

$$a. J(700, 1617)$$

$$\gcd(700, 1617) = 7$$

$$\Rightarrow J(700, 1617) = 0$$

$$J(700, 1617) = \underbrace{J(700, 7)}_{=0} \times J(700, 231)$$

$$b. J(100, 173)$$

$$(173^2 - 1)/8 = 3741$$

$$= -J(50, 173)$$

$$= J(25, 173) \quad (17^2 \times 24)/4 = 1032$$

$$= J(23, 25) \quad (21 \times 24)/4 = 132$$

$$= J(2, 23)$$

$$= -1^{(23^2 - 1)/8} = -1^{66} = 1$$

$$c. J(1000, 173)$$

$$= J(100 \times 10, 173)$$

$$= J(100, 173) \times J(10, 173) \quad \hookrightarrow J(100, 173) =$$

$$= J(10, 173)$$

$$= -J(5, 173) \quad (4 \times 17^2)/4 = 172$$

$$= -J(3, 5) \quad (2 \times 4)/4 = 2$$

$$= -J(2, 3)$$

$$= -(-1^{(3^2 - 1)/8}) = -(-1) = 1$$

$$d. J(1000, 171)$$

$$= J(10 \times 10 \times 10, 171)$$

$$= J(10, 171) \times J(10, 171) \times J(10, 171)$$

$$J(10, 171) \quad (171^2 - 1)/8 = 3655$$

$$= -J(5, 171) \quad (4 \times 170)/4 = 170$$

$$= -J(1, 5) \quad \swarrow \text{mod } 5$$

$$= -1$$

$$J(1000, 171) = -1 \times -1 \times -1$$

$$= -1$$