Zadanie 1: Mnożenie macierzy

- Jakub Karbowski
- Jakub Szymczak

Metoda rekurencyjna Binet'a

Polega na podziale macierzy na 4 równe bloki i rekurencyjnym wywoływaniu aż do przypadku granicznego, którym jest mnożenie skalarów.

```
A = \left(egin{array}{cc} A_{11} & A_{12} \ A_{21} & A_{22} \end{array}
ight), B = \left(egin{array}{cc} B_{11} & B_{12} \ B_{21} & B_{22} \end{array}
ight), C = \left(egin{array}{cc} C_{11} & C_{12} \ C_{21} & C_{22} \end{array}
ight)
          egin{pmatrix} egin{pmatrix} C_{11} & C_{12} \ C_{21} & C_{22} \end{pmatrix} = egin{pmatrix} A_{11} & A_{12} \ A_{21} & A_{22} \end{pmatrix} egin{pmatrix} B_{11} & B_{12} \ B_{21} & B_{22} \end{pmatrix} = egin{pmatrix} A_{11}B_{11} + A_{12}B_{12} & A_{11}B_{12} + A_{12}B_{22} \ A_{21}B_{11} + A_{22}B_{21} & A_{21}B_{12} + A_{22}B_{22} \end{pmatrix}
def binet_mul(a: Mat, b: Mat) -> Mat:
      assert len(a) == len(a[0]) == len(b) == len(b[0])
      n = len(a)
      if n == 1:
            # base case scalar multiplication
            return [[a[0][0] * b[0][0]]]
     else:
            assert n % 2 == 0
            # block size
            m = n // 2
            # input blocks
            a11 = mat_slice(a, 0, m, 0, m)
            a12 = mat_slice(a, 0, m, m, n)
            a21 = mat_slice(a, m, n, 0, m)
            a22 = mat_slice(a, m, n, m, n)
            b11 = mat_slice(b, 0, m, 0, m)
            b12 = mat_slice(b, 0, m, m, n)
            b21 = mat_slice(b, m, n, 0, m)
            b22 = mat_slice(b, m, n, m, n)
            # recursive calls
            c11 = mat_add(binet_mul(a11, b11), binet_mul(a12, b21))
            c12 = mat add(binet mul(a11, b12), binet mul(a12, b22))
            c21 = mat_add(binet_mul(a21, b11), binet_mul(a22, b21))
            c22 = mat_add(binet_mul(a21, b12), binet_mul(a22, b22))
            # combine blocks
            c = mat_zeros(n, n)
            for i in range(m):
                  for j in range(m):
                        c[i][j] = c11[i][j]
                        c[i][i + m] = c12[i][i]
```

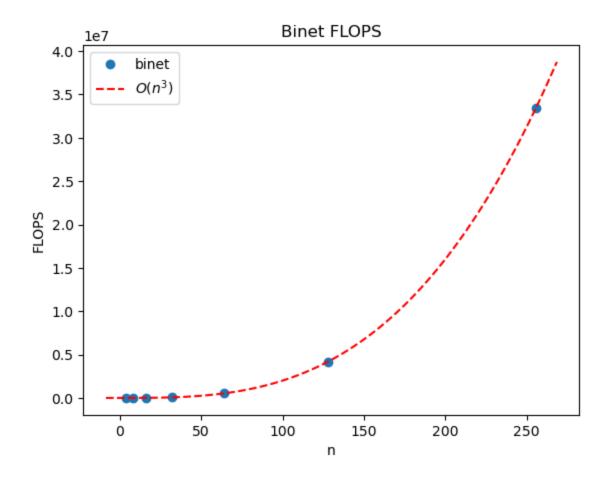
$$c[i + m][j] = c21[i][j]$$

 $c[i + m][j + m] = c22[i][j]$

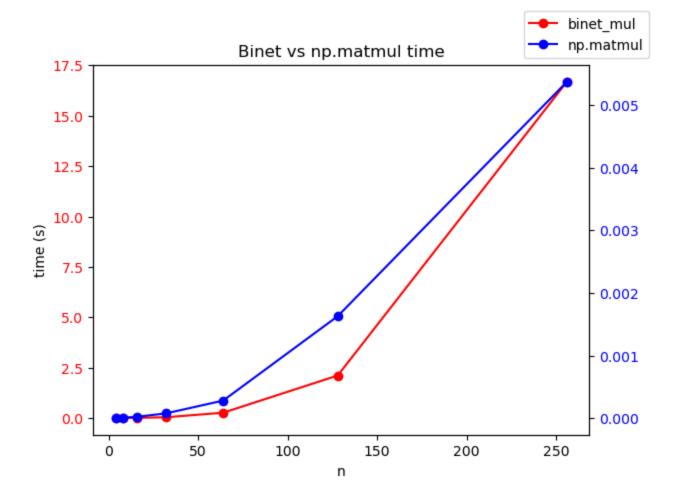
return c

Wydajność

Zmierzono liczbę operacji zmiennoprzecinkowych +* w zależności od rozmiaru macierzy. Do pomiarów wpasowano wielomian $y=ax^3$.



Zmierzono również czas, który został porównany z implementacją numpy.matmul.



Metoda Strassen'a