mode2 & sortie
16   -> (bouton <=> (~ model <=> pre model))
17       & (bouton <=> (~ mode2 <=> pre mode2))
18       & (model => sortie)
19       & (mode2 => ~ sortie)
20
21
22 (* Test des messages d'erreur...
23 let rel no_output input = such input;;
24 let rel undefined_var input = output such undefined;;
25 let rel in_and_out variable = variable such variable <=> variable;;
26 let rel disallowed_pre input = output such pre output;;
27 let rel name_reused = name_reused such name_reused;;
28 *)
```

### test/test.ls

Ce fichier contient le code Lucid Synchronisé généré par le précompilateur.

```
1  let negation x = not x;;
2
3  (** Pre-compiler : un_sur_deux **)
4  let node un_sur_deux () = let
5    rec sortie = true
6      -> if pre sortie
7         then false
8         else true
9    in (sortie)
10
11 (** Pre-compiler : negation **)
```

```

12 let node negation entree = let
13     rec sortie = if entree
14                   then false
15                   else true
16     -> if entree
17         then false
18         else true
19     in (sortie)
20
21 (** Pre-compiler : modifier **)
22 let node modifier entree = let
23     rec sortie = false
24     -> if pre sortie
25         then if entree
26             then false
27             else true
28         else if entree
29             then true
30             else false
31     in (sortie)
32
33 (** Pre-compiler : changer_mode **)
34 let node changer_mode bouton = let
35     rec mode1 = true
36     -> if pre mode1
37         then if pre mode2
38             then if bouton
39                 then false
40                 else Over_constrained
41             else if bouton
42                 then false
43                 else true
44         else if pre mode2
45             then if bouton
46                 then true
47                 else false
48             else if bouton
49                 then Over_constrained
50                 else false
51     and mode2 = false
52     -> if pre mode1
53         then if pre mode2
54             then if bouton
55                 then false
56                 else Over_constrained
57             else if bouton
58                 then true
59                 else false
60     else if pre mode2

```

```

61         then if bouton
62             then false
63             else true
64         else if bouton
65             then Over_constrained
66             else false
67 and sortie = true
68     -> if pre mode1
69         then if pre mode2
70             then if bouton
71                 then Non_deterministic
72                 else Over_constrained
73             else if bouton
74                 then false
75                 else true
76         else if pre mode2
77             then if bouton
78                 then true
79                 else false
80             else if bouton
81                 then Over_constrained
82                 else Non_deterministic
83 in (mode1, mode2, sortie)

```