

Universidade Federal de Lavras

Engenharia de Controle e Automação

Robótica

Professor: Leonardo Paiva

Nota

Lista de Revisão

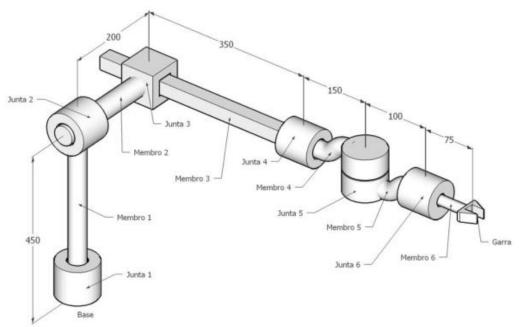
Data:

Aluno:

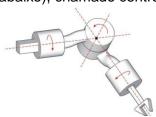
Questão 1) Cinemática direta para o manipulador Stanford

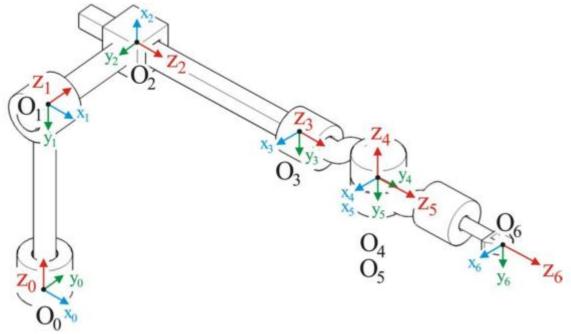


Características: Ele possui seis graus de liberdade, sendo os três primeiros no corpo do manipulador e os três últimos formando um punho esférico.



É importante destacar na anatomia deste manipulador a existência de um punho esférico, formado pelas últimas três juntas e pelos membros 4 e 5. A principal característica deste componente é que os eixos das juntas 4, 5 e 6 se interceptam em um único ponto (figura abaixo), chamado centro do punho.





Manipulador com todos os sistemas de coordenadas definidos

Determine:

- a) Parâmetros de Denavit-Hartenberg para o manipulador Stanford.
- b) Escrever uma matriz de transformação homogênea para cada junta
- c) Encontrar a matriz de transformação homogênea total
- d) Determine a posição do órgão terminal para:

$$q = \begin{bmatrix} \theta_1 \\ \theta_2 \\ d_3 \\ \theta_4 \\ \theta_5 \\ \theta_6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -90^{\circ} \\ 350mm \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

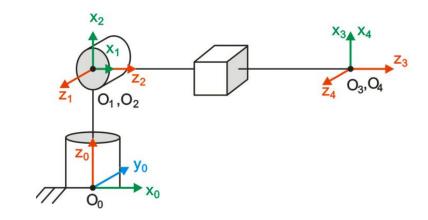
e) Determine a posição do órgão terminal para:

$$q = \begin{bmatrix} 30^{\circ} \\ 45^{\circ} \\ 200mm \\ 90^{\circ} \\ 45^{\circ} \\ -90^{\circ} \end{bmatrix}$$

Questão 2) Determine a solução para a cinemática inversa de orientação para o manipulador cujos dados são apresentados abaixo

$$\mathbf{H}_{0}^{6} = \begin{bmatrix} -0.71 & -0.71 & 0 & 770 \\ -0.71 & 0.71 & 0 & 50 \\ 0 & 0 & -1 & -301.6 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{R}_{0}^{3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

Questão 3) Dadas as equações que definem a cinemática inversa de posição para o manipulador abaixo.



$$\theta_1 = \arctan\left(\frac{p_y}{p_x}\right), \quad \theta_2 = \arctan\left(\frac{s}{r}\right) + \frac{\pi}{2} \quad e \quad d_3 = \sqrt{r^2 + s^2},$$

$$s = p_z - d_1 \quad e \quad r = \sqrt{p_x^2 + p_y^2}.$$

O manipulador possui os seguintes parâmetros de Denavit-Hartenberg e as seguintes coordenadas para o centro do punho,

i	a_i	αį	d_i	θ_i
1	0	π/2	525	θ_1 *
2	0	π/2	0	θ_2 *
3	0	0	d ₃ *	0

$$\mathbf{p_c} = \begin{bmatrix} 0 \\ 750 \\ 525 \end{bmatrix}$$

Determine as variáveis das juntas para a cinemática inversa de posição.

Questão 4) Para piorar a situação foi anexado um punho esférico no manipulado em questão, tornando um manipulador de 6 DOF. Calcule a cinemática inversa de orientação, dada a seguinte matriz de transformação homogênea total:

i	a_i	Oi	d_i	θ_i
1	0	π/2	525	θ_1 *
2	0	π/2	0	θ_2 *
3	0	0	d ₃ *	0
4	0	-π/2	0	θ_4 *
5	0	π/2	0	θ ₅ *
6	0	0	100	θ ₆ *

$$\mathbf{H}_0^6 = \begin{bmatrix} 0.97 & 0.26 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 850 \\ 0.26 & -0.97 & 0 & 525 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$