ILP zur PAW-Zuordnung

Philip Wette

14. Februar 2023

Input-Variablen I

Beschreibung der Projekte:

```
P \in \mathcal{N} Anzahl der Projekte c_p \in \mathcal{N} \ \forall p \in [1,P] Anzahl der Plätze von Projekt p req_p^{elm} \in \mathcal{N} \ \forall p \in [1,P] Erforderliche Anzahl von ELM Studenten in Projekt p req_p^{mbm} \in \mathcal{N} \ \forall p \in [1,P] Erforderliche Anzahl von MBM Studenten in Projekt p req_p^{wim} \in \mathcal{N} \ \forall p \in [1,P] Erforderliche Anzahl von WIM Studenten in Projekt p
```

Input-Variablen II

Beschreibung der Studierenden:

5 Anzahl der Studenten

$$\begin{array}{l} \textit{sg}_{\textit{s}}^{\textit{elm}} \in \{0,1\} \ \forall \textit{s} \in [1,S] \ \text{Student } \textit{s} \ \text{studiert ELM} \\ \textit{sg}_{\textit{s}}^{\textit{mbm}} \in \{0,1\} \ \forall \textit{s} \in [1,S] \ \text{Student } \textit{s} \ \text{studiert MBM} \\ \textit{sg}_{\textit{s}}^{\textit{wim}} \in \{0,1\} \ \forall \textit{s} \in [1,S] \ \text{Student } \textit{s} \ \text{studiert WIM} \\ c_{s,p}^1 \in \{0,1\} \ \forall \textit{s}, \textit{p} \in [1,S] \times [1,P] \ \text{Erste Wahl von Student } \textit{s} \ \text{ist Projekt } \textit{p} \\ c_{s,p}^2 \in \{0,1\} \ \forall \textit{s}, \textit{p} \in [1,S] \times [1,P] \ \text{Zweite Wahl von Student } \textit{s} \ \text{ist Projekt } \textit{p} \\ c_{s,p}^3 \in \{0,1\} \ \forall \textit{s}, \textit{p} \in [1,S] \times [1,P] \ \text{Dritte Wahl von Student } \textit{s} \ \text{ist Projekt } \textit{p} \\ \text{Student } \textit{s} \ \text{ist Projekt } \textit{p} \\ \text{Student } \textit{s} \ \text{ist Projekt } \textit{p} \\ \end{array}$$

Entscheidungsvariablen

$$\textit{alloc}_p^s \in \{0,1\} \ \forall s,p \in [1,S] \times [1,P]$$

Student s wird Projekt p zugeordnet

Nebenbedingungen I

Jeder Student muss genau einem Projekt zugeordnet werden:

$$\sum_{p=1}^{P} alloc_p^s = 1 \ \forall s \in [1, S]$$

Projekte werden nicht überbucht:

$$\sum_{s=1}^{S} alloc_p^s \le c_p \ \forall p \in [1, P]$$

Nebenbedingungen II

Mindestanzahl von ELM Studierenden pro Projekt:

$$\sum_{s=1}^{S} \textit{alloc}_{p}^{s} \cdot \textit{sg}_{s}^{\textit{ELM}} \geq \textit{req}_{p}^{\textit{ELM}} \ \, \forall p \in [1, P]$$

Mindestanzahl von MBM Studierenden pro Projekt:

$$\sum_{s=1}^{S} alloc_{p}^{s} \cdot sg_{s}^{MBM} \ge req_{p}^{MBM} \quad \forall p \in [1, P]$$

Mindestanzahl von WIM Studierenden pro Projekt:

$$\sum_{s=1}^{S} \textit{alloc}_{p}^{s} \cdot \textit{sg}_{s}^{\textit{WIM}} \geq \textit{req}_{p}^{\textit{WIM}} \ \, \forall p \in [1, P]$$

Zielfunktion

$$min \sum_{s=1}^{S} \sum_{p=1}^{P} alloc_p^s \cdot penalty_{s,p}$$

wobei:

$$penalty_{s,p} = egin{cases} 1 & \text{wenn } c_{s,p}^1 = 1 \ 100 & \text{wenn } c_{s,p}^2 = 1 \ 10000 & \text{wenn } c_{s,p}^3 = 1 \ 1000000 & \text{sonst} \end{cases}$$