

Prueba de Síntesis 2017/18-2

| Asignatura | Código | Fecha | Hora inicio |
|------------|--------|------------|-------------|
| Lógica | 75.570 | 09/06/2018 | 12:00 |

$\subset 75.570 \Re 09 \Re 06 \Re 18 \Re \Pi \zeta \pi \in$
 75.570 09 06 18 PV

Espacio para la etiqueta identificativa con el código personal del estudiante.
Prueba

!!!

Esta prueba sólo la pueden realizar los estudiantes que han aprobado la Evaluación Continua

Ficha técnica de la prueba

- Comprueba que el código y el nombre de la asignatura corresponden a la asignatura matriculada.
- Debes pegar una sola etiqueta de estudiante en el espacio correspondiente de esta hoja.
- No se puede añadir hojas adicionales, ni realizar la prueba en lápiz o rotulador grueso.
- Tiempo total: **1 hora** Valor de cada pregunta: **Se indica en cada una de ellas**
- En el caso de que los estudiantes puedan consultar algún material durante la prueba, ¿cuáles son?:
En el caso de poder usar calculadora, de que tipo? **NINGUNA**
- En el caso de que haya preguntas tipo test: ¿descuentan las respuestas erróneas? **NO**
¿Cuánto?
- Indicaciones específicas para la realización de esta prueba

Prueba de Síntesis 2017/18-2

| Asignatura | Código | Fecha | Hora inicio |
|------------|--------|------------|-------------|
| Lógica | 75.570 | 09/06/2018 | 12:00 |

Enunciados

Actividad 1 (1.5 puntos + 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: Las formalizaciones deben ser correctas en todos los aspectos incluyendo la parentización. Cada frase se valora independientemente de las otras]

a) Utilizando los siguientes átomos, formalizad las frases que hay a continuación

D: Hago dieta

E: Hago ejercicio

T: Estoy tranquilo

M: Estoy motivado

1) Necesito estar tranquilo para estar motivado

$$M \rightarrow T \text{ -||- } \neg T \rightarrow \neg M$$

2) Ni hago dieta ni hago ejercicio, cuando no estoy motivado

$$\neg M \rightarrow \neg D \wedge \neg E$$

3) Solo cuando estoy motivado hago dieta y ejercicio

$$D \wedge E \rightarrow M \text{ -||- } \neg M \rightarrow \neg(D \wedge E)$$

b) Utilizando los siguientes predicados, formalizad las frases que hay a continuación

H(x): x es un hotel

A(x): x es/está afiliado

D(x): x es una denuncia

T(x,y): x tiene y

a (ct.): el Moonside Resort

1) Los hoteles afiliados no tienen ninguna denuncia

$$\forall x \{ H(x) \wedge A(x) \rightarrow \neg \exists y [D(y) \wedge T(x,y)] \}$$

2) El Moonside Resort es un hotel que tiene algunas denuncias

$$H(a) \wedge \exists x [D(x) \wedge T(a,x)]$$

3) Algunos hoteles tienen todas las denuncias

$$\exists x \{ H(x) \wedge \forall y [D(y) \rightarrow T(x,y)] \}$$

Prueba de Síntesis 2017/18-2

| Asignatura | Código | Fecha | Hora inicio |
|------------|--------|------------|-------------|
| Lógica | 75.570 | 09/06/2018 | 12:00 |

Actividad 2 (2.5 o 1.5 puntos)

[Criterio de valoración: será inválida (0 puntos) cualquier deducción que contenga la aplicación incorrecta de alguna regla]

Demostrad, utilizando la deducción natural, que el siguiente razonamiento es correcto. Si la deducción es correcta y no utilizáis reglas derivadas obtendréis 2.5 puntos. Si la deducción es correcta pero utilizáis reglas derivadas obtendréis 1.5 puntos. En ningún caso podéis utilizar equivalentes deductivos. Si hacéis más de una demostración y alguna es incorrecta no obtendréis ningún punto.

$T \rightarrow A \vee B, P \rightarrow \neg A, B \rightarrow R \therefore P \wedge T \rightarrow R$

| | | | | | |
|----|----------------------------|--------------|---------------|----------|-----------------------|
| 1 | $T \rightarrow A \vee B$ | | | | P |
| 2 | $P \rightarrow \neg A$ | | | | P |
| 3 | $B \rightarrow R$ | | | | P |
| 4 | | $P \wedge T$ | | | H |
| 5 | | T | | | $E \wedge 4$ |
| 6 | | $A \vee B$ | | | $E \rightarrow 1, 5$ |
| 7 | | | A | | H |
| 8 | | | | $\neg R$ | H |
| 9 | | | | P | $E \wedge 4$ |
| 10 | | | | A | It 7 |
| 11 | | | | $\neg A$ | $E \rightarrow 2, 9$ |
| 12 | | | $\neg \neg R$ | | $I \neg 8, 10, 11$ |
| 13 | | | R | | $E \neg 12$ |
| 14 | | | B | | H |
| 15 | | | R | | $E \rightarrow 3, 14$ |
| 16 | | R | | | $E \vee 6, 13, 15$ |
| 17 | $P \wedge T \rightarrow R$ | | | | $I \rightarrow 4, 16$ |

Prueba de Síntesis 2017/18-2

| Asignatura | Código | Fecha | Hora inicio |
|------------|--------|------------|-------------|
| Lógica | 75.570 | 09/06/2018 | 12:00 |

Actividad 3 (2 puntos)

[Criterio de valoración: serán inválidas las respuestas incorrectas, contradictorias o ininteligibles. Cada pregunta se valora independientemente de las otras]

Un razonamiento ha originado el siguiente conjunto cláusulas de las cuales la última, en negrita, proviene de la negación de la conclusión:

$\{ A \vee B, \neg A \vee \neg B, D \vee \neg C, \neg D \vee \mathbf{C} \}$

Responded las siguientes preguntas:

- Si se hubiese construida la tabla de verdad del razonamiento que ha originado este conjunto de cláusulas, ¿es *posible pero no seguro*, *seguro* o *imposible* que se hallaría un contraejemplo?
Seguro
- Si se hubiese construido la tabla de verdad de las premisas de este razonamiento, ¿es *posible pero no seguro*, *seguro* o *imposible* que se hubiera hallado una interpretación que las hace ciertas a todas simultáneamente?
Seguro
- ¿Son consistentes las premisas de este razonamiento (Sí / No / No se puede saber) ?
Sí.
- Es correcto el razonamiento (Sí / No / No se puede saber) ?
No

Prueba de Síntesis 2017/18-2

| Asignatura | Código | Fecha | Hora inicio |
|------------|--------|------------|-------------|
| Lógica | 75.570 | 09/06/2018 | 12:00 |

Actividad 4 (2.5 puntos)

Elegid uno de los dos problemas que tenéis a continuación. Si los resolvéis los dos la calificación será la menor. **INDICAD CLARAMENTE CUÁL ES EL EJERCICIO QUE ELEGÍS.**

- A) Hallad el conjunto de cláusulas que permitiría aplicar el método de resolución al siguiente razonamiento (Sólo se tiene que encontrar el conjunto de cláusulas que permitiría aplicar el método de resolución. No se tiene que aplicar resolución).

[Criterio de valoración: cada error se penalizará con -1.25 puntos]

$\neg \forall x \forall y \neg T(x, y)$
 $\exists x Q(x) \rightarrow \exists x T(x, x)$
 $\therefore \exists y \forall x \neg T(x, y)$

$FNS(\neg \forall x \forall y \neg T(x, y)) = T(a, b)$
 $FNS(\exists x Q(x) \rightarrow \exists x T(x, x)) = \forall x (\neg Q(x) \vee T(c, c))$
 $FNS(\neg \exists y \forall x \neg T(x, y)) = \forall y T(f(y), y)$

$S = \{ T(a, b), \neg Q(x) \vee T(c, c), T(f(y), y) \}$

- B) Utilizad la deducción natural para demostrar que el siguiente razonamiento es correcto. Podéis utilizar reglas derivadas y equivalentes deductivos.

[Criterio de valoración: cada error se penalizará con -1.25 puntos]

$\neg \exists x P(x), \forall x \{H(x) \rightarrow \exists y P(y)\} \therefore \forall x \neg H(x)$

Pista: suponed la negación de la conclusión

| | | | |
|----|---|-----------------------------------|-------------------------|
| 1 | $\neg \exists x P(x)$ | | P |
| 2 | $\forall x \{H(x) \rightarrow \exists y P(y)\}$ | | P |
| 3 | | $\neg \forall x \neg H(x)$ | H |
| 4 | | $\exists x \neg H(x)$ | De Morgan 3 |
| 5 | | $\neg \neg H(a)$ | E \exists 4 (x por a) |
| 6 | | $H(a)$ | E \neg 5 |
| 7 | | $H(a) \rightarrow \exists y P(y)$ | E \forall 2 (x por a) |
| 8 | | $\exists y P(y)$ | E \rightarrow 6, 7 |
| 9 | | $P(b)$ | E \exists 8 (x por b) |
| 10 | | $\exists x P(x)$ | I \exists 9 |
| 11 | | $\neg \exists x P(x)$ | It 1 |
| 12 | $\neg \neg \forall x \neg H(x)$ | | I \neg 3, 10, 11 |
| 13 | $\forall x \neg H(x)$ | | E \neg 12 |