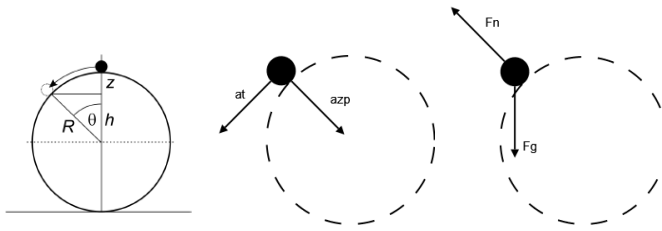


Uebung 2



1. $V_{(\phi)}$:

$$\sum E = konst$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} m_k \cdot v_0^2 + m_k \cdot g \cdot h_0 &= \frac{1}{2} m_k \cdot v_1^2 + m_k \cdot g \cdot h_1 \\ 0 + m_k \cdot g (h_0 - h_1) &= \frac{1}{2} \cdot m_k \cdot v_1^2 \\ v_1 &= \sqrt{2 \cdot g \cdot z} \\ v_1 &= \sqrt{2 \cdot g \cdot (R - R \cdot \cos(\phi))} \\ v_1 &= \sqrt{2 \cdot g \cdot R (1 - \cos(\phi))} \end{aligned}$$

2. Die Normalkraft muss grösser als null sein damit der Klotz nicht abhebt. Im kritischen Punkt idem $F_{n(\phi)} = 0$ ist, hebt der Klotz ab.

3. Absprungwinkel ϕ :

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

Da wir a_t nicht kennen und wir a_{zp} berechnen können, nehmen wir das Koordinatensystem welches in die Richtung von a_{zp} und a_t positiv ist. Dies vereinfacht die Berechnungen besonders gut denn es ermöglicht nur einen Newton aufzustellen in richtung von a_{zp} :

$$\begin{aligned} \sum F &= m \cdot a_{zp} = \frac{m \cdot v^2}{R} \\ -F_N + F_G \cdot \cos(\phi) &= \frac{m \cdot v^2}{R} \end{aligned}$$

Anfangsbedingung einsetzen: $F_n = 0$

$$\begin{aligned} \frac{m \cdot v^2}{R} - m \cdot g \cdot \cos(\phi) &= 0 \\ \frac{m \cdot 2 \cdot g \cdot R (1 - \cos(\phi))}{R} - m \cdot g \cdot \cos(\phi) &= 0 \\ 2(1 - \cos(\phi)) - \cos(\phi) &= 0 \\ \frac{3}{2} \cos(\phi) &= 0 \\ \phi &= \arccos\left(\frac{2}{3}\right) \end{aligned}$$

4. Er wird weiter hinunterfahren weil die Geschwindigkeit kleiner ist bei einem gleichen Winkel wie in Teil 1.

$$m_k \cdot g \cdot z = \frac{1}{2} \cdot m_k \cdot v_{neu}^2 + \omega^2 I$$

Und wenn die Geschwindigkeit kleiner ist dann muss der Winkel grösser sein.

$$v_{neu} = \sqrt{2 \cdot g \cdot R (1 - \cos(\phi))}$$