

Algoritmos de ordenação – parte I

Prof. Dr. Wesin Ribeiro

Nessa aula você irá aprender

- O que é ordenação
- Ordenação por inserção
- Ordenação por seleção
- Analisar a complexidade dos algoritmos

O que é ordenação?

- É a tarefa de colocar um conjunto de dados (arranjo) em uma determinada ordem.
- Entrada: $\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$
- Saída: $(a'_1, a'_2, \dots, a'_n)$, $a'_1 \leq a'_2 \leq \dots \leq a'_n$

Por que ordenar?

- Considerado o problema mais fundamental no estudo de algoritmos
- Necessidade de ordenar informações
- Subrotina chave
- Problema de interesse histórico
- Permite acesso mais eficiente aos dados

Tipos de ordenação

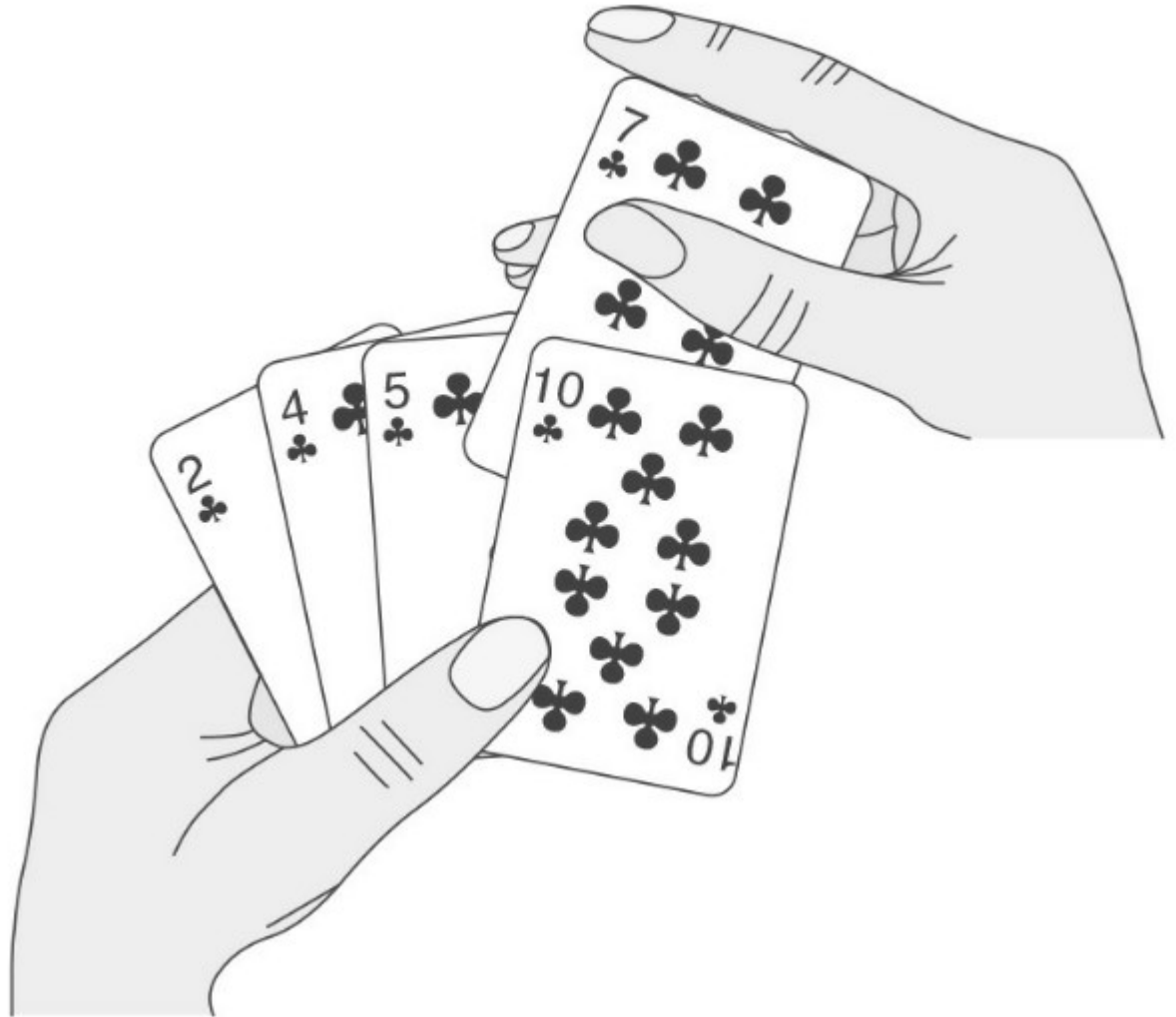
- Numérica (1,2,3,4 e 5)
- Lexicográfica (ordem alfabética)
- Podendo ambas serem crescente ou decrescente

Classificação dos métodos de ordenação

- Interna:
 - O arquivo a ser ordenado cabe todo na memória principal
 - Qualquer registro é imediatamente acessado
- Externa
 - Não cabe na memória principal
 - Acessado por partes

Ordenação por Inserção

Inspirado na
ordenação de
cartas em um
baralho

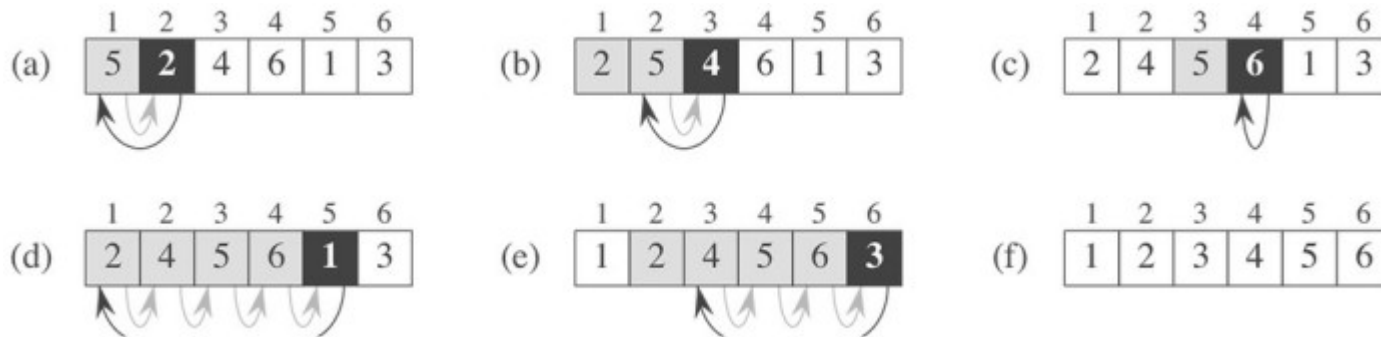


Mecânica da ordenação por inserção

- Dois sub vetores (esquerdo e direito), com o da esquerda ordenado e o da direita desordenado.
- Começa com um elemento apenas no sub vetor da esquerda, e os demais no da direita.
- Passa-se um elemento de cada vez do sub vetor da direita para o sub vetor da esquerda
- manter o sub vetor da esquerda ordenado.
- Termina quando o sub vetor da direita (desordenado) fica vazio.

Exemplo considerando

$$A = \langle 5, 2, 4, 6, 1, 3 \rangle$$

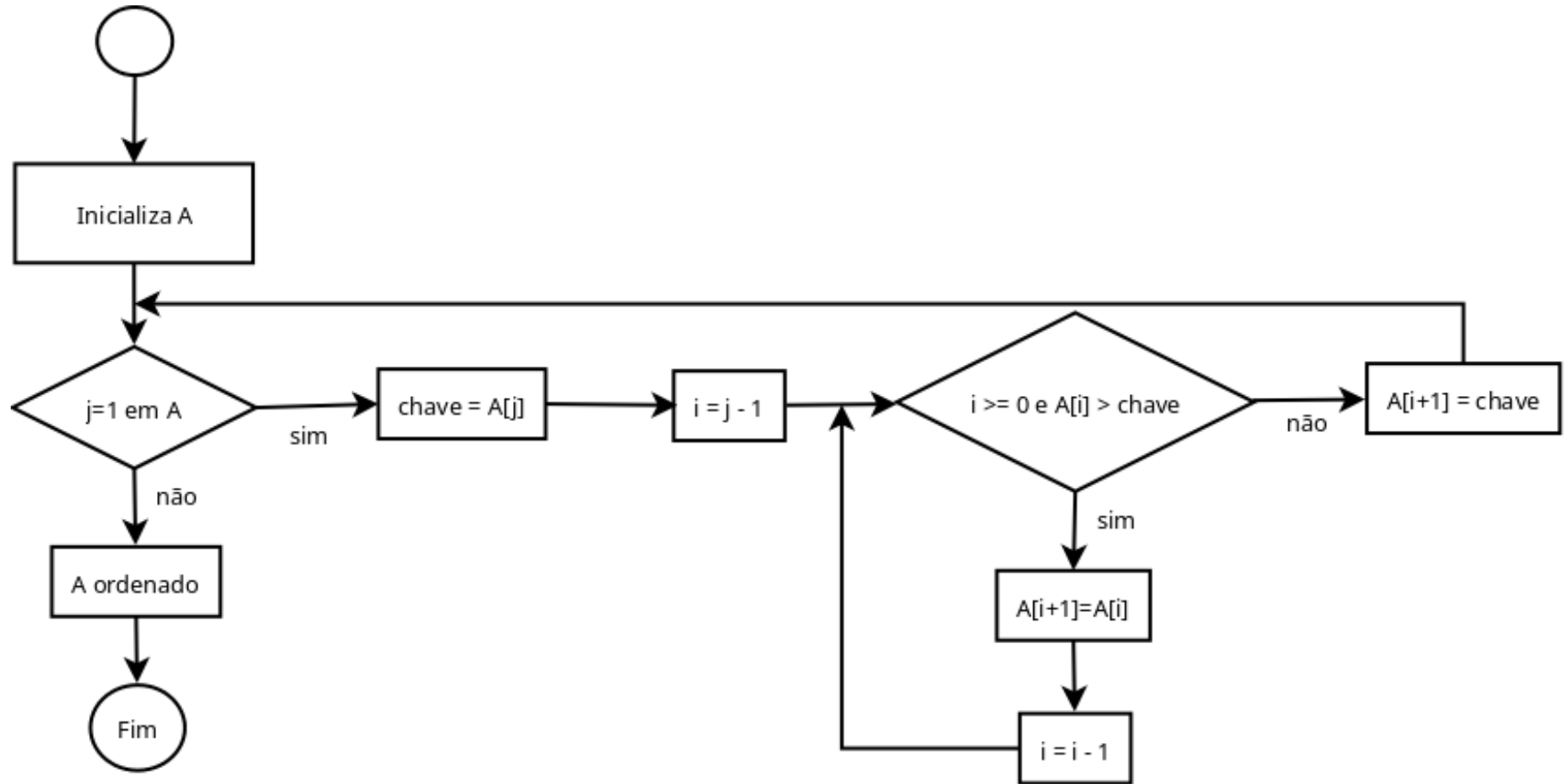


Pseudo- código da ordenação por inserção

INSERTION-SORT(A)

```
1  for  $j = 2$  to  $A$ .comprimento
2       $chave = A[j]$ 
3      // Inserir  $A[j]$  na sequência ordenada  $A[1..j - 1]$ .
4       $i = j - 1$ 
5      while  $i > 0$  e  $A[i] > chave$ 
6           $A[i + 1] = A[i]$ 
7           $i = i - 1$ 
8       $A[i + 1] = chave$ 
```

Fluxograma da ordenação por inserção



Análise da ordenação por inserção

INSERTION-SORT(<i>A</i>)	<i>custo</i>	<i>vezes</i>
1 for $j = 2$ to A -comprimento	c_1	n
2 $chave = A[j]$	c_2	$n - 1$
3 //Inserir $A[j]$ na sequência ordenada $A[1..j - 1]$.	0	$n - 1$
4 $i = j - 1$	c_4	$n - 1$
5 while $i > 0$ e $A[i] > chave$	c_5	$\sum_{j=2}^n t_j$
6 $A[i + 1] = A[i]$	c_6	$\sum_{j=2}^n (t_j - 1)$
7 $i = i - 1$	c_7	$\sum_{j=2}^n (t_j - 1)$
8 $A[i + 1] = chave$	c_8	$n - 1$

Análise da ordenação por inserção

$$T(n) = c_1n + c_2(n-1) + c_4(n-1) + c_5 \sum_{j=2}^n t_j + c_6 \sum_{j=2}^n (t_j - 1) \\ + c_7 \sum_{j=2}^n (t_j - 1) + c_8(n-1) .$$

$$T(n) = c_1n + c_2(n-1) + c_4(n-1) + c_5(n-1) + c_8(n-1) \\ = (c_1 + c_2 + c_4 + c_5 + c_8)n - (c_2 + c_4 + c_5 + c_8) .$$

$$\sum_{j=2}^n j = \frac{n(n+1)}{2} - 1$$

and

$$\sum_{j=2}^n (j-1) = \frac{n(n-1)}{2}$$

$$T(n) = c_1n + c_2(n-1) + c_4(n-1) + c_5 \left(\frac{n(n+1)}{2} - 1 \right) \\ + c_6 \left(\frac{n(n-1)}{2} \right) + c_7 \left(\frac{n(n-1)}{2} \right) + c_8(n-1) \\ = \left(\frac{c_5}{2} + \frac{c_6}{2} + \frac{c_7}{2} \right) n^2 + \left(c_1 + c_2 + c_4 + \frac{c_5}{2} - \frac{c_6}{2} - \frac{c_7}{2} + c_8 \right) n \\ - (c_2 + c_4 + c_5 + c_8) .$$

Tempo de execução da ordenação por inserção

- Melhor caso
 - Quando os elementos já estão ordenados
 - $O(N)$
- Pior caso
 - Quando os elementos estão ordenados na ordem inversa
 - $O(N^2)$

Ordenação por seleção

Selecione o
menor elemento
para ser inserido
na posição
correta

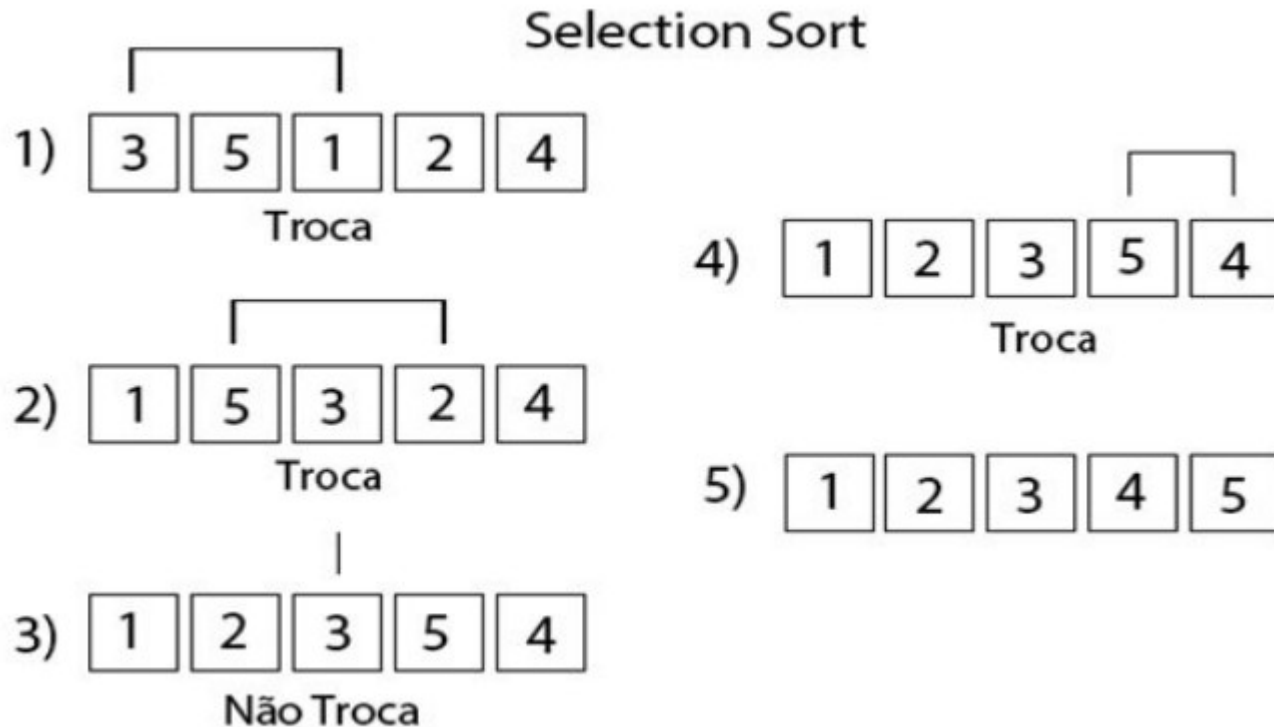


Mecânica do algoritmo

- Definir o mínimo do vetor, sendo ele o primeiro elemento no início do laço
- Comparar com todos os elementos do vetor até encontrar o menor dentre todos os elementos
- Troca como termo mínimo inicial
- Repetir para o restante do vetor (excluindo os que já foram ordenados)

Exemplo considerando

$A = \langle 3, 5, 1, 2, 4 \rangle$



SelectionSort(A)

Para $i = 0$ até $A.\text{comprimento} - 1$

Menor = i

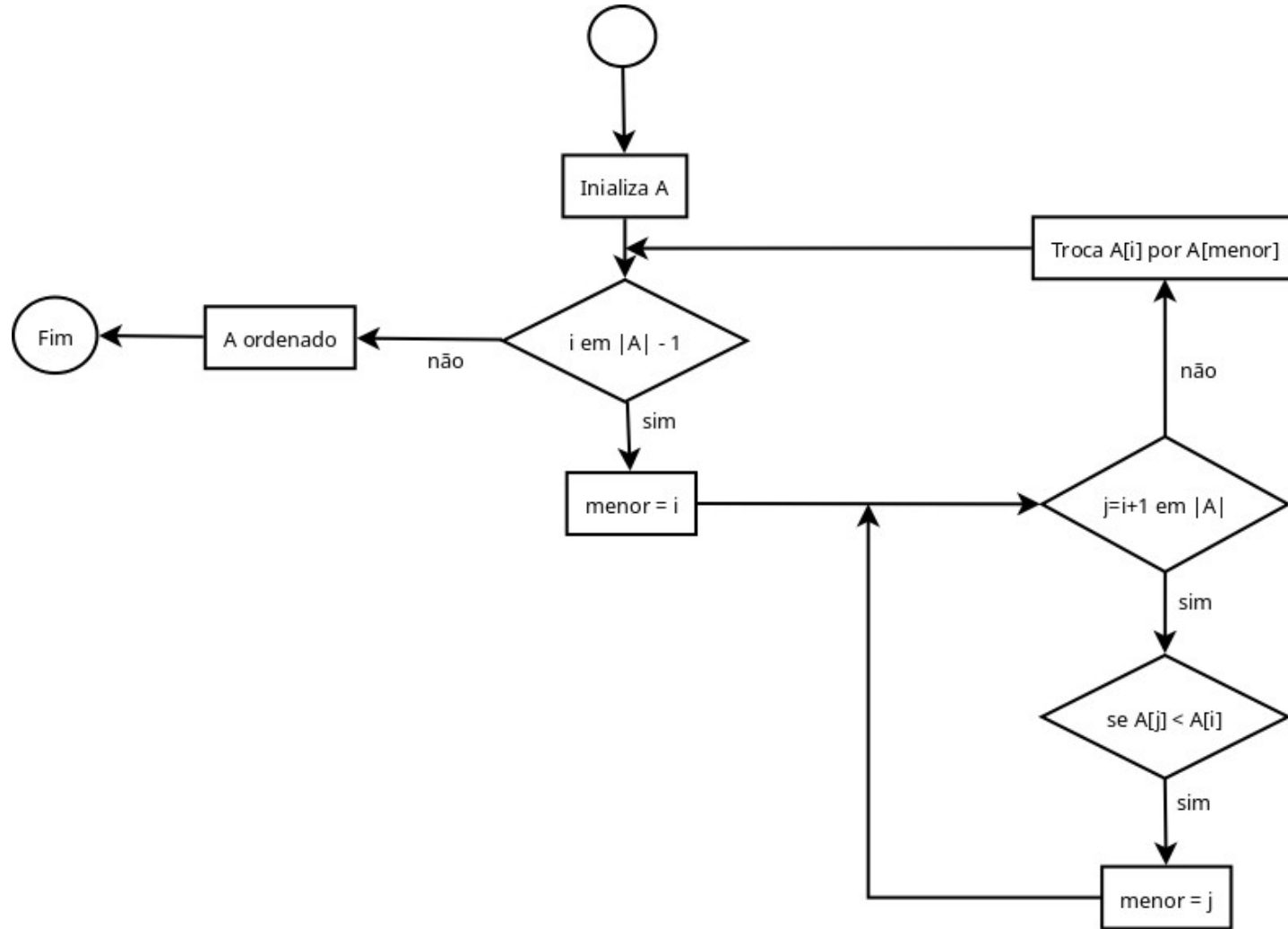
Para $j = i + 1$ até $A.\text{comprimento}$

Se $A[j]$ menor que $A[i]$

Menor = j

Troca $A[i]$ por $A[\text{Menor}]$

Pseudo
código da
ordenação
por seleção



Fluxograma da
ordenação por
seleção

Tempo de execução da ordenação por seleção

- Melhor caso
 - Quando os elementos já estão ordenados
 - $O(N^2)$
- Pior caso
 - Quando os elementos estão ordenados na ordem inversa
 - $O(N^2)$

Bubblesort

Semelhante a
ordenação por
seleção, mas
comparara
apenas
elementos
adjacentes



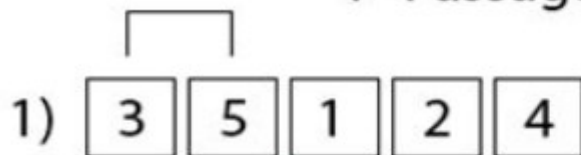
Mecânica do algoritmo

- Compara o elemento i com o elemento $i+1$
- Ou seja, um elemento na posição 2 será comparado ao elemento da posição 3.
- Se o elemento 2 for maior que o 3, troca de lugar (bolha)
- Repete o procedimento até não houver mais trocas (bolhas)

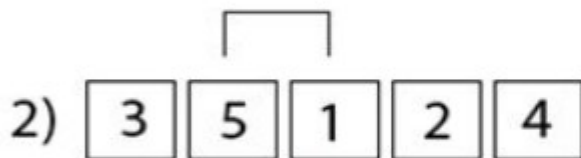
Exemplo considerando

$A = \langle 3, 5, 1, 2, 4 \rangle$

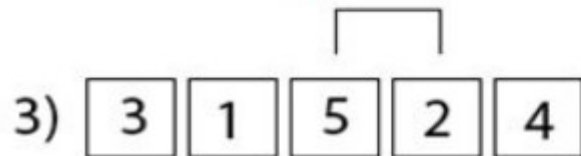
1ª Passagem do Bubble Sort



$3 > 5?$ **F** - Não Troca



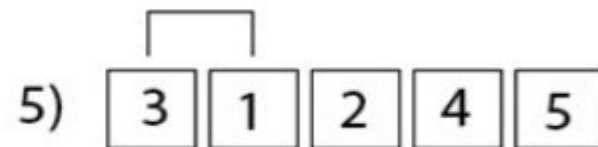
$5 > 1?$ **V** - Troca



$5 > 2?$ **V** - Troca



$5 > 4?$ **V** - Troca



BubbleSort(A)

Continua = 1

Enquanto continua == 1

// interrompe se não houve trocas

Continua = 0

Para i = 0 até A.comprimento -1

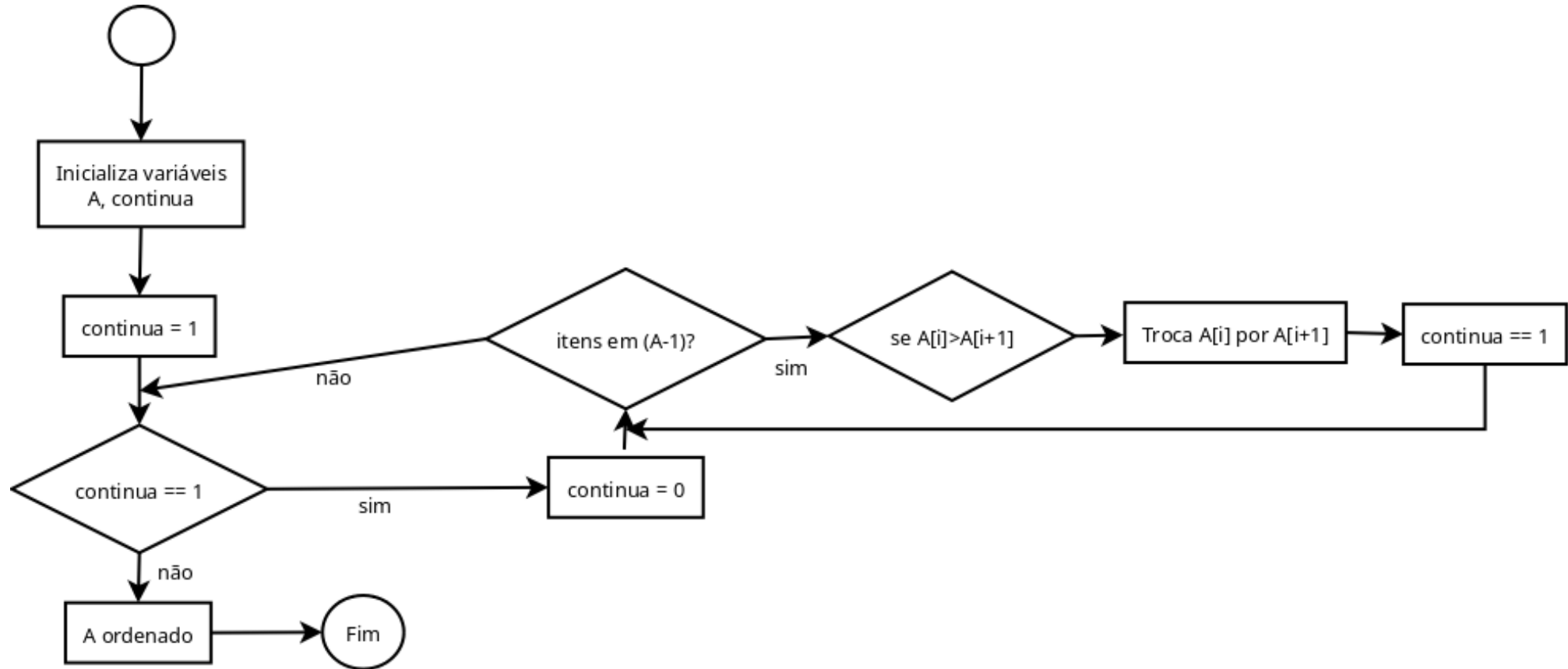
Se A[i] > A[i+1]

Troca A[i] por A[i+1]

Continua = 1

Pseudo
código da
ordenação
por seleção

Fluxograma ordenação por seleção



Tempo de execução da ordenação por seleção

- Melhor caso
 - Quando os elementos já estão ordenados
 - $O(N)$
- Pior caso
 - Quando os elementos estão ordenados na ordem inversa
 - $O(N^2)$

Desafio

- Crie um programa que gere um vetor com números aleatórios e ordene usando os algoritmos de ordenação aprendidos nessa aula.
- O usuário pode escolher qual o algoritmo será utilizado para ordenar o vetor
- Extra: calcule o tempo de execução de cada algoritmo