# NOI 模拟赛 Day2

题目名称	构造题	匹配题	作业题
题目类型	传统型	传统型	传统型
可执行文件名	construct	match	homework
输入文件名	construct.in	match.in	homework.in
输出文件名	construct.out	match.out	homework.out
时间限制	101	101	1011
나기 [다] 서부 [다]	1.0 秒	1.0 秒	1.0 秒
内存限制	1.0 秒 512 MiB	512 MiB	512 MiB
	-		-

#### 提交源程序文件名

F C++ 语言	construct.cpp	match.cpp	homework.cpp	
----------	---------------	-----------	--------------	--

#### 编译选项

对于 C++ 语言	-lm -O2 -std=c++14
-----------	--------------------

- 1. C++ 中函数 main() 的返回值类型必须是 int, 值必须为 0。
- 2. 若无特殊说明,输入文件中同一行内的多个整数、浮点数、字符串等均使用一个空格进行分隔。
- 3. 若无特殊说明,结果比较方式为忽略行末空格、文末回车后的全文比较。
- 4. 程序可使用的栈空间大小与该题内存空间限制一致。
- 5. 在终端下可使用命令 <u>ulimit -s unlimited</u> 将栈空间限制放大,但你使用的栈 空间大小不应超过题目限制。
- 6. 对于因未遵守以上规则对成绩造成的影响,相关申诉不予受理。
- 7. 考试过程中若对题目有疑问,请联系出题人。
- 8. 题目很简单, AK 了请勿大声喧哗。

NOI 模拟赛 Day2 构造题 (construct)

# 构造题 (construct)

#### 【题目描述】

给定一个无限大的棋盘,第 i 行第 j 列记作 (i,j),棋盘上有若干个位置被标记。你有一棵棋子从 (1,1) 出发,每次只能向右或向下走一格,经过若干**被标记**的位置到达 (i,j),将这个方案数记作  $f_{i,j}$ ,你想求出所有被标记位置的  $f_{i,j}$ 。

你很轻松地完成了这个题目。毕竟,作为 NOI 选手的你面对这种入门的 dp 题目是毫无压力的。你开始思考这道题目能不能反过来做。给定一个数 k,由你来选择去标记若干位置,再选择若干被标记的位置,使得它们的  $f_{i,j}$  之和为 k。

这个问题仍然是很简单的。但是,你觉得任意一种方案是不够优秀的,你想要被标记的位置和被选择的位置个数都尽量。具体来说,你需要做到被标记的位置数量  $\leq X$ ,被选择的位置数量  $\leq Y$ ,X,Y 为给定的常数,请你构造一组方案来满足条件。如果有多种合法方案,输出任意一种即可。

#### 【输入格式】

第一行四个正整数,分别为 K,Q,X,Y,保证询问的  $k \leq 10^K$ ,Q 为询问次数。接下来的 Q 行每行一个正整数 k,表示询问的 k。

#### 【输出格式】

第一行一个正整数 n,表示被标记的位置个数,你需要保证  $n \le X$ 。

接下来 n 行每行两个数 x,y,表示被标记的位置坐标。你需要保证被标记的坐标互不相同,并且你需要注意这里的输出顺序(后续需要考虑),尽管棋盘是无限大的,你还是需要保证  $1 \le x,y \le n$ 。

接下来 Q 行每行一个长度为 n 的 01 串,其中第 i 位为 1 表示选择了第 i 个输出的位置。你需要保证 1 的个数  $\leq Y$ 。

# 【样例1输入】

```
1 2 3 1000 340
2 1
3 2
4 3
```

#### 【样例1输出】

NOI 模拟赛 Day2 构造题 (construct)

```
1 8
2 1 1
3 1 2
4 1 3
5 2 1
6 2 3
7 3 1
8 3 2
9 3 3
10 10000000
11 00000110
12 10000001
```

#### 【测试方式】

下发文件中提供了 checker.exe, 其使用格式为 checker chess.in chess.out, 其中 chess.in 为输入文件, chess.out 为你的输出, checker 会执行检查命令并返回错误所对应的编码:

- 1. 输出格式出错(包括 n > X 但不包括 01 串中 1 的数量 > Y)。
- 2. 01 串中 1 的数量 > Y。
- 3. 你所构造的方案的 f 值之和不是询问所需要的值。

如果你的构造正确, checker 会返回 correct。

请注意你只能在 windows 系统下使用 checker.exe, 否则会出现难以预知的错误。 注意下发 checker 和实际 checker 有所不同。

### 【子任务】

对于全部的数据,  $X \ge 960, Y \ge 240, 1 \le K \le 100, 1 \le Q \le 10^4$ 。

NOI 模拟赛 Day2 构造题 (construct)

子任务编号	X =	Y =	K =	特殊性质	分值
1	$10^{3}$	340	2	无	5
2	$10^{3}$	340	12	无	10
3	$10^{3}$	340	100	无	10
4	990	310	100	A	10
5	1050	260	100	无	10
6	1050	240	100	无	10
7	980	260	100	В	15
8	960	240	100	无	30

特殊性质 A: k 在  $[1,10^K)$  中均匀随机生成。

特殊性质 B: Q=1。

NOI 模拟赛 Day2 匹配题 (match)

# 匹配题 (match)

#### 【题目描述】

给定一个长度为 n 的字符串 S 和一个长度为 n 的序列  $w_i$ 。你需要保留 k 个位置,将剩余位置两两匹配起来,形成  $\frac{n-k}{2}$  个匹配。

对于两个位置 i,j,它们能够产生匹配当且仅当  $S_i \neq S_j$ ,它们匹配的代价为  $100 \times |i-j| + w_i + w_j$ 。

一个匹配方案的代价为每个匹配的代价之和。求所有匹配方案的代价最小值,若无解输出-1。

#### 【输入格式】

#### 本题有多组测试数据。

第一行一个正整数 T,表示数据组数。

对于每组数据第一行一个字符串 S。

第二行 n 个正整数表示  $w_1 \sim w_n$ 。

第三行一个正整数 k,含义见题目描述。

### 【输出格式】

T 行每行一个数表示每组数据的答案。

# 【样例1输入】

1 1 2 aabcde

3 1 1 100000 100000 100000 100000

4 2

#### 【样例1输出】

200402

#### 【样例 2】

见选手目录下 match2.in 与 match2.ans, 该样例满足测试点  $3 \sim 5$  的性质。

NOI 模拟赛 Day2 匹配题 (match)

# 【样例 3】

见选手目录下 match3.in 与 match3.ans, 该样例满足测试点  $10 \sim 12$  的性质。

# 【样例 4】

见选手目录下 match4.in 与 match4.ans, 该样例满足测试点  $13 \sim 15$  的性质。

# 【子任务】

对于全部的数据, $1 \le T \le 5, 1 \le n \le 2000, 0 \le k \le \min(6, n), 1 \le w_i \le 10^5, S_i \in \{a, b, c, d, e, f\}, n \equiv k \pmod{2}$ 。

测试点编号	$n \leq$	特殊性质
$1 \sim 2$	10	无
$3 \sim 5$	30	无
$6 \sim 7$	50	无
$8 \sim 9$	100	无
$10 \sim 12$	2000	A
$13 \sim 15$	2000	В
$16 \sim 17$	2000	С
$18 \sim 20$	2000	无

特殊性质 A:  $S \in \{a, b\}$ 。

特殊性质 B:  $S_i$  在  $\{a,b,c,d,e,f\}$  中均匀随机生成。

特殊性质 C: k = 0。

NOI 模拟赛 Day2 作业题 (homework)

# 作业题 (homework)

#### 【题目描述】

小 P 有 n 份作业需要做,其中第 i 份作业有  $a_i$  道题。

他觉得让他自己完成这么多的题目实在是太困难了,所以他找了包括他自己在内的m个朋友,每个朋友有自己会的知识点和空闲时间。具体来说,第i个朋友可以在 $[l_i, r_i]$ 的作业中挑选至多 $c_i$  道题目完成。

但是,如果两个朋友不认识,那么他们就很难合作一起帮助小 P 完成作业。我们认为两个朋友认识,当且仅当它们可以完成同样的一份作业。所以小 P 决定选择一份作业,让所有可以完成这份作业的朋友来帮助,他想知道他最多能完成多少道题目。由于小 P 还没有确定选择哪一份作业,所以他想让你对每个  $i \in [1,n]$  输出让所有能完成作业 i 的朋友帮助的答案。

#### 【输入格式】

第一行两个正整数 n, m,表示作业数量和朋友数量。

第二行 n 个正整数表示  $a_1 \sim a_n$ 

接下来 m 行每行三个正整数,表示  $l_i, r_i, c_i$ 。

#### 【输出格式】

一行 n 个正整数, 第 i 个表示选择第 i 份作业时的答案。

#### 【样例1输入】

```
      1
      4
      3

      2
      3
      2
      2

      3
      1
      2
      2

      4
      3
      3
      3

      5
      2
      2
      4
```

#### 【样例1输出】

1 2 5 2 0

NOI 模拟赛 Day2 作业题(homework)

# 【样例 2】

见选手目录下 homework2.in 与 homework2.ans,该样例满足测试点  $5\sim7$  的性质。

# 【样例 3】

见选手目录下 homework3.in 与 homework3.ans,该样例满足测试点  $8 \sim 12$  的性质。

#### 【样例 4】

见选手目录下 homework4.in 与 homework4.ans, 该样例满足测试点  $13\sim 16$  的性质。

# 【子任务】

对于全部的数据,  $1 \le n, m \le 10^5, 1 \le l_i \le r_i \le n, 1 \le c_i, a_i \le 10^9$ 

测试点编号	$n, m \leq$	特殊性质
$1 \sim 2$	50	无
$3 \sim 4$	500	无
$5 \sim 7$	3000	无
$8 \sim 12$	$10^{5}$	A
$\boxed{13 \sim 16}$	$10^{5}$	В
$17 \sim 25$	$10^{5}$	无

特殊性质 A:  $\forall i \in [2, n], l_{i-1} \leq l_i, r_{i-1} \leq r_i$ .

特殊性质 B:  $\forall i, j \in [1, n]$ , 保证不存在  $l_i < l_j \le r_i < r_j$ 。