

数据结构与算法

Data Structure and Algorithms

西安交通大学自动化系

蔡忠闽 周亚东

1.4.1 基本概念和术语

小结：数据结构的三个方面：

数据的逻辑结构

线性结构

线性表、栈
和队列、串、
数组和特殊
矩阵

非线性结构

树形结构
图形结构

数据的存储结构

顺序存储

链式存储

数据的运算：检索、排序、插入、删除、修改等

第二章 线性表

第二章 线性表

- 2.1 线性表的类型定义
- 2.2 线性表的顺序表示和实现
- 2.3 线性表的链式表示和实现
 - 2.3.1 线性链表
 - 2.3.2 循环链表
 - 2.3.3 双向链表
- 2.4 一元多项式的表示及相加

2.3 线性表的链式表示与实现

7. 静态链表

定义：用数组描述的链表叫静态链表

存储结构：

```
#define MAXSIZE = 100; //静态链表的最大长度
typedef struct {
    ELEMType data;
    int cur; //游标,代替指针指示结点在数组中的位置
} component, SLinkList[MAXSIZE];
```

目的是为了在不设指针类型的高级程序设计语言中使用链表结构。

2.3 线性表的链式表示与实现

0		1
1	zhao	2
2	qian	3
3	sun	4
4	li	5
5	zhou	6
6	wu	7
7	zheng	8
8	wang	0
9		
10		

修改前的状态

插入shi

0		1
1	zhao	2
2	qian	3
3	sun	4
4	li	9
5	zhou	6
6	wu	8
7	zheng	8
8	wang	0
9	shi	5
10		

修改后的状态

$S[0].cur$
指示第一
个结点在
数组中的
位置

若第*i*个分量表示
链表中的第*k*个
结点，则 $S[i].cur$
表示第*k+1*个结
点位置。

2.3 线性表的链式表示与实现

在静态链表中查找第1个具有给定值e的结点

int LocateElem_SL (SLinkList S, ElemtType e)

//若找不到，则返回0

{ *i = S[0].cur; //i 指向表第一个结点*

while (i && S[i].data != e)

i = S[i].cur; //顺链查找,相当于p=p->next

return i;

} //LocateElem_SL

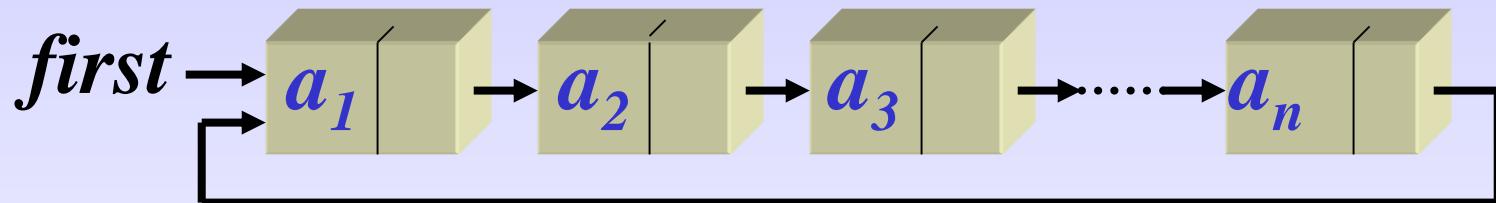
2.3 线性表的链式表示与实现

2.3.2 循环链表 (Circular List)

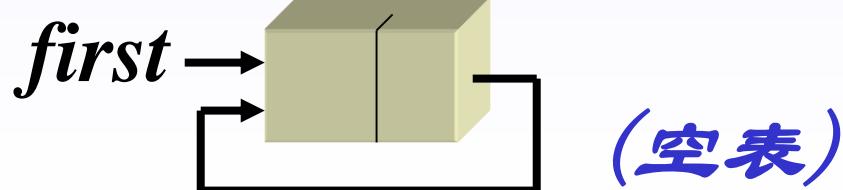
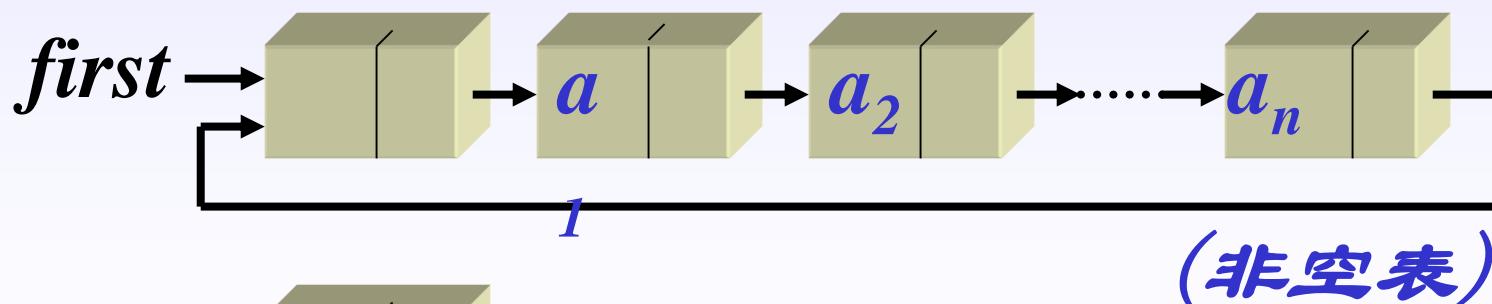
- 循环链表是单链表的变形。
- 循环链表最后一个结点的 **link** 指针不为**NULL**，而是指向了表的前端。
- 为简化操作，在循环链表中往往加入**头结点**。
- 循环链表的特点是：只要知道表中某一结点的地址，就可搜寻到所有其他结点的地址。

2.3 线性表的链式表示与实现

- 循环链表的示例



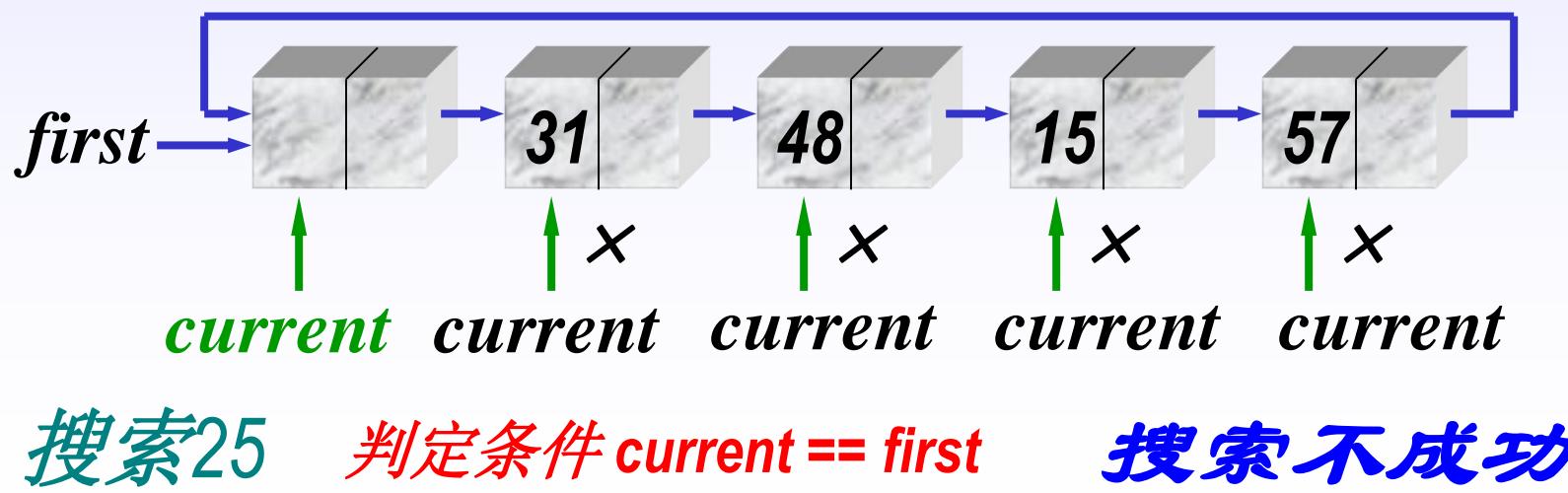
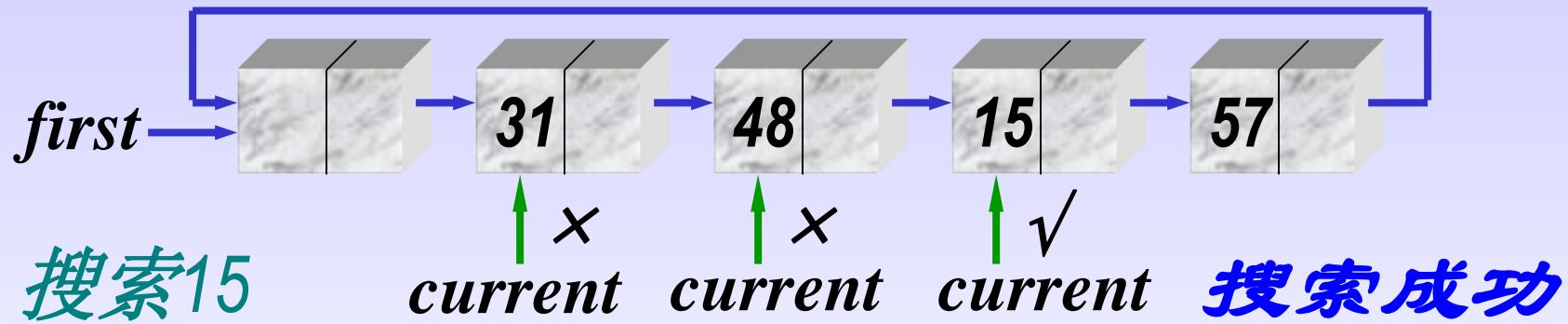
- 带头结点的循环链表



(非空表)

2.3 线性表的链式表示与实现

循环链表的搜索算法



2.3 线性表的链式表示与实现

2.3.3 双向链表 (Doubly Linked List)

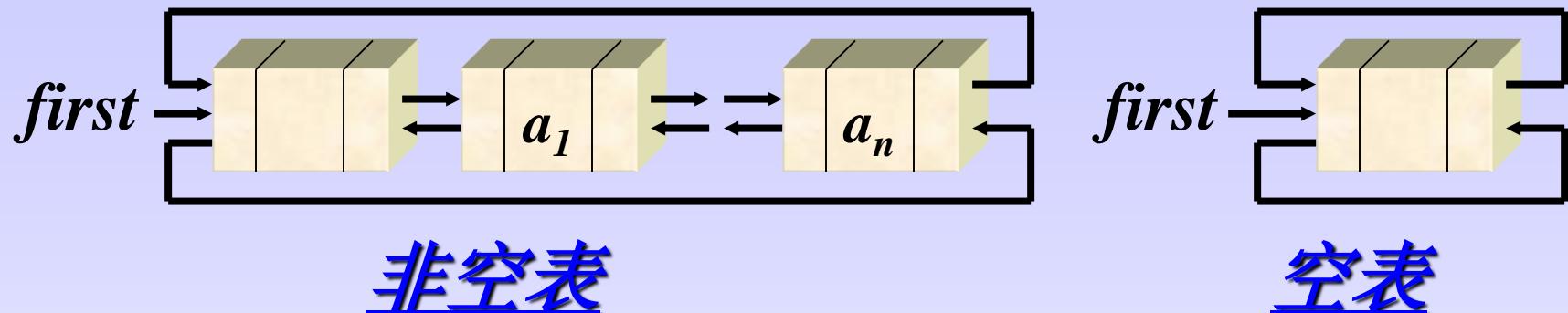
- 双向链表是指在前驱和后继方向都能游历(遍历)的线性链表。
- 双向链表每个结点有两个指针域, 结构如下:



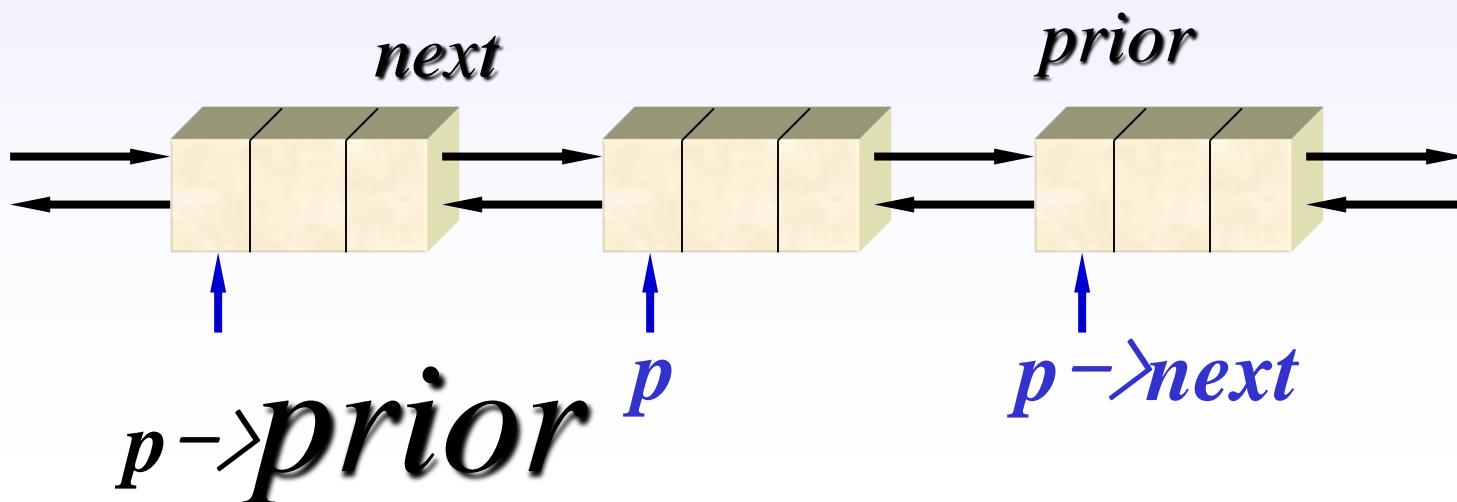
前驱方向 ← → 后继方向

```
typedef struct LNode {  
    ELEM_TYPE data;  
    struct LNode *prior, *next;  
} DuLNode, *DuLinkedList;
```

2.3 线性表的链式表示与实现

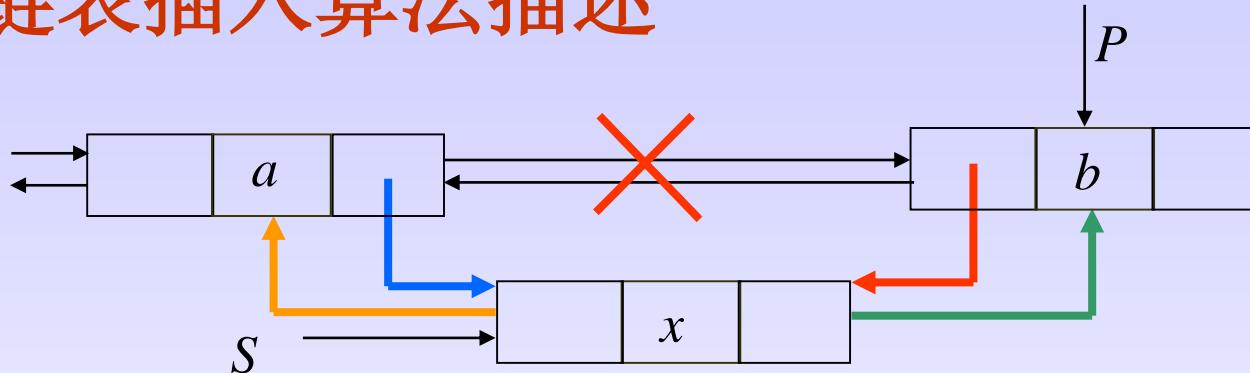


- 结点指向

$$p == p \rightarrow prior \rightarrow next == p \rightarrow next \rightarrow prior$$


2.3 线性表的链式表示与实现

双向链表插入算法描述



```
s->data=x;  
s->prior=p->prior;  
p->prior->next=s;  
s->next=p;  
p->prior=s;
```

2.3 线性表的链式表示与实现

双向链表的插入操作算法:

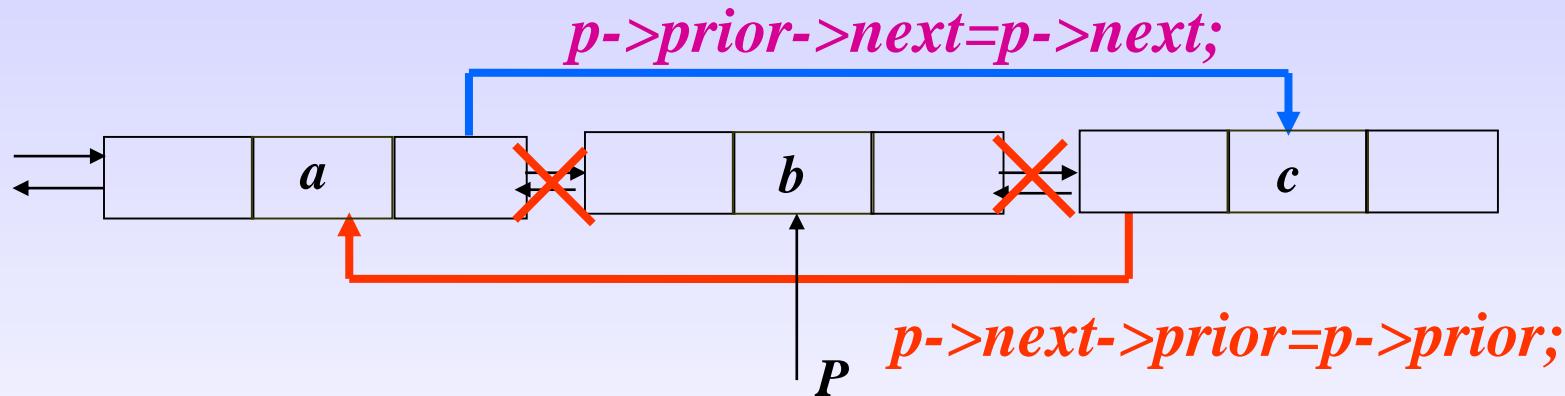
```

Status ListInsert_DuL ( DuLinkList &L, int i, ElecType e ) {
    // 在带头结点的双向循环线性表 L 中第 i 个位置之前插入元素 e, 1≤i≤表长+1
    if ( !( p = GetElemP_DuL ( L, i ) ) ) return ERROR;
    // 在 L 中确定第 i 个元素的位置指针 p, 若 p = NULL, 则不存在
    if ( !( s = ( DuLinkList ) malloc ( sizeof ( DuLNode ) ) ) ) return
        ERROR
    s->data = e; // 将数据放入新结点的数据域
    s->prior = p->prior; // 将 p 的前驱结点指针放入新结点的前向指针域
    s->next = p; // 将 p 放入新结点的反向指针域
    p->prior->next = s; // 修改 p 的前驱结点的反向指针
    p->prior = s; // 修改 p 的前向指针
    return OK;
} // ListInsert_DuL
    
```

– 算法评价: $T(n)=O(n)$

2.3 线性表的链式表示与实现

双向链表删除算法描述



```
p->prior->next=p->next;
p->next->prior=p->prior;
free(p);
```

2.3 线性表的链式表示与实现

双向链表的删除操作算法:

Status ListDelete_DuL (DuLinkList &L, int i, ElemType &e)

{ // 删除带头结点的双向循环链表 L 中第 i 个元素并返回其值, 1≤i≤表长

if (!(p = GetElemP_DuL (L, i))) return ERROR;

// 在 L 中确定第 i 个元素, p 为指向该结点的指针;

// 若 i < 1 或 i > 表长, 则 p 为 NULL, 第 i 个元素不存在

e = p->data; // 将 p 指向的结点数据域中的值取出

p->prior->next = p->next; // 修改 p 的前驱结点的反向指针

p->next->prior = p->prior; // 修改 p 的后继结点的前向指针

free (p); // 释放 p 结点

return OK;

} // ListDelete_DuL

算法评价: $T(n)=O(n)$

2.3 线性表的链式表示与实现

2.3.4 顺序表与链表的比较

(1) 基于空间的比较

- 存储分配的方式
 - ◆ 顺序表的存储空间是静态分配的
 - ◆ 链表的存储空间是动态分配的
- 存储密度 = 结点数据本身所占的存储量 / 结点结构所占的存储总量
 - ◆ 顺序表的存储密度 = 1
 - ◆ 链表的存储密度 < 1

2.3 线性表的链式表示与实现

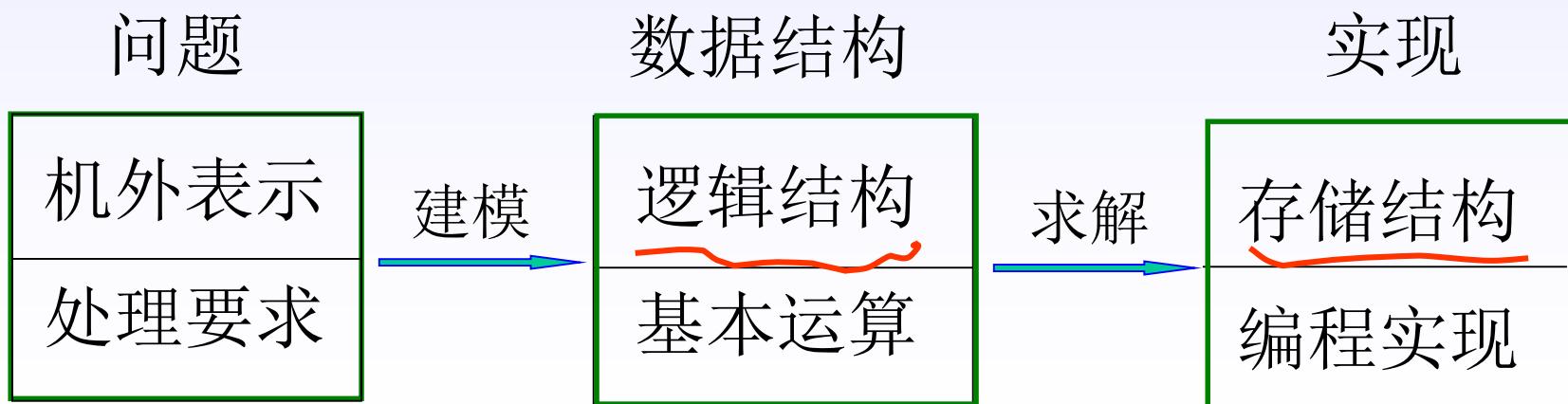
(2) 基于时间的比较

- 存取方式
 - ◆ 顺序表可以随机存取，也可以顺序存取
 - ◆ 链表是顺序存取的
- 插入/删除时移动元素个数
 - ◆ 顺序表平均需要移动近一半元素
 - ◆ 链表不需要移动元素，只需要修改指针
 - ◆ 若插入/删除仅发生在表的两端，宜采用带尾指针的循环链表

1.2 什么是数据结构

计算机求解问题的步骤：

- 分析问题；
- 建立求解问题的数据结构并设计算法——通过算法来表示对象数据及其相互关系；
- 实现： 编制程序模拟对象领域中的求解过程。



2.4 一元多项式的表示及相加

1. 一元多项式的表示

$$P_n(x) = P_0 + P_1x + P_2x^2 + \dots + P_nx^n$$

- **n 阶多项式 $P_n(x)$ 有 $n+1$ 项**
 - ◆ 系数 $P_0, P_1, P_2, \dots, P_n$
 - ◆ 指数 $0, 1, 2, \dots, n$ 。按升幂排列

可用线性表 P 表示: $P = (P_0, P_1, P_2, \dots, P_n)$

2.4 一元多项式的表示及相加

若：

$$S(x) = 1 + 3x^{1000} + 2x^{20000}$$

对 $S(x)$ 这样的多项式采用全部存储的方式则浪费空间。

怎么办？

一般 n 次多项式可以写成：

$$P_n(x) = P_1 x^{e1} + P_2 x^{e2} + \dots + P_m x^{em}$$

其中 $0 \leq e1 < e2 < \dots < em = n$

P_i 为非零系数。

因此可以用数据域含两个数据项的线性表来表示：

$$((P_1, e1), (P_2, e2), \dots, (P_m, em))$$

其存储结构可以用顺序存储结构，也可以用单链表。

2.4 一元多项式的表示及相加

2. 多项式的抽象数据类型

ADT Polynomial {

数据对象:

$D = \{ a_i \mid a_i \in TermSet, i=1, 2, \dots, m, m \geq 0 \}$

*TermSet 中的每个元素包含一个
表示系数的实数和表示指数的整数}*

数据关系:

$R = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i=2, \dots, n \}$

且 a_{i-1} 中的指数值 $< a_i \rangle$ 中的指数值}

2.4 一元多项式的表示及相加

基本操作:

CreatPolyn (&P, m)

操作结果: 输入 m 项的系数和指数,
建立一元多项式 P 。

DestroyPolyn (&P)

初始条件: 一元多项式 P 已存在。

操作结果: 销毁一元多项式 P 。

PrintPolyn (&P)

初始条件: 一元多项式 P 已存在。

操作结果: 打印输出一元多项式 P 。

2.4 一元多项式的表示及相加

PolynLength(P)

初始条件: 一元多项式 P 已存在。

操作结果: 返回一元多项式 P 中的项数。

AddPolyn (&Pa, &Pb)

初始条件: 一元多项式 Pa 和 Pb 已存在。

操作结果: 完成多项式相加运算, 即:

$Pa = Pa + Pb$, 并销毁一元多项式 Pb 。

SubtractPolyn (&Pa, &Pb)

... ...

} ADT Polynomial

2.4 一元多项式的表示及相加

3. 多项式的链式存储表示

- 在多项式的链表表示中每个结点三个数据成员：

```
typedef struct LNode  
{ int coef, exp;  
    struct LNode *next;  
}LNode;
```



- 优点是：
 - 多项式的项数可以动态地增长，不存在存储溢出问题。
 - 插入、删除方便，不移动元素。

2.4 一元多项式的表示及相加

4. 一元多项式的相加算法

- 扫描两个多项式，若都未检测完：
 - ◆ 若当前被检测项指数相等，系数相加。若未变成 0，则将结果加到结果多项式。
 - ◆ 若当前被检测项指数不等，将指数小者加到结果多项式。
- 若一个多项式已检测完，将另一个多项式剩余部分复制到结果多项式。

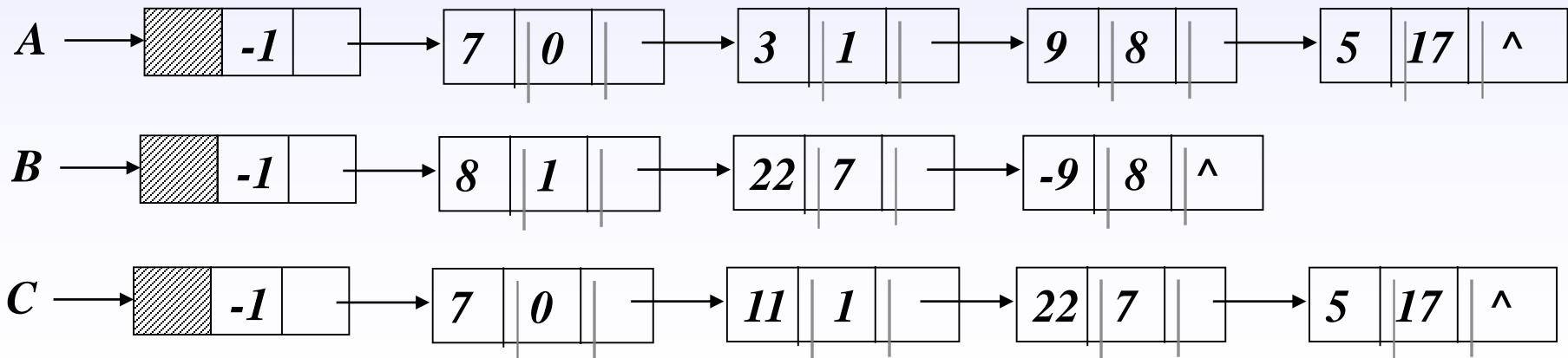
2.4 一元多项式的表示及相加

例：一元多项式相加

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17}$$

$$B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$

$$C(x) = A(x) + B(x) = 7 + 11x + 22x^7 + 5x^{17}$$



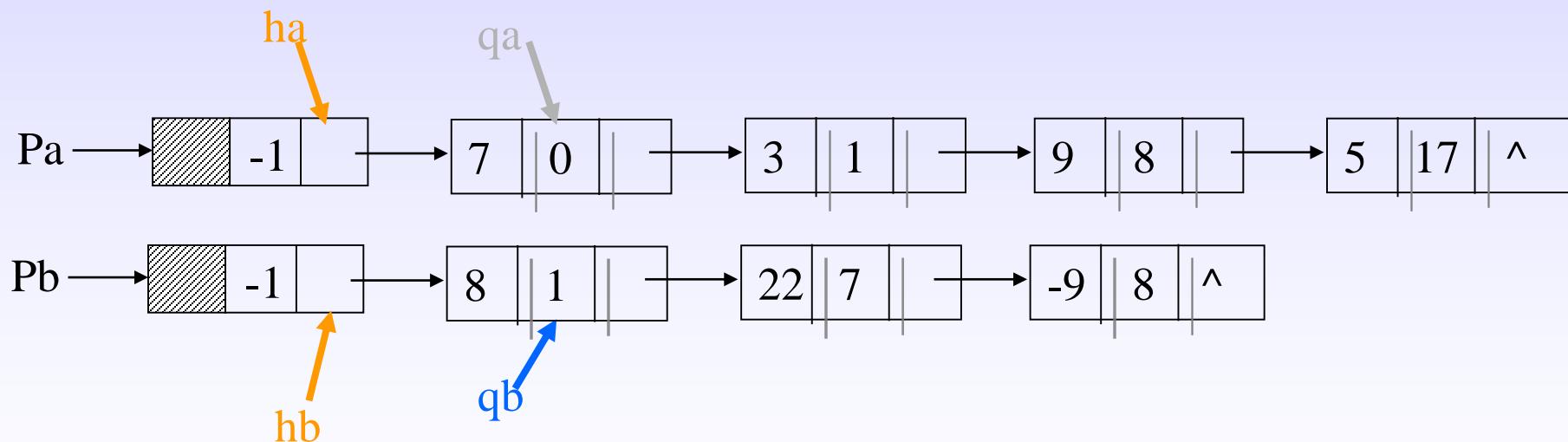
```

Void AddPoly(polynomial &Pa, polynomial &Pb) // 多项式相加: Pa = Pa + Pb;
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb); // ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;
  qa = NextPos(Pa, ha), qb = NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa和Pb的当前结
  点;
  while (qa &&qb) { // qa和qb均非空;
    a = GetCurElem(qa); b = GetCurElem(qb); // a和b分别为两表中当前比较元素;
    switch (*cmpexp(a,b)){
      case -1 // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
      case 0 // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
          SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
      case 1: // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
    }
  }
  if (!ListEmpty(Pb)) Append(Pa, qb); //链接Pb中的剩余节点
  FreeNode(hb); //释放Pb的头结点
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加

```
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb);  
// ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;  
qa = NextPos(Pa, ha), qb =  
NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa  
和Pb的当前结点;
```

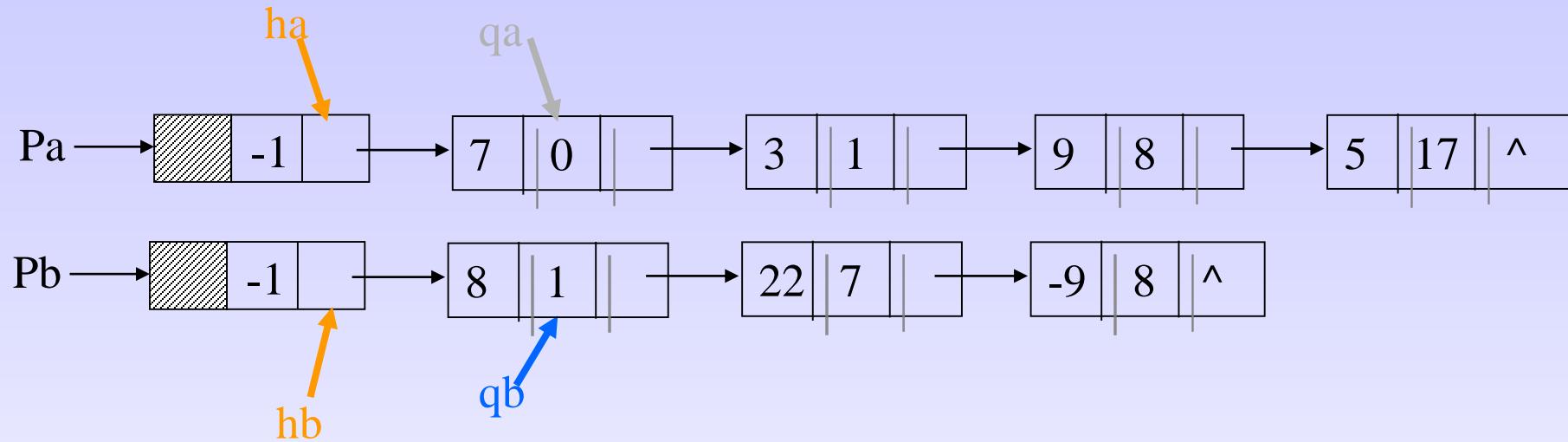


```

Void AddPoly(polynomial &Pa, polynomial &Pb) // 多项式相加: Pa = Pa + Pb;
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb); // ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;
  qa = NextPos(Pa, ha), qb = NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa和Pb的当前结
  点;
  while (qa &&qb) { // qa和qb均非空;
    a = GetCurElem(qa); b = GetCurElem(qb); // a和b分别为两表中当前比较元素;
    switch (*cmpexp(a,b)){
      case -1 // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
      case 0 // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
          SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
      case 1: // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
    }
  }
  if (!ListEmpty(Pb)) Append(Pa, qb); //链接Pb中的剩余节点
  FreeNode(hb); //释放Pb的头结点
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加

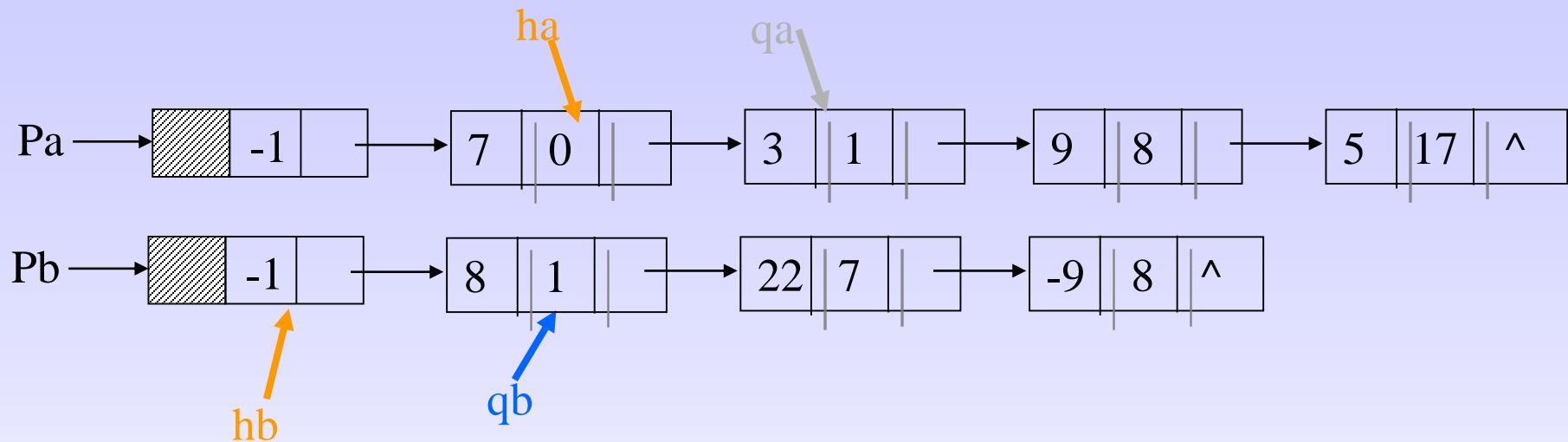


```

switch (*cmpexp(a, b)) {
    case -1           // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0           // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
    qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:           // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加



```

switch (*cmpexp(a, b)) {
    case -1           // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0           // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
    qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:           // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

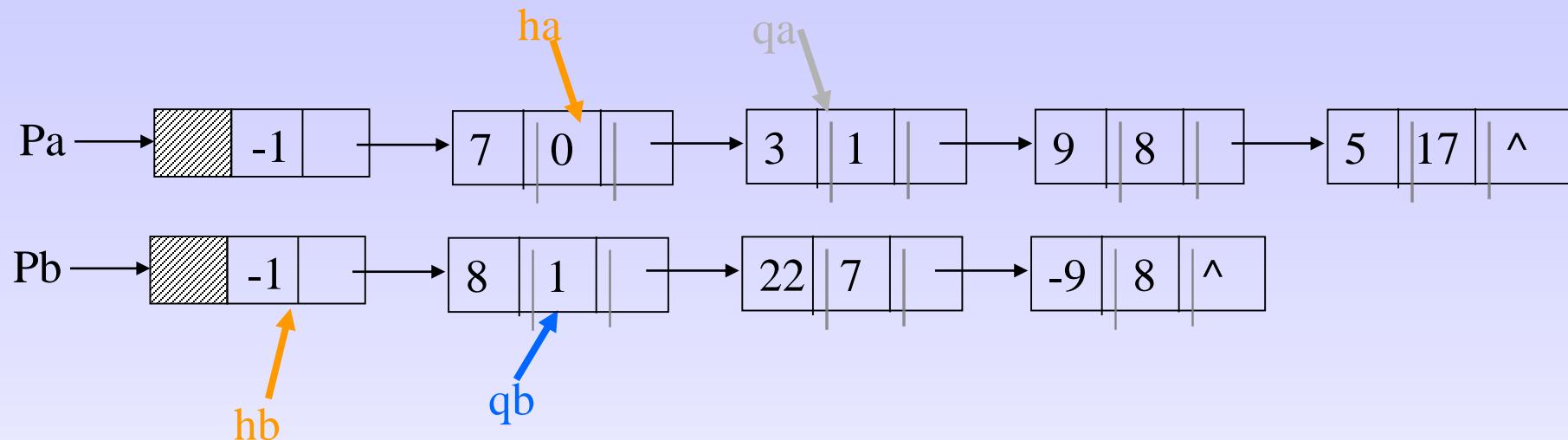
```

```

Void AddPoly(polynomial &Pa, polynomial &Pb) // 多项式相加: Pa = Pa + Pb;
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb); // ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;
  qa = NextPos(Pa, ha), qb = NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa和Pb的当前结
  点;
  while (qa &&qb) { // qa和qb均非空;
    a = GetCurElem(qa); b = GetCurElem(qb); // a和b分别为两表中当前比较元素;
    switch (*cmpexp(a,b)){
      case -1 // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
      case 0 // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
          SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
      case 1: // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
    }
  }
  if (!ListEmpty(Pb)) Append(Pa, qb); //链接Pb中的剩余节点
  FreeNode(hb); //释放Pb的头结点
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加

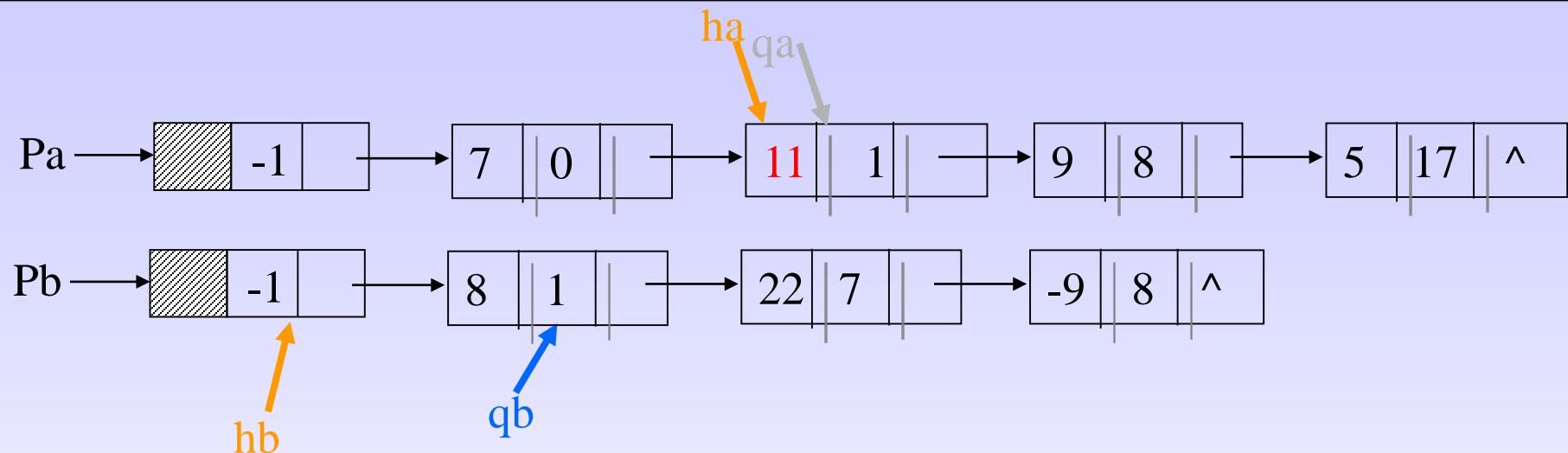


```

switch (*cmpexp(a, b)) {
    case -1           // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0           // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:          // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加

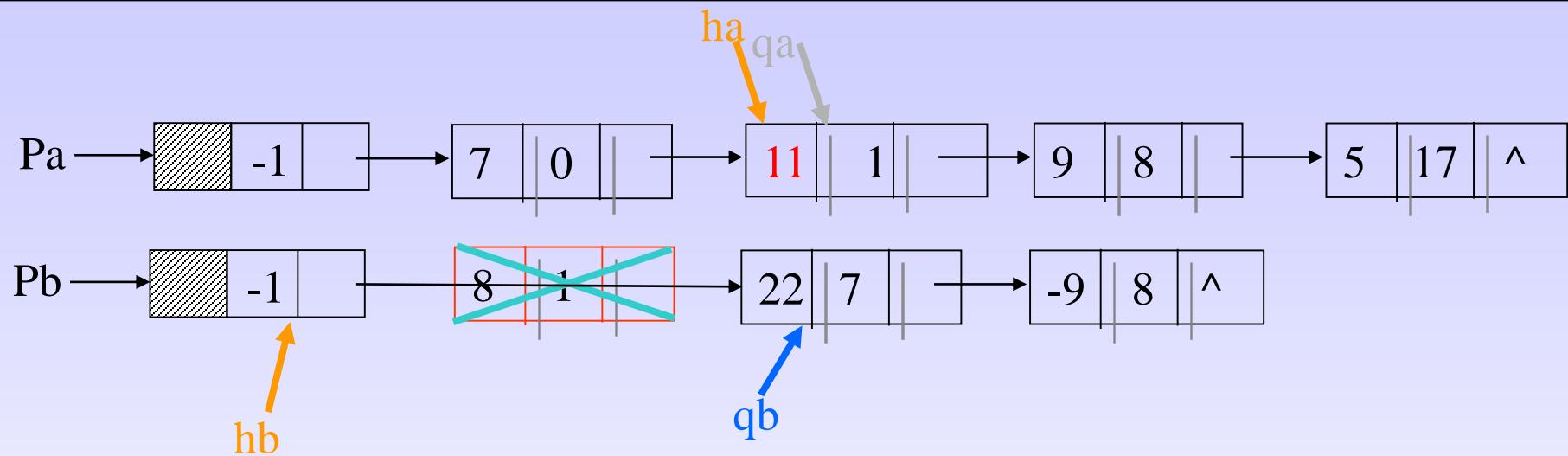


```

switch (*cmpexp(a, b)) {
    case -1           // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0           // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:          // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加

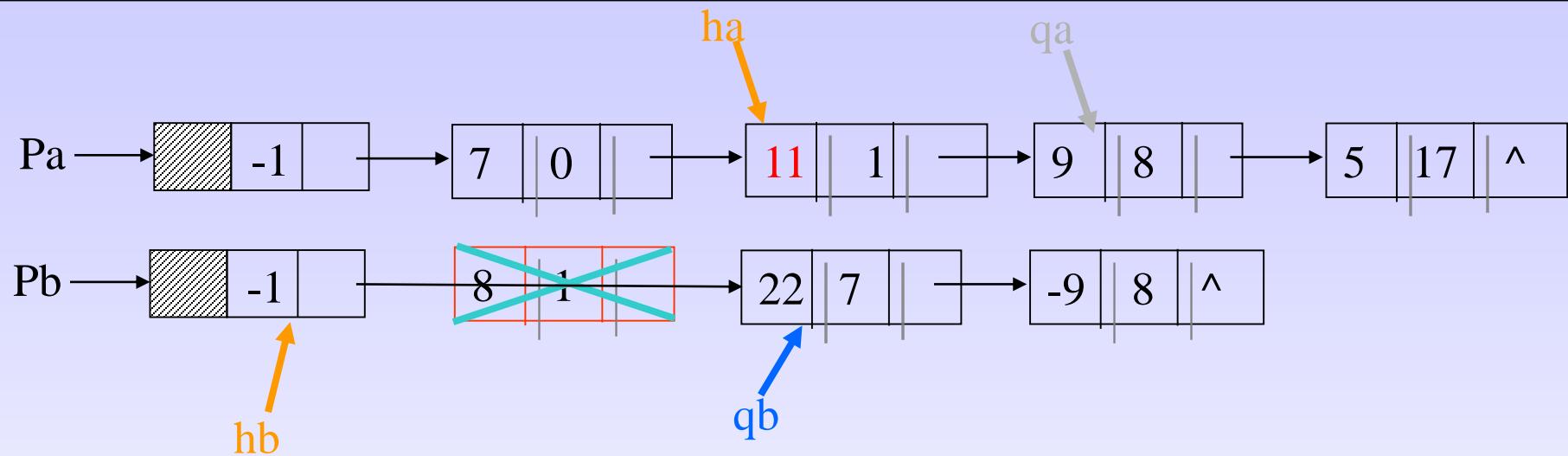


```

switch (*cmpexp(a, b)) {
    case -1      // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0       // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    case 1:      // b中的指数小
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb);
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
    }
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加

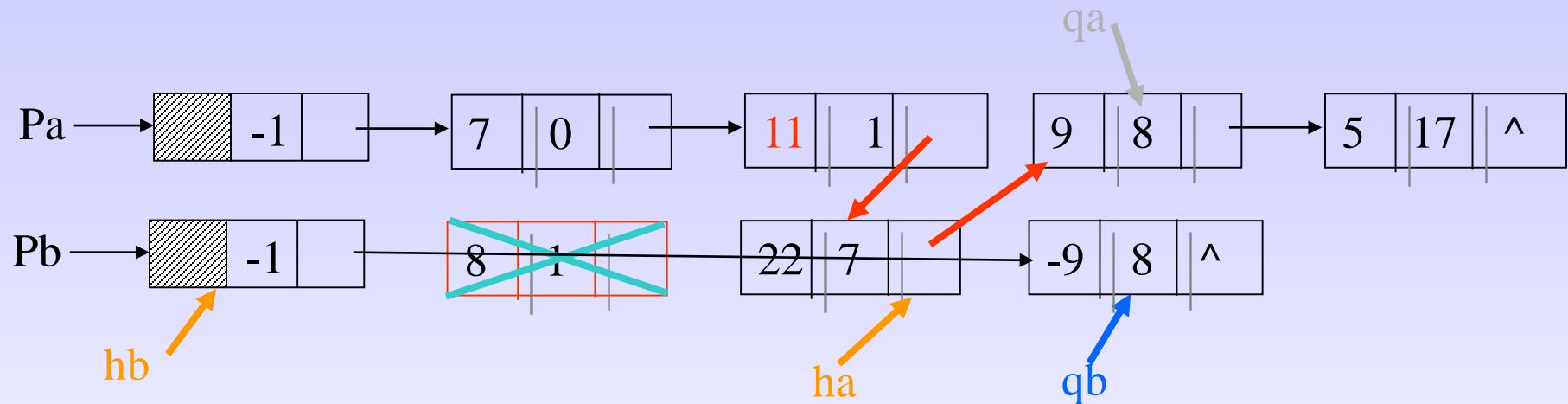


```

switch (*cmpexp(a, b)) {
    case -1      // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0      // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    De1First (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
    qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:      // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加



```

switch (*cmp(a, b)) {
    case -1      // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0      // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
    qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:      // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

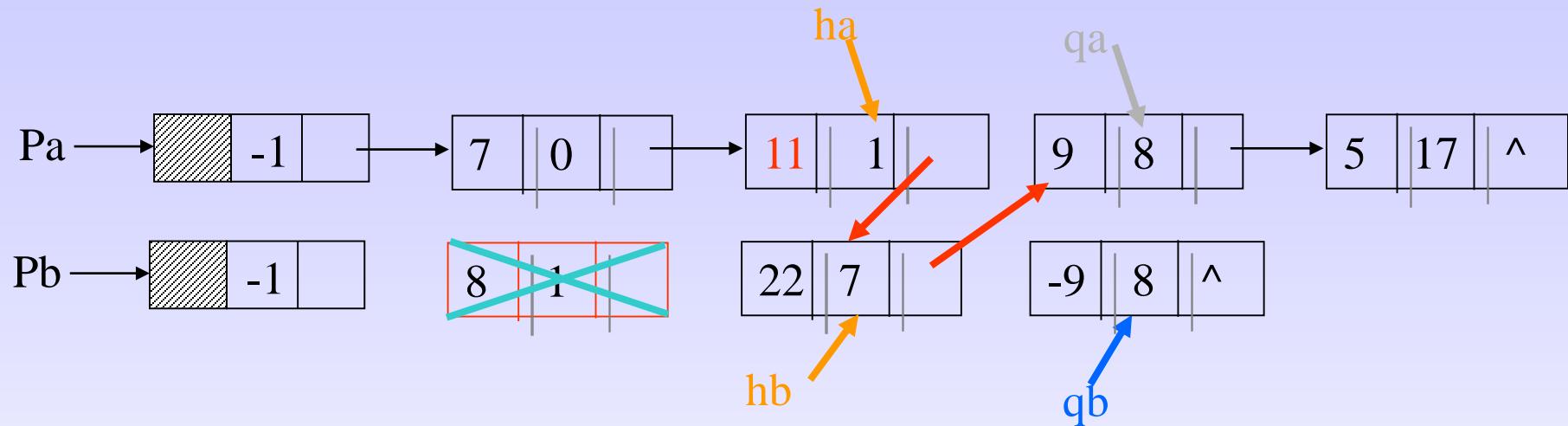
```

```

Void AddPoly(polynomial &Pa, polynomial &Pb) // 多项式相加: Pa = Pa + Pb;
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb); // ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;
  qa = NextPos(Pa, ha), qb = NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa和Pb的当前结
  点;
  while (qa &&qb) { // qa和qb均非空;
    a = GetCurElem(qa); b = GetCurElem(qb); // a和b分别为两表中当前比较元素;
    switch (*cmpexp(a,b)){
      case -1 // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
      case 0 // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
          SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
      case 1: // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
    }
  }
  if (!ListEmpty(Pb)) Append(Pa, qb); //链接Pb中的剩余节点
  FreeNode(hb); //释放Pb的头结点
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加



```

switch (*cmp(a, b)) {
    case -1           // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0           // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
    DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
    qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:           // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

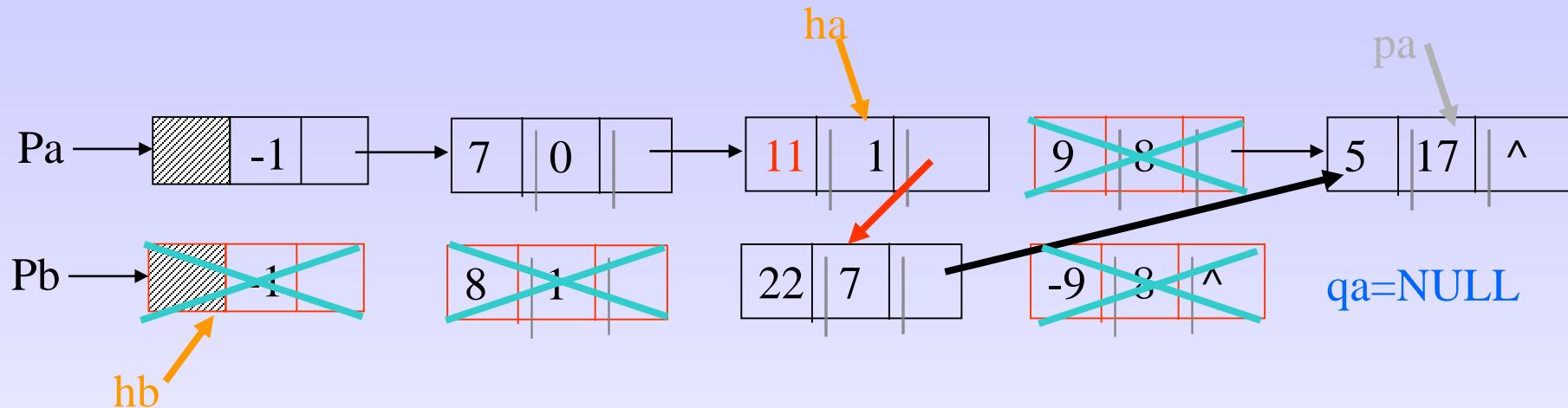
```

```

Void AddPoly(polynomial &Pa, polynomial &Pb) // 多项式相加: Pa = Pa + Pb;
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb); // ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;
  qa = NextPos(Pa, ha), qb = NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa和Pb的当前结
  点;
  while (qa &&qb) { // qa和qb均非空;
    a = GetCurElem(qa); b = GetCurElem(qb); // a和b分别为两表中当前比较元素;
    switch (*cmpexp(a,b)){
      case -1 // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
      case 0 // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
          SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
      case 1: // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
    }
  }
  if (!ListEmpty(Pb)) Append(Pa, qb); //链接Pb中的剩余节点
  FreeNode(hb); //释放Pb的头结点
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加



```

switch (*cmp(a, b)) {
    case -1      // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
    case 0      // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
            SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA
    中的当前节点
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
    case 1:      // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
}

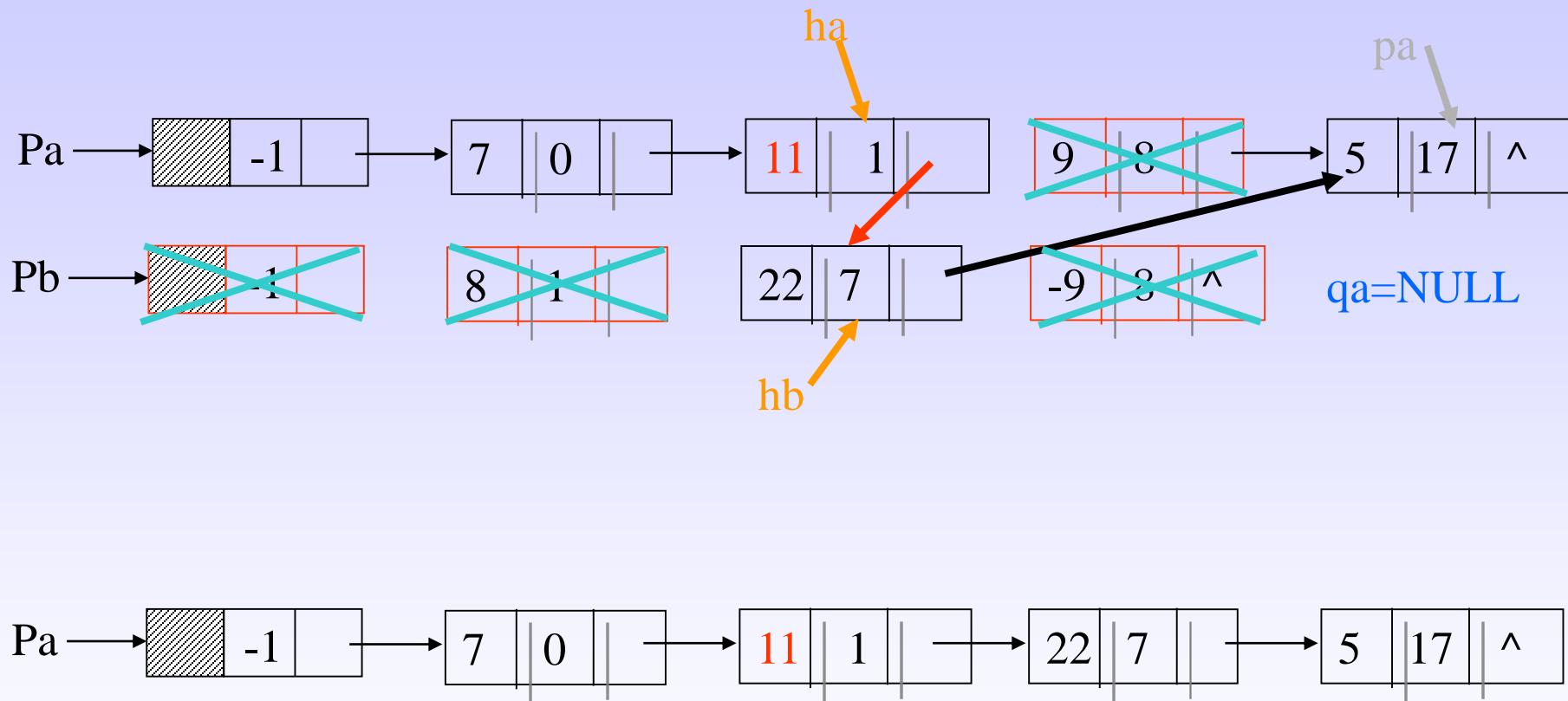
```

```

Void AddPoly(polynomial &Pa, polynomial &Pb) // 多项式相加: Pa = Pa + Pb;
{ ha = GetHead(Pa); hb = GetHead(Pb); // ha和hb分别指向Pa和Pb的头结点;
  qa = NextPos(Pa, ha), qb = NextPos(Pb, hb); // qa和qb分别指向Pa和Pb的当前结
  点;
  while (qa &&qb) { // qa和qb均非空;
    a = GetCurElem(qa); b = GetCurElem(qb); // a和b分别为两表中当前比较元素;
    switch (*cmpexp(a,b)){
      case -1 // a中的指数小
        ha = qa; qa = NextPos(Pa, qa); break;
      case 0 // a和b的指数相等
        sum = a.coef + b.coef;
        if (sum != 0.0) // 修改多项式PA中当前节点的系数值
          SetCurElem(qa, sum); ha = qa; }
        else { DelFirst (ha, qa); FreeNode(qa); } // 删除多项式PA中的当前节点
        DelFirst (hb, qb); FreeNode(qb); qb = NextPos(Pb, hb));
        qa = NextPos(Pa, ha); break;
      case 1: // b中的指数小
        delFirst (hb, qb); InsFirst (ha, qb);
        qb = NextPos(Pb, hb); ha = NextPos(Pa, ha); break
    }
  }
  if (!ListEmpty(Pb)) Append(Pa, qb); //链接Pb中的剩余节点
  FreeNode(hb); //释放Pb的头结点
}

```

2.4 一元多项式的表示及相加



本章小结

- 线性表的抽象数据类型
- 线性表的顺序存储和实现
- 线性表的链式存储和实现
 - 单链表
 - 双向链表
 - 循环链表
 - 静态链表
- 一元多项式的表示和相加

第三章 栈和队列

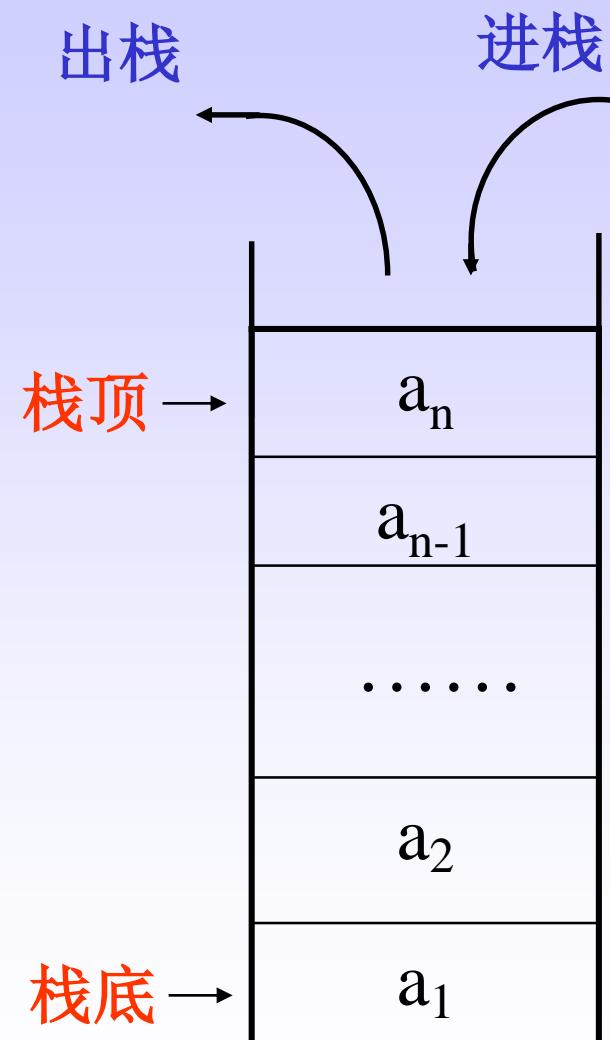
- 3. 1、栈
- 3. 2、栈的应用举例
- 3. 3、队列

3.1 栈(stack)

3.1.1 定义

栈(Stack)是限制在表的一端进行插入和删除运算的线性表，通常称插入、删除的这一端为栈顶(Top)，另一端为栈底(Bottom)。当表中没有元素时称为空栈。

假设栈 $S=(a_1, a_2, a_3, \dots, a_n)$ ，则 a_1 称为栈底元素， a_n 为栈顶元素。栈中元素按 $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ 的次序进栈，退栈的第一个元素应为栈顶元素。换句话说，栈的修改是按后进先出的原则进行的。因此，栈称为后进先出表(Last In First Out, LIFO)。



3.1 栈(stack)

- ADT Stack {

数据对象: $D = \{ a_i \mid a_i \in \text{ElemSet}, i=1,2,\dots,n, n \geq 0 \}$

数据关系: $R_1 = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i=2, \dots, n \}$

约定 a_n 端为栈顶, a_1 端为栈底

基本操作:

InitStack (&S) //构造一个空栈

DestroyStack (&S) //销毁栈

ClearStack (&S) //将S清为空栈

StackEmpty(S) //判断是否为空栈, 是则返回True

StackLength(S) //返回栈的长度

GetTop (S, &e) // 返回栈顶元素

Push (&S, e) //插入元素e为新的栈顶元素

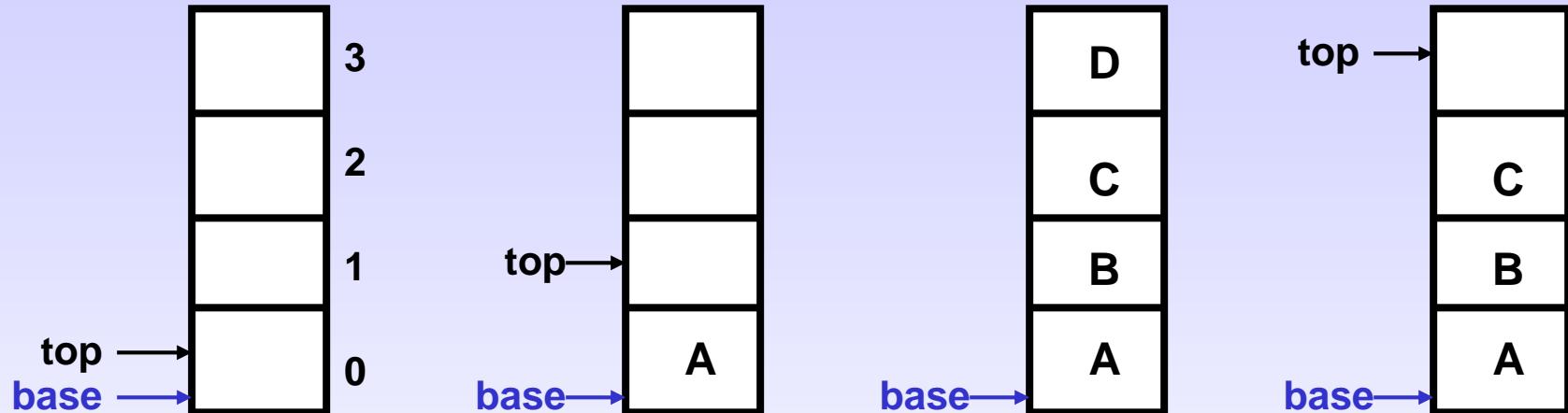
Pop (&S, &e) // 删除栈顶元素, 并用e返回

StackTraverse(S, visit()) //对每个元素都调用visit函数, 如调用失败, 则操作失效

}

3.1 栈

3.1.2 顺序栈的表示和实现



利用 `typedef struct {` 连续的存储单元依次存放自栈底到栈顶的数据元素，同时附设指针 `Top` 指示栈顶元素在顺序栈的位置。
`}, SqStack;`

注意：因为 `base == top` 是栈空标志，所以 `top` 指针只能指示真正的栈顶元素之上的数组元素的下标地址。否则造成矛盾。

栈满时的处理方法：

- 1、提示出错，返回操作系统。
- 2、分配更大的空间。

3.1 栈

1 顺序栈的初始化实现：

```
#define STACK_INIT_SIZE 100; //基本容量  
#define STACK_INCREMENT 10; //增量  
  
status InitStack(SqStack &s)  
{ s.base=(SElemType *)malloc  
    (STACK_INIT_SIZE*sizeof(SElemType));  
  
    if ( !s.base ) exit ( OVERFLOW );  
  
    s.top = s.base ; // 空栈标志  
    s.stacksize = STACK_INIT_SIZE;  
  
    return OK;  
} // InitStack;
```

3.1 栈

2 顺序栈的 Push 操作实现：

```
Status Push (SqStack &s, SElemType e)
{ if ( s.top - s.base >= s.stacksize ) // 判断是否栈满
{ s.base=(SElemType *) realloc( s.base,
                                (s.stacksize+STACK_INCREMENT)*sizeof(SElemType));
if ( !s.base ) exit ( OVERFLOW );
s.top = s.base + s.stacksize ;
s.stacksize += STACK_INCREMENT;
}
*s.top += e; // 相当于： * s.top = e; s.top ++ 两条指令;
return OK;
} // Push;
```

3.1 栈

3 顺序栈的 pop 操作实现:

```
Status Pop (SqStack &s, SElemType &e)
{   if ( s.top == s.base ) // 判断是否栈空
    return ERROR;
    s.top--;
    e = *s.top
    return OK ;
} // Pop
```

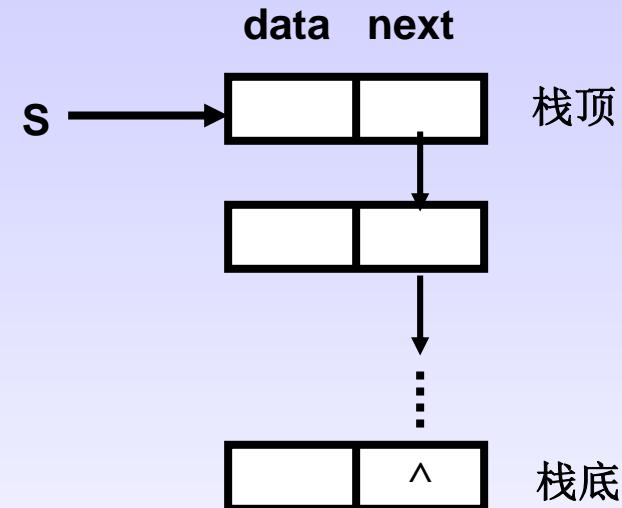
Note:

$e = * (s.top - 1)$ → GetTop 操作

3.1 栈

3.1.2 链式栈的表示和实现

```
typedef struct Snode {
    SElemType      data;
    struct Snode *next;
} Snode, *LinkStack;
```



1 链式的栈的初始化实现:

```
void InitlinkStack(LinkStack &s)
{ s = NULL; } // InitlinkStack, 没有头结点, 顶, 底?
```

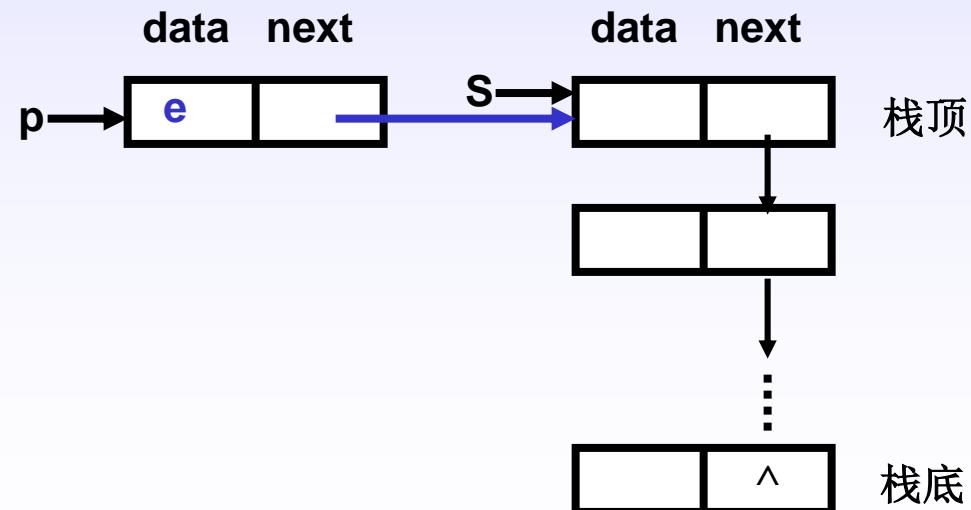
$s \longrightarrow ^\wedge$

3.1 栈

2 链式栈的 Push 操作实现:

```

Status Push(LinkStack &s, SElemType e)
{ p = ( Snode * ) malloc (sizeof(Snode));
  p->data = e;  p->next = s;
  s = p;
  return OK;
} // Push;
    
```



3.1 栈

3 链式栈的 Pop 操作实现:

Status Pop(LinkStack &s, SElemType & e)

```
{ if ( !s )
    return ERROR;
```

```
    e = s->data;
```

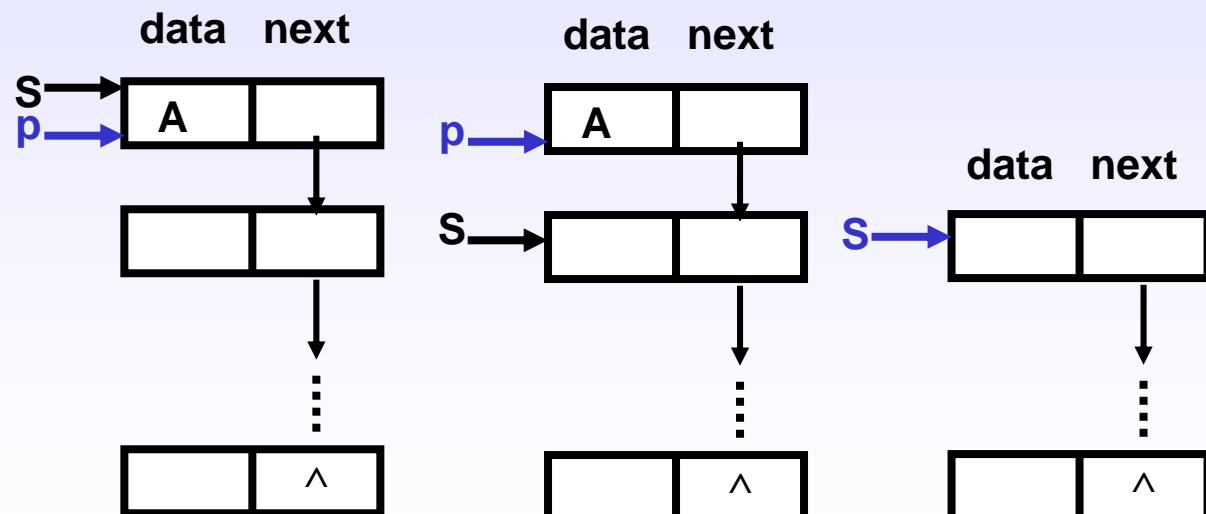
```
    p = s;
```

```
    s = s->next;
```

```
    free(p);
```

```
    return OK;
```

```
} // Pop;
```



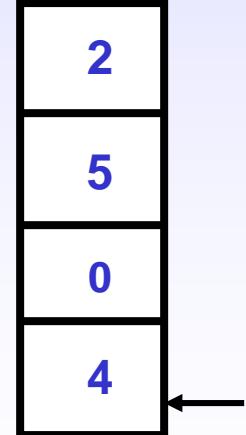
3.2 栈的应用--数制转换

公式: $N = (N \text{ div } d) * d + N \text{ mod } d$ (div 为整除, mod 为求余)

```
void conversion ( )
{
    InitStack( S );
    scanf( "%d", &N );
    while ( N )
    {
        Push(S, N%8);
        N = N/8;
    }
    while ( !Stackempty(S))
    {
        Pop(S, e);
        printf ("%d", e );
    }
}
```

例如10进制和8进制之间的数的转换。

$$(1348)_{10} = 8^3 * a_3 + 8^2 * a_2 + 8 * a_1 + 8^0 * a_0$$

N	N div 8	N % 8	
1348	168	4 a0	
168	21	0 a1	
21	2	5 a2	
2	0	2 a3	

3.2 栈的应用——括号匹配检查

括号匹配检查

括号匹配的就近原则：

一定是最后一个左括号同当前的右括号进行匹配的。

3.2 栈的应用——括号匹配检查

```
Status clarity(Sqlist L) // L中存放需要检查的表达式
{
    Initstack(S);
    for(i=1; i<=Listlength(L); i++)
    {
        GetElem(L, i, e1);
        if(( e1 == '(' ) || ( e1 == '[' )) Push(S, e1); //左括号入栈
        else if(( e1 == ')' ) || ( e1==']' )) //右括号出栈
            if(( Pop(S, e2) == ERROR ) // 左括号少于右括号
                || ( e1==')' && e2 != '(' ) // 左右括号不匹配
                || ( e1==']' && e2 != '[' ))
                return ERROR;
    }
    if StackEmpty(S) return OK;
    else return ERROR; // 左括号多于右括号
}
```

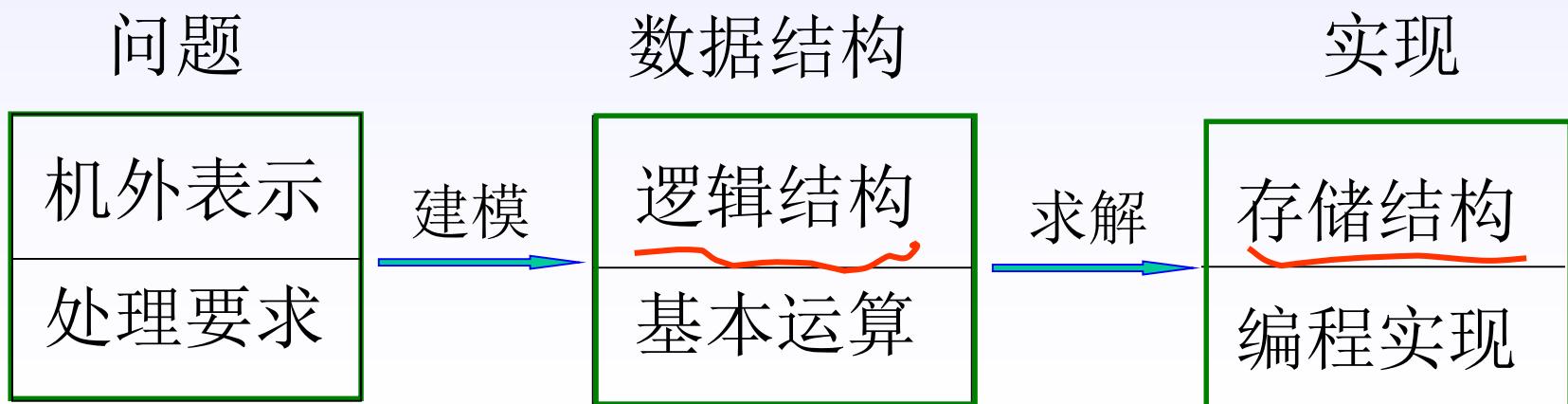
3.2 栈的应用——括号匹配检查

```
Status clarity(Sqlist L)
{ Initstack(S);
  for(i=1; i<=Listlength(L); i++)
  { GetElem(L, i, e1);
    if(( e1 == '(' ) || ( e1 == '[' )) Push(S, e1);
    else if(( e1 == ')' ) || ( e1==']' ))
      if(( Pop(S, e2) == ERROR )
         || ( e1==')' && e2 != '(' )
         || ( e1==']' && e2 != '[' ) )
        return ERROR;
    }
  if StackEmpty(S)  return OK;
  else return ERROR;
}
```

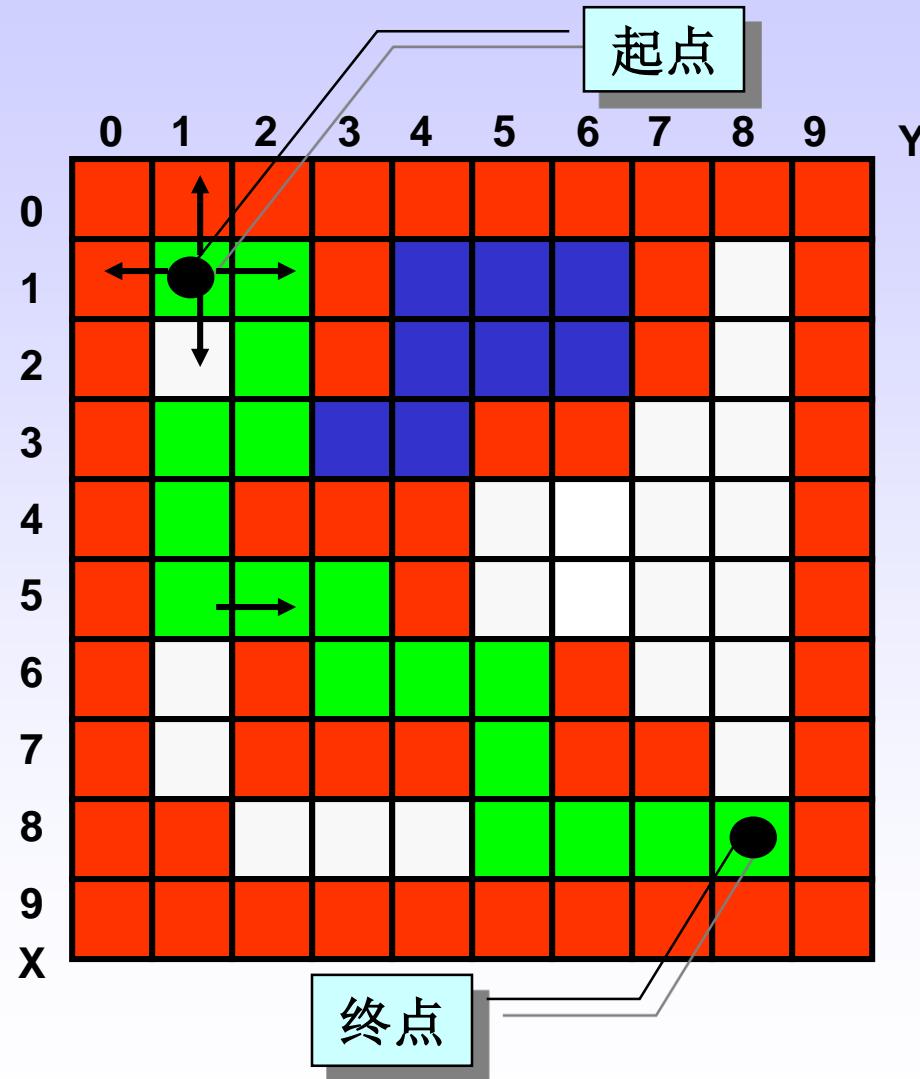
1.2 什么是数据结构

计算机求解问题的步骤：

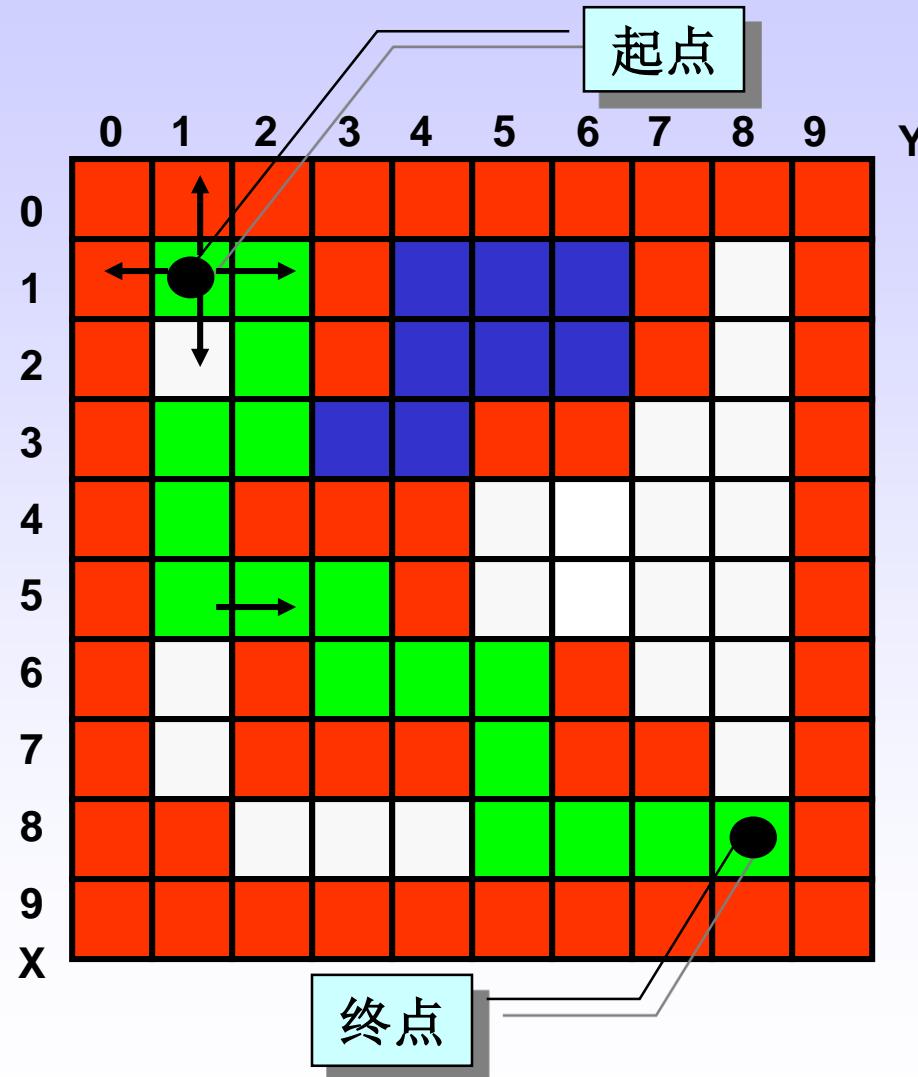
- 分析问题；
- 建立求解问题的数据结构并设计算法——通过算法来表示对象数据及其相互关系；
- 实现： 编制程序模拟对象领域中的求解过程。



3.2 栈的应用——求从起点到终点的简单路径



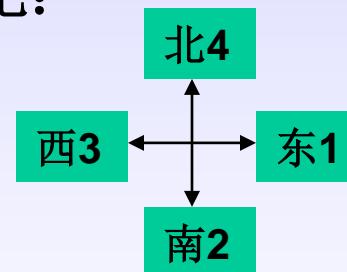
3.2 栈的应用——求从起点到终点的简单路径



- 方格的四种类型：

- 非墙且未经试探的方格
- 墙
- 已在路径上的方格
- 已试探过的无发展前途的方格

- 方向标记：



- 起点：(x=1,y=1);

东(1,2) 南(2,1) 西(1,0) 北(0,1)

演示

3.2 栈的应用--求从起点到终点的简单路径

- **试探方法:** 穷举求解, 试探每一个可能的方向。

- **可能的方向:**

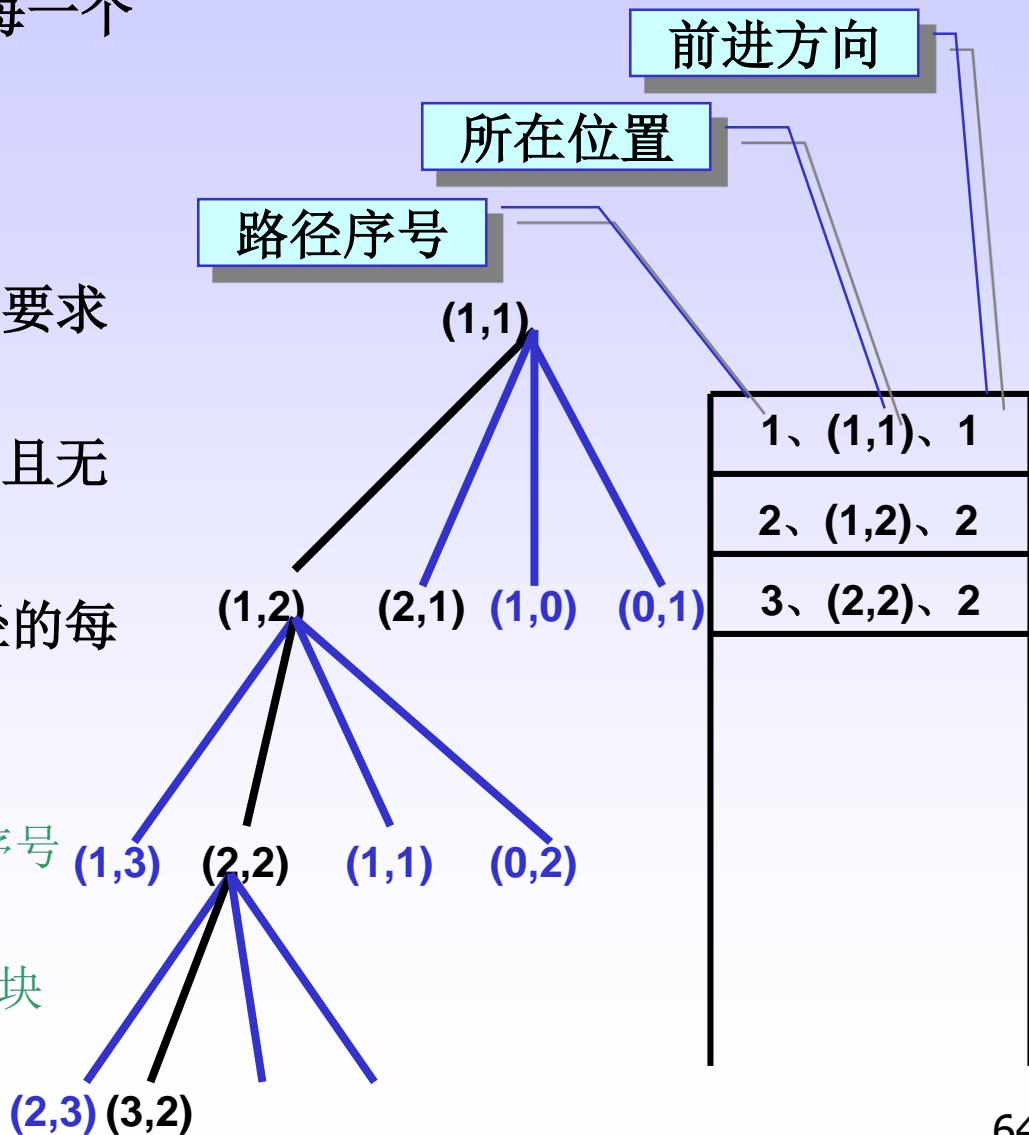
- 非墙新方格

- 不是在路径上的方格 (因为要求从起点到终点的简单路径)

- 不是曾经纳入过路径的方格且无发展前途的

- **堆栈中记录的数据** (组成路径的每个点) 类型:

```
typedef struct
{
    int      step; 块在路径的序号
    PosType seat; 块的坐标位置
    int      di; 从此块走向下一块
                  的方向
} ElemtType;
```



3.2 栈的应用--求从起点到终点的简单路径

- 坐标位置类型:

```
typedef struct  
{ int x, y;  
} PosType;
```

- 迷宫类型:

```
typedef struct  
{ int m, n;  
char arr[MAX][MAX];  
} MazeType;
```

```
Status Pass(PosType curpos) //判断当前位置能否通过
```

```
{ if( maze.arr[curpos.x][curpos.y]=='W' ) return TRUE;  
else return FALSE;  
}
```

```
void FootPrint(PosType curpos) // 标记已访问过的位置
```

```
{ maze.arr[curpos.x][curpos.y]='G';  
}
```

3.2 栈的应用--求从起点到终点的简单路径

```
void MarkPrint(PosType curpos) // 设置非路径标志,  
{ maze.arr[curpos.x][curpos.y]='B';  
}  
  
PosType NextPos( PosType curpos, int dir ) //返回下一个方向的位置  
{ PosType cpos=curpos;  
    switch(dir){  
        case 1: cpos.y+=1; break;  
        case 2: cpos.x+=1; break;  
        case 3: cpos.y-=1; break;  
        case 4: cpos.x-=1; break;  
    }  
    return(cpos);  
}
```

```
Status MazePath ( MazeType maze, PosType start, PosType end )  
{ Initstack(S); curpos = start; curstep = 1;  
  do{ if ( Pass(curpos) )           // 判断当前位置能否通过  
    { FootPrint(curpos);          // 标记已访问过的位置  
      e = ( curstep,curpos,1 ); Push( S, e ); // 加入路径  
      if ( curpos == end ) return ( TRUE ); // 已到达终点  
      curpos = NextPos( curpos, 1); // 得到东邻位置, 注意1代表东。  
      curstep ++;  
    } // if  
  else { // 当前位置不能通过  
    if ( !StackEmpty( S ) ) {  
      Pop( S,e );               // 退回到上次来的位置  
      while ( e.di == 4 && !StackEmpty(S) ) // 当前位置不在路径上  
        { MarkPrint(maze, e.seat); Pop(S,e); } // 设置非路径标志, 后退一步  
      if ( e.di < 4 ) { e.di++; Push(S,e); curpos = NextPos(e.seat, e.di); }  
    } // 在下一个方向继续探索  
  } while ( !StackEmpty(S));  
  return ( FALSE ); // 不存在从起点到终点的路径  
} // MazePath
```