

实验二 实域填充算法

实验报告

一、综述

多边形在计算机中有顶点表示和点阵表示两种。顶点表示就是用多边形的顶点序列来表示多边形。点阵表示是用位于多边形内的像素集合来表示多边形。顶点表示占内存少，几何意义强，易于进行几何变换；而点阵表示丢失了许多几何信息（如边界、顶点）。但光栅显示图形需要点阵表示形式。多边形的扫描转换就是把多边形的顶点表示转换为点阵表示。

本次实验所涉及的算法有三种：逐点实域填充算法，有序边表实域填充算法和种子实域填充算法。在 MFC 环境中测试三种算法并分析三种算法的计算效率。

二、程序框架

实验程序为 MFC 框架，Ccg2019FillPolyView.h 为视图层的头文件，负责声明各种成员变量和成员函数。Ccg2019FillPolyView.cpp 为视图层的源文件，负责实现直线的三种绘制、误差分析并显示、圆与圆弧绘制的功能。CcgEditControl.h 为窗口面板中的按键及文本定义成员变量及成员函数，CcgEditControl.cpp 实现面板的功能，如鼠标交互绘制输入多边形，点击按键填充多边形等。

三、算法描述

1. 逐点实域填充算法

- (1) 将给定多边形输入；
- (2) 求出多边形的最小包含矩形；
- (3) 逐点扫描最小矩形的每一点，并判断是否位于多边形内部，从最小点到最大点一次判断，如果在该多边形内部，则将该点上色；
- (4) 判断位于多边形内部的方法是，过每一点水平向右作射线，与多边形边界求交点，如果交点个数为奇数，则说明该点在多边形内部，偶数则说明在多边形外部。

2. 有序边表实域填充算法

一. 建立边表的方法：

- (1) 与 x 轴平行的边不计入；
- (2) 多边形的顶点分为两大类：一类是局部极值点，另外一类是非极值点。当扫描线与第一类顶点相交时，应看作两个点；而当扫描线与第二类顶点相交时，应视为一个点；对于极值点则要记录两条边；
- (3) 扫描线按照 y 轴从低到高顺次记录；
- (4) 一条边按照 y 轴的高低记录；

(5) 多条边以 x 轴递增顺序记录;

二. 算法流程:

1、根据给出的多边形顶点坐标, 建立 NET 表;

求出顶点坐标中最大 y 值 y_{\max} 和最小 y 值 y_{\min} 。

2、初始化 AET 表指针, 使它为空。

3、执行下列步骤直至 NET 和 AET 都为空。

(1) 如 NET 中的第 y 类非空, 则将其中的所有边取出并插入 AET 中;

(2) 如果有新边插入 AET, 则对 AET 中各边排序;

(3) 对 AET 中的边两两配对, (1 和 2 为一对, 3 和 4 为一对, ...),

将每对边中 x 坐标按规则取整, 获得有效的填充区段, 再填充。

(4) 将当前扫描线纵坐标 y 值递值 1;

(5) 如果 AET 表中某记录的 $y_{\max}=y_j$, 则删除该记录 (因为每条边被看作下闭上开的);

(6) 对 AET 中剩下的每一条边的 x 递增 dx , 即 $x' = x + dx$ 。

三. 图案填充:

只需要给出填充的图案, 然后存放在二维数组 `m_patternData` 中即可, 利用取余运算巧妙实现。

3. 扫描线种子填充算法

(1) 初始化一个空的栈用于存放种子点, 将种子点 (x, y) 入栈;

(2) 判断栈是否为空, 如果栈为空则结束算法, 否则取出栈顶元素作为当前扫描线的种子点 (x, y) , y 是当前的扫描线;

(3) 从种子点 (x, y) 出发, 沿当前扫描线向左、右两个方向填充, 直到边界。分别标记区段的左、右端点坐标为 `xLeft` 和 `xRight`;

(4) 分别检查与当前扫描线相邻的 $y - 1$ 和 $y + 1$ 两条扫描线在区间 $[xLeft, xRight]$ 中的像素, 从 `xLeft` 开始向 `xRight` 方向搜索, 若存在非边界且未填充的像素点, 则找出这些相邻的像素点中最右边的一个, 并将其作为种子点压入栈中, 然后返回第 (2) 步;

4. 多边形三角剖分算法:

(1) 选择多边形的最左顶点 L +前后顶点, 构成一个三角形。

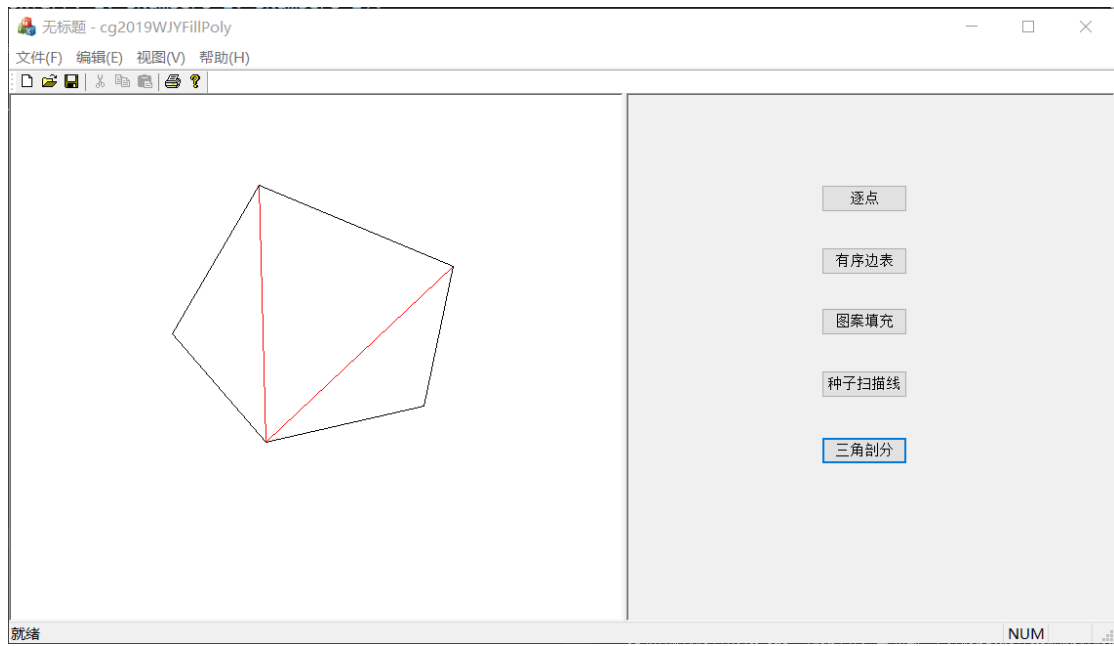
(2) 检查该三角形内是否有其他顶点。

不包含其他顶点。则分割该三角形, 递归调用第一步。

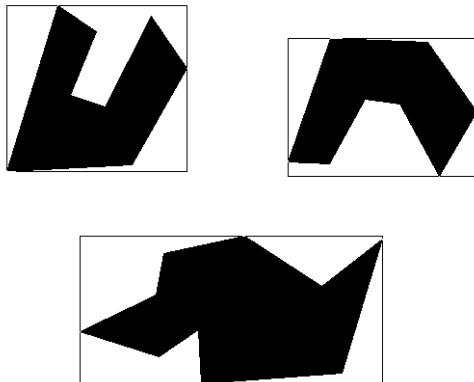
若包含其他顶点。则连接 L 与进入的顶点中最左侧的点, 这样便会分割该多边形, 然后对两个多边形再递归调用第一步。

四、处理流程说明

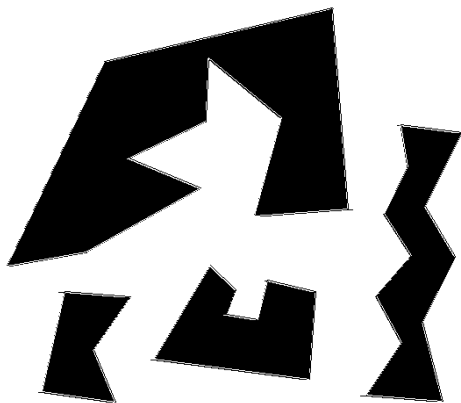
操作面板:



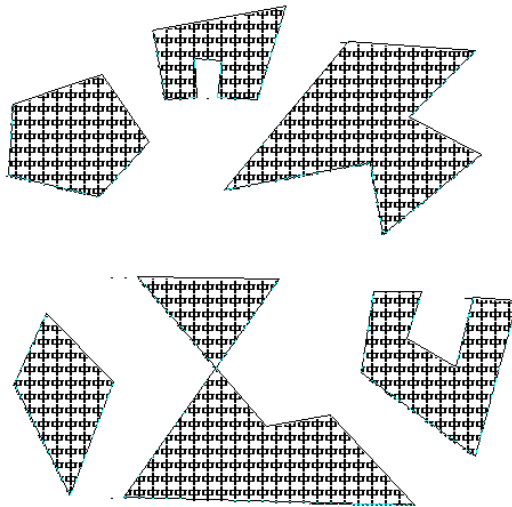
1. 逐点法：



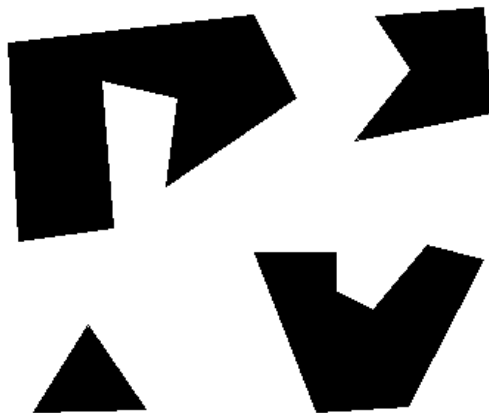
2. 有序边表



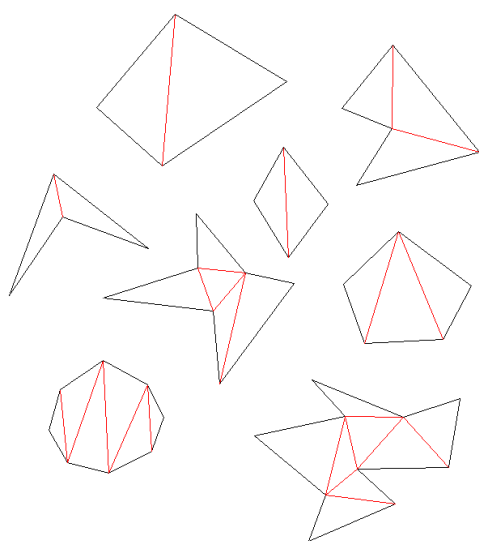
3. 图案填充：



4. 扫描线种子填充：



5. 多边形三角剖分：



五、算法对比

从计算效率来看，逐点扫描填充算法效率最低，由于需要遍历最小包含矩形的每一点并进行逻辑判断，速度慢；有序边表法由于采用了活性边表，大大减少了计算量，提高了运行效率。种子扫描算法利用了栈结构，算法减少了每个像素的访问次数，所需堆栈深度较浅，每次递归填充一行像素，速度较快，效率较高。

六. 源代码

```
//图案
int m_patternData[12][12] = {
    { 0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0 },
    { 0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0 },
    { 0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0 },
    { 0,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1 },
    { 0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0 },
    { 0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0 },
    { 0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0 },
    { 0,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,0 },
    { 0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0 },
    { 0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0 },
    { 0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0 },
    { 0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0 }
};
```

//有序边表法填充

```
void Ccg2019FillPolyView::Fillpolygon(int pNumbers, CPoint* points, CDC* pDC)
{

    m_edgeNumbers = 0;
    pLoadPolygon(pNumbers, points);    // Polygon Loading, calculates every edge's
    m_yMax[], m_yMin[], m_Xa[], m_Dx[]

    //求交边集范围, 因为数组已经根据y值大小进行边的排序, 所以end向后移动即代表有边进入,
    start向后移动, 代表有边退出
    m_Begin = m_End = 0;
    m_Scan = (int)m_yMax[0];            //从顶向下扫描
    Include();                          //检查是否有边进入扫描线
    UpdateXvalue();                    //检查是否有边退出扫描线
    while (m_Begin != m_End) {
        pFillScan(pDC);
        m_Scan--;
        Include();
        UpdateXvalue();
    }
}

void Ccg2019FillPolyView::pLoadPolygon(int pNumbers, CPoint* points)
{

    float x1, y1, x2, y2;

    x1 = points[0].x;    y1 = points[0].y + 0.5;
    for (int i = 1; i < pNumbers; i++) {
        x2 = points[i].x;    y2 = points[i].y + 0.5;
        if (abs(int(y2 - y1)) >= 0)    //水平线不做处理
        {
            pInsertLine(x1, y1, x2, y2);
            x1 = x2;    y1 = y2;
        }
        else
            x2 = x1;
    }
}

void Ccg2019FillPolyView::pInsertLine(float x1, float y1, float x2, float y2)
{
    int i;
    float Ymax, Ymin;
```

```

Ymax = (y2 > y1) ? y2 : y1;
Ymin = (y2 < y1) ? y2 : y1;
i = m_edgeNumbers;
//根据y值的大小, 进行排序插入, 大的在前面
while (i != 0 && m_yMax[i - 1] < Ymax) {
    m_yMax[i] = m_yMax[i - 1];
    m_yMin[i] = m_yMin[i - 1];
    m_Xa[i] = m_Xa[i - 1];
    m_Dx[i] = m_Dx[i - 1];
    i--;
}
m_yMax[i] = Ymax;
m_yMin[i] = Ymin;
if (y2 > y1) m_Xa[i] = x2; //根据y大小确定Xa的值, y大的会先于扫描线相交
else        m_Xa[i] = x1;

m_Dx[i] = (x2 - x1) / (y2 - y1); //斜率的倒数
m_edgeNumbers++;
}

void Ccg2019FillPolyView::Include()
{
    //end向后移动, 找出所有边最高点y值大于当前扫描线的边, 看是否有新的边进入交集
    while (m_End < m_edgeNumbers && m_yMax[m_End] >= m_Scan) {
        //有边进入, 调整起始点位置, 然后将Dx调整为位移量
        m_Xa[m_End] = m_Xa[m_End] + (-0.5) * m_Dx[m_End];
        m_Dx[m_End] = -m_Dx[m_End];
        m_End++;
    }
}

void Ccg2019FillPolyView::UpdateXvalue()
{
    int i, start = m_Begin;

    for (i = start; i < m_End; i++) {
        if (m_Scan > m_yMin[i]) {
            //当前边没有退出, 则移动x, 然后在进行排序
            m_Xa[i] += m_Dx[i];
            pXsort(m_Begin, i);
        }
        else {
            //有边退出, 更新数组, 然后begin++
            for (int j = i; j > m_Begin; j--) {

```

```

        m_yMin[j] = m_yMin[j - 1];
        m_Xa[j] = m_Xa[j - 1];
        m_Dx[j] = m_Dx[j - 1];
    }
    m_Begin++;
}
}
}

void Ccg2019FillPolyView::pXsort(int Begin, int i)
{
    float temp;

    while (i > Begin && m_Xa[i] < m_Xa[i - 1]) {
        temp = m_Xa[i];    m_Xa[i] = m_Xa[i - 1];    m_Xa[i - 1] = temp;
        temp = m_Dx[i];    m_Dx[i] = m_Dx[i - 1];    m_Dx[i - 1] = temp;
        temp = m_yMin[i]; m_yMin[i] = m_yMin[i - 1]; m_yMin[i - 1] = temp;
        i--;
    }
}

void Ccg2019FillPolyView::pFillScan(CDC* pDC)
{
    int x, y;
    Ccg2019FillPolyDoc* pDoc = GetDocument();

    for (int i = m_Begin; i < m_End; i += 2) {

        if (pDoc->m_displayMode == 1) {
            pDC->MoveTo(m_Xa[i], m_Scan);
            pDC->LineTo(m_Xa[i + 1], m_Scan);
        }
        else if (pDoc->m_displayMode == 4) { //图案填充
            y = m_Scan;
            for (int x = m_Xa[i]; x < m_Xa[i + 1]; x++)
                if (m_patternData[y % 12][x % 12])
                    pDC->SetPixel(x, y, RGB(255, 0, 0));
        }
    }
}

```


//逐点法填充

```
void Ccg2019FillPolyView::PointFillpoly(int pNumbers, CPoint *points, CDC *pDC)
{
    BoxRect_t polyRect;

    polyRect = getPolygonRect(pNumbers, points);

    m_pDC->MoveTo(polyRect.minX, polyRect.minY);

    m_pDC->LineTo(polyRect.minX, polyRect.maxY);
    m_pDC->LineTo(polyRect.maxX, polyRect.maxY);
    m_pDC->LineTo(polyRect.maxX, polyRect.minY);
    m_pDC->LineTo(polyRect.minX, polyRect.minY);

    CPoint testPoint;
    //从最小点到最大点一次判断, 如果在该多边形内部, 则进行填充
    for (testPoint.x = polyRect.minX; testPoint.x < polyRect.maxX; testPoint.x++)
        for (testPoint.y = polyRect.minY; testPoint.y < polyRect.maxY; testPoint.y++) {
            if (PointInPolygon(m_pNumbers, m_pAccord, testPoint))
                pDC->SetPixel(testPoint.x, testPoint.y, RGB(255, 255, 255));
        }
}
```

//得到该多边形的最大、最小的y、x值

```
BoxRect_t Ccg2019FillPolyView::getPolygonRect(int pointNumOfPolygon, CPoint tarPolygon[])
{
    BoxRect_t boxRect;

    boxRect.minX = 50000;
    boxRect.minY = 50000;
    boxRect.maxX = -50000;
    boxRect.maxY = -50000;

    for (int i = 0; i < pointNumOfPolygon; i++) {
        if (tarPolygon[i].x < boxRect.minX) boxRect.minX = tarPolygon[i].x;
        if (tarPolygon[i].y < boxRect.minY) boxRect.minY = tarPolygon[i].y;
        if (tarPolygon[i].x > boxRect.maxX) boxRect.maxX = tarPolygon[i].x;
        if (tarPolygon[i].y > boxRect.maxY) boxRect.maxY = tarPolygon[i].y;
    }
    return boxRect;
}
```

//判断点是否位于区域内

```

BOOL Ccg2019FillPolyView::PointInPolygon(int pointNumOfPolygon, CPoint tarPolygon[],
CPoint testPoint)
{

    if (pointNumOfPolygon < 3)
        return false;

    bool inSide = FALSE;
    float lineSlope, interSectX;
    int i = 0, j = pointNumOfPolygon - 1;

    for (i = 0; i < pointNumOfPolygon; i++) {
        if ((tarPolygon[i].y < testPoint.y && tarPolygon[j].y >= testPoint.y ||
            tarPolygon[j].y < testPoint.y && tarPolygon[i].y >= testPoint.y) &&
            (tarPolygon[i].x <= testPoint.x || tarPolygon[j].x <= testPoint.x)) {
            if (tarPolygon[j].x != tarPolygon[i].x) {
                lineSlope = (float)(tarPolygon[j].y - tarPolygon[i].y) /
(tarPolygon[j].x - tarPolygon[i].x);
                interSectX = (int)(tarPolygon[i].x + (testPoint.y - tarPolygon[i].y) /
lineSlope);
            }
            else
                interSectX = tarPolygon[i].x;
            if (interSectX < testPoint.x)
                inSide = !inSide;
        }
        j = i;
    }

    return inSide;
}

```

//扫描线种子填充

```

int SetRP(int x, int y, COLORREF color, COLORREF mColor, CDC* pDC) {
    while (pDC->GetPixel(CPoint(x, y)) == mColor) {
        pDC->SetPixel(x, y, color);
        x++;
    }
    return x - 1;
}

int SetLP(int x, int y, COLORREF color, COLORREF mColor, CDC* pDC) {
    while (pDC->GetPixel(CPoint(x - 1, y)) == mColor) {
        pDC->SetPixel(--x, y, color);
    }
}

```

```

    }
    return x + 1;
}

void NewLineSeed(std::stack<CPoint>* stk, int lx, int rx, int y, COLORREF color, COLORREF
mColor, CDC* pDC) {
    int x, e;
    for (x = lx + 1, e = rx + 1; x < e; x++) {
        //找出每一个区间的最右像素，入栈
        if (pDC->GetPixel(CPoint(x, y)) != mColor) {
            if (pDC->GetPixel(CPoint(x - 1, y)) == mColor)
                stk->push(CPoint(x - 1, y));
        }
    }
    //把rx所在点入栈
    if (pDC->GetPixel(CPoint(x - 1, y)) == mColor)
        stk->push(CPoint(x - 1, y));
}

void Ccg2019FillPolyView::ScanLineFill4(int x, int y, COLORREF color, CDC* pDC)
{
    int pRight, pLeft;
    std::stack<CPoint> stk;
    int mColor = pDC->GetPixel(x, y); //给定种子

    stk.push(CPoint(x, y));
    while (!stk.empty()) {
        CPoint p = stk.top(); //栈顶像素出栈
        stk.pop();

        pRight = SetRP(p.x, p.y, color, mColor, pDC); //向左向右进行填充
        pLeft = SetLP(p.x, p.y, color, mColor, pDC);

        //上下两条扫描线处理
        NewLineSeed(&stk, pLeft, pRight, p.y + 1, color, mColor, pDC);
        NewLineSeed(&stk, pLeft, pRight, p.y - 1, color, mColor, pDC);
    }
}

```

```

void Ccg2019FillPolyView::FloodFill4(int x, int y, int fillColor, int oldColor, CDC* pDC)
{
    int current;
    current = pDC->GetPixel(x, y);
    if (current == oldColor) {
        pDC->SetPixel(x, y, fillColor);
    }
}

```

```

        FloodFill4(x + 1, y, fillColor, oldColor, pDC);
        FloodFill4(x - 1, y, fillColor, oldColor, pDC);
        FloodFill4(x, y + 1, fillColor, oldColor, pDC);
        FloodFill4(x, y - 1, fillColor, oldColor, pDC);
    }
}

```

//多边形三角剖分

```

void Ccg2019FillPolyView::Triangulation(CPoint* points, int pNumbers, int number)
{
    if (pNumbers == 3) { //出口
        return;
    }

    int k, xMin = 100000;
    for (int j = 0; j < pNumbers; j++) //找出当前多边形的最左侧顶点
    {
        if (points[j].x < xMin) {
            k = j;
            xMin = points[j].x;
        }
    }

    CPoint array[3];
    array[0] = points[k]; //最左侧顶点
    int next = (k + 1) % pNumbers;
    array[1] = points[next]; //后一个顶点
    int pre = k - 1;
    if (pre < 0)
        pre += pNumbers;
    array[2] = points[pre]; //前一个顶点

    //围成的该三角形内是否有其他顶点
    CPoint in_point[N];
    int in_number = 0, i = 0;
    xMin = 1000;
    for (int j = 0; j < pNumbers; j++)
    {
        if (j == k || j == next || j == pre) //三角形的三个顶点不算
            continue;
        if (PointInPolygon(3, array, points[j])) { //找出在该三角形内的顶点，并找到其
            中的最左侧顶点
            in_point[in_number] = points[j];

```

```

        if (in_point[in_number].x < xMin) {
            i = j;
            xMin = in_point[in_number].x;
        }
        in_number++;
    }
}

if (in_number >= 1) { //若存在，则链接三角形内的最左侧点，分割多边形，递归调用

    CPen pen(PS_SOLID, 1, RGB(255, 0, 0)); //创建画笔对象
    CClientDC dc(this);
    CPen* pOldPen = dc.SelectObject(&pen);

    dc.MoveTo(array[0].x, array[0].y); //连接线到该最左侧顶点
    dc.LineTo(points[i].x, points[i].y);
    dc.SelectObject(&pOldPen);

    CPoint array_1[N], array_2[N]; //分割成两个多边形
    int pNumbers_1 = 0, pNumbers_2 = 0;

    if (k > i) {
        int temp = i; i = k; k = temp;
    }

    for (int j = 0; j < pNumbers; j++)
    {
        if (j >= k && j <= i) {
            array_1[pNumbers_1++] = points[j];
        }
        if (j <= k || j >= i) {
            array_2[pNumbers_2++] = points[j];
        }
    }

    Triangulation(array_1, pNumbers_1, pNumbers_1);
    Triangulation(array_2, pNumbers_2, pNumbers_2);
}

else { //若不存在，则分割该三角形，递归调用

    CPen pen(PS_SOLID, 1, RGB(255, 0, 0)); //创建画笔对象
    CClientDC dc(this);
    CPen* pOldPen = dc.SelectObject(&pen);

    dc.MoveTo(array[1].x, array[1].y); //剖分线

```

```
dc.LineTo(array[2].x, array[2].y);
dc.SelectObject(&pOldPen);

for (int j = k; j < pNumbers - 1; j++) //删除k顶点
{
    points[j] = points[j + 1];
}
pNumbers--;

Triangulation(points, pNumbers, number);
}
}
```