$$I_1 \dot{\omega}_1 + (I_3 - I_2)\omega_2 \omega_3 = 0$$

$$I_2 \dot{\omega}_2 + (I_1 - I_3)\omega_3 \omega_1 = 0$$

$$I_3 \dot{\omega}_3 + (I_2 - I_1)\omega_1 \omega_2 = 0$$