

30

a)

Converse: If I stay home, then it will snow tonight.

Contrapositive: If I do not stay at home, then it will not snow tonight.

Inverse: If it does not snow tonight, then I will not stay home.

b)

Converse: Whenever I go to the beach, it is a sunny summer day.

Contrapositive: Whenever I do not go to the beach, it is not a sunny summer day.

Inverse: Whenever it is not a sunny day, I do not go to the beach.

c)

Converse: If I sleep until noon, then I stayed up late.

Contrapositive: If I do not sleep until noon, then I did not stay up late.

Inverse: If I don't stay up late, then I don't sleep until noon.

32

a) $2^2 = 4$

b) $2^3 = 8$

c) $2^6 = 64$

d) $2^5 = 32$

37

p	q	$p \rightarrow \neg q$	$\neg p \leftrightarrow q$	$(p \rightarrow q) \vee (\neg p \rightarrow q)$	$(p \rightarrow q) \wedge (\neg p \rightarrow q)$	$(p \leftrightarrow q) \vee (\neg p \leftrightarrow q)$	$(\neg p \leftrightarrow \neg q) \leftrightarrow (p \leftrightarrow q)$
T	T	F	F	T	T	T	T
T	F	T	T	T	F	T	T
F	T	T	T	T	T	T	T
F	F	T	F	T	F	T	T

44

充分性

如果有多于2个 p_k 为真 (假设 $k = i, j$), 则 $\neg p_i \vee \neg p_j$ 为假, 由于外面为并, 所以整个式子一定为假

当只有一个 p_k 为真或所有 p_k 为假, 则 $\neg p_i \vee \neg p_j$ 全为真, 因此整个式子为真

必要性

如果整个式子为真, 则对于 $\forall i, j \in (1, n), \neg p_i \vee \neg p_j$ 全为真, 如果存在多于2个 p_k 为真, 则一定有一个 $\neg p_i \vee \neg p_j$ 为假, 矛盾。因此只有至多一个 p_k 为真

Section 1.2

6

$$u \rightarrow (b_{32} \wedge g_1 \wedge r_1 \wedge h_{16}) \vee (b_{64} \wedge g_2 \wedge r_2 \wedge h_{32}).$$

8

- a) $r \wedge \neg p$
- b) $(r \wedge p) \rightarrow q$
- c) $\neg r \rightarrow \neg q$
- d) $(\neg p \wedge r) \rightarrow q$

10

可描述为 $a \rightarrow \neg b, b \rightarrow c, \neg c \rightarrow \neg a$, 形成了逻辑闭环, 因此可以认为是一致的

14

- a) WEST AND VIRGINIA AND HIKING.
- b) (VIRGINIA AND HIKING) NOT WEST

21

如果第一个教授不想要咖啡, 那么他会知道女主人的问题的答案是“不”。因此, 女主人和剩下的教授知道第一个教授确实想要咖啡。同样, 第二个教授也必须想要咖啡。当第三个教授说“不”时, 女主人知道第三个教授不想要咖啡。

37

通过枚举检验可以得到

Fred薪水最高, Maggie其次, Janice最低

45

- a) $\neg(p \wedge (q \vee \neg r))$
- b) $((\neg p) \wedge (\neg q)) \vee (p \wedge r)$

Section 1.3

4

p	q	r	$p \vee q$	$(p \vee q) \vee r$	$q \vee r$	$p \vee (q \vee r)$
T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	T	T	T
T	F	T	T	T	T	T
T	F	F	T	T	F	T
F	T	T	T	T	T	T
F	T	F	T	T	T	T
F	F	T	F	T	T	T
F	F	F	F	F	F	F

p	q	r	$p \wedge q$	$(p \wedge q) \wedge r$	$q \wedge r$	$p \wedge (q \wedge r)$
T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	F	F	F
T	F	T	F	F	F	F
T	F	F	F	F	F	F
F	T	T	F	F	T	F
F	T	F	F	F	F	F
F	F	T	F	F	F	F
F	F	F	F	F	F	F

12

a)

p	q	$\neg p$	$p \vee q$	$\neg p \wedge (p \vee q)$	$[\neg p \wedge (p \vee q)] \rightarrow q$
T	T	F	T	F	T
T	F	F	T	F	T
F	T	T	T	T	T
F	F	T	F	F	T

b)

p	q	r	$p \rightarrow q$	$q \rightarrow r$	$(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow r)$	$p \rightarrow r$	$[(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow r)] \rightarrow (p \rightarrow r)$
T	T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	F	F	F	T
T	F	T	F	T	F	T	T
T	F	F	F	T	F	F	T
F	T	T	T	T	T	T	T
F	T	F	T	F	F	T	T
F	F	T	T	T	T	T	T
F	F	F	T	T	T	T	T

c)

p	q	$p \rightarrow q$	$p \wedge (p \rightarrow q)$	$[p \wedge (p \rightarrow q)] \rightarrow q$
T	T	T	T	T
T	F	F	F	T
F	T	T	F	T
F	F	T	F	T

d)

p	q	r	$(p \vee q) \wedge (p \rightarrow r) \wedge (q \rightarrow r)$	$[(p \vee q) \wedge (p \rightarrow r) \wedge (q \rightarrow r)] \rightarrow r$
T	T	T	T	T
T	T	F	F	T
T	F	T	T	T
T	F	F	F	T
F	T	T	T	T
F	T	F	F	T
F	F	T	F	T
F	F	F	F	T

24

两个命题都是：当p和q具有相同的真值时，这些命题中的每一个都是真实的；而当p和q具有相反的真值时，这些命题都是假的。因此，这两个命题在逻辑上是等价的。

28

$$\begin{aligned}
 28. \quad p \rightarrow (q \vee r) &\equiv \neg p \vee (q \vee r) \equiv (\neg p \vee q) \vee (\neg p \vee r) \\
 &\equiv (p \rightarrow q) \vee (p \rightarrow r)
 \end{aligned}$$

31

按照 $p \longleftrightarrow q$ 的定义可知其既要满足 $p \rightarrow q$, 又要满足 $q \rightarrow p$, 即 $(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$

36

$$36. (p \wedge q) \rightarrow r \equiv [\neg(p \wedge q)] \vee r = \neg p \vee \neg q \vee r$$

$$\text{而 } (p \rightarrow r) \wedge (q \rightarrow r) \equiv (\neg p \vee r) \wedge (\neg q \vee r) \equiv (\neg p \wedge \neg q) \vee r$$

显然, $\neg p \vee \neg q$ 与 $\neg p \wedge \neg q$ 真值表不同

38

$$p \wedge \neg q \quad p \vee (q \wedge (r \vee F)) \quad (p \vee \neg q) \wedge (q \vee T)$$

66

a) satisfiable

b) satisfiable

c) satisfiable p, q, s true, and r false.

71

$\bigwedge_{i=1}^9 p(i, j, n)$ 保证列 j 有数字 n , $\bigwedge_{n=1}^9 \bigvee_{i=1}^9 p(i, j, n)$ 保证第 j 列有所有的9个数字,
 $\bigwedge_{j=1}^9 \bigwedge_{n=1}^9 \bigvee_{i=1}^9 p(i, j, n)$ 保证任何列都有所有数字