## **Kapitel L:V**

## V. Erweiterungen und Anwendungen zur Logik

- Produktionsregelsysteme
- □ Inferenz für Produktionsregelsysteme
- □ Produktionsregelsysteme mit Negation
- □ Regeln mit Konfidenzen
- □ Nicht-monotones Schließen
- □ Logik und abstrakte Algebren
- Verifikation
- Verifikation mit dem Hoare-Kalkül
- ☐ Hoare-Regeln und partielle Korrektheit
- Terminierung

L:V-80 Logics Extensions ©LETTMANN 1996-2018

## Logik und abstrakte Algebren

| Logik                                 | abstrakte Algebra A  |
|---------------------------------------|--|
|                                       | Signatur: $\Sigma = (\{\textit{Bool}\}, F)$ mit  |
|                                       | $F = \{$   |
| Atome $A_0, A_1, A_2, \dots$          | $A_0: 	o 	extbf{Bool}$   |
|                                       | $A_1: 	o 	extbf{Bool}$   |
|                                       | $A_2: 	o 	extbf{Bool}$   |
|                                       | <b>:</b>   |
|                                       | $\neg: \textit{Bool} \rightarrow \textit{Bool}$  |
|                                       | $\wedge: Bool 	imes Bool 	o Bool$  |
|                                       | $\lor$ : $Bool \times Bool \rightarrow Bool$   |
|                                       | ightarrow: Bool $	imes$ Bool   |
|                                       | $\leftrightarrow$ : Bool $	imes$ Bool $	o$ Bool  |
|                                       | }  |
| Formelyariable $\alpha, \beta, \dots$ | V Variable der Sorte <i>Bool</i>   |
| Formeln                               | Terme über $\Sigma$ und $V$ : $T_{\Sigma}(V)$  |
| Äquivalenzen                          | Axiome $(\alpha \wedge \beta) \vee \gamma \approx (\alpha \vee \gamma) \wedge (\beta \vee \gamma)$ |
|                                       | $\neg(\alpha \land \beta) \approx \neg\alpha \lor \neg\beta$                                       |
|                                       | $\neg(\alpha \lor \beta) \approx \neg\alpha \land \neg\beta$                                       |

## Logik und abstrakte Algebren

| Interpretation               | konkrete Algebra  |
|------------------------------|---|
|                              | Signatur: $\Sigma_A = (\{\{\textit{true}, \textit{false}\}\}, F_A)$ mit |
|                              | $F_A = \{$  |
|                              | "es regnet", "die Straße ist nass",                                     |
|                              | nicht, und, oder, wenn dann,  |
|                              | genau dann, wenn  |
|                              | }   |
| Interpretation $\mathcal{I}$ | Zuordnung von Operationen   |
|                              | Überprüfung der Axiome z.B. durch Wahrheitstafeln                       |

L:V-82 Logics Extensions ©LETTMANN 1996-2018