# **Tensorflow**

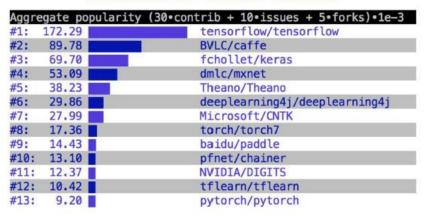
박경미

#### 1. TensorFlow Basic

#### TensorFlow

- An open source software library for numerical computation using data flow graphs
- Python! 기반

#### Deep learning libraries: Accumulated GitHub metrics



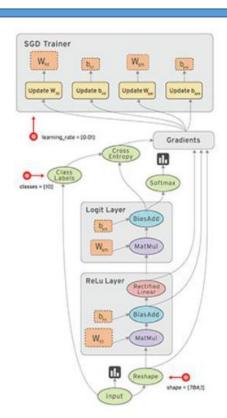
Deep learning libraries: growth over past three months

new c	contributors f	rom 2016-10-09 to 2017-02-10	new	forks from 201	6-10-09 to 2017-02-10
#1:	192	tensorflow/tensorflow	#1:	6525	tensorflow/tensorflow
#2:	89	dmlc/mxnet	#2:	1822	BVLC/caffe
#3:	78	fchollet/keras	#3:	1316	fchollet/keras
#4:	42	baidu/paddle	#4:	999	dmlc/mxnet
#5:	29	Microsoft/CNTK	#5:	909	deeplearning4j/deeplearning4j
#6:	23	pfnet/chainer	#6:	887	Microsoft/CNTK
#7:	21	Theano/Theano	#7:	324	tflearn/tflearn
#8:	20	deeplearning4j/deeplearning4j	#8:	321	baidu/paddle
#9:	20	tflearn/tflearn	#9:	287	Theano/Theano
#10:	19	BVLC/caffe	#10:	257	torch/torch7
#11:	9	torch/torch7	#11:	175	NVIDIA/DIGITS
#12:	3	NVIDIA/DIGITS	#12:	142	pfnet/chainer
		16-10-09 to 2017-02-10			growth from 2016-10-09 to 2017-02-10
new 1	issues from 20	16-10-09 to 2017-02-10	aggr	egate metrics	growth from 2016-10-09 to 2017-02-10
#1:	1563	tensorflow/tensorflow	#1:	54.01	tensorflow/tensorflow
#1: #2:	1563 979	tensorflow/tensorflow fchollet/keras	#1: #2:	54.01 18.71	tensorflow/tensorflow fchollet/keras
#1: <b>#2:</b> #3:	1563 979 871	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet	#1: <b>#2:</b> #3:	54.01 18.71 16.38	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet
#1: #2: #3: #4:	1563 979 871 646	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet baidu/paddle	#1: #2: #3: #4:	18.71 16.38 12.86	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet BVLC/caffe
#1: #2: #3: #4: #5:	1563 979 871 646 486	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK	#1: #2: #3: #4: #5:	18.71 16.38 12.86 10.17	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK
#1: #2: #3: #4: #5:	1563 979 871 646 486 361	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK deeplearning4j/deeplearning4j	#1: #2: #3: #4: #5:	18.71 16.38 12.86 10.17 9.32	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK baidu/paddle
#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7:	1563 979 871 646 486 361 318	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK deeplearning4j/deeplearning4j BVLC/caffe	#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7:	54.01 18.71 16.38 12.86 10.17 9.32 8.75	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK baidu/paddle deeplearning4j/deeplearning4j
#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7:	1563 979 871 646 486 361 318 217	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK deeplearning4j/deeplearning4j BVLC/caffe NVIDIA/DIGITS	#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7:	54.01 18.71 16.38 12.86 10.17 9.32 8.75 4.21	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmlc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK baidu/paddle deeplearning4j/deeplearning4j Theano/Theano
#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7: #8:	1563 979 871 646 486 361 318 217	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK deeplearning4]/deeplearning4j BVLC/caffe NVIDIA/DIGITS Theano/Theano	#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7: #8: #9:	54.01 18.71 16.38 12.86 10.17 9.32 8.75 4.21 3.89	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK baidu/paddle deeplearning4j/deeplearning4j Theano/Theano tflearn/tflearn
#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7: #8: #9:	1563 979 871 646 486 361 318 217 214 167	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmkc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK deeplearning4j/deeplearning4j BVLC/caffe NVIDIA/DIGITS Theano/Theano tflearn/tflearn	#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7: #8: #9: #10:	54.01 18.71 16.38 12.86 10.17 9.32 8.75 4.21 3.89 3.14	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK baidu/paddle deeplearning4j/deeplearning4; Theano/Theano tflearn/tflearn NVIDIA/DIGITS
#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7:	1563 979 871 646 486 361 318 217	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet baidu/paddle Microsoft/CNTK deeplearning4]/deeplearning4j BVLC/caffe NVIDIA/DIGITS Theano/Theano	#1: #2: #3: #4: #5: #6: #7: #8: #9:	54.01 18.71 16.38 12.86 10.17 9.32 8.75 4.21 3.89 3.14	tensorflow/tensorflow fchollet/keras dmtc/mxnet BVLC/caffe Microsoft/CNTK baidu/paddle deeplearning4j/deeplearning4j Theano/Theano tflearn/tflearn

#### TensorFlow Basic

#### Data Flow Graph Computation

- Data Flow Graph
  - 노드를 연결하는 엣지가 데이터를 노드는 데이터를 통해 수행하는 연산 역할을 하는 그래프 구조를 의미
- 데이터가 edge역할을 하여 node로 흘러가는 그래프 구조를 갖으며 node에 지정된 연산을 하는 연산방법
- 텐서플로우의 경우 이름에서 알 수 있듯 텐서(Tensors)가 기본 자료구조이기 때문에 텐서플로우의
  - **엣지(Edge)**는 텐서를 의미하며 엣지의 방향은 텐서의 흐름을 의미하고
  - 노드(Node)는 곱하고, 나누는 등 텐서를 처리하는 연산을 의미한다.



#### ❖ TensorFlow 설치

pip install –upgrade tensorflow

관리자 모드로 console열기

conda install tensorflow # pip install tensorflow

#### ❖ 버전확인

import tensorflow as tf tf.\_\_version\_\_

#### ❖ example

import tensorflow.compat.v1 as tf
tf.disable\_v2\_behavior()

hello=tf.constant("Hello, TensorFlow")
sess=tf.Session()
print(sess.run(hello))

Tensorflow2버전 설치 후 버전1 사용

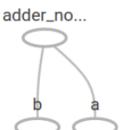
#### Computational Graph

```
node1 = tf.constant(3.0, tf.float32)
node2 = tf.constant(4.0) # also tf.float32 implicitly
node3 = tf.add(node1, node2)

print("node1:", node1, "node2:", node2)
print("node3: ", node3)

node1: Tensor("Const_1:0", shape=(), dtype=float32)
node2: Tensor("Const_2:0", shape=(), dtype=float32)
node3: Tensor("Add:0", shape=(), dtype=float32)

sess = tf.Session()
print("sess.run(node1, node2): ", sess.run([node1, node2]))
print("sess.run(node3): ", sess.run(node3))
```



#### TensorFlow Mechanics

feed data and run graph (operation) sess.run (op)

Build graph using TensorFlow operations



update variables in the graph (and return values)

#### Computational Graph

(1) Build graph (tensors) using TensorFlow operations

```
In [4]: node1 = tf.constant(3.0, tf.float32)
  node2 = tf.constant(4.0) # also tf.float32 implicitly
  node3 = tf.add(node1, node2)
```

- (2) feed data and run graph (operation) sess.run (op)
- (3) update variables in the graph (and return values)

```
In [6]: sess = tf.Session()
  print("sess.run(node1, node2): ", sess.run([node1, node2]))
  print("sess.run(node3): ", sess.run(node3))

sess.run(node1, node2): [3.0, 4.0]
  sess.run(node3): 7.0
```

#### Placeholder

```
a = tf.placeholder(tf.float32)
b = tf.placeholder(tf.float32)
adder_node = a + b # + provides a shortcut for tf.add(a, b)
print(sess.run(adder_node, feed_dict={a: 3, b: 4.5}))
print(sess.run(adder_node, feed_dict={a: [1,3], b: [2, 4]}))
```

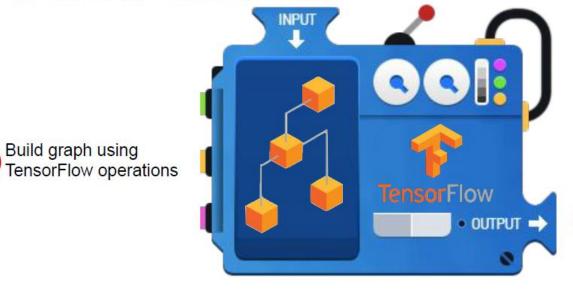
```
7.5 [ 3. 7.]
```

```
add_and_triple = adder_node * 3.
print(sess.run(add_and_triple, feed_dict={a: 3, b:4.5}))
```

22.5

#### TensorFlow Mechanics

feed data and run graph (operation)
sess.run (op, feed\_dict={x: x\_data})



update variables in the graph (and return values)

#### Tensors: Everything is Tensor

3 # a rank 0 tensor; this is a scalar with shape [] [1.,2., 3.] # a rank 1 tensor; this is a vector with shape [3] [[1., 2., 3.], [4., 5., 6.]] # a rank 2 tensor; a matrix with shape [2, 3] [[1., 2., 3.]], [[7., 8., 9.]]] # a rank 3 tensor with shape [2, 1, 3]

```
[[[1.0, 2.0, 3.0]], [[7.0, 8.0, 9.0]]]
```

```
t = tf.Constant([1., 2., 3.])
```

# Tensor Ranks, Shapes, and Types: Ranks

```
t = [[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]
```

Rank	Math entity	Python example
0	Scalar (magnitude only)	s = 483
1	Vector (magnitude and direction)	v = [1.1, 2.2, 3.3]
2	Matrix (table of numbers)	m = [[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]
3	3-Tensor (cube of numbers)	t = [[[2], [4], [6]], [[8], [10], [12]], [[14], [16], [18]]]
n	n-Tensor (you get the idea)	

# Tensor Ranks, Shapes, and Types: shapes

```
t = [[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]
```

Rank	Shape	Dimension number	Example
0	0	0-D	A 0-D tensor. A scalar.
1	[D0]	1-D	A 1-D tensor with shape [5].
2	[D0, D1]	2-D	A 2-D tensor with shape [3, 4].
3	[D0, D1, D2]	3-D	A 3-D tensor with shape [1, 4, 3].
n	[D0, D1, Dn-1]	n-D	A tensor with shape [D0, D1, Dn-1].

## Tensor Ranks, Shapes, and Types: type

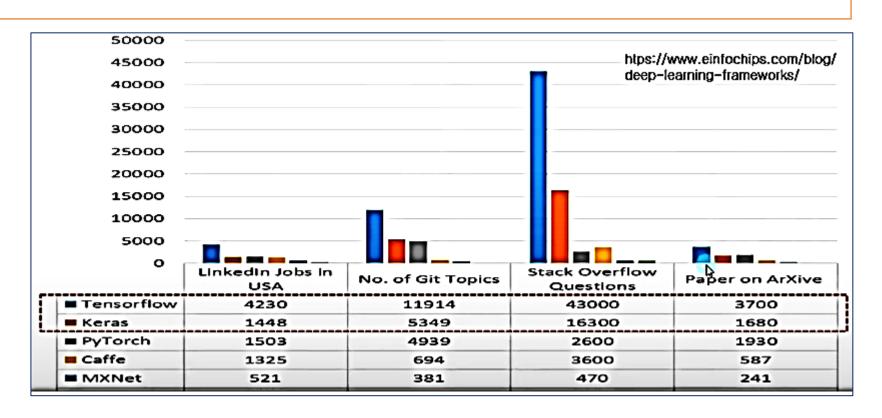
Data type	Python type	Description
DT_FLOAT	tf.float32	32 bits floating point.
DT_DOUBLE	tf.float64	64 bits floating point.
DT_INT8	tf.int8	8 bits signed integer.
DT_INT16	tf.int16	16 bits signed integer.
DT_INT32	tf.int32	32 bits signed integer.
DT_INT64	tf.int64	64 bits signed integer.

...

# 2. TensorFlow 2 -Deep Learning Libray

#### **❖** TensorFlow2

- 텐서(Tensor)를 흘려 보내면서(Flow) 딥러닝 알고리즘을 수행하는 라이브러리
- 2020년 현재 전 세계에서 자장 많이 사용
- TensorFlow 2.0부터 직관적이고 쉽게 배울 수 있는 Keras를 High-Level API로 공식 지원함으로서, 이러한 영향력은 더욱 커질 것으로 예상됨



## 1. TensorFlow-Deep Learning Libray

#### ❖ TensorFlow 2.0

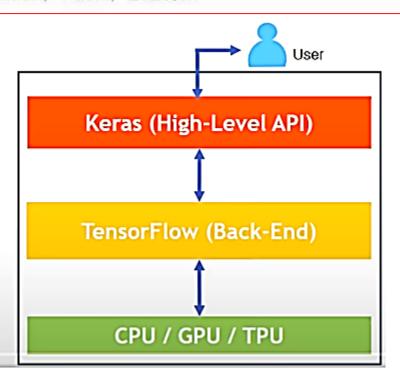
- 2019년 9월 30일에 TensorFlow 2.0 정식 Release 됨
- 즉시 실행 모드로 불리는 Eager Execution 적용되어 코드의 직관성이 높아졌으며
- 사용자 친화적이여서 쉽게 배울 수 있는 Keras만을 High-Level API로 공식 지원함

"If you have started with TensorFlow 2.0 and have never seen TensorFlow 1.x, then you are lucky." Deep Learning with TensorFlow 2 and Keras, 2<sup>nd</sup> Edition, Packt, 2020.04

#### Eager Execution

```
₩ = tf.Variable(tf.random.normal([1])) # 가우시안 분포 print('initial ₩ = ', ₩.numpy()) print('===========')
# session 생성 없이 즉시 실행 (Eager Execution) # numpy() 메서도 사용하면 numpy 값을 리턴해줌
for step in range(2):
₩ = ₩ + 1.0
print('step = ', step, ', ₩ = ', ₩.numpy())

initial ₩ = [0.588869]
step = 0 , ₩ = [1.588869]
step = 1 , ₩ = [2.588869]
```



#### ❖ Eager Execution(즉시 실행모드)

■ 계산 그래프와 세션을 생성하지 않고 즉시 실행 가능한 Eager Execution 적용

```
import tensorflow as tf
import numpy as np
tf.__version__
'2.2.0'
a = tf.constant(10)
b = tf.constant(20)
c = a + b
d = (a+b).numpy()
print(type(c))
print(c)
print(type(d), d)
d_numpy_to_tensor = tf.convert_to_tensor(d)
print(type(d_numpy_to_tensor))
print(d numpy to tensor)
<class 'tensorflow.python.framework.ops.EagerTensor'>
tf.Tensor(30, shape=(), dtvpe=int32)
<class 'numpy.int32'> 30
<class 'tensorflow.python.framework.ops.EagerTensor'>
tf.Tensor(30, shape=(), dtype=int32)
```

- TensorFlow 1.x에서는 계산 그래프를 선 언하고, 세션을 통해 텐서(Tensor)를 주고 받으며 계산하는 구조
- TensorFlow 2.X에서는 자동으로 Eager Execution(즉시 실행 모드) 적용되기 때문에 그래프와 세션을 만들지 않아도 텐서 값을 계산하고 numpy() 함수를 이용하면 파이썬의 넘파이 타입으로 변활할수 있음

Eager Execution 기능을 통해서 텐서플로 우를 파이썬처럼 사용할 수 있음

#### ❖ Eager Execution(즉시 실행모드)

■ TensorFlow 2.0에서는 오퍼레이션을 실행하는 순간 연산이 즉시 수행(Eager Execution)되기 때문에 오퍼레이션 실행결과를 numpy() 메서드를 통하여 바로 알수 있다.

#### TensorFlow 1.5

```
%tensorflow version 1.x
import tensorflow as tf
print('tensorflow version = ', tf.__version__)
a = tf.constant(1.0)
b = tf.constant(2.0)
c = a + b
print('c = ', c)
with tf.Session() as sess: # session 만든 후에 연산 실행
    print(sess.run(c))
tensorflow version = 1.15.2
c = Tensor("add 7:0", shape=(), dtype=float32)
3.0
```

#### TensorFlow 2.X

```
import tensorflow as tf

tf.__version__
'2.2.0'

a = tf.constant(1.0)
b = tf.constant(2.0)

c = a + b

print(c.numpy()) # Eager Execution

3.0
```

#### tf.Variable(...)

■ TensorFlow에서 tf.Variable()값을 토기화하기 위해 세션내에서 tf.global\_varivable\_initializer() 과정이 필요 없으며, 변수를 정의함과 동시에 초기 값이 할당됨(Eager Execution)

```
%tensorflow version 1.x
import tensorflow as tf
print('tensorflow version = ', tf.__version__)
₩ = tf.Variable(tf.random_normal([1])) # 가우시안 분포
print(₩)
print('======')
# session 세설 하고.
# tf.Variable(...) 초기화 해주는 코드 실행 후 연산 실행
with tf.Session() as sess:
   # 변수 노드 값 초기화
   sess.run(tf.global_variables_initializer())
   for step in range(2):
      W = W + 1.0
      print('step = '. step. '. W = '. sess.run(W))
tensorflow version = 1.15.2
```

<tf.Variable 'Variable\_1:0' shape=(1,) dtype=float32\_ref>

step = 0 , W = [0.8110943]step = 1 , W = [1.8110943]

```
print('initial W = ', W.numpy())
print('-----')
# session 생성 없이 즉시 실행 (Eager Execution)
# numby() 메서드 사용하면 numby 값을 리턴해줄
for step in range(2):
   W = W + 1.0
   print('step = ', step, ', \( \mathbb{W} = ', \mathbb{W}.numpy())
initial W = [0.588869]
step = 0, W = [1.588869]
step = 1 , W = [2.588869]
```

₩ = tf.Variable(tf.random.normal([1])) # 가우시안 분포

#### ❖ tf.placeholder(...) 삭제

■ TensorFlow 1.x 버전에서 함수를 실행하여 결과를 얻기 위해서는 tf.placeholder() 에 입력 값을 주고, 그 값을 이용하여 함수에서 정의된 연산을 실행하였으니, TF 2.0 에서는 일반적인 python 코드와 마찬가지로 함수에 값을 직접 넘겨주고 즉시 결과를 얻을 수 있음(Eager Execution)

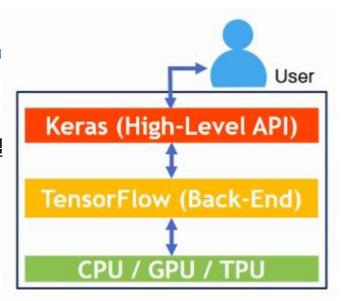
#### TensorFlow 1.15 %tensorflow\_version 1.x a = tf.constant(1.0)import tensorflow as tf b = tf.constant(3.0)print('tensorflow version = ', tf.\_\_version\_\_) # 함수 정의 def tensor\_sum(x, y): a = tf.placeholder(tf.float32) # 입력 값 저장할 노드 정의 b = tf.placeholder(tf.float32) # 입력 값 저잠할 노드 정의 return x + y 실제 대이터는 세션내에서 입력받기 # 함수 정의 받는 용도로 사용됨 (Lazy Evalution) def tensor\_sum(x, y): result = tensor\_sum(a, b) return x + y result = tensor\_sum(a, b) # 함수 결과 값 저장 할 노드 정의 print(type(result)) print(result.numpy()); # session 생성 하고. # feed\_dict 통해서 placeholder 노드에 값 대인 플레이스홀터 노드에 대입되는 값 with tf.Session() as sess: 4.0 print(sess.run(regult, feed\_dict={a: [1.0], b: [3.0]}))

# TensorFlow 2.x Eager Execution <class 'tensorflow.python.framework.ops.EagerTensor'>

## 3. Keras as High Level API

#### Keras in TensorFlow 2.0

- Keras 창시자 프랑소와 솔레(Franceis Chollet)가 TF
   2.0 개발에 참여하였고, TF 2.0에서 공식적이고 유일
   한 High-Level API로서 keras를 채택함
- 프랑소와 슐레는 앞으로 native Keras 보다 tf.keras 처럼 TF에서 케라스를 사용할 것을 권장함



#### ❖ Keras 특징

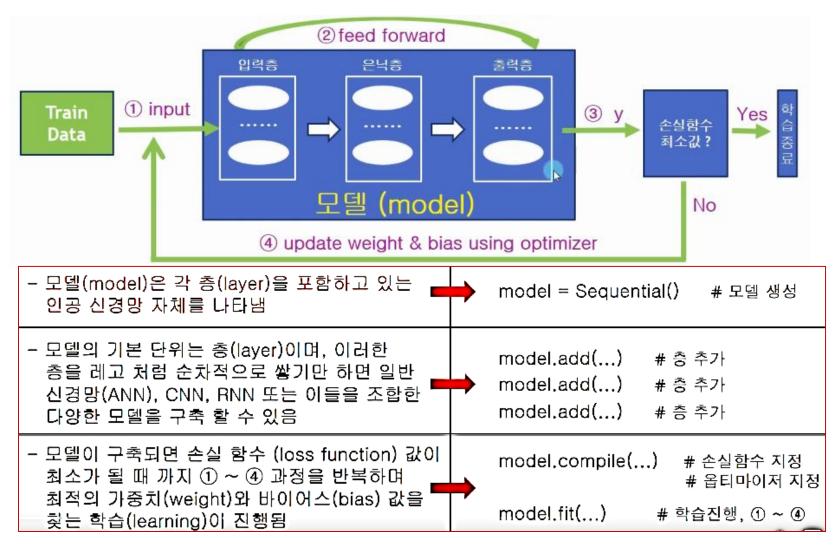
- User Friendliness : Keras의 직관적인 API를 이용하면 일반 신경망(ANN), CNN, RNN 모델 또는 이를 조합한 다양한 딥러닝 모델을 (몇 줄의 코드만으로) 쉽게 구축 할 수 있음
- Modularity: Keras에서 제공하는 모듈은 독립적으로 설정 가능함, 즉 신경망 층, 손실함수, 활성화 함수, 최적화 알고리즘 등은 모두 독립적인 모듈이기 때문에 이 러한 모듈을 서로 조합하기만 하면 새로운 딥러닝 모델을 쉽고 빠르게 만들어서 학습 시킬 수 있음



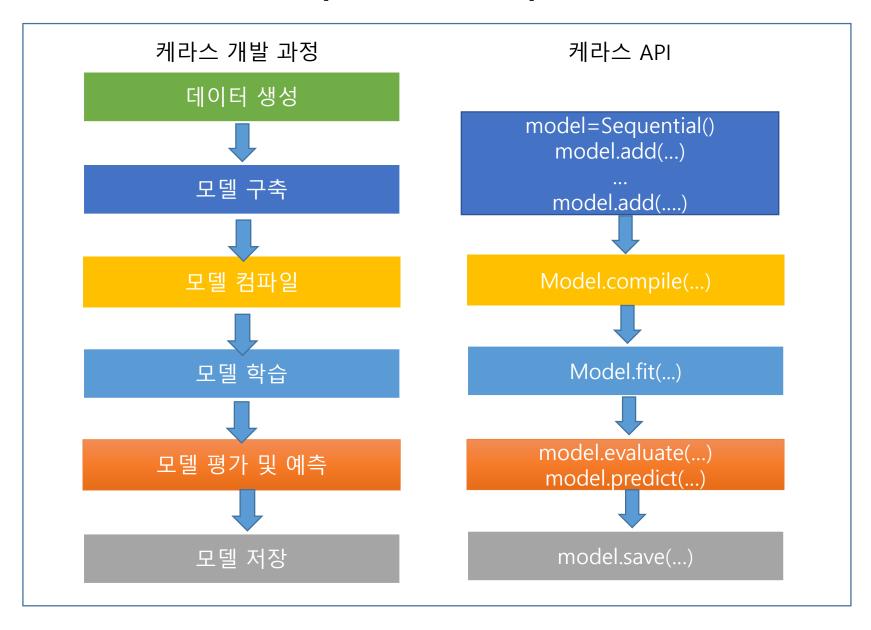
Keras 가장 핵심적인 데이터 구조 모델

## 3. Keras as High Level API

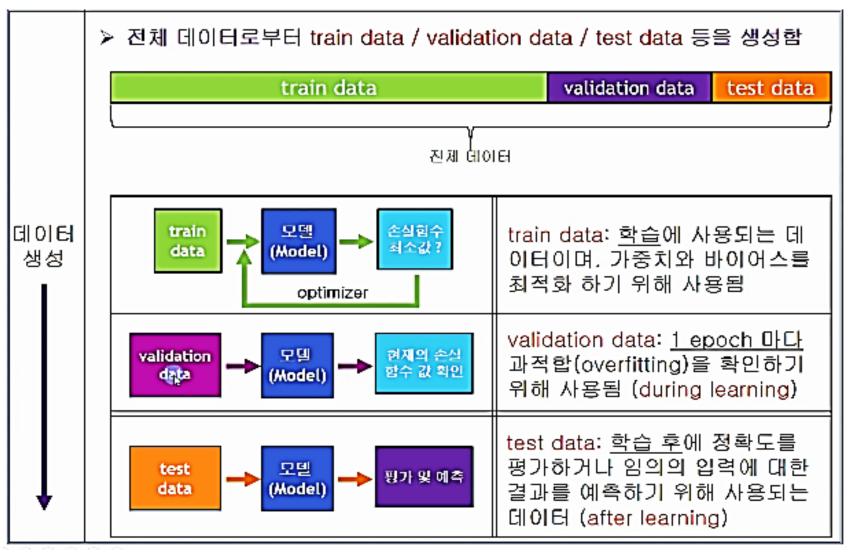
#### ❖ Keras-모델(Model)



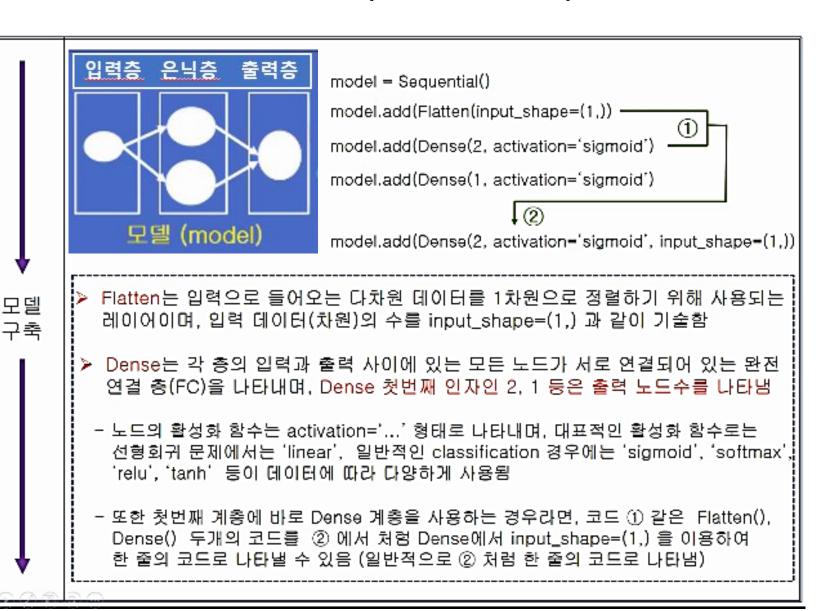
# 4. Keras-개발과정(데이터 생성)



# 4. Keras-개발과정(데이터 생성)



# 4. Keras 개발과정(모델 구축)



# 4. Keras-개발과정(컴파일링, 모델학습)



구축된 모델을 기계가 이해할 수 있도록 컴파일(compile)을 해야하며, 최적화 방법(알고 리즘), 오차함수, 학습 과정 중에 모니터링 할 지표(metric)를 나타낼 수 있음

일반적으로 model.compile() 후에는 model.summary()를 통해서 구축 모델을 확인 함 [예1] model.compile(optimizer=SGD(learning rete=0.1), loss='mse', metrice=['accuracy'])

- 최적화 알고리즘 SGD, 학습율 0.1, 오차함수 mse, 메트릭은 accuracy(loss 는 기본) [예2] model.compile(optimizer=Adam(learning\_rete-1e-4),
- ┡ ✓ 손실함수 종류로는 평균제곱 오차인 'mse', 이진 분류인 'binary\_crossentropy' 다 중 클래스 위해 'categorical\_crossentropy' 또는 'sparse\_categorical\_crossontroly'
- ✔ 메트릭은 기본적으로 'loss'인 측정임, 즉 metrics=['loss']임

모델 학습

#### 손실 함수 값이 최소가 될 때까지 각 층의 가중치와 바이어스를 업데이터하는 과정

[예] model.fit(x\_train, t\_train, epochs=10, batch\_size=100, verbose=0,

- ✓ Verbos= 학습 중 손실 값, 정확도, 진행 상태 등의 출력 형태를 설정함(0, 1, 2)
- ✓ 검증데이터가 별도로 있다면, validation split 대신 validation data 이용하여 지정 가능

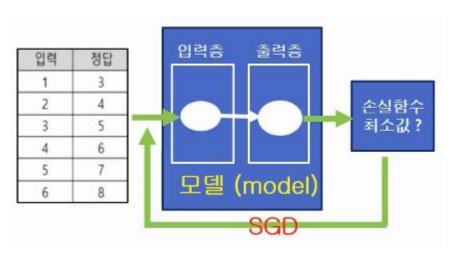
(epocns=10), batch\_size Tu0(생탁가능), 약습네이터의 20% 늘 검증네이터로 자용암

# 4. Keras 개발과정(모델 평가, 모델저장)

```
학습을 마친 후, test data를 통해서 모델을 평가 하고 임의의 데이터에 대해 예측함
      [예1] model.evaluate(x_test, t_test, epochs=10, batch_size=100)
모델
           1회 인자는 테스톡 데이터, 2吋 인자는 정답데이터, 배치사이즈 100 (생략가능)
평가
      [예2] model.predict(x_input_data, batch_size=100)
          15 인자는 예측하고자 하는 데이터, batch size 생략가능
      학습이 끝난 (가중치와 바이어스가 최적화된) 신경망 구조를 저장해 놓는다면.
      다양한 테스트 데이터에 대해 재 학습 없이 지속적으로 사용할 수 있음
      [0|1] model.save("model_name.h5")
모델
            학습이 끝난 모델을 hdf5 파일에 저장함
저장
      [예2] model = tensorflow.keras.models.load model("model name.h5")
            저장되어 있는 모델(model_name.hdf5)을 불러옴
```

# 5. Keras-Simple LinearRegression Exercise

Total params: 2 Trainable params: 2 Non-trainable params: 0



```
import tensorflow as tf

from tensorflow.keras.models import Sequential
from tensorflow.keras.layers import Flatten, Dense
from tensorflow.keras.optimizers import SGD

import numpy as np

print(tf.__version__)
```

2.2.0

```
# [1] 데이터센 색설
x_{data} = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
t_{data} = np.array([3, 4, 5, 6, 7, 8])
# [2] 모델 (model) 구축
model = Sequential() # 모델
model.add(Flatten(input shape=(1.)))
                                        - # 입력총
model.add(Dense(1, activation='linear')) # 출력총
# model.add(Dense(1, input_shape=(1,), activation='linear'))
# [3] 모델 (model) 컴파일 및 summary
model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=1e-2), loss='mse')
model.summary()
Model: "sequential"
Layer (type)
                            Output Shape
flatten (Flatten)
                            (None, 1)
                                                     Π
dense (Dense)
                            (None, 1)
```

# 5. Keras-Simple LinearRegression Exercise-계속

```
# [4] 모델 학습
hist = model.fit(x data, t data, epochs=1000)
Epoch 1/1000
Epoch 2/1000
Epoch 3/1000
Epoch 998/1000
1/1 [-----] - Os 2ms/step - loss: 3.8253e-04
Epoch 999/1000
Epoch 1000/1000
1/1 [------] - Os 2ms/step - loss: 3.7697e-04
# [5] 모델 (model) 사용
result = model.predict(np.array([-3.1, 3.0, 3.5, 15.0, 20.1]))
print(result)
[[-1.1760317]
[ 4.986803 ]
[ 5.4919534]
[17.110413]
 [22.262945]]
```