

## Núcleo Básico das Engenharias

## C202-E/H Algoritmos e Estruturas de Dados I

### Capítulo 6 - Funções

Prof. Edson J. C. Gimenez

2019/Sem1

Material adaptado de: Algoritmos e Estruturas de Dados

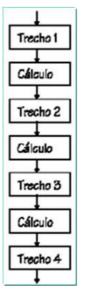
- Profa. Rosanna Mara Rocha Silveira
- Prof. Evandro Luís Brandão Gomes



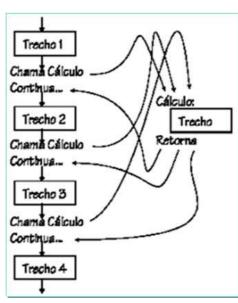
#### SUB-ROTINAS (SUB-ALGORITMOS / FUNÇÕES)

São blocos de instruções que realizam tarefas específicas.

O código de uma sub-rotina é carregado uma vez e pode ser executado quantas vezes for necessário.



(a) sem sub-rotina



(b) com sub-rotina



#### SUB-ROTINAS (SUB-ALGORITMOS / FUNÇÕES)

#### Porque usar sub-rotinas?

Como os problemas complicados exigem códigos extensos, a solução é dividir os códigos grandes em trechos de códigos menores e de solução mais simples.

#### Vantagens em se utilizar sub-rotinas:

- Subdivisão de códigos complexos com o objetivo de um melhor entendimento;
- Estruturação de códigos, com o objetivo de detecção de erros e melhores documentação e manutenção;
- Reutilização do código.



4

#### DEFINIÇÃO DE UMA SUB-ROTINA (FUNÇÃO)

Uma sub-rotina pode receber dados do programa que a chamou e ao terminar sua tarefa, ela pode fornecer ao programa que a chamou os resultados obtidos por ela.

	tipo – identifica o tipo de retorno da função (int, float, double, etc.)
CABEÇALHO	nome – nome da função, que é utilizado na sua chamada.
	parâmetros – variáveis que receberão os dados passados para a função.



#### SUB-ROTINAS (SUB-ALGORITMOS)

#### SINTAXES DE SUB-ALGORITMO

Em geral, as linguagens de programação, possibilitam a modularização por meio de procedimentos e funções.

A linguagem C/C++ possibilita esta modularização por meio de funções.

#### **FUNÇÃO**

Tem o objetivo de desviar a execução do algoritmo principal para realizar uma tarefa específica e quando ela retorna valor, ela retorna um e somente um valor ao algoritmo chamador.

A função é chamada quando seu nome aparece no corpo do algoritmo chamador.

Pode-se utilizar funções sem ou com passagem de parâmetros.

Quando for com passagem de parâmetros, a função é chamada e lhe é atribuída alguns valores.



6

#### SUB-ROTINAS (SUB-ALGORITMOS)

#### SINTAXE DE FUNÇÃO

<tipo da função> - identifica o tipo de retorno da função (void, int, float, etc.).

<nome da função> - identifica o nome a ser utilizado para sua chamada; sua declaração segue as mesmas regras para declaração de variáveis.

lista\_de\_parâmetros> - declaração das variáveis (parâmetros) que receberão os dados passados pela função que fez a chamada.

**return** - finaliza a execução da função, retornando o processamento à função que fez a chamada; se houver algum dado após o comando return, este valor é retornando à função que fez a chamada.



#### SINTAXES DE FUNÇÃO

Definição da função antes da função que faz a chamada:

\*\* Quando as funções "chamadas" são definidas antes das funções que as chamam não há necessidade da declaração do protótipos.



8

#### SINTAXES DE FUNÇÃO

Definição de funções depois da função que faz a chamada:

Protótipo: é um modelo que identifica como a função deve ser utilizada, devendo conter o tipo da função, seu nome, e seus parâmetros (se existirem).

\*\* Quando as funções "chamadas" são definidas depois das funções que as chamam faz-se necessário a declaração do protótipos das funções.



#### Exemplo 1:

Escreva um programa que leia um valor numérico qualquer e mostre uma mensagem informando se esse valor é positivo ( >=0 ) ou negativo ( <0 ).

Obs.: a verificação se o valor é positivo ou negativo deve ser feita por uma função que, tendo recebido como parâmetro um número qualquer, a mesma retorne 1, se o número recebido for positivo, ou 0 se o número recebido for negativo.



10

**SINTAXE 1** (definição da função chamada antes da função chamadora; não é necessário a definição de protótipo):

```
#include <iostream>
#include <locale>
using namespace std;
int verifica(double valor)
   if(valor >= 0)
       return 1;
   else return 0;
}
int main()
   setlocale(LC_ALL, "portuguese");
   double num;
   int x;
   cout<<"Digite um número qualquer: ";
   cin>>num;
   x = verifica(num);
   if(x == 0)
       cout<<endl<<num<<" é negativo...\n ";
   else cout<<endl<<num<<" é positivo...\n";
   return 0;
}
```



**SINTAXE 2** (definição da função chamada depois da função chamadora; há necessidade da declaração do protótipo da função):

```
#include <iostream>
#include <locale>
using namespace std;
int verifica(double valor); //protótipo da função
   setlocale(LC_ALL, "portuguese");
   double num;
   int x:
   cout<<"Digite um número qualquer: ";
   cin>>num;
   x = verifica(num);
   if(x == 0)
       cout<<endl<<num<<" é negativo...\n";
   else cout<<endl<<num<<" é positivo...\n";
   return 0;
}
int verifica(double valor)
   if (valor >= 0)
       return 1;
   else return 0;
}
```



12

**Exemplo 2:** Faça um programa que leia um valor numérico positivo e escreva a raiz quadrada deste número através de uma função chamada RAIZ. Obs.:

- A função principal irá ler o número, e passar para a função RAIZ;
- A função RAIZ é quem irá imprimir esse número, retornando "vazio" para a função main.



SINTAXE 1 (definição da função antes da função que faz a chamada):

```
#include <iostream>
#include <locale>
#include <cmath>
using namespace std;
void RAIZ(double valor)
{
   if(valor >= 0)
       cout<<"\nRaiz quadrada de "<<valor<<" é: "<<sqrt(valor)<<endl;
   else cout<<"\nImpossível - raíz de número negativo...\n";
   return;
}
int main()
   setlocale(LC_ALL, "portuguese");
   double num;
   cout<<"Digite um número qualquer: ";
   cin>>num;
   RAIZ(num);
   return 0;
}
```



**SINTAXE 2** (definição da função depois da função que faz a chamada; necessidade de declaração do protótipo da função RAIZ:

```
#include <iostream>
#include <locale>
#include <cmath>
using namespace std;
void RAIZ(double valor);
                         //protótipo da função
int main()
   setlocale(LC_ALL, "portuguese");
   double num;
   cout<<"Digite um número qualquer: ";
   cin>>num;
   RAIZ(num);
   return 0;
void RAIZ(double valor)
   if(valor >= 0)
       cout<<"\nRaiz quadrada de "<<valor<<" é: "<<sqrt(valor)<<endl;
   else cout<<"\nImpossível - raíz de número negativo...\n";
   return;
}
```



### SUB-ROTINAS (SUB-ALGORITMOS)

Revisão: Deve-se usar funções quando:

- existir tarefas (trechos de códigos) que se repetem no programa;
- para facilitar o entendimento (modularização do problema);
- permitir a reutilização de código;

#### 4 formas de uso:

- com parâmetros de entrada e de saída;
- somente com parâmetros de entrada;
- somente com parâmetro de saída;
- sem parâmetros



16

**Exemplo 3 -** Faça um programa que leia as 3 notas de um aluno, calcule e mostre sua média ponderada com os pesos 2, 3 e 5. Obs.:

- A entrada das três notas e a saída da média serão realizadas na função main().
- O cálculo da média deverá ser realizado na função MEDIA(), que irá receber como parâmetros as três notas, e retornará o valor da média.



#### Solução 1 – com parâmetros de entrada e saída

```
#include <iostream>
using namespace std;
float media( float NP1, float NP2, float NP3); //protótipo da função
int main(void)
        float n1, n2, n3, m;
        cout<<"Digite as tres notas: ";
        cin>>n1>>n2>>n3;
        m = media(n1, n2, n3);
                                           //chamada da função com parâmetros
         cout<<"Media: "<< m;
        return 0;
float media( float NP1, float NP2, float NP3)
        float md;
        md = NP1*0.2+NP2*0.3+NP3*0.5;
        return md;
                                            //retorna md
}
```



### Solução 2 – somente com parâmetros de entrada

```
#include <iostream>
using namespace std;
void media( float NP1, float NP2, float NP3); //protótipo da função
float m:
                                   // m como variável global
int main(void)
         float n1, n2, n3;
         cout<<"Digite as tres notas: ";
         cin >> n1 >> n2 >> n3;
         media(n1, n2, n3);
                                   //chamada da função com parâmetros
         cout<<"Media: "<< m;
         return 0;
void media( float NP1, float NP2, float NP3)
{
         m = NP1*0.2+NP2*0.3+NP3*0.5;
                                   //não retorna nenhum valor
         return;
}
```



#### Solução 3 – somente com parâmetro de saída

```
#include <iostream>
using namespace std;
float media();
                        //protótipo da função
                     // variáveis globais
float n1, n2, n3;
int main(void)
        float m;
        cout<<"Digite as tres notas: ";
        cin >> n1 >> n2 >> n3;
        m = media();
                        //chamada da função sem parâmetros
        cout<<"Media: "<< m;
        return 0;
float media()
                        //sem parâmetros de entrada
        float md;
        md = n1*0.2+n2*0.3+n3*0.5:
        return md; //retorna md
}
```



20

#### Solução 4 – sem parâmetros e sem retorno

```
#include <iostream>
using namespace std;
void media( );
                                   //protótipo da função
float n1, n2, n3, md;
                                   // variáveis globais
int main(void)
{
         cout<<"Digite as tres notas: ";
         cin >> n1 >> n2 >> n3;
        media();
                                   //chamada da função sem parâmetros
        cout<<"Media: "<< md;
        return 0;
void media()
         md = n1*0.2+n2*0.3+n3*0.5:
                                   //não retorna nenhum valor
        return;
}
```



#### Escopo de variáveis

 Por escopo de variável entende-se o bloco de código onde esta variável é válida.

#### Variáveis globais:

 Declaradas fora de qualquer função, sendo válidas para todas as funções definidas a partir do ponto de suas declarações.

#### Variáveis locais:

- Aquelas válidas somente na função em que foram definidas.
- Uma variável definida dentro de uma função não é acessível à outras funções, mesmo que estas variáveis possuam o mesmo nome.



22

#### MECANISMO DE PASSAGEM DE PARÂMETROS

Na chamada de uma função, dependendo do caso, pode-se, ou não, fazer uso de parâmetros para a passagem de valores à função chamada.

Esta chamada pode se dar segundo 2 mecanismos: passagem por valor ou passagem por referência.

#### PASSAGEM POR VALOR (ou por CÓPIA)

O parâmetro é fornecido ao sub-algoritmo no ato da invocação e as modificações feitas no sub-algoritmo com esse parâmetro não afetam o seu conteúdo, pois trabalha-se com a sua cópia, ou seja, passagem de parâmetros por valor significa que, para a execução da função, será gerada cópia do valor de cada um dos parâmetros.

#### SINTAXE:

#### Na função chamada:

tipo FUN (tipo parâmetro);

#### Na função que faz a chamada:

FUN (variável);



#### PASSAGEM POR REFERÊNCIA

Passagem de parâmetros por referência significa que os parâmetros passados para uma função correspondem a endereços de memória ocupados por variáveis. Dessa maneira, toda vez que for necessário acessar um determinado valor, isso será feito por meio da referência ao seu endereço.

Em C++, a passagem de referência pode ser feita com uso do operador de referência ou com a utilização de ponteiros. Em C, a passagem de referência é feita com a utilização de ponteiros.

Em C++:

Na função chamada: tipo nome\_função (tipo &parâmetro)

Na função que chama: nome\_função (variavel)

Em C e C++:

Na função chamada: tipo nome\_função (tipo \*parâmetro)

Na função que chama: nome\_função (&parâmetro)

O símbolo \* indica que o parâmetro é um ponteiro, que recebe um endereço de memória passada como parâmetro. Na chamada da função, o símbolo & indica que se está passando o endereço da variável, e não o seu valor.



}

24

#### Apost. - Exercício 6.3) Qual será o resultado da execução deste programa?

```
→ Passagem por valor:
#include <iostream>
using namespace std;
void passval( int y); //protótipo da função
int main(void)
{
         int x:
         x = 1;
         cout<<"x antes: "<< x <<endl;
         passval(x);
         cout<<"x depois: "<< x;
         return 0;
void passval( int y)
         v = v + 1;
         cout<< "y=" << y <<endl;
         return:
```

```
C:\Users\edsonjcg\Docume

x antes: 1
y=2
x depois: 1

Process exited after
Pressione qualquer te
```



#### Apost. - Exercício 6.4a) Qual será o resultado da execução deste progama?

→ Passagem por referência, com a utilização do operador de referência:

```
#include <iostream>
using namespace std;
void passref( int &y); //protótipo da função
int main(void)
{
         float x;
         x = 1;
         cout<< "x antes: " << x << endl;
         passref(x); //chamada da função por referência
         cout<< "x depois: " << x;
         return 0;
void passref( int &y)
         y = y + 1;
         cout<< "y=" << y << endl;
         return:
}
```

```
C:\Users\edsonjcg\Docu

x antes: 1

y=2

x depois: 2

O Processo retorno

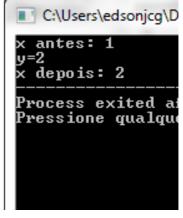
Pressione uma tecl
```



#### Apost. - Exercício 6.4b) Qual será o resultado da execução deste progama?

→ Passagem por referência, com a utilização de ponteiros:

```
#include <iostream>
using namespace std;
void passref( int *y); //protótipo da função
int main(void)
{
         float x;
         x = 1;
         cout<< "x antes: " << x << endl;
         passref( &x ); //chamada da função por referência
         cout<< "x depois: " << x;
         return 0;
void passref( int *y)
         v = v + 1
         cout<< "y=" << *y << endl;
         return;
}
```



## Inatel Instituto Nacional de Telecomunicações

```
#include <iostream>
using namespace std;
void circuito (int henry, int &farad);
int main()
   int volt, ampere;
   volt = 8;
   ampere = 2;
   circuito(volt, ampere);
   cout<<"Volt = "<<volt<<" - Ampere = "<<ampere<<endl;
   return 0;
void circuito(int henry, int &farad)
   bool maxwell;
   henry = 3;
   farad = 7;
   maxwell = false;
   do{
        henry = henry -1;
        farad = farad - henry;
        if(henry == 0)
             maxwell = true;
   }while(!maxwell);
   return;
}
```

**P6.13a)** Execute o programa a seguir e indique os valores que serão impressos para as variáveis **VOLT** e **AMPERE** ao final da execução do programa e justifique estes valores.

```
C:\Users\edsonjcg\Documents\2018_S

Volt = 8 - Ampere = 4

O Processo retornou 0 to Pressione uma tecla para o
```

# Inatel Instituto Nacional de Telecomunicado

}

**P6.13b)** Execute o programa a seguir e indique os valores que serão impressos para as variáveis **VOLT** e **AMPERE** ao final da execução do programa e justifique estes valores.

```
#include <iostream>
using namespace std;
void circuito (int henry, int *farad);
int main()
{
   int volt, ampere;
   volt = 8;
   ampere = 2;
   circuito(volt, &ampere);
   cout<<"Volt = "<<volt<<" - Ampere = "<<ampere<<endl;</pre>
   return 0;
void circuito(int henry, int *farad)
{
   bool maxwell;
   henry = 3;
   *farad = 7;
   maxwell = false;
   do{
         henry = henry -1;
         *farad = *farad - henry;
         if(henry == 0)
             maxwell = true;
   }while(!maxwell);
   return;
```

C:\Users\edsonjcg\Documents\2018\_S

Volt = 8 - Ampere = 4

O Processo retornou 0 te

Pressione uma tecla para o



```
#include <iostream>
using namespace std;
void tempo (int descd, int &ascd)
   bool existe;
   descd = 12:
   ascd = 15;
   while(!(existe))
       descd = descd -5;
       if(descd < 0)
           existe = true;
      ascd = ascd - descd;
   return;
int main()
   int vt, ap;
   vt = 15;
   ap = 12;
   tempo(vt, ap);
   cout<<"VT: "<<vt<" - AP: "<<ap<<endl;
   return 0;
}
```

**P6.14a)** Execute o programa a seguir e indique os valores que serão impressos para as variáveis **VT** e **AP** ao final da execução do programa e justifique estes valores.

```
C:\Users\edsonjcg\Documents\
VT: 15 - AP: 9

O Processo retornou 0
Pressione uma tecla pa
```

## Inatel

30

#include <iostream> using namespace std; void tempo (int descd, int \*ascd) { bool existe; descd = 12: \*ascd = 15;while(!(existe)) descd = descd -5; if(descd < 0)existe = true; \*ascd = \*ascd - descd; return; int main() int vt, ap; vt = 15;ap = 12;tempo( vt, &ap); cout<<"VT: "<<vt<" - AP: "<<ap<<endl; return 0; }

**P6.14b)** Execute o programa a seguir e indique os valores que serão impressos para as variáveis **VT** e **AP** ao final da execução do programa e justifique estes valores.

```
C:\Users\edsonjcg\Documents\
VT: 15 - AP: 9

O Processo retornou 0
Pressione uma tecla pa
```



EP01: Escreva um programa que use uma função para trocar o valor de 2 variáveis.

\* Usando operador de referência.

```
C:\Users\edsonjcg\Documents\2018_

Digite o valor 1: 10

Digite o valor 2: 20

trocando....

Valor 1 = 20

Valor 2 = 10

O Processo retornou 0 to Pressione uma tecla para
```

```
#include <iostream>
using namespace std;
void troca (double &x, double &y);
int main()
         double v1, v2;
         cout<<"\nDigite o valor 1: ";
         cin>> v1;
         cout<<"\nDigite o valor 2: ";
         cin>> v2;
         cout<<"\n trocando.....\n";
         troca( v1, v2);
         cout<<"\nValor 1 = "<< v1;
         cout<<"\nValor 2 = "<< v2;
         return 0;
void troca(double &x, double &y)
         double aux;
         aux = x;
         x = y;
         y = aux;
         return;
}
```



EP01: Escreva um programa que use uma função para trocar o valor de 2 variáveis.

\*\* Usando ponteiros.

```
C:\Users\edsonjcg\Documents\2018_2

Digite o valor 1: 10

Digite o valor 2: 20

trocando....

Valor 1 = 20

Valor 2 = 10

O Processo retornou 0 to Pressione uma tecla para
```

```
#include <iostream>
using namespace std;
void troca (double *x, double *y);
int main()
         double v1, v2;
         cout<<"\nDigite o valor 1: ";
         cin>> v1;
         cout<<"\nDigite o valor 2: ";
         cin>> v2;
         cout<<"\n trocando.....\n";
         troca( &v1, &v2);
         cout<<"\nValor 1 = "<< v1;
         cout<<"\nValor 2 = "<< v2;
         return 0;
void troca(double *x, double *y)
{
         double aux;
         aux = *x;
          *x = *y;
          *y = aux;
         return;
}
```



#### **Exercícios propostos:**

1) Fazer um programa que leia um par de números inteiros positivos, M e P, calcule e escreva o número de arranjos e o número de combinações desses M elementos, P a P, dados pelas fórmulas:

$$A = M! / (M - P)!$$
  $C = M! / (P! \times (M - P)!)$ 

Por definição, se M < P, A = 0 e C = 0.

- Obs.:
- A entrada dos valores M e P e a saída dos valores A e C serão realizadas na função principal.
- O cálculo do fatorial será realizado por uma função de nome FAT, que receberá como parâmetros um valor X inteiro e retornará o X! correspondente.
- O cálculo de A será feito por uma função de nome ARRANJO, que receberá os dois valores M e P e retornará o valor de A correspondente.
- O cálculo de C será feito por uma função de nome COMBINA, que receberá os dois valores M e P e retornará o valor de C correspondente.
- 2) Escreva um programa que leia 3 números, calcule e mostre, para esses 3 números, sua média aritmética simples e sua média aritmética ponderada, com os pesos 2, 3 e 5. Obs.: A função principal só irá ler os 3 números e escrever as duas médias. Cada um dos 2 cálculos serão realizados por funções diferentes, chamadas pela função principal.



34

#### RECURSIVIDADE

Uma função é dita **recursiva** se é definida em seus próprios termos, isto é, quando existe dentro da função uma instrução de chamada para ela mesma.

#### Importante:

- Quando várias chamadas estão ativas, enquanto a última chamada não terminar, a penúltima não termina, e assim por diante.
- Isso faz com que as variáveis de cada chamada sejam todas mantidas na memória, o que requer mais memória.
- A função recursiva utiliza uma estrutura de dados chamada PILHA (abordagem *LIFO*).
- A função recursiva utiliza uma estrutura de dados chamada PILHA (abordagem *LIFO*).
- A recursividade produz repetição sem usar as estruturas repetitivas conhecidas (*while, dowhile e for*).

Três pontos devem ser considerados na escrita de uma função recursiva:

- 1º) Definição do problema em termos recursivos: o problema é definido usando ele mesmo na solução.
- 2º) Definição da condição básica: condição básica nada mais é que a condição de término da função recursiva.
- 3º) Garantia de que, cada vez que a função é chamada recursivamente, ela deve estar mais próxima de satisfazer a condição básica, garantindo que o código não entre em loop.



**Exemplo:** Função não recursiva para cálculo do fatorial:

**Exemplo:** Função recursiva para cálculo do fatorial:



#### 36

#### Exemplo 4 – Cálculo do fatorial de N – sem recursividade:

```
#include <iostream>
using namespace std;
int fat (int n)
          int i, f = 1;
          for(i=2; i<=n; i++)
              f *= i;
          return f;
int main()
          int nfat, i;
          cout<<"\nDigite um valor para calculo do fatorial: ";
          cin>> n;
          if(n<0 || (n-int(n))!=0)
               cout<<"Não existe fatorial de "<<n<<endl;
          else
          {
               nfat = fat(n); //chama a função fat
              cout<<n<<"! = "<<nfat;
          return 0;
}
```



#### Exemplo 4 – Cálculo do fatorial de N – com recursividade:

```
#include <iostream>
using namespace std;
int fat (int n)
{
          if(n==0)
              return 1;
          else return n*fat(n-1);
int main()
          int nfat, i;
          float n;
          cout<<"\nDigite um valor para calculo do fatorial: ";
          cin>> n;
          if(n<0 || (n-int(n))!=0)
              cout<<"Não existe fatorial de "<<n<<endl;
          else
          {
                              //chama a função fat
              nfat = fat(n);
              cout<<n<<"! = "<<nfat;
          return 0;
}
```



**Exemplo 5:** Dados dois números inteiros, calcule o Máximo Divisor Comum entre eles através de uma função recursiva.

```
#include <iostream>
using namespace std;
int mdc (int p1, int p2);
int main()
          int m, v1, v2;
          cout<<"\nDigite o valor 1: ";
          cin>> v1;
          cout<<"\nDigite o valor 2: ";
          cin>> v2;
          m = mdc(v1, v2);
          cout << "mdc = " << m;
          return 0;
int mdc (int p1, int p2)
          if (p2 == 0)
                     return p1;
          else return mdc(p2, p1%p2);
}
```



#### Exercício proposto:

1) Fazer um programa que leia um par de números inteiros positivos, M e P, calcule e escreva o número de combinações desses M elementos, P a P, dado pela fórmula:  $C = M! / (P! \times (M - P)!)$ .

#### Obs.:

- A entrada dos valores M e P e a saída dos valores A e C serão realizadas na função principal.
- O cálculo de C será feito por uma função de nome COMBINA, que receberá os dois valores M e P e retornará o valor de C correspondente.
- O cálculo do fatorial será realizado por uma função recursiva de nome FAT, que receberá como parâmetros um valor X inteiro e retornará o X! correspondente.



40

#### **Exercícios:**