# Fundamentos

Teoria dos Conjuntos

**Prof. Edson Alves** 

Faculdade UnB Gama

## Sumário

## **Teoria dos Conjuntos**

#### **Termos Primitivos**

Os termos primitivos da Teoria dos Conjuntos são:

- 1. elemento
- 2. conjunto

#### **Axioma**

Se a é um elemento e A é um conjunto, então "a pertence a A " é uma proposição.

# Representação de Conjuntos

# Diagramas de Venn



Figura: Conjunto dos dias da semana

# Representação de Conjuntos

#### Enumeração de seus elementos

1. Conjunto de constantes notáveis

$$A = \{\pi, e, 0, -1\}$$

2. Conjunto das notas musicais

$$B = \{\mathsf{d\acute{o}}, \ \mathsf{r\acute{e}}, \ \mathsf{mi}, \ \mathsf{f\acute{a}}, \ \mathsf{sol}, \ \mathsf{l\acute{a}}, \ \mathsf{si}\}$$

3. Conjunto dos números primos

$$C = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, \ldots\}$$

4. Conjuntos dos números inteiros pares

$$D = \{\ldots, -4, -2, 0, 2, 4, \ldots\}$$

**5.** Conjunto vazio: ∅

# Representação de Conjuntos

## Propriedades de seus elementos

1. Conjunto dos aprovados em Paradigmas de Programação:

$$A = \{ a \in M \mid \text{nota}(a) \ge 50 \},$$

onde M é o conjunto dos alunos matriculados na disciplina.

2. Conjunto dos anos bissextos:

$$B = \{n \in \mathbb{N} \mid (4 \text{ divide } n \ \land \neg (100 \text{ divide } n)) \veebar (400 \text{ divide } n)\}$$

3. Conjunto dos números compostos:

$$C = \{ n \in \mathbb{Z} \mid \exists d \in \mathbb{Z} \text{ tal que } 1 < d < n \text{ e } d \text{ divide } n \}$$

**4.** Conjunto dos divisores de n!:

$$D(n) = \{d \in \mathbb{N} \mid d \text{ divide } n!\}$$

Fundamentos

# **Subconjuntos**

#### **Subconjuntos**

Seja A um conjunto. Um conjunto B é subconjunto de A se, para qualquer  $b \in B$ ,  $b \in A$ . Notação:  $B \subset A$ .

#### Igualdade de conjuntos

Dois conjuntos A e B são iguais se, e somente se,  $A \subset B$  e  $B \subset A$ .

Fundamentos Prof Edson Alves

# Operações em conjuntos

## Operações em conjuntos

Sejam A e B dois conjuntos. São conjuntos

1. a união

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \lor x \in B\}$$

2. a interseção

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \land x \in B\}$$

3. a diferenca

$$A - B = \{x \mid x \in A \land \neg (x \in B)\}\$$

Fundamentos Prof Edson Alves

#### Referências

- 1. HALE, M. Essentials of Mathematics: Introduction to Theory, Proof, and the Professional Culture, Mathematical Association of America, 2003. (eBrary)
- 2. Wikipédia. Leap year, acesso em 01/01/2020.