Kapitel DB:V

V. Grundlagen relationaler Anfragesprachen

- □ Anfragen und Änderungen
- □ Relationale Algebra
- □ Anfragekalküle
- □ Relationaler Tupelkalkül
- Relationaler Domänenkalkül

DB:V-1 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Ausgangspunkt: Basisrelationen, die in der Datenbank gespeichert sind.

Ziel: abgeleitete Relationen, die aus Basisrelationen berechnet werden.

Ableitung von Relationen mit drei unterschiedlichen Mechanismen:

1. Anfrage

2. Sicht

3. Snapshot

Ausgangspunkt: Basisrelationen, die in der Datenbank gespeichert sind.

Ziel: abgeleitete Relationen, die aus Basisrelationen berechnet werden.

Ableitung von Relationen mit drei unterschiedlichen Mechanismen:

1. Anfrage

Folge von Operationen, die aus Basisrelationen eine Ergebnisrelation berechnet. Die Ergebnisrelation kann angezeigt und interaktiv oder durch ein Programm weiterverarbeitet werden.

2. Sicht

Folge von Operationen, die unter einem Sichtnamen *langfristig* gespeichert und unter diesem Namen wieder aufgerufen werden kann (Sichtrelation).

3. Snapshot

Ergebnisrelation einer Anfrage, die unter einem Snapshot-Namen abgelegt wird, aber nie ein zweites Mal (mit geänderten Basisrelationen) berechnet wird. Beispiel: Erstellung einer Jahresbilanz.

DB:V-3 Relational Algebra & Calculus ©STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- Bei der Ableitung von Relationen bleiben die Basisrelationen unverändert.
- Update- und Änderungsoperationen verändern die Basisrelationen.
- □ Die Einbettung der Anfragesprache in eine Programmiersprache ermöglicht eine integrierte Weiterverarbeitung.

DB:V-4 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Eigenschaften relationaler Anfragesprachen [Heuer/Scholl 1991]

- ad-hoc-formulierbar
- deklarativ

mengenbasiert

abgeschlossen

- orthogonal
- □ adäquat

Eigenschaften relationaler Anfragesprachen [Heuer/Scholl 1991]

ad-hoc-formulierbar

Man kann Anfragen formulieren, ohne ein Programm dafür zu schreiben.

deklarativ

Man formuliert im deklarativen Stil "Was will ich haben?" – nicht prozedural "Wie programmiere ich das, was ich haben will?"

mengenbasiert

Die Operationen arbeiten auf Datenmengen – nicht navigierend auf einzelnen Elementen.

abgeschlossen

Das Ergebnis einer Anfrage ist wieder vom Typ eines Operands (= Relation) und direkt als Eingabe für weitere Anfragen verwendbar.

orthogonal

Die Operationen sind ohne Einschränkung kombinierbar.

□ adäquat

Die Charakteristika des unterliegenden Datenmodells werden unterstützt.

DB:V-6 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Eigenschaften relationaler Anfragesprachen (Fortsetzung)

vollständig (hinsichtlich eines Kalküls)

optimierbar

→ effizient

□ sicher

spezialisiert

Eigenschaften relationaler Anfragesprachen (Fortsetzung)

vollständig (hinsichtlich eines Kalküls)

Die Anfragesprache bildet (mindestens) die Relationenalgebra oder den sicheren Relationenkalkül ab.

optimierbar

Die Anfragesprache umfasst wenige Operationen, für die es leistungsfähige Optimierungsregeln gibt.

effizient

Die Anfragen sind effizient ausführbar.

sicher

Keine syntaktisch korrekte Anfrage gerät in eine Endlosschleife oder liefert ein unendliches Ergebnis.

spezialisiert

Die Anfragesprache ist keine vollständige Programmiersprache. Diese Eigenschaft folgt aus Optimierbarkeit, Effizienz, Sicherheit.

DB:V-8 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- □ Beispiel für Orthogonalität: an jeder Stelle, an der ein Basisrelationenname stehen kann, darf auch eine Anfrage stehen (die wiederum eine Relation zurück liefert).
- □ Orthogonalität ist in SQL-89 u.a. deshalb nicht erfüllt, weil in der From-Klausel keine Anfrage stehen darf.
- □ Beispiel für Optimierbarkeit: Auswertung von Select-Operationen vor Join-Operationen.
- \square Beispiel für Effizienz: im Relationenmodell ist jede Operation in $O(n^2)$, mit n= Anzahl der Tupel einer Relation.

DB:V-9 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Eine Algebra $\mathcal{A} = \langle M, \Omega \rangle$ besteht aus

- 1. einem Grundbereich M sowie
- 2. einer Menge von Operationen Ω mit $\circ: M^n \to M$, $\circ \in \Omega$.

Eine Algebra $\mathcal{A} = \langle M, \Omega \rangle$ besteht aus

- 1. einem Grundbereich M sowie
- 2. einer Menge von Operationen Ω mit $\circ: M^n \to M$, $\circ \in \Omega$.

Bezogen auf die Relationenalgebra:

- 1. M ist die Menge aller Relationen über den Relationenschemata, die zu einer festen Menge von Attributen gebildet werden können.
- 2. Ω ist eine Menge von Operationen auf Relationen.

Folgende Operationen sind Teil der Relationenalgebra:

- einstellige Operatoren: Selektion, Projektion, Umbenennung
- Mengenoperationen: Vereinigung, Durchschnitt, Differenz
- Kartesisches Produkt
- Verbundoperationen: natürlicher-, allgemeiner-, äußerer-, semi-Verbund
- relationale Division

DB:V-11 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Einstellige Operationen: Selektion

Syntax: $\sigma_{< \text{COND}>}(r)$

Semantik: Auswahl derjenigen Tupel in der Relation $r(\mathcal{R})$, die das

Selektionsprädikat < COND> erfüllen:

$$\{t \mid (t \in r) \land (\langle \mathsf{COND} \rangle(t) = \mathsf{TRUE})\}$$

Einstellige Operationen: Selektion

Syntax: $\sigma_{< \text{COND}>}(r)$

Semantik: Auswahl derjenigen Tupel in der Relation $r(\mathcal{R})$, die das

Selektionsprädikat < COND> erfüllen:

$$\{t \mid (t \in r) \land (\langle COND \rangle(t) = TRUE)\}$$

<COND> ist aus folgenden Elementen aufgebaut:

- 1. Operanden: Attributnamen aus dem Schema \mathcal{R} , Konstanten
- 2. arithmetische Vergleichsoperatoren: $=, <, \leq, >, \geq, \neq$
- 3. logische Operatoren: \land, \lor, \neg

Einstellige Operationen: Selektion

Syntax: $\sigma_{< \text{COND}>}(r)$

Semantik: Auswahl derjenigen Tupel in der Relation $r(\mathcal{R})$, die das

Selektionsprädikat < COND> erfüllen:

$$\{t \mid (t \in r) \land (\langle \mathsf{COND} \rangle(t) = \mathsf{TRUE})\}$$

<COND> ist aus folgenden Elementen aufgebaut:

- 1. Operanden: Attributnamen aus dem Schema \mathcal{R} , Konstanten
- 2. arithmetische Vergleichsoperatoren: $=, <, \leq, >, \geq, \neq$
- 3. logische Operatoren: \land, \lor, \neg

Beispiel:

| Ausleihe | | | |
|----------|--------|--|--|
| InvNr | Name | | |
| 4711 | Meyer | | |
| 1201 | Schulz | | |
| 0007 | Müller | | |
| 4712 | Meyer | | |

$$\sigma_{\mathsf{Name} \leq \, '\mathsf{N}'} \ (\mathsf{Ausleihe}) \quad \leadsto \quad$$

| InvNr | Name |
|-------|--------|
| 4711 | Meyer |
| 0007 | Müller |
| 4712 | Meyer |

Bemerkungen:

- Unmittelbar aufeinander folgende Selektionen lassen sich in ihrer Reihenfolge vertauschen, ohne dass sich die Ergebnisrelation ändert.
 Die Hintereinanderausführung von Selektionen besitzt eine konjunktive Semantik: es werden nur diejenigen Tupel berücksichtigt, die in der Schnittmenge aller selektierten Tupelmengen liegen. Die Schnittmengenbildung ist assoziativ.
- Zur Bezeichnung einer Relation können r und $r(\mathcal{R})$ gleichermaßen verwendet werden abhängig davon, ob auf das Relationenschema \mathcal{R} zu Unterscheidungszwecken Bezug genommen werden muss.

DB:V-15 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Einstellige Operationen: Projektion

Syntax: $\pi_{\alpha}(r)$

Semantik: Projektion aller Tupel in r bzgl. der Attribute in α : $\{t(\alpha) \mid t \in r\}$

Einstellige Operationen: Projektion

Syntax: $\pi_{\alpha}(r)$

Semantik: Projektion aller Tupel in r bzgl. der Attribute in α : $\{t(\alpha) \mid t \in r\}$

Beispiel:

| Buch | | | | |
|-------|--------------|-------|------------|--|
| InvNr | Titel | ISBN | Autor | |
| 0007 | Dr. No | 3-125 | James Bond | |
| 1201 | Objektbanken | 3-111 | Heuer | |
| 4711 | Datenbanken | 3-765 | Vossen | |
| 4712 | Datenbanken | 3-891 | Ullman | |
| 4717 | Pascal | 3-999 | Wirth | |

 $\pi_{\mathsf{InvNr},\mathsf{ISBN}}(\mathsf{Buch}) \quad \rightsquigarrow \quad$

| ISBN |
|-------|
| 3-125 |
| 3-111 |
| 3-765 |
| 3-891 |
| 3-999 |
| |

DB:V-17 Relational Algebra & Calculus

Bemerkungen:

- Unmittelbar aufeinander folgende Projektionen lassen sich in ihrer Reihenfolge vertauschen, ohne dass sich die Ergebnisrelation ändert.
 Die Hintereinanderausführung von Projektionen besitzt eine konjunktive Semantik: es werden nur diejenigen Attribute berücksichtigt, die in der Schnittmenge aller projizierten Attributmengen liegen. Die Schnittmengenbildung ist assoziativ.
- □ Kombination von Selektion (<COND>) und Projektion (α). Bilden die Attribute in <COND> eine Teilmenge der Attribute einer *nachfolgenden* Projektion, lassen sich Selektion und Projektion vertauschen. Falls nicht, muss die Selektion zuerst ausgeführt werden, um sicherzustellen, dass <COND> definiert ist.
- Gilt $\alpha \subseteq \beta \subseteq \gamma$, so ist die unmittelbare Hintereinanderausführung der Projektionen bzgl. dieser Attributmengen äquivalent zu der alleinigen Anwendung der Projektion bzgl. α : $\pi_{\alpha}\pi_{\beta}\pi_{\gamma}(r)\equiv\pi_{\alpha}(r)$
- α ist eine Menge; entsprechend müsste man z.B. bei $\alpha = \{\text{InvNr}, \text{ISBN}\}\$ die Selektion π_{α} als $\pi_{\{\text{InvNr}, \text{ISBN}\}}$ notieren. Die Notation von Attributnamen ohne Mengenklammern im Index ist formal unsauber, hat sich aber in der Datenbankliteratur durchgesetzt.

DB:V-18 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Einstellige Operationen: Umbenennung

Semantik: Umbenennung von Attribut A_1 zu A_2 in der Ergebnisrelation.

Einstellige Operationen: Umbenennung

Semantik: Umbenennung von Attribut A_1 zu A_2 in der Ergebnisrelation.

Syntax (b): $\rho_s(r)$

Semantik: Umbenennung der Relation r zu s

Einstellige Operationen: Umbenennung

Semantik: Umbenennung von Attribut A_1 zu A_2 in der Ergebnisrelation.

```
Syntax (b): \rho_s(r)
```

Semantik: Umbenennung der Relation r zu s

Beispiel:

```
zu (a) \rho_{\text{Buchtitel} \leftarrow \text{Titel}}(\text{Buch})
```

zu (b) $\rho_{Dokument}(Buch)$

Bemerkungen:

- Mit der Umbenennung kann man fehlende Voraussetzungen zur Anwendung von Mengenoperationen schaffen.
- □ Die Umbenennung ermöglicht natürliche Verbünde, wo ansonsten kartesische Produkte entstünden: verschieden benannte Attribute werden gleich benannt.
- □ Die Umbenennung ermöglicht kartesische Produkte, wo ansonsten natürliche Verbünde entstünden: gleiche Attribute werden verschieden benannt.
- □ Beispiel: Auswertung von Abhängigkeiten zwischen Vorlesungen.

```
\mathcal{R} = \text{voraussetzen} = \{\text{Nachfolgervorlesung}, \text{Vorgaengervorlesung}\}.
```

Bestimmung der Vorvorgängervorlesungen von Vorlesung 4711:

```
\pi_{\rm v2.Vorgaenger}( \sigma_{\rm v1.Nachfolger=4711~\wedge~v1.Vorgaenger=v2.Nachfolger}( \rho_{\rm v1}({\rm voraussetzen})\times\rho_{\rm v2}({\rm voraussetzen}) )
```

DB:V-22 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Mengenoperationen: Vereinigung, Durchschnitt, Differenz

Syntax:
$$r_1 \cup r_2, \ r_1 \cap r_2, \ r_1 - r_2$$

Semantik: $= \{t \mid t \in r_1 \lor t \in r_2\}$
 $= \{t \mid t \in r_1 \land t \in r_2\}$
 $= \{t \mid t \in r_1 \land t \not\in r_2\}$

Mengenoperationen sind nur für Relationen mit gleichem Schema – d. h., Schemata mit gleichen Attributnamen und Domänen – definiert.

Mengenoperationen: Vereinigung, Durchschnitt, Differenz

Syntax: $r_1 \cup r_2, \ r_1 \cap r_2, \ r_1 - r_2$ Semantik: $r_1 \cup r_2 = \{t \mid t \in r_1 \lor t \in r_2\}$

$$= \{t \mid t \in r_1 \land t \in r_2\}$$

$$= \{t \mid t \in r_1 \land t \notin r_2\}$$

$$= \{t \mid t \in r_1 \land t \notin r_2\}$$

Mengenoperationen sind nur für Relationen mit gleichem Schema – d. h., Schemata mit gleichen Attributnamen und Domänen – definiert.

Beispiel:

| Buch |
|------------|
| Autor |
| James Bond |
| Heuer |
| Vossen |
| Ullman |
| Wirth |



 $\mathsf{Buch} \cup \rho_{\mathsf{Autor} \leftarrow \mathsf{Author}}(\mathsf{Book}) \quad \rightsquigarrow$

Autor
James Bond
Heuer
Vossen
Ullman
Wirth
Witt
Silberschatz
Meier

Mengenoperationen: Vereinigung, Durchschnitt, Differenz

Syntax: $r_1 \cup r_2, r_1 \cap r_2, r_1 - r_2$

Semantik: $r_1 \cup r_2 = \{t \mid t \in r_1 \lor t \in r_2\}$

$$r_1 \cap r_2 = \{t \mid t \in r_1 \land t \in r_2\}$$
$$= \{t \mid t \in r_1 \land t \notin r_2\}$$

Mengenoperationen sind nur für Relationen mit gleichem Schema – d. h., Schemata mit gleichen Attributnamen und Domänen – definiert.

Beispiel:

| Buch |
|------------|
| Autor |
| James Bond |
| Heuer |
| Vossen |
| Ullman |
| Wirth |



$$\mathsf{Buch} \cap \rho_{\mathsf{Autor} \leftarrow \mathsf{Author}}(\mathsf{Book}) \quad \rightsquigarrow \quad$$

Autor Vossen Wirth

Mengenoperationen: Vereinigung, Durchschnitt, Differenz

Syntax: $r_1 \cup r_2, r_1 \cap r_2, r_1 - r_2$

Semantik: $r_1 \cup r_2 = \{t \mid t \in r_1 \lor t \in r_2\}$

 $r_1 \cap r_2 = \{t \mid t \in r_1 \land t \in r_2\}$

 $r_1 - r_2 = \{t \mid t \in r_1 \land t \not\in r_2\}$

Mengenoperationen sind nur für Relationen mit gleichem Schema – d. h., Schemata mit gleichen Attributnamen und Domänen – definiert.

Beispiel:

| Buch |
|------------|
| Autor |
| James Bond |
| Heuer |
| Vossen |
| Ullman |
| Wirth |

Book
Author
Witt
Vossen
Silberschatz
Meier
Wirth

 $\mathsf{Buch} - \rho_{\mathsf{Autor} \leftarrow \mathsf{Author}}(\mathsf{Book}) \quad \leadsto$

Autor
James Bond
Heuer
Ullman

Bemerkungen:

 $lue{}$ Die Syntax A-B (anstelle von $A\setminus B$) zur Notation der Mengendifferenz ist in der Relationenalgebra üblich.

DB:V-27 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Kartesisches Produkt [natürlicher Verbund]

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \times r_2(\mathcal{R}_2)$

Semantik: Sei $\mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2 = \emptyset$. Bildung aller $|r_1| \cdot |r_2|$ Tupel über $\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2$:

 $\{t \mid t \in r(\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2) \land t(\mathcal{R}_1) \in r_1 \land t(\mathcal{R}_2) \in r_2\}$

Kartesisches Produkt [natürlicher Verbund]

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \times r_2(\mathcal{R}_2)$

Semantik: Sei $\mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2 = \emptyset$. Bildung aller $|r_1| \cdot |r_2|$ Tupel über $\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2$:

$$\{t \mid t \in r(\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2) \land t(\mathcal{R}_1) \in r_1 \land t(\mathcal{R}_2) \in r_2\}$$

Beispiel:

| Buch | | |
|------------|--|--|
| Autor | | |
| James Bond | | |
| Heuer | | |
| Vossen | | |
| Ullman | | |
| Wirth | | |

| Book |
|--------------|
| Author |
| Witt |
| Vossen |
| Silberschatz |
| Meier |
| Wirth |

 $\mathsf{Buch} \times \mathsf{Book} \quad \rightsquigarrow \quad$

| Autor | Author |
|------------|--------------|
| James Bond | Witt |
| James Bond | Vossen |
| James Bond | Silberschatz |
| James Bond | Meier |
| James Bond | Wirth |
| Heuer | Witt |
| Heuer | Vossen |
| | |

Bemerkungen:

- Bei gleichen Attributnamen in den beteiligten Relationenschemata wird eine eindeutige Benennung dadurch erzwungen, dass ein qualifizierender Attributbezeichner r.A aus dem Namen der Relation r und dem Attributnamen A konstruiert wird.
- □ Das kartesische Produkt ist eine Operation, die quadratischen Platz (und folglich auch mindestens quadratische Rechenzeit) benötigt.

DB:V-30 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken

- 1. Jede Basisrelation ist ein relationaler Algebra-Ausdruck.
- 2. Seien E_1 und E_2 relationale Algebra-Ausdrücke (*Expressions*), dann sind auch folgende Ausdrücke relationale Algebra-Ausdrücke:
 - (a) $E_1 \cup E_2$, $E_1 \cap E_2$, $E_1 E_2$,
 - (b) $E_1 \times E_2$
 - (c) $\sigma_{<\text{COND}>}(E_1)$,
 - (d) $\pi_{\alpha}(E_1)$
 - (e) $\rho_{A_2 \leftarrow A_1}(E_1)$, $\rho_s(E_1)$,

Konstruktion von Ausdrücken

- 1. Jede Basisrelation ist ein relationaler Algebra-Ausdruck.
- 2. Seien E_1 und E_2 relationale Algebra-Ausdrücke (*Expressions*), dann sind auch folgende Ausdrücke relationale Algebra-Ausdrücke:
 - (a) $E_1 \cup E_2$, $E_1 \cap E_2$, $E_1 E_2$, wobei E_1 und E_2 das gleiche Relationenschema besitzen müssen.
 - (b) $E_1 \times E_2$
 - (c) $\sigma_{< \text{COND}>}(E_1)$, wobei < COND> ein Prädikat über den Attributen des Relationenschemas von E_1 ist.
 - (d) $\pi_{\alpha}(E_1)$ mit einer Attributliste α , deren Attribute in dem Relationenschema von E_1 vorkommen.
 - (e) $\rho_{A_2 \leftarrow A_1}(E_1)$, $\rho_s(E_1)$, wobei A_1 ein Attributname in dem Relationenschema von E_1 ist und A_2 dort nicht als Attributname vorkommt.

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(a) Formulierung komplexer Operationen mittels Schachtelung:

 $\pi_{\mathsf{Nachname},\mathsf{Gehalt}}(\sigma_{\mathsf{AbteilungsNr}=5}(\mathbf{Angestellte}))$

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(a) Formulierung komplexer Operationen mittels Schachtelung:

 $\pi_{\mathsf{Nachname},\mathsf{Gehalt}}(\sigma_{\mathsf{AbteilungsNr}=5}(\mathbf{Angestellte}))$

| Angestellte | | | | |
|-------------|----------|-----------|--------------|--------|
| Vorname | Nachname | Abteilung | AbteilungsNr | Gehalt |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |

DB:V-34 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(a) Formulierung komplexer Operationen mittels Schachtelung:

Angestellte

| Angestellte | | | | |
|-------------|----------|------------|--------------|--------|
| Vorname | Nachname | Abteilung | AbteilungsNr | Gehalt |
| | | | | |
| Derk | Smith | Research | 5 | 6000 |
| Peter | Sotelo | Research | 5 | 5000 |
| Pam | Brin | Accounting | 3 | 5500 |
| | | | | |

DB:V-35 Relational Algebra & Calculus ©STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(a) Formulierung komplexer Operationen mittels Schachtelung:

$$\sigma_{\rm AbteilungsNr=5}({\rm Angestellte})$$

| Angestellte | | | | |
|-------------|----------|------------|--------------|--------|
| Vorname | Nachname | Abteilung | AbteilungsNr | Gehalt |
| | | | | |
| Derk | Smith | Research | 5 | 6000 |
| Peter | Sotelo | Research | 5 | 5000 |
| Pam | Brin | Accounting | 3 | 5500 |
| | | | | |

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(a) Formulierung komplexer Operationen mittels Schachtelung:

 $\pi_{\mathsf{Nachname},\mathsf{Gehalt}}(\sigma_{\mathsf{AbteilungsNr=5}}(\mathsf{Angestellte}))$

| Angestellte | | | | |
|-------------|----------|------------|--------------|--------|
| Vorname | Nachname | Abteilung | AbteilungsNr | Gehalt |
| | | | | |
| Derk | Smith | Research | 5 | 6000 |
| Peter | Sotelo | Research | 5 | 5000 |
| Pam | Brin | Accounting | 3 | 5500 |
| | | | | |

DB:V-37 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(b) Formulierung komplexer Operationen mittels benannten Ergebnisrelationen:

Abt5_Angestellte $\leftarrow \sigma_{\text{AbteilungsNr}=5}(\text{Angestellte})$

| Abt5_Angestellte | | | | |
|--|--------|----------|---|------|
| Vorname Nachname Abteilung AbteilungsNr Gehalt | | | | |
| Derk | Smith | Research | 5 | 6000 |
| Peter | Sotelo | Research | 5 | 5000 |

DB:V-38 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

(b) Formulierung komplexer Operationen mittels benannten Ergebnisrelationen:

 $\textbf{Abt5_AngestelIte} \; \leftarrow \; \sigma_{\textbf{AbteilungsNr=5}}(\textbf{AngestelIte})$

| Abt5_Angestellte | | | | |
|--|--------|----------|---|------|
| Vorname Nachname Abteilung AbteilungsNr Gehalt | | | | |
| Derk | Smith | Research | 5 | 6000 |
| Peter | Sotelo | Research | 5 | 5000 |

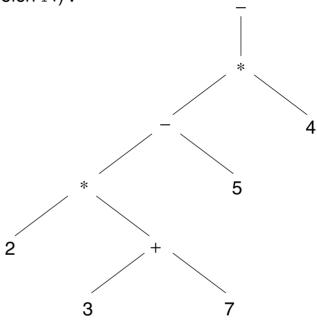
 $\textbf{Ergebnisrelation}(\textbf{Name}, \textbf{Einkommen}) \; \leftarrow \; \pi_{\textbf{Nachname}, \textbf{Gehalt}}(\textbf{Abt5_Angestellte})$

| Ergebnisrelation | | |
|------------------|------|--|
| Name Einkommen | | |
| Smith | 6000 | |
| Sotelo | 5000 | |

DB:V-39 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

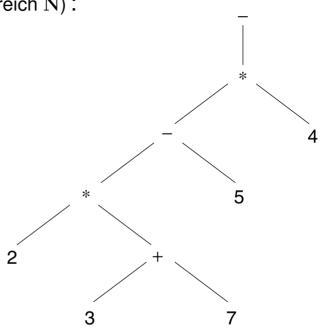
Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

Baumdarstellung (Verknüpfungen über dem Grundbereich N):



Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

Baumdarstellung (Verknüpfungen über dem Grundbereich N):



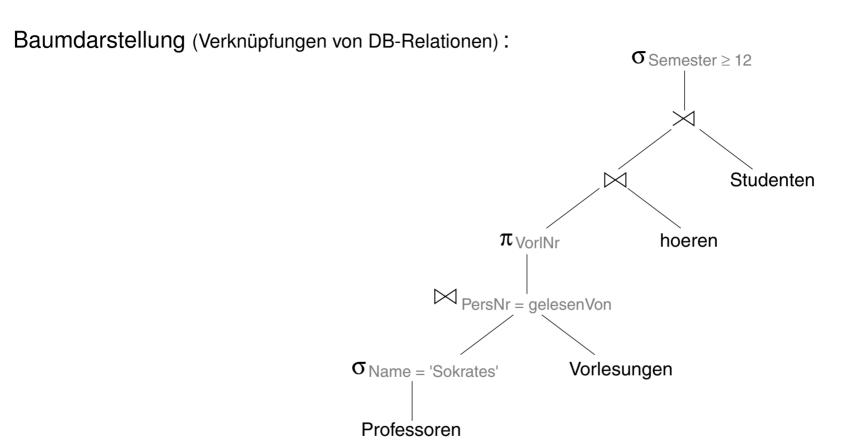
Algebra:

Infix-Schreibweise: -((2 * (3 + 7) - 5) * 4)

Präfix-Schreibweise: (- (* (- (* 2 (+ 3 7)) 5) 4))

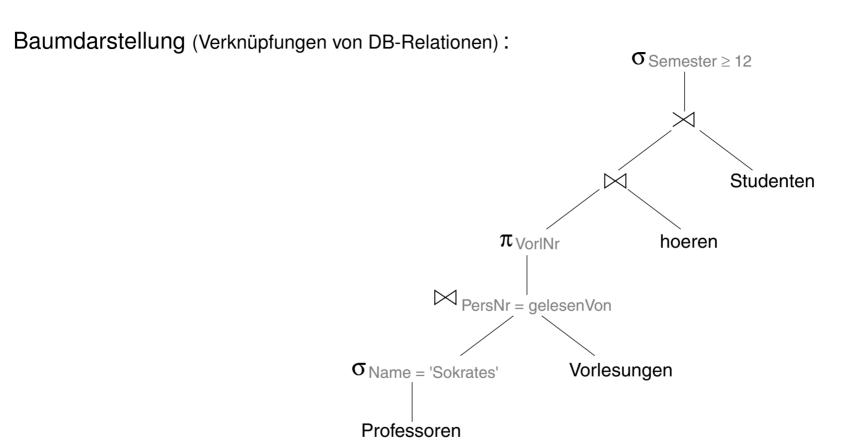
DB:V-41 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)



DB:V-42 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)



```
Algebra: \sigma_{\text{Semester} \geq 12}( ((\pi_{\text{VorINr}}(\sigma_{\text{Name}='\text{Sokrates'}}(\text{Professoren}) \bowtie_{\text{PersNr}=\text{gelesenVon}} \text{Vorlesungen})) \bowtie \text{hoeren}) \bowtie Studenten)
```

DB:V-43 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

□ Der relationale Algebra-Ausdruck spezifiziert die Dauerstudenten von Sokrates [Kemper/Eickler 2011]:

"Diejenigen Studenten, die mindestens eine Vorlesung bei Sokrates gehört haben und sich im 12. Semester oder höher befinden."

DB:V-44 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

Definition 1 (relational vollständig)

Eine Menge von Operationen Ω ist relational vollständig bezüglich einer anderen Menge von Operationen Ω' , wenn mit Ω jede relationenalgebraische Operation ausgedrückt ("simuliert") werden kann, die sich mit Ω' ausdrücken lässt.

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

Definition 1 (relational vollständig)

Eine Menge von Operationen Ω ist relational vollständig bezüglich einer anderen Menge von Operationen Ω' , wenn mit Ω jede relationenalgebraische Operation ausgedrückt ("simuliert") werden kann, die sich mit Ω' ausdrücken lässt.

Satz 2

Die Menge der Operationen $\Omega = \{\cup, -, \times, \sigma, \pi, \rho\}$ ist relational vollständig bezüglich der Menge $\Omega' = \{\cup, \cap, -, \times, \bowtie, \div, \sigma, \pi, \rho\}$ von Operationen der Relationenalgebra.

Insbesondere lassen sich ausdrücken:

- $\neg r_1 \cap r_2$ durch $r_1 (r_1 r_2)$
- \Box \bowtie durch die Kombination von π , σ und \times

Konstruktion von Ausdrücken (Fortsetzung)

Definition 1 (relational vollständig)

Eine Menge von Operationen Ω ist relational vollständig bezüglich einer anderen Menge von Operationen Ω' , wenn mit Ω jede relationenalgebraische Operation ausgedrückt ("simuliert") werden kann, die sich mit Ω' ausdrücken lässt.

Satz 2

Die Menge der Operationen $\Omega = \{\cup, -, \times, \sigma, \pi, \rho\}$ ist relational vollständig bezüglich der Menge $\Omega' = \{\cup, \cap, -, \times, \bowtie, \div, \sigma, \pi, \rho\}$ von Operationen der Relationenalgebra.

Insbesondere lassen sich ausdrücken:

- $\neg r_1 \cap r_2$ durch $r_1 (r_1 r_2)$
- \Box \bowtie durch die Kombination von π , σ und \times

Satz 3

Die Menge der Operationen Ω in Satz 2 ist unabhängig: keine Operation kann weggelassen werden, ohne die Vollständigkeit zu verlieren.

Bemerkungen:

Die Beschränkung des Selektionsprädikates <cond> auf die einfache Attribut- und Konstantenselektion gefährdet nicht die Vollständigkeitseigenschaft von Ω in Satz 2. D.h., die booleschen Operatoren sind nicht notwendig.

DB:V-48 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Weitere Operationen: natürlicher Verbund (Natural-Join) [kartesisches Produkt]

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \bowtie r_2(\mathcal{R}_2)$

Semantik: Alle Tupel, die bei Projektion auf R_i ein Tupel aus r_i , i = 1, 2, liefern:

$$\{t \mid t \in r(\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2) \land t(\mathcal{R}_1) \in r_1 \land t(\mathcal{R}_2) \in r_2\}$$

Weitere Operationen: natürlicher Verbund (Natural-Join) [kartesisches Produkt]

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \bowtie r_2(\mathcal{R}_2)$

Semantik: Alle Tupel, die bei Projektion auf \mathcal{R}_i ein Tupel aus r_i , i = 1, 2, liefern:

$$\{t \mid t \in r(\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2) \land t(\mathcal{R}_1) \in r_1 \land t(\mathcal{R}_2) \in r_2\}$$

Beispiel:

| Ausleihe | | |
|----------|--------|--|
| InvNr | Name | |
| 4711 | Meyer | |
| 1201 | Schulz | |
| 0007 | Müller | |
| 4712 | Meyer | |

| Buch | | | |
|-------|--------------|-------|------------|
| InvNr | Titel | ISBN | Autor |
| 0007 | Dr. No | 3-125 | James Bond |
| 1201 | Objektbanken | 3-111 | Heuer |
| 4711 | Datenbanken | 3-765 | Vossen |
| 4712 | Datenbanken | 3-891 | Ullman |
| 4717 | Pascal | 3-999 | Wirth |

Ausleihe ⋈ Buch ~

| Name | InvNr | Titel | ISBN | Autor |
|--------|-------|--------------|-------|------------|
| Müller | 0007 | Dr. No | 3-125 | James Bond |
| Schulz | 1201 | Objektbanken | 3-111 | Heuer |
| Meyer | 4711 | Datenbanken | 3-765 | Vossen |
| Meyer | 4712 | Datenbanken | 3-891 | Ullman |

Weitere Operationen: natürlicher Verbund (Natural-Join) [kartesisches Produkt]

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \bowtie r_2(\mathcal{R}_2)$

Semantik: Alle Tupel, die bei Projektion auf R_i ein Tupel aus r_i , i = 1, 2, liefern:

$$\{t \mid t \in r(\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2) \land t(\mathcal{R}_1) \in r_1 \land t(\mathcal{R}_2) \in r_2\}$$

$$\overbrace{A_1,\ldots,A_n,B_1,\ldots,B_k}^{\mathcal{R}_1} \underbrace{B_1,\ldots,B_k,C_1,\ldots,C_m}_{\mathcal{R}_2}$$

$$r_1(\mathcal{R}_1)\bowtie r_2(\mathcal{R}_2) \ = \ \underbrace{\pi_{A_1,\ldots,A_n,\ \mathcal{R}_1.B_1,\ldots,\mathcal{R}_1.B_k,\ C_1,\ldots,C_m}}_{\text{Projektion}} \ \underbrace{\left(\sigma_{\mathcal{R}_1.B_1=\mathcal{R}_2.B_1,\ldots,\mathcal{R}_1.B_k=\mathcal{R}_2.B_k}}_{\text{Selektion}} \ \underbrace{\left(r_1\times r_2\right)}_{\text{kartesisches Produkt}}$$

DB:V-51 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Weitere Operationen: natürlicher Verbund (Natural-Join) [kartesisches Produkt]

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \bowtie r_2(\mathcal{R}_2)$

Semantik: Alle Tupel, die bei Projektion auf R_i ein Tupel aus r_i , i = 1, 2, liefern:

$$\{t \mid t \in r(\mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2) \land t(\mathcal{R}_1) \in r_1 \land t(\mathcal{R}_2) \in r_2\}$$

$$\overbrace{A_1,\ldots,A_n,B_1,\ldots,B_k}^{\mathcal{R}_1}$$
 $\underbrace{B_1,\ldots,B_k,C_1,\ldots,C_m}_{\mathcal{R}_2}$

$$r_1(\mathcal{R}_1)\bowtie r_2(\mathcal{R}_2) \ = \ \underbrace{\pi_{A_1,\ldots,A_n,\ \mathcal{R}_1.B_1,\ldots,\mathcal{R}_1.B_k,\ C_1,\ldots,C_m}}_{\text{Projektion}} \ \underbrace{\left(\sigma_{\mathcal{R}_1.B_1=\mathcal{R}_2.B_1,\ldots,\mathcal{R}_1.B_k=\mathcal{R}_2.B_k}}_{\text{Selektion}} \ \underbrace{\left(r_1\times r_2\right)}_{\text{kartesisches Produkt}}\right)$$

| $r_1(\mathcal{R}_1)\bowtie r_2(\mathcal{R}_2)$ | | | |
|--|--|--|--|
| $\mathcal{R}_1 - \mathcal{R}_2$ $\mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2$ $\mathcal{R}_2 - \mathcal{R}_1$ | | | |
| | | | |

Weitere Operationen: natürlicher Verbund (Fortsetzung)

Eigenschaften des natürlichen Verbunds:

- \Box Kommutativität: $r_1 \bowtie r_2 = r_2 \bowtie r_1$
- □ Assoziativität: $(r_1 \bowtie r_2) \bowtie r_3 = r_1 \bowtie (r_2 \bowtie r_3)$ Somit ist folgende Notation möglich: $r_1 \bowtie r_2 \bowtie \ldots \bowtie r_p \equiv \bowtie_{i=1}^p r_i$
- $\square \quad \mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2 = \emptyset \quad \Rightarrow \quad r_1 \bowtie r_2 = r_1 \times r_2$

Weitere Operationen: natürlicher Verbund (Fortsetzung)

Eigenschaften des natürlichen Verbunds:

- \Box Kommutativität: $r_1 \bowtie r_2 = r_2 \bowtie r_1$
- □ Assoziativität: $(r_1 \bowtie r_2) \bowtie r_3 = r_1 \bowtie (r_2 \bowtie r_3)$ Somit ist folgende Notation möglich: $r_1 \bowtie r_2 \bowtie \ldots \bowtie r_p \equiv \bowtie_{i=1}^p r_i$
- $\square \quad \mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2 = \emptyset \quad \Rightarrow \quad r_1 \bowtie r_2 = r_1 \times r_2$

Beispiel "3-Wege-Join":

(Ausleihe ⋈ Buch) ⋈ Verlag = Ausleihe ⋈ (Buch ⋈ Verlag)

Beispiel für die Entartung zum kartesischen Produkt:

 $\pi_{\mathsf{InvNr}}(\mathsf{Ausleihe}) \bowtie \pi_{\mathsf{Autor}}(\mathsf{Buch})$

Bemerkungen:

- Die gemeinsamen Attribute der bei einem Join beteiligten Relationen werden auch als "Join-Attribute" bezeichnet.
- \Box Die Umbennungsoperation ρ ermöglicht es, Relationen über zwei Attribute zu verbinden, welche die gleiche Bedeutung (Semantik), aber einen unterschiedlichen Namen haben.
- Tupel, die keinen Join-Partner finden, sogenannte "Dangling Tuples", werden eliminiert. Folglich ist die Projektion im Allgemeinen nicht die inverse Operation zum natürlichen Verbund. Es gilt: $\pi_{\mathcal{R}_1}(r_1 \bowtie r_2) \subseteq r_1$
- Der natürliche Verbund ist im Allgemeinen nicht die inverse Operation zu zwei Projektionen. Sei r eine Relation über \mathcal{R} und mit $\mathcal{R} = \mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2$. Dann gilt der folgende Zusammenhang nur bei *Verbundtreue*: $\pi_{\mathcal{R}_1}(r) \bowtie \pi_{\mathcal{R}_2}(r) = r$

DB:V-55 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Weitere Operationen: allgemeiner Verbund (Theta-Join)

Der allgemeine Theta-Join-Operator, \bowtie_{θ} , erlaubt die Spezifikation eines beliebigen Join-Prädikates θ . Das Ergebnis des Theta-Joins enthält *alle* (bei Namensgleichheit: qualifizierten) Attribute der beteiligten Relationen:

$$r_1 \bowtie_{\theta} r_2 = \sigma_{\theta}(r_1 \times r_2)$$

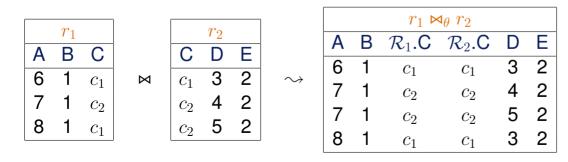
Weitere Operationen: allgemeiner Verbund (Theta-Join)

Der allgemeine Theta-Join-Operator, \bowtie_{θ} , erlaubt die Spezifikation eines beliebigen Join-Prädikates θ . Das Ergebnis des Theta-Joins enthält *alle* (bei Namensgleichheit: qualifizierten) Attribute der beteiligten Relationen:

$$r_1 \bowtie_{\theta} r_2 = \sigma_{\theta}(r_1 \times r_2)$$

Beispiel:

$$r_1 \bowtie_{A>D \ \land \ B \leq E \ \land \ r_1.C=r_2.C} r_2$$



DB:V-57 Relational Algebra & Calculus

Bemerkungen:

- □ Einen Theta-Join der Form $r_1 \bowtie_{A_1=B_1,...,A_k=B_k} r_2$ nennt man auch Equi-Join. Im Unterschied zum Natural-Join werden beim Equi-Join alle Attribute übernommen.
- Die bislang eingeführten Join-Operatoren werden auch innere Joins genannt. Für sie gilt, dass diejenigen Tupel der Argumentrelationen verloren gehen, die keinen Join-Partner gefunden haben.
- □ Mit den äußeren Join-Operatoren können auch partnerlose Tupel der Argumentrelationen in die Ergebnisrelation übernommen werden: bei Anwendung des Left-Outer-Join bleiben die Tupel der linken Argumentrelation immer erhalten, bei Anwendung des Right-Outer-Join die Tupel der rechten Argumentrelation. Die nicht gegebenen Attributwerte der partnerlosen Tupel werden mit Nullwerten, in Zeichen: ⊥, aufgefüllt.

DB:V-58 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

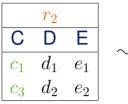
Weitere Operationen: äußerer Verbund (Outer-Join)

□ Natural-Join:

| | r_1 | |
|-------|-------|-------|
| Α | В | С |
| a_1 | b_1 | c_1 |
| a_2 | b_2 | c_2 |

M

 \supset



□ Left-Outer-Join:

$$egin{array}{c|cccc} & r_1 & & & \\ A & B & C & & \\ a_1 & b_1 & c_1 & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & \\ \end{array}$$

Weitere Operationen: äußerer Verbund (Outer-Join)

□ Natural-Join:

| | r_1 | |
|-------|-------|-------|
| Α | В | С |
| a_1 | b_1 | c_1 |
| a_2 | b_2 | c_2 |

×

 $\begin{array}{c|cccc}
r_1 \bowtie r_2 \\
A & B & C & D \\
\hline
a_1 & b_1 & c_1 & d_1
\end{array}$

Е

 e_1

□ Left-Outer-Join:

$$egin{array}{c|cccc} & r_1 & & & \\ A & B & C & & \\ a_1 & b_1 & c_1 & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & \\ \end{array}$$

$$egin{array}{ccccc} r_2 & & & & \\ \hline C & D & E & & \\ \hline c_1 & d_1 & e_1 & & \\ c_3 & d_2 & e_2 & & \\ \hline \end{array}$$

÷

| | γ | $r_1 \bowtie r$ | 2 | |
|-------|-------|-----------------|---------|---------|
| Α | В | С | D | Е |
| a_1 | b_1 | c_1 | d_1 | e_1 |
| a_2 | b_2 | c_2 | \perp | \perp |

□ Right-Outer-Join:

$$egin{array}{c|cccc} r_1 & & & \\ A & B & C & \\ \hline a_1 & b_1 & c_1 & \\ a_2 & b_2 & c_2 & \\ \hline \end{array}$$

X

$$egin{array}{ccccc} & r_2 & & & & \\ \hline C & D & E & & & \\ c_1 & d_1 & e_1 & & \\ c_3 & d_2 & e_2 & & & \\ \end{array}$$

 \sim

Weitere Operationen: äußerer Verbund (Outer-Join)

□ Natural-Join:

$$egin{array}{c|cccc} & r_1 & & & \\ A & B & C & & \\ \hline a_1 & b_1 & c_1 & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & \\ \hline \end{array}$$

×

$$\begin{array}{c|cccc} & r_2 & \\ \hline C & D & E \\ \hline c_1 & d_1 & e_1 \\ c_3 & d_2 & e_2 \\ \end{array}$$

 $r_1 \bowtie r_2$

□ Left-Outer-Join:

$$egin{array}{c|cccc} & r_1 & & & \\ A & B & C & & \\ a_1 & b_1 & c_1 & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & \\ \end{array}$$

 \bowtie

$$egin{array}{cccc} r_2 & & & & \\ C & D & E & & \\ c_1 & d_1 & e_1 & & \\ c_3 & d_2 & e_2 & & \\ \end{array}$$

□ Right-Outer-Join:

$$egin{array}{c|cccc} & r_1 & & & \\ A & B & C & & \\ \hline a_1 & b_1 & c_1 & & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & \\ \hline \end{array}$$

M

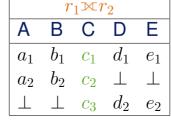
 \sim

□ Full-Outer-Join:

$$egin{array}{c|cccc} & r_1 & & & \\ A & B & C & & \\ \hline a_1 & b_1 & c_1 & & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & \\ \hline \end{array}$$

 \bowtie

 \sim



Weitere Operationen: Semi-Verbund (Semi-Join)

Die Semi-Verbundoperatoren projizieren die Tupel der Ergebnisrelation eines Natural-Join auf das Schema einer der Ausgangsrelationen:

$$r_1 \bowtie r_2 = \pi_{\mathcal{R}_1}(r_1 \bowtie r_2)$$
 bzw. $r_1 \bowtie r_2 = \pi_{\mathcal{R}_2}(r_1 \bowtie r_2)$

Weitere Operationen: Semi-Verbund (Semi-Join)

Die Semi-Verbundoperatoren projizieren die Tupel der Ergebnisrelation eines Natural-Join auf das Schema einer der Ausgangsrelationen:

$$r_1 \bowtie r_2 = \pi_{\mathcal{R}_1}(r_1 \bowtie r_2)$$
 bzw. $r_1 \bowtie r_2 = \pi_{\mathcal{R}_2}(r_1 \bowtie r_2)$

lue Semi-Join von r_1 mit r_2 :

 \Box Semi-Join von r_2 mit r_1 :

Es gilt folgende Identität: $r_1 \rtimes r_2 = r_2 \ltimes r_1$

Weitere Operationen: relationale Division

Die bisher betrachteten Anfragebeispiele liefern diejenigen Tupel, die eine bestimmte Selektionsbedingung erfüllen.

Frage: Wie bestimmt man diejenigen Tupel, die *alle* Bedingungen – im Sinne von *gleichzeitig* – einer Menge von Selektionsbedingungen erfüllen?

DB:V-64 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Weitere Operationen: relationale Division

Die bisher betrachteten Anfragebeispiele liefern diejenigen Tupel, die eine bestimmte Selektionsbedingung erfüllen.

Frage: Wie bestimmt man diejenigen Tupel, die *alle* Bedingungen – im Sinne von *gleichzeitig* – einer Menge von Selektionsbedingungen erfüllen?

Beispiel:

| Buecher | | |
|--------------|-----------|--|
| Titel | Verlag | |
| Harry Potter | Princeton | |
| Heuristics | Addison | |
| Glücksformel | dpunkt | |
| Datenbanken | Springer | |

| Buchhaendler | | |
|--------------|--------|-------|
| Name | Stadt | PLZ |
| Lehmann | Berlin | 99011 |
| Meiersche | Aachen | 42100 |
| Amazon | Köln | 52100 |

| Angebote | | |
|--------------|-----------|--|
| Titel | Haendler | |
| Harry Potter | Lehmann | |
| Harry Potter | Meiersche | |
| Harry Potter | Amazon | |
| Datenbanken | Amazon | |
| Glücksformel | Amazon | |
| Glücksformel | Lehmann | |

Anfragen

- 1. "Welche Titel sind bei allen Buchhändlern im Angebot?"
- Nicht zu verwechseln mit "Welche Titel befinden sich (alle) im Angebot?"

DB:V-65 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Weitere Operationen: relationale Division (Fortsetzung)

Syntax: $r_1(\mathcal{R}_1) \div r_2(\mathcal{R}_2)$ Dividend Divisor

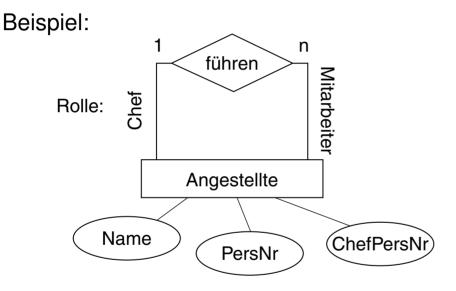
Semantik: Sei $\mathcal{R}_2 \subseteq \mathcal{R}_1$. Dann ist $r_1 \div r_2$ definiert als:

 $\{t \mid \forall t_2 \in r_2 \ \exists t_1 \in r_1 : t \in t_1(\mathcal{R}_1 - \mathcal{R}_2) \land t_1(\mathcal{R}_2) = t_2\}$

Beispiel:

Rekursiver Abschluss

Der rekursive Abschluss kann mit Mitteln der relationalen Algebra nicht ausgedrückt werden.

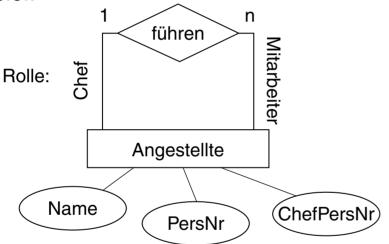


DB:V-67 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Rekursiver Abschluss

Der rekursive Abschluss kann mit Mitteln der relationalen Algebra nicht ausgedrückt werden.





| Angestellte | | |
|-------------|--------|------------|
| Name | PersNr | ChefPersNr |
| Franklin | 333 | 888 |
| Smith | 123 | 333 |
| Zelaja | 999 | 987 |
| Ramesh | 666 | 333 |
| Wallace | 987 | 888 |
| Borg | 888 | \perp |
| Jabbar | 456 | 987 |

Anfrage (rekursiv)

"Liefere alle direkten und indirekten Untergebenen von Borg."

Relationenalgebra

 \sim TAFEL

Bemerkungen:

- Ansatz zur Auflösung der Rekursion in der Beispielanfrage:
 - 1. Ausgehend von 'Borg', Bestimmung der Untergebenen in jeder Stufe bzw. für soviel Stufen, für die angefragt ist.
 - 2. Vereinigung der Teilergebnisse aller Stufen.

DB:V-69 Relational Algebra & Calculus © STEIN 2004-2019

Übersicht über Operationen

| Operation | Argumente | Notation |
|------------------------------|--|---|
| SELECT | Relation r , Auswahlbedingung $<$ COND $>$ | $\sigma_{< {\sf COND}>}(r)$ |
| PROJECT | Relation r , Attributliste α | $\pi_{lpha}(r)$ |
| RENAME | Relation r , Attributzuordnungen Mapping > Relation r , Relationenname s | $ ho_{<	ext{Mapping}>}(r) \ ho_s(r)$ |
| UNION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cup r_2$ |
| INTERSECTION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cap r_2$ |
| DIFFERENCE | Relationen r_1, r_2 | $r_1 - r_2$ |
| CARTESIAN PRODUCT | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \times r_2$ |
| NATURAL JOIN | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2$ |
| THETA JOIN | Relationen r_1, r_2 , Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| EQUI JOIN | Relationen $r_1, r_2,$ =-Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| OUTER JOIN (LEFT/RIGHT/FULL) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2$ |
| SEMI JOIN (LEFT/RIGHT) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \ltimes r_2, r_1 \rtimes r_2$ |
| DIVISION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \stackrel{\cdot}{\cdot} r_2$ |

Übersicht über Operationen

| Operation | Argumente | Notation |
|------------------------------|--|---|
| SELECT | Relation r , Auswahlbedingung $<$ COND $>$ | $\sigma_{< {\sf COND}>}(r)$ |
| PROJECT | Relation r , Attributliste α | $\pi_{lpha}(r)$ |
| RENAME | Relation r , Attributzuordnungen $<$ Mapping $>$ Relation r , Relationenname s | $ ho_{<	ext{Mapping}>}(r) \ ho_s(r)$ |
| UNION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cup r_2$ |
| INTERSECTION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cap r_2$ |
| DIFFERENCE | Relationen r_1, r_2 | $r_1 - r_2$ |
| CARTESIAN PRODUCT | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \times r_2$ |
| NATURAL JOIN | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2$ |
| THETA JOIN | Relationen r_1, r_2 , Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| EQUI JOIN | Relationen $r_1, r_2,$ =-Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| OUTER JOIN (LEFT/RIGHT/FULL) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2$ |
| SEMI JOIN (LEFT/RIGHT) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \ltimes r_2, r_1 \rtimes r_2$ |
| DIVISION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \stackrel{\cdot}{\cdot} r_2$ |

DB:V-71 Relational Algebra & Calculus

Übersicht über Operationen

| Operation | Argumente | Notation |
|------------------------------|--|---|
| SELECT | Relation r, Auswahlbedingung <cond></cond> | $\sigma_{< COND>}(r)$ |
| PROJECT | Relation r , Attributliste α | $\pi_{lpha}(r)$ |
| RENAME | Relation r , Attributzuordnungen $<$ Mapping $>$ Relation r , Relationenname s | $ ho_{<	ext{Mapping}>}(r) \ ho_s(r)$ |
| UNION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cup r_2$ |
| INTERSECTION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cap r_2$ |
| DIFFERENCE | Relationen r_1, r_2 | $r_1 - r_2$ |
| CARTESIAN PRODUCT | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \times r_2$ |
| NATURAL JOIN | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2$ |
| THETA JOIN | Relationen r_1, r_2 , Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| EQUI JOIN | Relationen $r_1, r_2,$ =-Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| OUTER JOIN (LEFT/RIGHT/FULL) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2$ |
| SEMI JOIN (LEFT/RIGHT) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \ltimes r_2, r_1 \rtimes r_2$ |
| DIVISION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \stackrel{\circ}{	ext{-}} r_2$ |

Übersicht über Operationen

| Operation | Argumente | Notation |
|------------------------------|--|---|
| SELECT | Relation r , Auswahlbedingung $<$ cond $>$ | $\sigma_{< {\sf COND}>}(r)$ |
| PROJECT | Relation r , Attributliste α | $\pi_{lpha}(r)$ |
| RENAME | Relation r , Attributzuordnungen Mapping Relation r , Relationenname s | $ ho_{<	ext{Mapping}>}(r) \ ho_s(r)$ |
| UNION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cup r_2$ |
| INTERSECTION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \cap r_2$ |
| DIFFERENCE | Relationen r_1, r_2 | $r_1 - r_2$ |
| CARTESIAN PRODUCT | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \times r_2$ |
| NATURAL JOIN | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2$ |
| THETA JOIN | Relationen r_1, r_2 , Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| EQUI JOIN | Relationen $r_1, r_2,$ =-Verbundbedingung θ | $r_1 \bowtie_{\theta} r_2$ |
| OUTER JOIN (LEFT/RIGHT/FULL) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2, r_1 \bowtie r_2$ |
| SEMI JOIN (LEFT/RIGHT) | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \ltimes r_2, r_1 \rtimes r_2$ |
| DIVISION | Relationen r_1, r_2 | $r_1 \div r_2$ |