# **Kapitel ML:IX**

#### IX. Ensemble and Meta

- □ Ensemble Methods
- □ Evolutionary Strategies
- ☐ Swarm Strategies

ML:IX-1 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

# Motivation (1): Generalisierungsfähigkeit

 $\Box$   $Err^*(y)$  (wahre Missklassifikationsrate)

$$\Box$$
  $\textit{Err}(y, D_{tr}) = \frac{|\{(\mathbf{x}, c(\mathbf{x})) \in D_{tr} : c(\mathbf{x}) \neq y(\mathbf{x})\}|}{|D_{tr}|}$  (Missklassifikationsrate auf Trainingsmenge)

$$\Box$$
  $\textit{Err}(y, D_{ts}) = \frac{|\{(\mathbf{x}, c(\mathbf{x})) \in D_{ts} : c(\mathbf{x}) \neq y(\mathbf{x})\}|}{|D_{ts}|}$  (Missklassifikationsrate auf Testmenge)

 $Err(y, D_{ts})$  ermöglicht auch den Vergleich von Lernverfahren.

→ Gibt es ein bestes Lernverfahren?

ML:IX-2 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Motivation (2): No Free Lunch Theorem

"There Ain't No Such Thing As A Free Lunch."

[Heinlein, 1966]

### In der Optimierung:

"[...] all algorithms that search for an extremum of a cost function perform exactly the same, when averaged over all possible cost functions."

[Wolpert/Macready, 1995]

#### Im Maschinellen Lernen:

"Some of those theorems show, loosely speaking, that for any two algorithms A and B, there are "as many" targets for which algorithm A has lower expected OTS [off-training set sampling] error than algorithm B as vice-versa (whether one averages over training sets or not)."

[Wolpert 1996]

ML:IX-3 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Motivation (3): Instabilität von Lernverfahren

Heuristische Formulierung:

Ein Lernverfahren heißt instabil, wenn eine kleine Veränderung in den Trainingsdaten eine große Veränderung im gelernten Klassifikator bewirkt.

#### Instabile Lernverfahren:

- Neuronale Netze (mit fixer Anzahl von hidden Units)
- Entscheidungsbäume (mit fixer Anzahl von Blattknoten)

#### Stabile Lernverfahren:

- □ Bayes
- k Nearest Neighbor

ML:IX-4 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

### Motivation (4): Consequences

- Statistisches Problem.
  - Verfahren betrachten eine gemessen an der Menge von Trainingsdaten zu große Menge von Hypothesen.
  - → Auf Basis der Trainingsdaten eignen sich mehrere Hypothesen gleichermaßen gut als Klassifizierer.
- Rechentechnisches Problem.
  - Aufgrund der Komplexität des Problems kann das Lernverfahren nicht das Finden einer besten Lösung innerhalb der Hypothesenmenge garantieren.
  - → Bei Verwendung von Heuristiken of nur suboptimale Lösung.
- Repräsentationsproblem:
  - Die Kandidatenmenge der Hypothesen enthält keine ausreichend guten Approximationen des Zielkonzeptes.
  - → Lernverfahren kann den gewünschten Approximationsgrad nicht liefern.

ML:IX-5 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Bootstrap Aggregating (Bagging)

Idee:

Eine Gruppe von Klassifikatoren, die gemeinsam klassifizieren, kann die Nachteile einzelner Klassifikatoren aufwiegen.

#### Problem:

Das Lernverfahren braucht verschiedene Trainingsmengen, um verschiedene Klassifikatoren zu bestimmen.

### Lösung:

Generierung von ähnlichen Trainingsmengen durch Bootstrapping (vgl. auch Kreuzvalidierung).

ML:IX-6 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

#### Remarks:

Aufgrund der untergeordneten Rolle der einzelnen Klassifizierer beim Bagging, besonders aber aufgrund ihrer recht schwachen Klassifikationsvermögens im Kontext des Boosting oder des Cascading, nennen wir diese auch schwache Klassifizierer.

ML:IX-7 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Bootstrap Aggregating [Breiman 1994]

- □ Ausgangspunkt Lernmenge D mit n Beispielen
- $\Box$  Für  $t=1,\ldots,T$ : Ziehe aus D insgesamt n Beispiele mit Zurücklegen und bilde daraus die Lernmenge  $D_t$
- $\square$  Mit der Lernmenge  $D_t, \ldots, D_T$  werden mit Hilfe eines Lernverfahrens die einzelne Klassifikatoren  $y_t$  bestimmt.
- $\Box$  Die Klassifikatoren  $y_1, \ldots, y_T$  werden zu einem Ensemble zusammengefasst und legen durch Mehrheitsentscheid die Klasse eines Beispiels fest:

$$y(x) := \underset{j \in \{1,...,J\}}{\operatorname{argmax}} \left| \{ t \in \{1,\ldots,T\} : y_t(x) = j \} \right|$$

ML:IX-8 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

### Bootstrap Aggregating (Fortsetzung)

Algorithm: Bagging

Input: Lernbeispiele  $D = \{(\mathbf{x}_1, c(\mathbf{x}_1)), \dots, (\mathbf{x}_n, c(\mathbf{x}_n))\}, n \in \mathbb{N}$ 

mit  $\mathbf{x}_i \in X$  und  $c(\mathbf{x}_i) \in \{1, \dots, J\}$  für  $1 \leq i \leq n$ ;

Anzahl T mit  $T \in \mathbb{N}$  für die Anzahl der Klassifizierer.

Output: Klassifizierer y für X.

- 1. Für t = 1, ..., T:
  - (a) Bestimme Lernmenge  $D_t$  durch Bootstrapping aus D (Ziehen von n Beispielen aus D mit Zurücklegen)
  - (b) Trainiere einen schwachen Klassifikator  $y_t$ , d.h.  $y_t: X \to \mathbf{R}$  mit der Beispielmenge  $D_t$ .
- 2. Ergebnis ist der Klassifikator

$$y(x) := \underset{j \in \{1, \dots, J\}}{\operatorname{argmax}} |\{t \in \{1, \dots, T\} : y_t(x) = j\}|$$

ML:IX-9 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Bootstrap Aggregating (Fortsetzung)

- Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Beispiel mindestens einmal gezogen wird, ist  $1-(1-1/n)^n$ .
- □ Für n groß, gilt  $1 (1 1/n)^n \approx 1 1/e \approx 0.632$ .
- □ In jeder Lernmenge sind etwa 63.2% der Beispiele in D.
- Verbesserungen der Fehlerrate von 20% bis 47% bei Anwendung mit Entscheidungsbäumen wurden beobachtet.

ML:IX-10 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Boosting Weak Classifiers [Freund/Schapire 1995]

Idee:

Eine Gruppe von Klassifikatoren, die gemeinsam klassifizieren, kann die Nachteile einzelner Klassifikatoren aufwiegen.

#### Problem:

Das Lernverfahren braucht verschiedene Trainingsmengen, um verschiedene Klassifikatoren zu bestimmen.

### Lösung:

Verschränkung von Lernalgorithmus und Generierung von Lernmengen: Gewichtung der Lernbeispiele (Änderung der relativen Häufigkeiten) aufgrund der Auswertung des vorherigen Klassifikators.

ML:IX-11 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Adaptive Boosting (AdaBoost) [Freund/Schapire 1995]

- $lue{}$  Ausgangspunkt Lernmenge D mit n Beispielen
- Gewichtung der Lernbeispiele entsprechend dem Klassifikationsergebnis des zuletzt generierten "schwachen" Klassifikators
  - Verringerung des Gewichts von korrekt klassifizierten Beispielen
  - Erhöhung des Gewichts von falsch klassifizierten Beispielen
- Mit der neuen Lernmenge wird mit Hilfe eines Lernverfahrens der nächste Klassifikator bestimmt.
- $\Box$  Die Klassifikatoren  $y_1, \ldots, y_T$  werden zu einem Ensemble zusammengefasst und legen durch gewichteten Mehrheitsentscheid die Klasse eines Beispiels fest.
- → Anwendung z.B. mit teilweise gelernten Entscheidungsbäumen

ML:IX-12 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

#### Adaptive Boosting (Fortsetzung)

Algorithm: AdaBoost.M1

Input: Lernbeispiele  $(\mathbf{x}_1, c(\mathbf{x}_1)), \dots, (\mathbf{x}_n, c(\mathbf{x}_n)), n \in \mathbf{N}$ 

 $\mathsf{mit}\; \mathbf{x}_i \in X \; \mathsf{und}\; c(\mathbf{x}_i) \in \{1,\dots,J\} \; \mathsf{für}\; 1 \leq i \leq n;$ 

Anzahl T mit  $T \in \mathbb{N}$  für die Anzahl der Runden.

Output: Klassifizierer y für X.

- 1. Initialisiere Gewichte für alle Beispiele durch  $w_1(i) = 1/n$  für  $1 \le i \le n$ .
- 2. Für t = 1, ..., T führe folgende Schritte aus:
  - (a) Trainiere einen schwachen Klassifikator  $y_t$ , d.h.  $y_t: X \to \mathbf{R}$ , mit den durch  $w_t$  gewichteten Beispielen.
  - (b) Sei  $\varepsilon_t = \sum_{i=1}^n w_t(i) \cdot (1 \delta(y_t(\mathbf{x}_i), c(\mathbf{x}_i))) = \sum_{\{i \mid y_t(\mathbf{x}_i) \neq c(\mathbf{x}_i)\}} w_t(i)$ . ( $\delta$  Kronecker-Funktion, d.h.  $\delta(u, v) = 1$  für u = v und  $\delta(u, v) = 0$  sonst.)
  - (c) Setze  $\beta_t = \frac{\varepsilon_t}{(1-\varepsilon_t)}$ .
  - (d) Setze  $w_{t+1}(i) = \begin{cases} w_t(i) \cdot \beta_t \cdot 1/z_t & \text{falls } y_t(\mathbf{x}_i) = c(\mathbf{x}_i) \\ w_t(i) \cdot 1/z_t & \text{sonst} \end{cases}$  für  $1 \leq i \leq n$ .  $z_t$  ist Normalisierungsfaktor, durch den das Gesamtgewicht aller Beispiele den Wert 1 erhält, also eine Verteilung widerspiegelt.
- 3. Ergebnis ist der Klassifikator  $y(\mathbf{x}) = \operatorname*{argmax}_{j \in \{1,\dots,J\}} \sum_{\{t \mid y_t(\mathbf{x})=j\}} \log \frac{1}{\beta_t}$

Adaptive Boosting (Fortsetzung)

Der Klassifikator y gewichtet die Entscheidungen der einzelnen Klassifikatoren stärker, wenn ihr Fehler klein ist.

Wenn die einzelnen Klassifikatoren eine bessere Fehlerrate als 1/2 haben, dann fällt der Fehler von y exponentiell in T gegen 0.

#### Satz 1

Falls für die Fehlerraten  $\varepsilon_t$  während des Ablaufs von Algorithmus AdaBoost.M1 gilt  $\varepsilon_t \leq 1/2$ , so folgt für den trainierten Klassifizierer y

$$\frac{1}{n} \cdot |\{i: y(\mathbf{x}_i) \neq c(\mathbf{x}_i)\}| \leq \exp\left(-2\sum_{t=1}^T \left(\frac{1}{2} - \varepsilon_t\right)^2\right)$$

ML:IX-14 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

#### Remarks:

- $\Box$  Problem: Fehlerrate der im Fall von *J* Klassen mit J > 2 nicht so einfach erreichbar.
- $\Box$  Spezialfall j=2: Klassifikationsproblem mit genau 2 Klassen, ein schwacher Klassifizierer muss nur geringfügig besser sein als Raten.

 $\supset$  Betrachtung der Klassen  $\{-1, +1\}$  erlaubt einfachere Schreibweisen.

ML:IX-15 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

#### Discrete AdaBoost

Algorithm: Discrete AdaBoost

Input: Lernbeispiele  $(\mathbf{x}_1, c(\mathbf{x}_1)), \dots, (\mathbf{x}_n, c(\mathbf{x}_n)), n \in \mathbf{N}$ 

mit  $\mathbf{x}_i \in X$  und  $c(\mathbf{x}_i) \in \{-1, +1\}$  für  $1 \le i \le n$ ;

Anzahl T mit  $T \in \mathbb{N}$  für die Anzahl der Runden.

Output: Klassifizierer y für X.

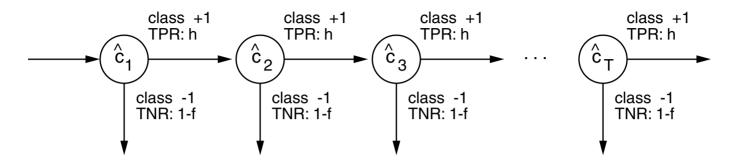
- 1. Initialisiere Gewichte für alle Beispiele durch  $w_1(i) = 1/n$  für  $1 \le i \le n$ .
- 2. Für t = 1, ..., T führe folgende Schritte aus:
  - (a) Trainiere einen schwachen Klassifikator  $c_t$ , d.h.  $y_t: X \to \{-1, +1\}$ , mit den durch  $w_t$  gewichteten Beispielen.
  - (b) Sei  $\varepsilon_t = \sum_{i=1}^n w_t(i) \cdot 1/2 \cdot |y_t(\mathbf{x}_i) c(\mathbf{x}_i)| = \sum_{\{i|y_t(\mathbf{x}_i) \neq c(\mathbf{x}_i)\}} w_t(i)$ .
  - (c) Setze  $\beta_t = \frac{\varepsilon_t}{(1-\varepsilon_t)}$ .
  - (d) Setze  $w_{t+1}(i) = \begin{cases} w_t(i) \cdot \beta_t \cdot 1/z_t & \text{falls } y_t(\mathbf{x}_i) = c(\mathbf{x}_i) \\ w_t(i) \cdot 1/z_t & \text{sonst} \end{cases}$  für  $1 \le i \le n$ .

 $z_t$  ist Normalisierungsfaktor, durch den das Gesamtgewicht aller Beispiele den Wert 1 erhält, also eine Verteilung widerspiegelt.

3. Ergebnis ist der Klassifikator  $y(\mathbf{x}) = \text{sign}\left(\sum_{t=1}^T \log \frac{1}{\beta_t} \cdot y_t(\mathbf{x})\right)$ 

ML:IX-16 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Cascades of Classifiers (Cascading) [Viola/Jones 2001]



- $\Box$  Gesucht wird eine Folge  $y_1, \ldots, y_T$  von Klassifikatoren mit steigender Komplexität für ein 2-Klassen-Problem.
- $\Box$  In der Lernmenge D überwiegen die Negativbeispiele (Klasse -1).
- Aus der Lernmenge D wird eine Teilmenge  $D_t$  von Beispielen gezogen, die von der bisherigen Kaskade mit +1 klassifiziert werden. Das Verhältnis von Positivbeispielen und Negativbeispielen in  $D_t$  ist fest.
- $lue{}$  Mit  $D_t$  wird durch Boosting ein Ensemble  $y_t$  von schwachen Klassifizierern gelernt.
- Für 10 Stufen in der Kaskade, einer Hitrate von mindestens 0.99 und einer False Alarm Rate von höchstens 0.3 erhält man für die Kaskade eine Hitrate von  $0.99^{10} \approx 0.9$  und eine False Alarm Rate von höchstens  $0.3^{10} \approx 0.000006$ .

ML:IX-17 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

#### Cascading (Fortsetzung)

In einem 2-Klassen-Problem wird eine Lern- oder Testmenge D durch einen Klassifikator c in vier disjunkte Teilmengen aufgeteilt:

- 1.  $D_h$  Menge der Beispiele  $\mathbf{x}$  mit Klasse +1 und  $y(\mathbf{x}) = +1$  (Index h steht für *hits*, Menge der richtig positiven Beispiele, true positive),
- 2.  $D_f$  Menge der Beispiele  $\mathbf{x}$  mit Klasse -1 und  $y(\mathbf{x}) = +1$  (Index f steht für *false alarms*, Menge der falsch positiven Beispiele, false positive, Fehler 1. Art),
- 3.  $D_m$  Menge der Beispiele  $\mathbf{x}$  mit Klasse +1 und  $y(\mathbf{x}) = -1$  (Index m steht für *misses*, Menge der falsch negativen Beispiele, false negative, Fehler 2. Art ),
- 4.  $D_z$  Menge der Beispiele  $\mathbf{x}$  mit Klasse -1 und  $y(\mathbf{x}) = -1$  (Index z steht für zero, Menge der richtig negativen Beispiele, true negative).

(*richtig/falsch* bezieht sich auf Übereinstimmung von  $c(\mathbf{x})$  und  $y(\mathbf{x})$ , *positiv/negativ* auf die Klassifikation durch y, also  $y(\mathbf{x})$ .) Diese Mengen werden häufig in einer Tabelle angeordnet:

	c = +1	c = -1	
y = +1	$D_h$	$D_f$	$D_{pPos}$
y = -1	$D_m$	$D_z$	$D_{pNeg}$
	$D_{Pos}$	$D_{Neg}$	$\overline{D}$

 $D_{pNeg}$  und  $D_{Neg}$  bezeichnen die Mengen der (predicted) Negatives,  $D_{pPos}$  und  $D_{Pos}$  bezeichnen die Mengen der (predicted) Positives.

ML:IX-18 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

# Maßzahlen für Cascading

Mit den Kardinalitäten dieser Mengen lassen sich verschiedene Maßzahlen definieren. Maßzahlen zur Beurteilung des Tests:

- extstyle ext
- $extstyle ag{TNR} = P(y(\mathbf{x}) = -1 | c(\mathbf{x}) = -1) pprox rac{|D_f|}{|D_f| + |D_z|} = rac{|D_f|}{|D_{Neg}|}$ Wahrscheinlichkeit einer richtig negativen Vorhersage
  (Richtignegativ-Rate, Correct Rejection Rate, True Negative Rate, Spezifität)

ML:IX-19 Ensemble and Meta © LETTMANN 2015

### Maßzahlen für Cascading (Fortsetzung)

#### Maßzahlen zur Beurteilung der Population:

- $\square$   $NPV = P(c(\mathbf{x}) = -1|y(\mathbf{x}) = -1) \approx \frac{|D_z|}{|D_m| + |D_z|} = \frac{|D_z|}{|D_{pNeg}|}$  Wahrscheinlichkeit der Korrektheit bei negativer Vorhersage (negativ prädiktiver Wert, Negative Predictive Value, Segreganz, Trennfähigkeit)
- Arr FAR =  $P(c(\mathbf{x}) = -1|y(\mathbf{x}) = +1) \approx \frac{|D_f|}{|D_h| + |D_f|} = \frac{|D_f|}{|D_{pPos}|}$  Wahrscheinlichkeit der Nicht-Korrektheit bei positiver Vorhersage (False Alarm Ratio)
- $\Box \quad \textit{FCR} \approx \frac{|D_f| + |D_m|}{|D_h| + |D_f| + |D_m|} = \frac{|D_f| + |D_m|}{|D|}$  Wahrscheinlichkeit einer falschen Klassifikation (Falschklassifikationsrate, False Classification Rate)

ML:IX-20 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

### Cascading (Fortsetzung)

Algorithm: Cascading

Input: Lernbeispiele  $D = \{(\mathbf{x}_1, c(\mathbf{x}_1)), \dots, (\mathbf{x}_N, c(\mathbf{x}_n))\}, n \in \mathbf{N}$ 

mit  $\mathbf{x}_i \in X$  und  $c(\mathbf{x}_i) \in \{+1, -1\}$  für  $1 \leq i \leq n$ ; Anzahl T mit  $T \in \mathbf{N}$  für die Anzahl der Stufen.

Output: Klassifizierer y für X.

- 1. Für t = 1, ..., T führe folgende Schritte aus:
  - (a) Bestimme Lernmenge  $D_t$  durch Ziehen von n' Beispielen aus D, die unter der bisherigen Kaskade als +1 klassifiziert wurden.
  - (b) Trainiere einen Klassifikator  $y_t$ , d.h.  $y_t: X \to \mathbf{R}$  mit der Beispielmenge  $D_t$ .
- 2. Ergebnis ist der Klassifikator

$$y(x) := \left\{ \begin{array}{ll} +1 & \text{falls } y_t(x) = +1 \text{ für alle } t \in \{1, \dots, T\} \\ -1 & \text{sonst} \end{array} \right.$$

ML:IX-21 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Cascading for Face Detection (Main Loop)

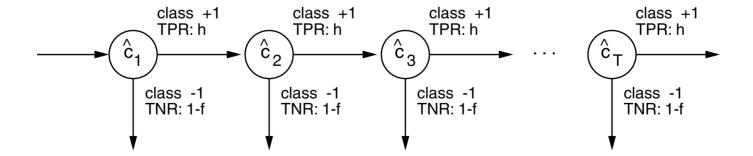
- Graustufenbilder
- $\Box$  Suchbereich mit fester Größe  $20 \times 20$  Pixel
- $\Box$  verschiedene Skalierungsstufen des Ausgangsbildes: Faktor  $1/1.1 \approx 0.91$
- zeilenweises Überstreichen mit Suchbereich
- Überprüfen des Ausschnitts auf Gesicht



ML:IX-22 Ensemble and Meta © LETTMANN 2015

Cascading for Face Detection (Gesamtklassifikator)

- $\Box$  Kaskade mit T=22
- $\Box$  False Alarm Rate pro Stufe: FPR = 0.5
- $\Box$  True Positive Rate pro Stufe: TPR = 0.999
- $\Box$  False Alarm Rate gesamt:  $\approx 0.5^{22} \approx 0.00000024$
- □ True Positive Rate Rate gesamt:  $\approx 0.999^{22} \approx 0.978$
- $\ \square$  Trainingsbeispiele für Stage i+1 sind positiv klassifizierte Beispiele der Stage i



ML:IX-23 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

# Cascading for Face Detection(Einzelklassifikator in Kaskade)

- Ensemble-Klassifizierer mit Discrete AdaBoost bestimmen
- Stage 1: drei schwache Klassifikatoren ... Stage 22: 213 schwache Klassifikatoren

Algorithm: Discrete AdaBoost

Input: Lernbeispiele  $(\mathbf{x}_1, c(\mathbf{x}_1)), \dots, (\mathbf{x}_n, c(\mathbf{x}_n)), n \in \mathbf{N}$ 

mit  $\mathbf{x}_i \in X$  und  $c(\mathbf{x}_i) \in \{-1, +1\}$  für  $1 \le i \le n$ ;

Anzahl T mit  $T \in \mathbb{N}$  für die Anzahl der Runden.

Output: Klassifizierer y für X.

- 1. Initialisiere Gewichte für alle Beispiele durch  $w_1(i) = 1/n$  für  $1 \le i \le n$ .
- 2. Für t = 1, ..., T führe folgende Schritte aus:
  - (a) Trainiere einen schwachen Klassifikator  $c_t$ , d.h.  $y_t: X \to \{-1, +1\}$ , mit den durch  $w_t$  gewichteten Beispielen.
  - **(b)** Sei  $\varepsilon_t = \sum_{i=1}^n w_t(i) \cdot 1/2 \cdot |y_t(\mathbf{x}_i) c(\mathbf{x}_i)| = \sum_{\{i|y_t(\mathbf{x}_i) \neq c(\mathbf{x}_i)\}} w_t(i)$ .
  - (c) Setze  $\beta_t = \frac{\varepsilon_t}{(1-\varepsilon_t)}$ .
  - $\text{(d)} \quad \text{Setze } w_{t+1}(i) = \left\{ \begin{array}{ll} w_t(i) \cdot \beta_t \cdot 1/z_t & \text{falls } y_t(\mathbf{x}_i) = y_i \\ w_t(i) \cdot 1/z_t & \text{sonst} \end{array} \right. \quad \text{für } 1 \leq i \leq n.$

 $z_t$  ist Normalisierungsfaktor, durch den das Gesamtgewicht aller Beispiele den Wert 1 erhält, also eine Verteilung widerspiegelt.

3. Ergebnis ist der Klassifikator

$$y(\mathbf{x}) = \operatorname{sign}\left(\sum_{t=1}^T \log \frac{1}{\beta_t} \cdot y_t(\mathbf{x})\right)$$

ML:IX-24 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

Cascading for Face Detection (Einzelklassifikator in Ensemble)

- Schwacher Klassifikator: CART Klassifikator mit genau einem Knoten
- Gesucht: Threshold mit bestem Missklassifikationsgewicht für Feature
- Auswahl: Merkmal mit bestem Missklassifikationsgewicht
- Größe der Trainingsmenge: ca. 5000 Bespiele für Gesichter, ca. 3000 Beispiele ohne Gesichter pro Stufe



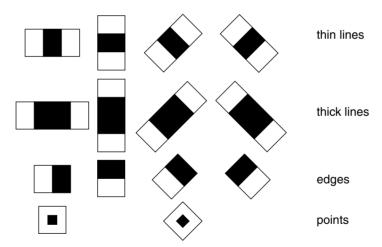
Welche Merkmale verwendet man für die Gesichtserkennung?

ML:IX-25 Ensemble and Meta © LETTMANN 2015

Cascading for Face Detection (alle Features)

- ho Verwendung der 20 imes 20 Bildpunkte, also 400 Features mit je 256 Werten
- → Schwache Klassifikatoren verwenden einzelne Bildpunkte.

# Aussagefähigere Merkmale:



- Merkmale sind Helligkeitsunterschiede zwischen Flächen.
- $\Box$  Merkmale: Typ  $\times$  Position  $\times$  Breite  $\times$  Höhe
- $\Box$  Merkmale: Anzahl verschiedener Merkmale > 100.000

ML:IX-26 Ensemble and Meta © LETTMANN 2015

Cascading for Face Detection (ausgewählte Features)

Haben die ausgewählten Merkmale eine Bedeutung für uns?

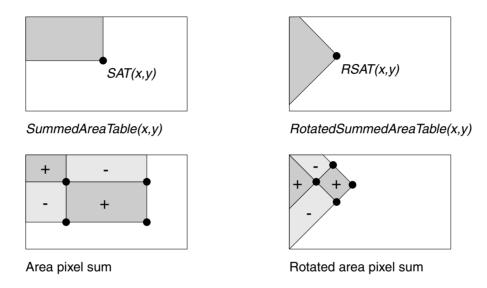


- Zusammenfassung der Merkmale der Stufen 1 bis 11
- Auswertung der Merkmale:
  - Ausgangspunkt graue Fläche (Wert 127)
  - dunkler Bereich des Merkmals verringert Farbwerte
  - heller Bereich des Merkmals erhöht Farbwerte
  - Betrag abhängig vom Threshold
- Nicht alle Merkmale sind anzeigbar.

ML:IX-27 Ensemble and Meta © LETTMANN 2015

# Cascading for Face Detection (Effizienz)

#### Wie lassen sich die Merkmale effizient berechnen?



- $\begin{array}{l} \square \quad \mathsf{SAT}(x,y) = \mathsf{SAT}(x,y-1) + \mathsf{SAT}(x-1,y) + I(x,y) \mathsf{SAT}(x-1,y-1) \\ \text{mit } \mathsf{SAT}(-1,y) = \mathsf{SAT}(x,-1) = 0 \end{array}$
- Pass 1:  $\mathsf{RSAT}(x,y) = \mathsf{RSAT}(x-1,y-1) + \mathsf{RSAT}(x-1,y) + I(x,y) \mathsf{RSAT}(x-2,y-1)$   $\mathsf{mit} \; \mathsf{RSAT}(-1,y) = \mathsf{RSAT}(-2,y) = \mathsf{RSAT}(x,-1) = 0$
- Pass 2:  $\mathsf{RSAT}(x,y) = \mathsf{RSAT}(x,y) + \mathsf{RSAT}(x-1,y+1) \mathsf{RSAT}(x-2,y)$

Cascading for Face Detection (Effizienz beim Training)

Matrix	Features		
Training examples			

- Anzahl Trainingsbeispiele: > 10.000
- □ Anzahl Merkmale: > 100.000
- $\Box$  Benötigter Hauptspeicher: 4 Byte  $\times$  10.000  $\times$  100.000 > 3,7GByte
- Merkmalwerte werden (zeilenweise) immer wieder neu berechnet. Mehrere Tage Trainingslaufzeit.

ML:IX-29 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

### Trainingsmengen

- Bagging
  - $D_t$  wird aus  $D_t$  gebildet durch Ziehen mit Zurücklegen.
  - → Trainingsmengen voneinander unabhängig.
- Boosting
  - $D_t$  wird aus  $D_{t-1}$  gebildet durch stärkere Gewichtung falsch klassifizierter Beispiele.
  - Trainingsmengen bauen aufeinander auf, sind aber bis auf Gewichtung gleich.
- Cascading
  - $D_t$  wird aus  $D_{t-1}$  gebildet durch Beschränkung auf korrekt klassifizierte Beispiele.
  - → Trainingsmengen bauen aufeinander auf, sind jeweils Teilmengen der vorherigen.

ML:IX-30 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

# Grundlage der Entscheidung

- Bagging
   Einfache Mehrheitsentscheidung durch schwache Klassifizierer.
- Boosting
   Gewichtete Mehrheitsentscheidung durch schwache Klassifizierer.
- Cascading
   Sequentielle Entscheidung durch schwache Klassifizierer: +1 nur bei Einstimmigkeit.

ML:IX-31 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015

#### Literature

- □ P. Viola, M. Jones.

  Rapid Object Detection using a Boosted Cascade of Simple Features
- □ R. Lienhart, J. Maydt.

  An Extended Set of Haar-like Features for Rapid Object Detection
- □ R. Lienhart, A. Kuranov, V. Pisarevsky.

  Empirical Analysis of Detection Cascades of Boosted Classifiers for Rapid Object Detection
- □ R. Lienhart, L. Liang, A. Kuranov. *A Detector Tree of Boosted Classifiers for Real-time Object Detection and Tracking*

ML:IX-32 Ensemble and Meta ©LETTMANN 2015