

Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	12/01/2019	15:30

⊂75.570\R12\R01\R19\RΠςσ∈
75.570 12 01 19 PV

Espacio para la etiqueta identificativa con el código personal del estudiante.

Prueba



# Esta prueba sólo la pueden realizar los estudiantes que han aprobado la Evaluación Continua

## Ficha técnica de la prueba

- Comprueba que el código y el nombre de la asignatura corresponden a la asignatura matriculada.
- Debes pegar una sola etiqueta de estudiante en el espacio correspondiente de esta hoja.
- No se puede añadir hojas adicionales, ni realizar la prueba en lápiz o rotulador grueso.
- Tiempo total: 1 hora
   Valor de cada pregunta: Si indica en cada una de ellas
- En el caso de que los estudiantes puedan consultar algún material durante la prueba, ¿cuáles son?: No se puede consultar ningún material
   En el caso de poder usar calculadora, de que tipo? NINGUNA
- En el caso de que haya preguntas tipo test: ¿descuentan las respuestas erróneas? NO ¿Cuánto?
- Indicaciones específicas para la realización de esta prueba



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	12/01/2019	15:30

## **Enunciados**

## Actividad 1 (1.5 puntos + 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: Las formalizaciones deben ser correctas en todos los aspectos incluyendo la parentización. Cada frase se valora independientemente de las otras]

a) Utilizando los siguientes átomos, formalizad las frases que hay a continuación

H: como hidratos

P: como proteínas

A: adelgazo

E: hago ejercicio

1) Solo adelgazo si hago ejercicio y no como proteínas

$$A \rightarrow E \land \neg P - || - \neg (E \land \neg P) \rightarrow \neg A$$

2) Si como proteínas, no adelgazo si no hago ejercicio

$$P \rightarrow (\neg E \rightarrow \neg A)$$

3) Cuando no hago ejercicio ni como proteínas, necesito no comer hidratos para adelgazar

$$\neg E \land \neg P \rightarrow (A \rightarrow \neg H) - || - \neg E \land \neg P \rightarrow (H \rightarrow \neg A)$$

b) Utilizando los siguientes predicados, formalizad las frases que hay a continuación

C(x): x es una cuenta

P(x): x es Premium

R(x): x es remunerado

T(x): x es una tarjeta

V(x,y): x tiene vinculado y (y está vinculado a x)

a: La Estrella Sideral de Pedro Muñoz

1) Hay tarjetas Premium que están vinculadas a todas las cuentas

$$\exists x \{ T(x) \land P(x) \land \forall y [C(y) \to V(y,x)] \}$$

 No todas las cuentas son remuneradas, pero la Estrella Sideral de Pedro Muñoz sí que es una cuenta remunerada.

$$\neg \forall x [C(x) \rightarrow R(x)] \land C(a) \land R(a)$$

3) Las cuentas con tarjetas Premium vinculadas son remuneradas

$$\forall x \{ C(x) \land \exists y [T(y) \land P(y) \land V(x,y)] \rightarrow R(x) \}$$



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	12/01/2019	15:30

#### Actividad 2 (2.5 o 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: será inválida (0 puntos) cualquier deducción que contenga la aplicación incorrecta de alguna regla]

Demostrad, utilizando la deducción natural, que el siguiente razonamiento es correcto. Si la deducción es correcta y no utilizáis reglas derivadas obtendréis 2.5 puntos. Si la deducción es correcta pero utilizáis reglas derivadas obtendréis 1.5 puntos. En ningún caso podéis utilizar equivalentes deductivos. Si hacéis más de una demostración y alguna es incorrecta no obtendréis ningún punto.

$$T{\rightarrow} (A{\rightarrow} D), \ \neg (B{\vee} D) \ \therefore \ A{\vee} B{\rightarrow} \neg T$$

1	$T \rightarrow (A \rightarrow D)$				Р
2	¬(B∨D)				Р
3		A∨B			Н
4			Т		Н
5			A→D		E→ 1, 4
6				Α	Н
7				D	$E \rightarrow 5, 6$
8				B∨D	l∨ 7
9				В	Н
10				B∨D	l∨ 9
11			B∨D		Ev 3, 8, 10
12			¬(B∨D)		It 2
13		⊸T			I¬ 4, 11, 12
14	$A \lor B \rightarrow \neg T$				l→ 3, 13



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	12/01/2019	15:30

### Actividad 3 (2 puntos)

[Criterio de valoración: serán inválidas las respuestas incorrectas, contradictorias o ininteligibles. Cada pregunta se valora independientemente de las otras]

Considerad la siguiente tabla de verdad:

E <sub>1</sub>	E <sub>2</sub>	E <sub>3</sub>	E <sub>4</sub>
F	F	F	V
F	F	F	F
V	V	F	F
V	V	V	V
F	V	V	F
F	F	V	F
V	V	V	F
F	V	F	F

Responded a las siguientes preguntas:

- a) Si se aplica el método de resolución a las cláusulas obtenidas de E₁, E₂, E₃ i ¬E₄, ¿es seguro, posible pero no seguro, imposible que se llegará a obtener la cláusula vacía? Imposible
- b) Si se aplica el método de resolución a las cláusulas obtenidas de E<sub>1</sub>, E<sub>2</sub>, E<sub>3</sub> i E<sub>4</sub>, ¿es seguro, posible pero no seguro, imposible que se llegará a obtener la cláusula vacía? Imposible
- c) Si se aplica el método de resolución a les cláusulas obtenidas de E<sub>1</sub>, E<sub>2</sub>, E<sub>3,</sub> ¿es **seguro**, **posible pero no seguro**, **imposible** que se llegará a obtener la cláusula vacía? Imposible
- d) ¿Son consistentes las premisas del razonamiento E₁, E₂, E₃ ∴ E₄ (Sí / No / No se puede saber)? Sí



Asignatura	Código	Fecha	Hora inicio
Lógica	75.570	12/01/2019	15:30

#### Actividad 4 (2.5 puntos)

Elegid uno de los dos problemas que tenéis a continuación. Si los resolvéis los dos la calificación será la menor. INDICAD CLARAMENTE CUÁL ES EL EJERCICIO QUE ELEGÍS.

A) Hallad el conjunto de cláusulas que permitiría aplicar el método de resolución al siguiente razonamiento (Sólo se tiene que encontrar el conjunto de cláusulas que permitiría aplicar el método de resolución. No se tiene que aplicar resolución).

[Criterio de valoración: cada error se penalizará con -1.25 puntos]

```
\begin{split} &\forall x P(x) \rightarrow \forall y \exists z \left[ Q(y,z) \lor R(y) \right] \\ &\exists y \forall x \left[ \neg Q(x,y) \land \neg R(x) \right] \\ &\forall x \forall z \neg Q(x,z) \\ &\therefore \exists x \neg P(x) \end{split} La FNS de \forall x P(x) \rightarrow \forall y \exists z \left[ Q(y,z) \lor R(y) \right] es \forall y \left[ \neg P(a) \lor Q(y,f(y)) \lor R(y) \right] \\ &La FNS de <math>\exists y \forall x \left[ \neg Q(x,y) \land \neg R(x) \right] es \forall x \left[ \neg Q(x,b) \land \neg R(x) \right] \\ &La FNS de \forall x \forall z \neg Q(x,z) es \forall x \forall z \neg Q(x,z) \\ &La FNS de \neg \exists x \neg P(x) es P(x) S = \{ \neg P(a) \lor Q(y,f(y)) \lor R(y), \neg Q(x,b), \neg R(x), \neg Q(x,z), \textbf{P(x)} \} \end{split}
```

B) Un razonamiento ha dado lugar al siguiente conjunto de cláusulas. Aplicad el método de resolución con la <u>estrategia del conjunto de apoyo</u> para determinar si es correcto o no. La última cláusula (en negrita) se ha obtenido de la negación de la conclusión.

[Criterio de valoración: cada error se penalizará con -1.25 puntos]

$$S = \{ \neg Q(x) \lor P(x,f(x)), \neg Q(x) \lor \neg R(x), \neg P(x,y), R(x) \lor P(x,x), P(a,a) \lor Q(a) \}$$

Cláusulas troncales	Cláusulas laterales	
P(a,a) ∨ Q(a)	$\neg Q(x) \lor P(x,f(x))$	Sustituimos x por a
	$\neg Q(a) \lor P(a,f(a))$	
	¬P(x,y)	Sustituimos x por a
P(a,a) ∨ P(a,f(a))	¬P(a,a)	Sustituimos y por a
	¬P(x,y)	Sustituimos x por a
P(a,f(a))	¬P(a,f(a))	Sustituimos y por f(a)

Así pues, el razonamiento es correcto.