Kapitel DB:VII

VII. Entwurfstheorie relationaler Datenbanken

- Informelle Entwurfskriterien für Relationenschemata
- □ Funktionale Abhängigkeiten
- □ Normalformen
- Dekompositionseigenschaften von Relationen
- Relationale Dekomposition
- □ Relationale Synthese
- □ Mehrwertige Abhängigkeiten

DB:VII-1 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel I: Semantik von Relationenschemata klar halten

Datenbankschema mit einleuchtender Semantik:

| Mitarbeiter | | | | | | | |
|-------------|--------|---------------------------|--|--|--|--|--|
| Name | PersNr | Name PersNr Wohnort AbtNr | | | | | |

| Abteilung | | | |
|-----------|--------------|------------|--|
| AbtName | <u>AbtNr</u> | ChefPersNr | |

Standort

AbtNr AbtOrt

| Projekt | | | | | |
|-------------|------------------|------------|-------|--|--|
| ProjektName | <u>ProjektNr</u> | ProjektOrt | AbtNr | | |

ArbeitetInProjekt
PersNr ProjektNr Stunden

DB:VII-2 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel I: Semantik von Relationenschemata klar halten

Datenbankschema mit einleuchtender Semantik:

| Mitarbeiter | | | | |
|-------------|--------|---------|-------|--|
| Name | PersNr | Wohnort | AbtNr | |





| Projekt | | | | |
|-------------|------------------|------------|-------|--|
| ProjektName | <u>ProjektNr</u> | ProjektOrt | AbtNr | |

ArbeitetInProjekt
PersNr ProjektNr Stunden

Problematisches Datenbankschema:



| MitarbeiterProjekt | | | | | |
|--------------------|------------------|---------|------|-------------|------------|
| PersNr | <u>ProjektNr</u> | Stunden | Name | ProjektName | ProjektOrt |

DB:VII-3 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel II: Vermeidung von (Update-)Anomalien

| Mitarbeiter | | | | | |
|-------------|-------|--------|---|--|--|
| Name | AbtNr | | | | |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | | |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | | |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | | |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | | |

| Abteilung | | | | | |
|--------------------------|---|------|--|--|--|
| AbtName AbtNr ChefPersNr | | | | | |
| Forschung | 5 | 3334 | | | |
| Verwaltung 4 9876 | | | | | |
| Stab | 1 | 8886 | | | |

| MitarbeiterAbteilung | | | | | |
|--|------|--------|---|------------|------|
| Name PersNr Wohnort AbtNr AbtName ChefPersNr | | | | | |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | Forschung | 3334 |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | Forschung | 3334 |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | Verwaltung | 9876 |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | Verwaltung | 9876 |

M

Redundanz

DB:VII-4 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Ziel II: Vermeidung von (Update-)Anomalien

| MitarbeiterAbteilung | | | | | |
|----------------------|--------|---------|-------|------------|------------|
| Name | PersNr | Wohnort | AbtNr | AbtName | ChefPersNr |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | Forschung | 3334 |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | Forschung | 3334 |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | Verwaltung | 9876 |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | Verwaltung | 9876 |

Einfüge- bzw. Insert-Anomalie:

- 1. Beim Einfügen eines neuen Tupels ist sicherzustellen, dass für redundante Attribute (im Beispiel: AbtName, ChefPersNr) die richtigen Werte eingetragen werden.
- 2. Das Einfügen von Tupeln, für die nicht alle Attribute bekannt sind, ist problematisch.

Im Beispiel: Wie soll eine neue Abteilung ohne Mitarbeiter eingetragen werden? Beachte, dass das Attribut "PersNr" Schlüssel dieser Relation ist und hier keine Nullwerte eingetragen werden dürfen.

DB:VII-5 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel II: Vermeidung von (Update-)Anomalien

| | MitarbeiterAbteilung | | | | | |
|---------|----------------------|---------|-------|------------|------------|--|
| Name | PersNr | Wohnort | AbtNr | AbtName | ChefPersNr | |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | Forschung | 3334 | |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | Forschung | 3334 | |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | Verwaltung | 9876 | |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | Verwaltung | 9876 | |

Lösch- bzw. Delete-Anomalie:

Das Löschen von Tupeln ist problematisch, weil hierbei Wissen über andere Konzepte verloren gehen kann.

Im Beispiel: Wird der "letzte" Mitarbeiter einer Abteilung gelöscht, so verschwindet auch das Wissen über die Abteilung.

DB:VII-6 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel II: Vermeidung von (Update-)Anomalien

| | MitarbeiterAbteilung | | | | | |
|---------|----------------------|---------|-------|------------|------------|--|
| Name | PersNr | Wohnort | AbtNr | AbtName | ChefPersNr | |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | Forschung | 3334 | |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | Forschung | 3334 | |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | Verwaltung | 9876 | |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | Verwaltung | 9876 | |

Modifizierungs- bzw. Modify-Anomalie:

Die Änderung eines Attributes muss in allen Tupeln, die den gleichen Attributwert haben, nachvollzogen werden. Ansonsten wird die Datenbank inkonsistent.

Im Beispiel: Änderung des Abteilungsnamens oder der Chefpersonalnummer.

DB:VII-7 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- □ Bzgl. der Konsistenzerhaltung müssen Modifizierungsanomalien nicht kritisch sein, weil durch die Verwendung von Triggern, Stored-Procedures oder durch ein einziges SQL-Statement alle Korrekturen erfassbar sind. Performanzeinbußen und das Problem des erhöhten Speicherbedarfs bleiben jedoch.
- Umgekehrt kann es aus Performanzgründen in manchen Situationen sinnvoll sein, Anomalien in Kauf zu nehmen und mehrere Entity-Typen innerhalb einer Relation zu modellieren. Beispiel: Eine Anwendung hat extrem viele Anfragen, in denen immer wieder die gleichen Entity-Typen vorkommen. Stichwort: Denormalisierung Einige professionelle Datenbanksysteme erkennen solche Situationen und richten automatisch ausgehend von Views verbundene Relationen ein, um die Anzahl der Join-Operationen klein zu halten.
- ☐ In [Kemper/Eickler 2011] werden Modifizierungsanomalien als Update-Anomalien bezeichnet.

DB:VII-8 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel III: Möglichst wenig Nullwerte [Nullwerte in SQL]

Nullwerte sind aus folgenden Gründen kritisch:

1. Speicherplatz

Attribute, die nur für sehr wenige Tupel einen Wert besitzen, sollten in einem eigenen Schema untergebracht werden.

2. Interpretation

Die Semantik von Nullwerten ist nicht eindeutig – u.a.:

- Wert unbekannt (aber könnte irgendwann bekannt sein)
- □ Wert bekannt, soll aber nicht gespeichert werden
- □ Wert existiert nicht für das Attribut (und wird auch nie existieren)

3. Verrechnung

Nullwerte verhindern die sinnvolle Verrechnung von Attributen bei der Verwendung von Aggregatfunktionen wie count, max etc.

DB:VII-9 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel IV: Verhinderung der Erzeugung falscher Tupel

| MitarbeiterProjekt | | | | | |
|--------------------|------------------|---------|-------|-----------------|------------|
| PersNr | <u>ProjektNr</u> | Stunden | Name | ProjektName | ProjektOrt |
| 1234 | 1 | 32.5 | Smith | Produkt-X | Bellaire |
| 1234 | 2 | 7.5 | Smith | Produkt-Y | Sugarland |
| 3334 | 2 | 10.0 | Wong | Produkt-Y | Sugarland |
| 3334 | 3 | 10.0 | Wong | Produkt-Z | Houston |
| 3334 | 10 | 10.0 | Wong | Vernetzung | Stafford |
| 3334 | 20 | 10.0 | Wong | Neuorganisation | Houston |

Nach entsprechender Projektion:

| MitarbeiterEinsatzOrte | | | | |
|------------------------|------------|--|--|--|
| Name | ProjektOrt | | | |
| Smith | Bellaire | | | |
| Smith | Sugarland | | | |
| Wong | Sugarland | | | |
| Wong | Houston | | | |
| Wong | Stafford | | | |
| | | | | |

| MitarbeiterProjekt2 | | | | | |
|---------------------|-----------|---------|-----------------|------------|--|
| PersNr | ProjektNr | Stunden | ProjektName | ProjektOrt | |
| 1234 | 1 | 32.5 | Produkt-X | Bellaire | |
| 1234 | 2 | 7.5 | Produkt-Y | Sugarland | |
| 3334 | 2 | 10.0 | Produkt-Y | Sugarland | |
| 3334 | 3 | 10.0 | Produkt-Z | Houston | |
| 3334 | 10 | 10.0 | Vernetzung | Stafford | |
| 3334 | 20 | 10.0 | Neuorganisation | Houston | |

DB:VII-10 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ziel IV: Verhinderung der Erzeugung falscher Tupel (Fortsetzung)

... und anschließendem Join:

 \bowtie

| MitarbeiterEinsatzOrte | | | |
|------------------------|------------|--|--|
| Name | ProjektOrt | | |
| Smith | Bellaire | | |
| Smith | Sugarland | | |
| Wong | Sugarland | | |
| Wong | Houston | | |
| Wong | Stafford | | |

| MitarbeiterProjekt2 | | | | | |
|---------------------|-----------|---------|-----------------|------------|--|
| PersNr | ProjektNr | Stunden | ProjektName | ProjektOrt | |
| 1234 | 1 | 32.5 | Produkt-X | Bellaire | |
| 1234 | 2 | 7.5 | Produkt-Y | Sugarland | |
| 3334 | 2 | 10.0 | Produkt-Y | Sugarland | |
| 3334 | 3 | 10.0 | Produkt-Z | Houston | |
| 3334 | 10 | 10.0 | Vernetzung | Stafford | |
| 3334 | 20 | 10.0 | Neuorganisation | Houston | |

| PersNr | ProjektNr | Stunden | Name | ProjektName | ProjektOrt | |
|--------|-----------|---------|-------|-----------------|------------|---|
| 1234 | 1 | 32.5 | Smith | Produkt-X | Bellaire | |
| 1234 | 2 | 7.5 | Smith | Produkt-Y | Sugarland | |
| 1234 | 2 | 7.5 | Wong | Produkt-Y | Sugarland | * |
| 3334 | 2 | 10.0 | Smith | Produkt-Y | Sugarland | * |
| 3334 | 2 | 10.0 | Wong | Produkt-Y | Sugarland | |
| 3334 | 3 | 10.0 | Wong | Produkt-Z | Houston | |
| 3334 | 10 | 10.0 | Wong | Vernetzung | Stafford | |
| 3334 | 20 | 10.0 | Wong | Neuorganisation | Houston | |

DB:VII-11 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- □ Die Zerlegung der Relation "MitarbeiterProjekt" in "MitarbeiterEinsatzOrte" und "MitarbeiterProjekt2" ist nicht sinnvoll, da mittels des natürlichen Verbundes die Originalrelation nicht mehr hergestellt werden kann: es entstehen falsche (*spurious*) Tupel, hier mit * gekennzeichnet.
- ☐ Im Beispiel ist das Join-Attribut "ProjektOrt". Wäre das Join-Attribut in mindestens einer der beiden Relationen ein Schlüssel, entstünden keine falschen Tupel. Warum nicht?

DB:VII-12 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Definition 1 (funktionale Abhängigkeit, FD)

Gegeben sei ein Relationenschema \mathcal{R} . Weiterhin seien α, β Mengen von Attributen mit $\alpha \subseteq \mathcal{R}$ und $\beta \subseteq \mathcal{R}$. Eine funktionale Abhängigkeit (*Functional Dependency*, FD)

$$\alpha \to \beta$$

liegt vor, wenn die möglichen gültigen Ausprägungen $r(\mathcal{R})$ von \mathcal{R} folgende Bedingung erfüllen:

$$\forall t_1, t_2 \in r : t_1(\alpha) = t_2(\alpha) \text{ impliziert } t_1(\beta) = t_2(\beta)$$

DB:VII-13 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Definition 1 (funktionale Abhängigkeit, FD)

Gegeben sei ein Relationenschema \mathcal{R} . Weiterhin seien α, β Mengen von Attributen mit $\alpha \subseteq \mathcal{R}$ und $\beta \subseteq \mathcal{R}$. Eine funktionale Abhängigkeit (*Functional Dependency*, FD)

$$\alpha \to \beta$$

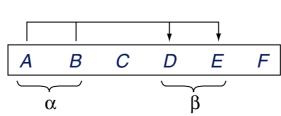
liegt vor, wenn die möglichen gültigen Ausprägungen $r(\mathcal{R})$ von \mathcal{R} folgende Bedingung erfüllen:

$$\forall t_1, t_2 \in r: t_1(\alpha) = t_2(\alpha) \text{ impliziert } t_1(\beta) = t_2(\beta)$$

Sprechweisen:

- \Box die α -Werte bestimmen die β -Werte funktional
- f die eta-Werte sind funktional abhängig von den lpha-Werten
- \Box Relation r erfüllt die funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$
- \Box Relation r genügt der funktionalen Abhängigkeit $\alpha \to \beta$

Grafische Darstellung:



DB:VII-14 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

□ Funktionale Abhängigkeiten stellen eine semantische Konsistenzbedingung dar, die sich aus einem sachlogischen Verständnis der Anwendung – und nicht aus einer aktuellen Relationenausprägung ergeben.

Somit sind funktionale Abhängigkeiten Eigenschaften von Relationenschemata und können nicht automatisch von der Ausprägung eines Schemas (= Relation) abgeleitet werden: Die Konsistenz von Ausprägung und Schema ist notwendig, aber nicht hinreichend für eine funktionale Abhängigkeit.

- □ Konventionen zur Syntax in der Datenbankliteratur:
 - große lateinische Buchstaben, A, B, C, \ldots , bezeichnen Attribute
 - kleine griechische Buchstaben, $\alpha, \beta, \gamma, \ldots$, bezeichnen Attributmengen
 - $AB \rightarrow C$ steht für $\{A, B\} \rightarrow \{C\}$
 - $\alpha\beta$ steht für $\alpha\cup\beta$

DB:VII-15 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Beispiel:

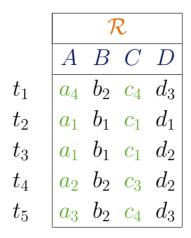
| | $\mathcal R$ | | | |
|-------|--------------|-------|-------|--|
| | A | B | C | D |
| t_1 | a_4 | b_2 | c_4 | d_3 |
| t_2 | a_1 | b_1 | c_1 | $egin{array}{c} d_1 \ d_2 \end{array}$ |
| t_3 | a_1 | b_1 | c_1 | d_2 |
| t_4 | a_2 | b_2 | c_3 | d_2 |
| t_5 | a_3 | b_2 | c_4 | d_3 |

Beobachtung:

Die funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$ ist in einer Relation r erfüllt, falls für jede mögliche Ausprägung w von $t(\alpha)$ gilt, dass die Projektion auf β nur ein Element enthält. Formal: $|\pi_{\beta}(\sigma_{\alpha=w}(r))|=1$

DB:VII-16 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Beispiel:



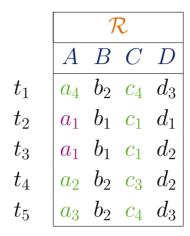
Beobachtung:

Die funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$ ist in einer Relation r erfüllt, falls für jede mögliche Ausprägung w von $t(\alpha)$ gilt, dass die Projektion auf β nur ein Element enthält. Formal: $|\pi_{\beta}(\sigma_{\alpha=w}(r))|=1$

Im Beispiel:

$$A \to C$$

Beispiel:



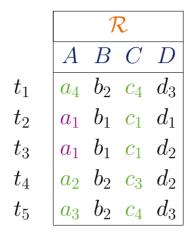
Beobachtung:

Die funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$ ist in einer Relation r erfüllt, falls für jede mögliche Ausprägung w von $t(\alpha)$ gilt, dass die Projektion auf β nur ein Element enthält. Formal: $|\pi_{\beta}(\sigma_{\alpha=w}(r))|=1$

Im Beispiel:

$$A \to C$$
$$t(A) = a_1$$

Beispiel:



Beobachtung:

Die funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$ ist in einer Relation r erfüllt, falls für jede mögliche Ausprägung w von $t(\alpha)$ gilt, dass die Projektion auf β nur ein Element enthält. Formal: $|\pi_{\beta}(\sigma_{\alpha=w}(r))|=1$

Im Beispiel:

$$A \to C$$

 $t(A) = a_1$
 $|\pi_C(\sigma_{A=a_1}(r))| = |\{c_1\}| = 1$

Definition 2 (triviale funktionale Abhängigkeiten)

Funktionale Abhängigkeiten, die von jeder Relationenausprägung erfüllt sind, heißen triviale funktionale Abhängigkeiten.

DB:VII-20 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Definition 2 (triviale funktionale Abhängigkeiten)

Funktionale Abhängigkeiten, die von jeder Relationenausprägung erfüllt sind, heißen triviale funktionale Abhängigkeiten.

Definition 3 (voll funktional abhängig)

Gegeben sei ein Relationenschema \mathcal{R} mit $\alpha \subseteq \mathcal{R}$ und $\beta \subseteq \mathcal{R}$. β ist voll funktional abhängig von α , falls gilt:

- 1. $\alpha \rightarrow \beta$
- 2. $\forall A \in \alpha : (\alpha \{A\}) \not\rightarrow \beta$, α ist also nicht verkleinerbar.

DB:VII-21 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Definition 2 (triviale funktionale Abhängigkeiten)

Funktionale Abhängigkeiten, die von jeder Relationenausprägung erfüllt sind, heißen triviale funktionale Abhängigkeiten.

Definition 3 (voll funktional abhängig)

Gegeben sei ein Relationenschema \mathcal{R} mit $\alpha \subseteq \mathcal{R}$ und $\beta \subseteq \mathcal{R}$. β ist voll funktional abhängig von α , falls gilt:

- 1. $\alpha \rightarrow \beta$
- 2. $\forall A \in \alpha : (\alpha \{A\}) \not\rightarrow \beta$, α ist also nicht verkleinerbar.

Definition 4 (Superschlüssel, Schlüsselkandidat, Primattribute, Primärschlüssel)

Gegeben sei ein Relationenschema \mathcal{R} mit $\alpha \subseteq \mathcal{R}$.

- \square α ist ein Superschlüssel, falls $\alpha \to \mathcal{R}$ gilt.
- \square α ist ein Schlüssel bzw. Schlüsselkandidat von \mathcal{R} , falls \mathcal{R} voll funktional abhängig von α ist. Die Attribute eines Schlüssels heißen Primattribute.
- □ Ein Primärschlüssel ist ein ausgezeichneter Schlüsselkandidat.

DB:VII-22 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- \square Man kann zeigen, dass nur funktionale Abhängigkeiten der Art $\alpha \to \beta$ mit $\beta \subseteq \alpha$ trivial sind.
- \Box Gilt $\alpha \to \beta$ und $\exists A \in \alpha : (\alpha \{A\}) \to \beta$, so nennt man β auch *partiell abhängig* von α .
- Das Konzept der vollen funktionalen Abhängigkeit dient dazu, Schlüssel von Superschlüsseln abzugrenzen.
- \square Die Menge aller Attribute einer Relation $\mathcal R$ bildet einen Superschlüssel: $\mathcal R \to \mathcal R$.
- Die Auszeichnung eines Primärschlüssels ist hilfreich, um bei mehreren Fremdschlüsselverweisen immer denselben Schlüssel in der referenzierten Relation zu verwenden.

DB:VII-23 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ableitung funktionaler Abhängigkeiten

Beispiel:

| | \mathcal{R} | |
|-------|---------------|-------|
| A | B | C |
| a_1 | b_1 | c_1 |
| a_2 | b_1 | c_1 |
| a_3 | b_2 | c_1 |
| a_4 | b_1 | c_1 |

Beobachtung:

Genügt \mathcal{R} den funktionalen Abhängigkeiten $A \to B$ und $B \to C$, so genügt \mathcal{R} auch der funktionalen Abhängigkeit $A \to C$. Von $\{A \to B, B \to C\}$ ist $A \to C$ ableitbar.

DB:VII-24 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ableitung funktionaler Abhängigkeiten

Beispiel:

$$egin{array}{c|cccc} \mathcal{R} & & & & & & \\ \hline A & B & C & & & & \\ a_1 & b_1 & c_1 & & & \\ a_2 & b_1 & c_1 & & & \\ a_3 & b_2 & c_1 & & & \\ a_4 & b_1 & c_1 & & & \\ \hline \end{array}$$

Beobachtung:

Genügt \mathcal{R} den funktionalen Abhängigkeiten $A \to B$ und $B \to C$, so genügt \mathcal{R} auch der funktionalen Abhängigkeit $A \to C$. Von $\{A \to B, B \to C\}$ ist $A \to C$ ableitbar.

Definition 5 (Hülle einer Menge von FDs)

Sei F eine Menge funktionaler Abhängigkeiten. Dann bezeichnet F^+ die Hülle von F. Die Hülle enthält die Menge F sowie alle funktionalen Abhängigkeiten, die auf der Basis von F ableitbar sind.

DB:VII-25 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ableitung funktionaler Abhängigkeiten

Sei \mathcal{R} ein Relationenschema und seien α, β, γ und δ Teilmengen von \mathcal{R} .

Armstrong-Inferenzregeln [Armstrong 1974]:

- 1. *Reflexivität.* Falls $\beta \subseteq \alpha$, dann gilt $\alpha \to \beta$. Insbesondere gilt $\alpha \to \alpha$.
- 2. *Verstärkung.* Falls $\alpha \to \beta$, dann gilt $\alpha \gamma \to \beta \gamma$.
- 3. *Transitivität.* Falls $\alpha \to \beta$ und $\beta \to \gamma$, dann gilt $\alpha \to \gamma$.

DB:VII-26 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ableitung funktionaler Abhängigkeiten

Sei \mathcal{R} ein Relationenschema und seien α, β, γ und δ Teilmengen von \mathcal{R} .

Armstrong-Inferenzregeln [Armstrong 1974]:

- 1. *Reflexivität.* Falls $\beta \subseteq \alpha$, dann gilt $\alpha \to \beta$. Insbesondere gilt $\alpha \to \alpha$.
- 2. *Verstärkung.* Falls $\alpha \to \beta$, dann gilt $\alpha \gamma \to \beta \gamma$.
- 3. *Transitivität.* Falls $\alpha \to \beta$ und $\beta \to \gamma$, dann gilt $\alpha \to \gamma$.

Zusätzliche Ableitungsregeln:

- 4. *Vereinigung.* Falls $\alpha \to \beta$ und $\alpha \to \gamma$, dann gilt $\alpha \to \beta \gamma$.
- 5. *Dekomposition.* Falls $\alpha \to \beta \gamma$, dann gilt $\alpha \to \beta$ und $\alpha \to \gamma$.
- 6. Pseudotransitivität. Falls $\alpha \to \beta$ und $\beta \gamma \to \delta$, dann gilt $\alpha \gamma \to \delta$.

DB:VII-27 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- □ Konvention zur Syntax (Wiederholung): $\alpha\beta$ steht für $\alpha \cup \beta$. Weil es sich um Mengen handelt, ist keine Reihenfolge zwischen den Attributen festgelegt: $\alpha\beta = \beta\alpha$.
- In der Literatur werden die drei Armstrong-Inferenzregeln auch als Armstrong-Axiome bezeichnet. Der Begriff "Axiom" ist unglücklich verwendet: Axiome sind voraussetzungslose Forderungen, die als wahr angenommen werden (und die zusammen eine Theorie bilden). Tatsächlich entspricht jede Menge von FDs einer Theorie: unter der Annahme ihrer Wahrheit lassen sich hieraus weitere wahre FDs ableiten.
- □ Die drei Armstrong-Inferenzregeln sind korrekt (sound) und vollständig (complete).
 - 1. Korrektheit. Mit Hilfe der drei Armstrong-Inferenzregeln lassen sich aus einer Menge F von FDs nur solche FDs ableiten, die von jeder Relationenausprägung erfüllt sind, für die F erfüllt ist.
 - 2. Vollständigkeit. Mit Hilfe der drei Armstrong-Inferenzregeln lassen sich alle FDs ableiten, die durch *F* impliziert sind (= die auf der Basis von *F* ableitbar sind).

Auf den Beweis dieser Eigenschaften wird hier verzichtet.

 Aufgrund der Vollständigkeit der Armstrong-Inferenzregeln sind die zusätzlichen Ableitungsregeln nicht nötig; mit ihnen lassen sich Ableitungsprozesse jedoch einfacher gestalten.

DB:VII-28 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Ableitung funktionaler Abhängigkeiten

Algorithm: AttributeClosure

Input: F. Menge funktionaler Abhängigkeiten.

 α . Menge von Attributen.

Output: α_F^+ . Hülle der Attributmenge α unter der Menge F.

- 1. $\alpha_F^+ = \alpha$
- 2. REPEAT
- 3. $\alpha_{\mathrm{tmp}}^+ = \alpha_F^+$
- 4. FOREACH $(\beta \rightarrow \gamma) \in F$ DO
- 5. IF $\beta \subseteq \alpha_F^+$ THEN $\alpha_F^+ = \alpha_F^+ \cup \gamma$
- 6. ENDDO
- 7. UNTIL ($\alpha_F^+ = \alpha_{\mathsf{tmp}}^+$)
- 8. RETURN (α_F^+)

Bemerkungen:

- Die Bestimmung von F^+ , also der Menge aller FDs, die aus F ableitbar sind, erfordert im Allgemeinen exponentiellen Aufwand in der Anzahl k der verschiedenen Attribute in F, wobei $k \in \Theta(|F|)$.
- Oft ist man jedoch nicht an F^+ interessiert, sondern nur an der Menge derjenigen Attribute, die von einer gegebenen Attributmenge α durch eine Menge F von FDs funktional bestimmt werden, hier als α_F^+ bezeichnet. Der Algorithmus *AttributeClosure* führt genau diese Berechnung durch.
- \square Mit Hilfe des Algorithmus $AttributeClosure(F, \kappa)$ lässt sich überprüfen, ob κ einen Superschlüssel eines Schemas \mathcal{R} hinsichtlich der FDs F darstellt. Wie?

DB:VII-30 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Äquivalenz von Mengen funktionaler Abhängigkeiten

Definition 6 (Überdeckung einer Menge von FDs)

Eine Menge funktionaler Abhängigkeiten F_1 überdeckt eine Menge funktionaler Abhängigkeiten F_2 , falls jede FD aus F_2 Element in F_1^+ ist.

Definition 7 (Äquivalenz zweier Mengen von FDs)

Zwei Mengen F_1 und F_2 funktionaler Abhängigkeiten heißen äquivalent, in Zeichen $F_1 \equiv F_2$, falls sie die gleichen Hüllen besitzen, also falls $F_1^+ = F_2^+$ gilt.

DB:VII-31 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- \Box Falls F_1 die Menge F_2 überdeckt, so kann jede FD in F_2 auch mittels F_1 abgeleitet werden.
- \Box F_1 ist äquivalent zu F_2 genau dann, falls F_1 die Menge F_2 überdeckt und falls F_2 die Menge F_1 überdeckt.

DB:VII-32 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Konsistenzprüfungen bei Datenbankmodifikationen oder beim Datenbankentwurf erfordern die Überprüfung der spezifizierten funktionalen Abhängigkeiten F.

 \rightarrow Hierfür interessiert die kleinstmögliche, zu F äquivalente Menge an FDs.

DB:VII-33 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Konsistenzprüfungen bei Datenbankmodifikationen oder beim Datenbankentwurf erfordern die Überprüfung der spezifizierten funktionalen Abhängigkeiten F.

→ Hierfür interessiert die kleinstmögliche, zu F äquivalente Menge an FDs.

Definition 8 (kanonische Überdeckung [Kemper/Eickler 2011])

Zu einer gegebenen Menge F von FDs nennt man F_c eine kanonische Überdeckung, falls folgende Eigenschaften erfüllt sind:

- 1. $F_c \equiv F$ bzw. $F_c^+ = F^+$
- 2. Alle FDs $\alpha \to \beta$ in F_c sind linksreduziert

(a)
$$\forall A \in \alpha : (F_c - \{\alpha \to \beta\}) \cup \{(\alpha - \{A\}) \to \beta\} \not\equiv F_c$$

DB:VII-34 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Konsistenzprüfungen bei Datenbankmodifikationen oder beim Datenbankentwurf erfordern die Überprüfung der spezifizierten funktionalen Abhängigkeiten F.

→ Hierfür interessiert die kleinstmögliche, zu F äquivalente Menge an FDs.

Definition 8 (kanonische Überdeckung [Kemper/Eickler 2011])

Zu einer gegebenen Menge F von FDs nennt man F_c eine kanonische Überdeckung, falls folgende Eigenschaften erfüllt sind:

- 1. $F_c \equiv F$ bzw. $F_c^+ = F^+$
- 2. Alle FDs $\alpha \to \beta$ in F_c sind linksreduziert und rechtsreduziert.

(a)
$$\forall A \in \alpha : (F_c - \{\alpha \to \beta\}) \cup \{(\alpha - \{A\}) \to \beta\} \not\equiv F_c$$

(b)
$$\forall B \in \beta : (F_c - \{\alpha \to \beta\}) \cup \{\alpha \longrightarrow (\beta - \{B\})\} \not\equiv F_c$$

DB:VII-35 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Konsistenzprüfungen bei Datenbankmodifikationen oder beim Datenbankentwurf erfordern die Überprüfung der spezifizierten funktionalen Abhängigkeiten F.

→ Hierfür interessiert die kleinstmögliche, zu F äquivalente Menge an FDs.

Definition 8 (kanonische Überdeckung [Kemper/Eickler 2011])

Zu einer gegebenen Menge F von FDs nennt man F_c eine kanonische Überdeckung, falls folgende Eigenschaften erfüllt sind:

- 1. $F_c \equiv F$ bzw. $F_c^+ = F^+$
- 2. Alle FDs $\alpha \to \beta$ in F_c sind linksreduziert und rechtsreduziert.

(a)
$$\forall A \in \alpha : (F_c - \{\alpha \to \beta\}) \cup \{(\alpha - \{A\}) \to \beta\} \not\equiv F_c$$

(b)
$$\forall B \in \beta : (F_c - \{\alpha \to \beta\}) \cup \{\alpha \longrightarrow (\beta - \{B\})\} \not\equiv F_c$$

3. In F_c gibt es keine zwei FDs, die die gleiche linke Seite besitzen.

DB:VII-36 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

Das Konzept der kanonischen Überdeckung macht zwei Mengen von FDs, F_1 , F_2 , mit $F_1 \neq F_2$, leicht vergleichbar: Haben F_1 und F_2 die gleiche kanonische Überdeckung F_c , so sind sie äquivalent, in Zeichen $F_1 \equiv F_2$.

DB:VII-37 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Aus einer gegebenen Menge ${\cal F}$ von FDs lässt sich eine kanonische Überdeckung wie folgt bestimmen.

1. Linksreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $\beta \subseteq AttributeClosure(F, <math>\alpha - \{A\})$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $(\alpha - \{A\}) \to \beta$.

DB:VII-38 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Aus einer gegebenen Menge F von FDs lässt sich eine kanonische Überdeckung wie folgt bestimmen.

- 1. Linksreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $\beta \subseteq AttributeClosure(F, <math>\alpha \{A\})$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $(\alpha \{A\}) \to \beta$.
- 2. Rechtsreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $B \in \textit{AttributeClosure}((F \{\alpha \to \beta\}) \cup \{\alpha \to (\beta \{B\})\}, \alpha)$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $\alpha \to (\beta \{B\})$.

DB:VII-39 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Aus einer gegebenen Menge F von FDs lässt sich eine kanonische Überdeckung wie folgt bestimmen.

- 1. Linksreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $\beta \subseteq AttributeClosure(F, <math>\alpha \{A\})$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $(\alpha \{A\}) \to \beta$.
- 2. Rechtsreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $B \in \textit{AttributeClosure}((F \{\alpha \to \beta\}) \cup \{\alpha \to (\beta \{B\})\}, \alpha)$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $\alpha \to (\beta \{B\})$.
- 3. Löschen aller FDs der Form $(\alpha \to \emptyset) \in F$.

Minimale und kanonische Überdeckungen von FDs

Aus einer gegebenen Menge F von FDs lässt sich eine kanonische Überdeckung wie folgt bestimmen.

- 1. Linksreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $\beta \subseteq AttributeClosure(F, \alpha \{A\})$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $(\alpha \{A\}) \to \beta$.
- 2. Rechtsreduktion für jede FD $(\alpha \to \beta) \in F$. Falls $B \in \textit{AttributeClosure}((F \{\alpha \to \beta\}) \cup \{\alpha \to (\beta \{B\})\}, \alpha)$, dann ersetze $\alpha \to \beta$ durch $\alpha \to (\beta \{B\})$.
- 3. Löschen aller FDs der Form $(\alpha \to \emptyset) \in F$.
- 4. Anwenden der Vereinigungsregel. Ersetze alle Regeln der Form $\alpha \to \beta_1, \dots, \alpha \to \beta_n$ durch $\alpha \to \beta_1, \dots, \beta_n$.

DB:VII-41 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- □ Eine Linksreduktion entspricht einer Verstärkung einer funktionalen Abhängigkeit; eine Rechtsreduktion entspricht einer Abschwächung einer funktionalen Abhängigkeit.
- In einer kanonischen Überdeckung F_c einer Menge F von funktionalen Abhängigkeiten existieren keine funktionalen Abhängigkeiten mehr, die reduziert werden können, ohne dass die Äquivalenz $F_c \equiv F$ zerstört wird.
- In bestimmen Fällen (z.B. bei zirkulären oder redundanten Abhängigkeiten) kann es für eine Menge F von funktionalen Abhängigkeiten verschiedene kanonische Überdeckungen F_c geben. Die Eindeutigkeit kann jedoch durch eine Festlegung der Bearbeitungsreihenfolge der FDs im Algorithmus einfach hergestellt werden.
- In [Elmasri/Navathe 2010] wird das Konzept der *minimalen Überdeckung* definiert und zu dessen Bestimmung ein vergleichbarer Algorithmus vorgestellt. Wesentlicher Unterschied zu der Definition von [Kemper/Eickler 2011] ist, dass statt eindeutiger linker Seiten aller FDs gefordert wird, dass die rechten Seiten aller FDs aus nur einem Attribut bestehen.

DB:VII-42 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Die Normalisierung ist ein formales Werkzeug zur Analyse von Relationenschemata hinsichtlich ihrer funktionalen Abhängigkeiten und Primärschlüssel. Ziele sind:

- 1. die Minimierung von Redundanzen
- 2. die Minimierung von Einfüge-, Lösch- und Modifizierungsanomalien

Folgende Normalformen werden zunächst betrachtet:

- erste Normalform, 1NF
- zweite Normalform, 2NF
- dritte Normalform, 3NF
- □ Boyce-Codd-Normalform, BCNF

DB:VII-43 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

| Die Normalform eines Schemas $\mathcal R$ bezieht sich immer auf die höchste Normalform, o | ${\mathcal R}$ eit |
|--|--------------------|
| einhält. | |

□ Die Herstellung von einer (hohen) Normalform ist kein hinreichendes Kriterium für ein gutes Datenbankdesign.

DB:VII-44 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Erste Normalform

Ein Relationenschema ist in der ersten Normalform (1NF), wenn der Wertebereich (Domäne) eines Attributes nur atomare Werte enthält. Mengenwertige oder relationenwertige Attributdomänen sind nicht zulässig.

Beispielrelation, die nicht in erster Normalform ist:

| Abteilung | | | | | |
|----------------------------------|---|------|--------------------------------|--|--|
| AbtName AbtNr ChefPersNr AbtOrte | | | | | |
| Forschung 5 3334 | | | {Bellaire, Sugarland, Houston} | | |
| Verwaltung 4 9 | | 9876 | {Stafford} | | |
| Stab | 1 | 8886 | {Houston} | | |

DB:VII-45 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Erste Normalform

Ein Relationenschema ist in der ersten Normalform (1NF), wenn der Wertebereich (Domäne) eines Attributes nur atomare Werte enthält. Mengenwertige oder relationenwertige Attributdomänen sind nicht zulässig.

Beispielrelation, die nicht in erster Normalform ist:

| Abteilung | | | | | |
|----------------------------------|---|------|--------------------------------|--|--|
| AbtName AbtNr ChefPersNr AbtOrte | | | | | |
| Forschung 5 3334 | | | {Bellaire, Sugarland, Houston} | | |
| Verwaltung 4 98 | | 9876 | {Stafford} | | |
| Stab | 1 | 8886 | {Houston} | | |

| Abteilung | | | | | | | |
|------------|---------------------------------|------|-----------|--|--|--|--|
| AbtName | AbtName AbtNr ChefPersNr AbtOrt | | | | | | |
| Forschung | 5 | 3334 | Bellaire | | | | |
| Forschung | 5 | 3334 | Sugarland | | | | |
| Forschung | 5 | 3334 | Houston | | | | |
| Verwaltung | 4 | 9876 | Stafford | | | | |
| Stab | 1 | 8886 | Houston | | | | |

[vgl. Möglichkeit 1]

DB:VII-46 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

□ Das NF²-Datenmodell erlaubt Mengen und geschachtelte Relationen. NF² steht für *Non First* (NF) *Normal Form* (NF).

DB:VII-47 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Erste Normalform

Möglichkeiten zur Herstellung der ersten Normalform:

- 1. Einführung zusätzlicher Tupel für jeden Wert eines mehrwertigen Attributes. Nachteil: es wird Redundanz in die ursprüngliche Relation eingebracht
- 2. Entfernung des mehrwertigen Attributes aus der ursprünglichen Relation und Erzeugung eines weiteren Schemas zusammen mit dem Primärschlüssel der ursprünglichen Relation.

Im Beispiel:

| Abteilung | | | | |
|-----------|--------------|------------|--|--|
| AbtName | <u>AbtNr</u> | ChefPersNr | | |

Standort
AbtNr AbtOrt

DB:VII-48 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Erste Normalform

Möglichkeiten zur Herstellung der ersten Normalform:

- 1. Einführung zusätzlicher Tupel für jeden Wert eines mehrwertigen Attributes. Nachteil: es wird Redundanz in die ursprüngliche Relation eingebracht
- 2. Entfernung des mehrwertigen Attributes aus der ursprünglichen Relation und Erzeugung eines weiteren Schemas zusammen mit dem Primärschlüssel der ursprünglichen Relation.

Im Beispiel:

| Abteilung | | | |
|-----------|--------------|------------|--|
| AbtName | <u>AbtNr</u> | ChefPersNr | |

| Standort | | |
|--------------|---------------|--|
| <u>AbtNr</u> | <u>AbtOrt</u> | |

- 3. Falls die Maximalzahl der Werte des mehrwertigen Attributes bekannt sind, Einführung entsprechend vieler atomarer Attribute. Nachteile:
 - es können viele Nullwerte eingeführt werden
 - fragwürdige Semantik einer Rangordnung unter diesen Attributen

die Formulierung von Anfragen gestaltet sich schwieriger

DB:VII-49 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Formulierung 1:

Sei \mathcal{R} ein Relationenschema mit FDs F und den Schlüsselkandidaten $\kappa_1, \ldots, \kappa_k$. \mathcal{R} ist in zweiter Normalform (2NF), falls jedes Nicht-Schlüsselattribut voll funktional abhängig von jedem Schlüssel $\kappa_1, \ldots, \kappa_k$ ist.

A ist ein Nicht-Schlüsselattribut, falls $A \in (\mathcal{R} - (\kappa_1 \cup \ldots \cup \kappa_k))$.

DB:VII-50 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Formulierung 1:

Sei \mathcal{R} ein Relationenschema mit FDs F und den Schlüsselkandidaten $\kappa_1, \ldots, \kappa_k$. \mathcal{R} ist in zweiter Normalform (2NF), falls jedes Nicht-Schlüsselattribut voll funktional abhängig von jedem Schlüssel $\kappa_1, \ldots, \kappa_k$ ist.

A ist ein Nicht-Schlüsselattribut, falls $A \in (\mathcal{R} - (\kappa_1 \cup \ldots \cup \kappa_k))$.

Formulierung 2:

 \mathcal{R} ist in zweiter Normalform, falls keine partiellen Abhängigkeiten zwischen einem Schlüssel und Nicht-Schlüsselattributen existieren.

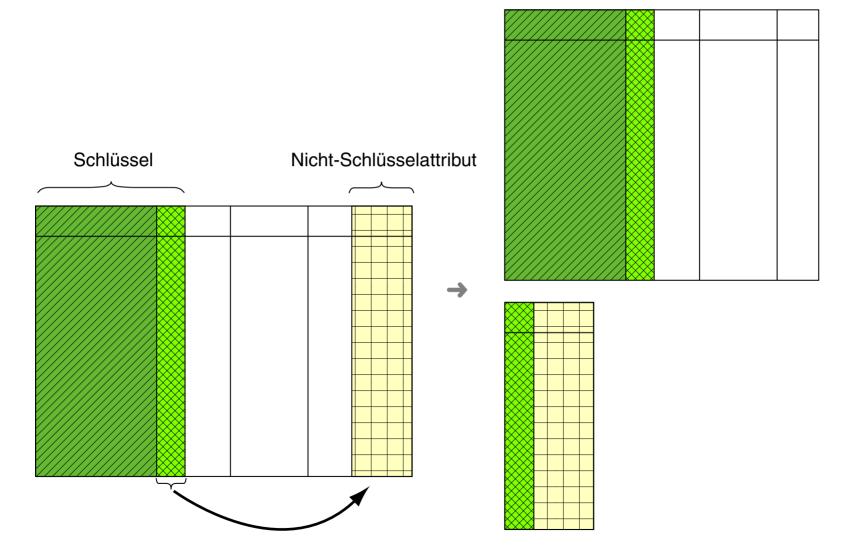
Formal:

$$\neg (\exists \kappa \exists \alpha \exists A : \kappa \in \{\kappa_1, \dots, \kappa_k\} \land \alpha \subset \kappa \land A \in (\mathcal{R} - (\kappa_1 \cup \dots \cup \kappa_k)) : \alpha \to A)$$

partielle Abhängigkeit

DB:VII-51 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform



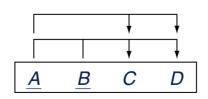
DB:VII-52 Relational Theory ©STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Für ein Relationenschema \mathcal{R} kann die zweite Normalform durch Zerlegung hergestellt werden: Elimination der rechten Seite der partiellen Abhängigkeit in \mathcal{R} . Erstellung eines weiteren Schemas bestehend aus den Attributen der partiellen Abhängigkeit.

Beispielrelation, die nicht in zweiter Normalform ist:

| Studentenbelegung | | | | | | |
|-------------------|--------------------|--------------|----|--|--|--|
| MatrNr | MatrNr VorlNr Name | | | | | |
| 26120 | 5001 | Fichte | 10 | | | |
| 27550 | 5001 | Schopenhauer | 6 | | | |
| 27550 | 4052 | Schopenhauer | 6 | | | |
| 28106 | 5041 | Carnap | 3 | | | |
| 28106 | 5052 | Carnap | 3 | | | |
| 28106 | 5216 | Carnap | 3 | | | |
| 28106 | 5259 | Carnap | 3 | | | |



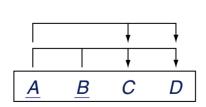
DB:VII-53 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Für ein Relationenschema \mathcal{R} kann die zweite Normalform durch Zerlegung hergestellt werden: Elimination der rechten Seite der partiellen Abhängigkeit in \mathcal{R} . Erstellung eines weiteren Schemas bestehend aus den Attributen der partiellen Abhängigkeit.

Beispielrelation, die nicht in zweiter Normalform ist:

| Studentenbelegung | | | | | | |
|-------------------|------|--------------|----|--|--|--|
| MatrNr | Name | Semester | | | | |
| 26120 | 5001 | Fichte | 10 | | | |
| 27550 | 5001 | Schopenhauer | 6 | | | |
| 27550 | 6 | | | | | |
| 28106 | 5041 | Carnap | 3 | | | |
| 28106 | 5052 | Carnap | 3 | | | |
| 28106 | 5216 | Carnap | 3 | | | |
| 28106 | 5259 | Carnap | 3 | | | |





| hoeren | | |
|---------------|---------------|--|
| <u>MatrNr</u> | <u>VorINr</u> | |

| Studenten | | | |
|-----------|------|----------|--|
| MatrNr | Name | Semester | |

DB:VII-54 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

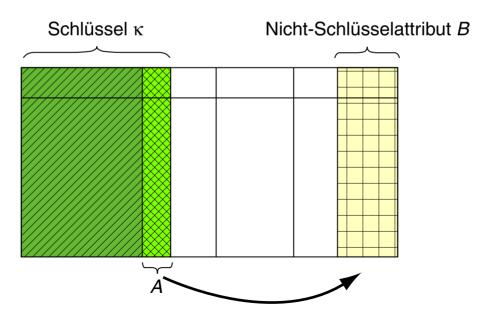
- □ Im Beispiel gibt es neben den Schlüsselabhängigkeiten die FD MatrNr → {Name, Semester}. Folgende Anomalien resultieren:
 - 1. Einfügeanomalie: Was macht man mit Studenten, die noch keine Vorlesung hören?
 - 2. Modifizierungsanomalie: Wenn Carnap ins vierte Semester kommt, müssen vier Tupel geändert werden.
 - 3. Löschanomalie: Was passiert, wenn Fichte ihre einzige Vorlesung absagt?

 Beachte, dass bei "VorlNr" kein Nullwert eingetragen werden kann, weil es sich hierbei um ein Schlüsselattribut handelt. Also muss das Tupel und mit ihm die Information über Fichte aus der Relation gelöscht werden.
- □ 2NF ist nicht mit NF² zu verwechseln.

DB:VII-55 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Hängt ein Attribut B von einem Attribut A ab, wobei A Element des Schlüssels κ ist, so ist Redundanz unvermeidbar. Argumentation:

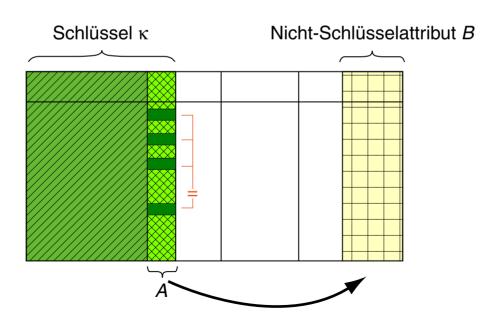


DB:VII-56 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Hängt ein Attribut B von einem Attribut A ab, wobei A Element des Schlüssels κ ist, so ist Redundanz unvermeidbar. Argumentation:

 \Box A kann in mehreren Tupeln dieselbe Ausprägung besitzen, da A sonst Schlüssel wäre; laut Voraussetzung ist aber κ , $\kappa \supset \{A\}$, Schlüssel.

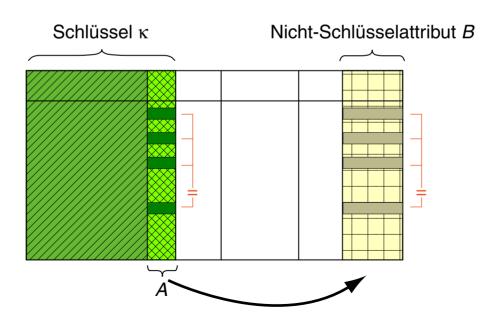


DB:VII-57 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Zweite Normalform

Hängt ein Attribut B von einem Attribut A ab, wobei A Element des Schlüssels κ ist, so ist Redundanz unvermeidbar. Argumentation:

- \Box A kann in mehreren Tupeln dieselbe Ausprägung besitzen, da A sonst Schlüssel wäre; laut Voraussetzung ist aber κ , $\kappa \supset \{A\}$, Schlüssel.
- □ Weiterhin gilt $A \to B$, und somit können in der Relation r Tupel t_1, t_2 mit $t_1(A, B) = t_2(A, B)$ existieren.



DB:VII-58 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Dritte Normalform [Boyce-Codd-Normalform]

Formulierung 1:

Ein Relationenschema \mathcal{R} ist in dritter Normalform (3NF), wenn für jede <u>nicht-triviale</u> funktionale Abhängigkeit $\alpha \to A$, die für \mathcal{R} gilt, mindestens eine der folgenden Bedingungen erfüllt ist:

- 1. α ist Superschlüssel von \mathcal{R}
- 2. A ist ein Primattribut von \mathcal{R}

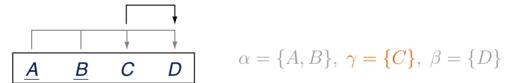
DB:VII-59 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Dritte Normalform

Formulierung 2:

 \mathcal{R} ist in dritter Normalform, falls \mathcal{R} in zweiter Normalform ist und keine transitiven Abhängigkeiten zwischen einem Schlüssel und Nicht-Schlüsselattributen existieren.

Eine funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$ ist eine transitive Abhängigkeit, falls es eine Menge γ von Attributen gibt, die weder Schlüssel noch Teilmenge eines Schlüssels in $\mathcal R$ ist, und für die $\alpha \to \gamma$ und $\gamma \to \beta$ gilt.



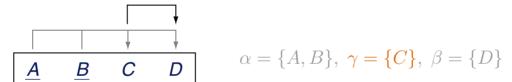
DB:VII-60 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Dritte Normalform

Formulierung 2:

 \mathcal{R} ist in dritter Normalform, falls \mathcal{R} in zweiter Normalform ist und keine transitiven Abhängigkeiten zwischen einem Schlüssel und Nicht-Schlüsselattributen existieren.

Eine funktionale Abhängigkeit $\alpha \to \beta$ ist eine transitive Abhängigkeit, falls es eine Menge γ von Attributen gibt, die weder Schlüssel noch Teilmenge eines Schlüssels in $\mathcal R$ ist, und für die $\alpha \to \gamma$ und $\gamma \to \beta$ gilt.



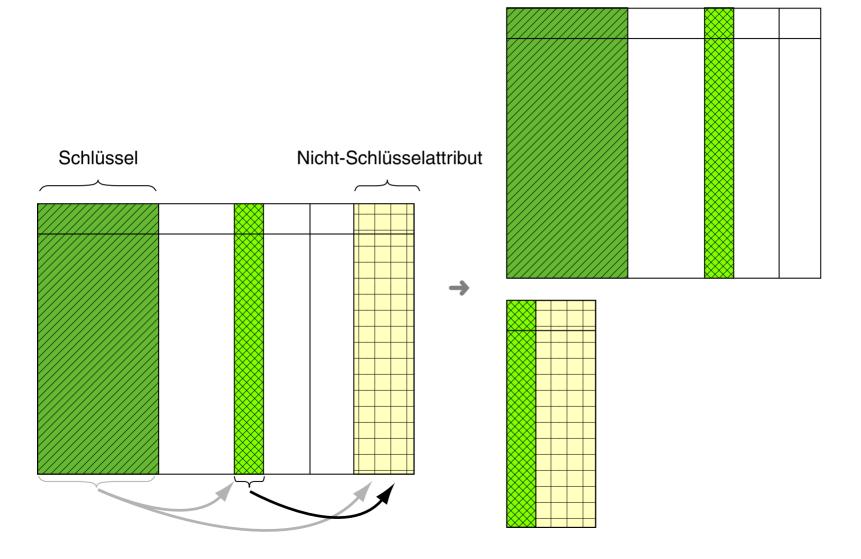
Formulierung 3:

 $\mathcal R$ ist in dritter Normalform, falls $\mathcal R$ in zweiter Normalform ist und kein Nicht-Schlüsselattribut funktional von einer Menge anderer Nicht-Schlüsselattribute abhängt.

Vergleiche Formulierung 2: β hängt funktional von γ ab.

DB:VII-61 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Dritte Normalform [Boyce-Codd-Normalform]



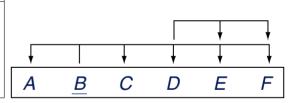
DB:VII-62 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Dritte Normalform

Für ein Relationenschema \mathcal{R} kann die dritte Normalform durch Zerlegung hergestellt werden: Elimination der transitiv abhängigen Attributmenge in \mathcal{R} . Erstellung eines weiteren Schemas bestehend aus der zwischengeschalteten Attributmenge und der transitiv abhängigen Attributmenge.

Beispielrelation, die nicht in dritter Normalform ist:

| MitarbeiterAbteilung | | | | | | |
|----------------------|--------|---------|-------|------------|------------|--|
| Name | PersNr | Wohnort | AbtNr | AbtName | ChefPersNr | |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | Forschung | 3334 | |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | Forschung | 3334 | |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | Verwaltung | 9876 | |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | Verwaltung | 9876 | |



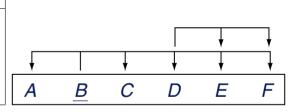
DB:VII-63 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Dritte Normalform

Für ein Relationenschema \mathcal{R} kann die dritte Normalform durch Zerlegung hergestellt werden: Elimination der transitiv abhängigen Attributmenge in \mathcal{R} . Erstellung eines weiteren Schemas bestehend aus der zwischengeschalteten Attributmenge und der transitiv abhängigen Attributmenge.

Beispielrelation, die nicht in dritter Normalform ist:

| MitarbeiterAbteilung | | | | | | |
|----------------------|---------------|---------|-------|------------|------------|--|
| <u> </u> | | | | | | |
| Name | <u>PersNr</u> | Wohnort | AbtNr | AbtName | ChefPersNr | |
| Smith | 1234 | Weimar | 5 | Forschung | 3334 | |
| Wong | 3334 | Köln | 5 | Forschung | 3334 | |
| Zelaya | 9998 | Erfurt | 4 | Verwaltung | 9876 | |
| Wallace | 9876 | Berlin | 4 | Verwaltung | 9876 | |



| \sim | Mitarbeiter | | | | | |
|--------|-------------|--------|---------|-------|--|--|
| | Name | PersNr | Wohnort | AbtNr | | |

| Abteilung | | | | |
|-----------|-------|------------|--|--|
| AbtName | AbtNr | ChefPersNr | | |

DB:VII-64 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Bemerkungen:

- Im Beispiel gibt es neben den Schlüsselabhängigkeiten PersNr $\to \mathcal{R}$ die FD AbtNr $\to \{\text{AbtName}, \text{ChefPersNr}\}$. "AbtName" und "ChefPersNr" hängen deshalb transitiv von "PersNr" ab mit der Folge, dass der Abteilungsname und die Chefpersonalnummer redundant gespeichert sind.
- \Box Beachte, dass die Formulierungen 2 und 3 der dritten Normalform die Überprüfung erfordern, ob das Relationenschema \mathcal{R} die Bedingungen der zweiten Normalform erfüllt.
- □ Die dritte Normalform wird verletzt, wenn ein Nicht-Schlüsselattribut einen Fakt zu einer Attributmenge darstellt, die keinen Schlüssel bildet. [Kent 1983]
 - In der Formulierung 2 der dritten Normalform stellt β einen Fakt zu γ dar.
 - Im Beispiel stellen "Abteilungsname" und "Chefpersonalnummer" Fakten zur "Abteilungsnummer" dar.

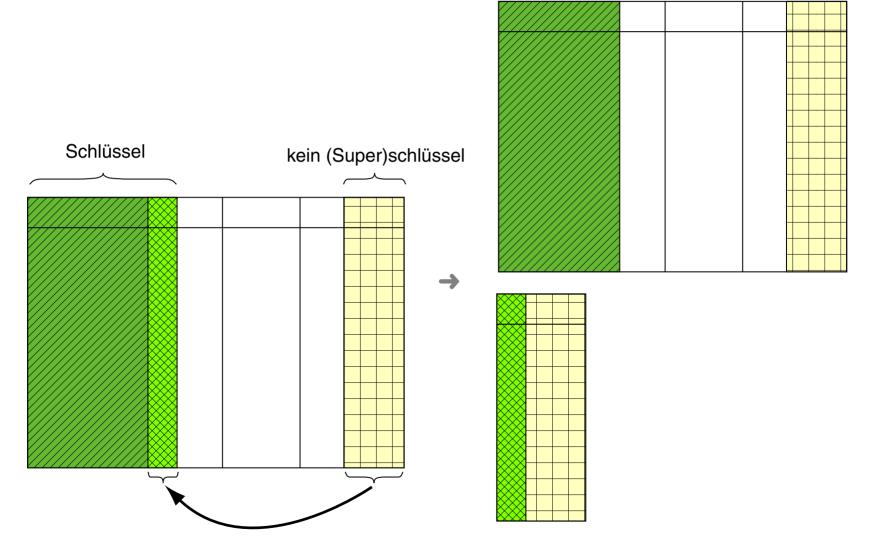
DB:VII-65 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Boyce-Codd-Normalform [dritte Normalform 1 2]

Ein Relationenschema \mathcal{R} ist in Boyce-Codd-Normalform (BCNF), wenn für jede nicht-triviale funktionale Abhängigkeit $\alpha \to A$, die für \mathcal{R} gilt, folgende Bedingung erfüllt ist:

DB:VII-66 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Boyce-Codd-Normalform [dritte Normalform]



DB:VII-67 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Boyce-Codd-Normalform

Für ein Relationenschema \mathcal{R} kann die Boyce-Codd-Normalform durch Zerlegung hergestellt werden: Elimination der abhängigen Attributmenge in \mathcal{R} . Erstellung eines weiteren Schemas bestehend aus den Attributen der funktionalen Abhängigkeit.

Beispielrelation, die nicht in BCNF ist:

```
FDs: A \to BCD (A ist Superschlüssel)

BC \to AD (BC ist Superschlüssel)

D \to B (D ist kein Superschlüssel \leadsto D \to B unerwünschte FD)
```

DB:VII-68 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Boyce-Codd-Normalform

Für ein Relationenschema \mathcal{R} kann die Boyce-Codd-Normalform durch Zerlegung hergestellt werden: Elimination der abhängigen Attributmenge in \mathcal{R} . Erstellung eines weiteren Schemas bestehend aus den Attributen der funktionalen Abhängigkeit.

Beispielrelation, die nicht in BCNF ist:

| Grundstuecke | | | | | | |
|--------------|---------------|-------------|------------------|--|--|--|
| SteuerNr A | Landkreis B | GrundstNr C | GrundstGroesse D | | | |

```
FDs: A \to BCD (A ist Superschlüssel)

BC \to AD (BC ist Superschlüssel)

D \to B (D ist kein Superschlüssel \leadsto D \to B unerwünschte FD)
```

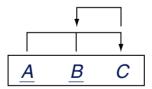


FDs: $A \rightarrow BCD$ (A ist Superschlüssel) $B \not\subset A D$ (verlorene FD) $D \rightarrow B$ (D ist Superschlüssel)

Bemerkungen:

- Im Beispiel gibt es die beiden Schlüssel {SteuerNr} und {Landkreis, GrundstNr} und die FD GrundstGroesse \rightarrow Landkreis. Die Relation "Grundstuecke" ist nicht in BCNF: "GrundstGroesse" ist kein Superschlüssel bzw. "Landkreis" ist transitiv abhängig von "SteuerNr" $(A \rightarrow BCD \land D \rightarrow B)$. Bei der Zerlegung in die Schemata "Grundstuecke1" und "Grundstuecke2" geht die FD {Landkreis, GrundstNr} \rightarrow {SteuerNr, GrundstGroesse} $(BC \rightarrow AD)$ verloren.
- □ Die Definition der Boyce-Codd-Normalform ist eine Vereinfachung der Definition der dritten Normalform, stellt aber eine strengere Forderung dar. D.h., ein Relationenschema in BCNF ist gleichzeitig in 3NF, aber nicht jedes Relationenschema in 3NF ist auch in BCNF:

□ Stellt man die BCNF für ein Relationenschema her, das in der dritten Normalform aber nicht in BCNF ist, so gehen zwangsläufig Abhängigkeiten verloren, weil die linke Seite von mindestens einer FD zerschnitten wird. Kleinstes Relationenschema, das in der dritten Normalform aber nicht in BCNF ist:



 BCNF in a nutshell: "Each field must represent a fact about the key, the whole key and nothing but the key." [Kent 1983]

DB:VII-70 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimalität

Normalformen vermeiden Redundanz *innerhalb* einer Relation \mathcal{R} .

Redundanz kann aber auch global in einem Datenbankschema $\mathcal{R} = \{\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_p\}$ entstehen, obwohl alle Relationenschemata \mathcal{R}_i eine hohe Normalform erfüllen.

Beispiel:

(a)
$$\mathcal{R}_1 = \{\{\underline{A}, B\}, \{\underline{B}, C\}\}$$

(b)
$$\mathcal{R}_2 = \{\{\underline{A}, B\}, \{\underline{B}, C\}, \{\underline{A}, C\}\}$$

Die Relationen in \mathcal{R}_1 und \mathcal{R}_2 sind jeweils in BCNF. Die Redundanz in \mathcal{R}_2 kann jedoch zu Inkonsistenzen durch Update-Anomalien führen.

DB:VII-71 Relational Theory © STEIN 2004-2019

Minimalität (Fortsetzung)

Die Forderung nach Minimalität bedeutet, dass von einer Menge von alternativen Datenbankschemata $\mathcal{R}_1, \mathcal{R}_2, \dots, \mathcal{R}_p$, deren Relationen in der gewünschten Normalform sind, dasjenige Schema \mathcal{R}^* gewählt wird, für das gilt:

$$|\mathcal{R}^*| \leq |\mathcal{R}_i|, \quad i = 1, \dots, p$$

DB:VII-72 Relational Theory © STEIN 2004-2019