



UNIVERSIDADE FEDERAL DE ALAGOAS  
CAMPUS A. C. SIMÕES  
CENTRO DE TECNOLOGIA  
PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA CIVIL

WEVERTON MARQUES DA SILVA

# LISTA 1

MACEIÓ/AL  
AGOSTO DE 2018

WEVERTON MARQUES DA SILVA

## LISTA 1

Trabalho apresentado ao professor Willian Wagner Matos Lira do Programa de Pós-graduação em Engenharia Civil, do Centro de Tecnologia, da Universidade Federal de Alagoas – UFAL, como requisito parcial para definição de conceito na disciplina de Técnicas Computacionais Avançadas.

MACEIÓ/AL  
AGOSTO DE 2018

# SUMÁRIO

<b>1</b>	<b>INTRODUÇÃO.....</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>IMPLEMENTAÇÃO.....</b>	<b>5</b>
2.1	Selection.....	5
2.2	Merge.....	5
2.3	Quick.....	7
2.4	Insertion sort.....	7
2.5	Shell sort.....	8
<b>3</b>	<b>AVALIAÇÃO DE PERFORMANCE.....</b>	<b>10</b>
3.1	Selection sort.....	10
3.2	Merge sort.....	11
3.3	Quick sort.....	11
3.4	Insertion sort.....	12
3.5	Insertion sort.....	13
3.6	Comparação entre os métodos.....	13
<b>4</b>	<b>CONSIDERAÇÕES FINAIS.....</b>	<b>15</b>

# 1 INTRODUÇÃO

Implemente vários algoritmos de ordenação de  $n$  números, incluindo um algoritmo  $O(n^2)$  e um algoritmo  $O(n \log n)$ . Verifique que eles estão corretos, isto é, que funcionam corretamente para qualquer instância do problema (em particular, quando há dados repetidos). Compare os algoritmos implementados usando vários valores para  $n$ , por exemplo 100, 1.000, 10.000, 100.000, 1.000.000. Veja como os algoritmos se comportam para dados aleatórios, para conjuntos já ordenados, e para conjuntos ordenados na ordem inversa. Compare os tempos de cada algoritmo e também o esforço necessário para sua implementação. Use gráficos para ilustração dos resultados obtidos. Elaborar e entregar relatório.

# 2 IMPLEMENTAÇÃO

Os algoritmos foram implementados em linguagem C, em que cada função corresponde a um algoritmo de ordenação. A seguir, detalha-se a implementação de cada um dos algoritmos escolhidos. Em todos os algoritmos e implementações,  $x$  se refere ao vetor com o conjunto de números a serem ordenados, e  $n$  se refere a quantidade de elementos nesse conjunto.

## 2.1 Selection

A implementação do algoritmo de ordenação por seleção foi implementação bastante direta. No Quadro 2.1.1 tem-se o algoritmo e a implementação em C++.

Quadro 2.1.1 - Método de ordenação *selection sort*.

Algoritmo	Implementação em C++
<pre>para i = 1..n-1   m = i   para j = i+1..n     se <math>x_j &lt; x_m</math>       então <math>m = j</math>   troque <math>x_i</math> com <math>x_m</math></pre>	<pre>void selectionSort(double *x, int n) {     for (int i = 0; i &lt; n - 1; i++)     {         int m = i;         for (int j = i + 1; j &lt; n; j++)         {             if (x[j] &lt; x[m])             {                 m = j;             }         }         double aux = x[i];         x[i] = x[m];         x[m] = aux;     } }</pre>

## 2.2 Merge

Devido à conhecida possibilidade de elevado consumo de memória do algoritmo quando se uso em um conjunto grande de dados, fez-se optou-se por trabalha com endereços de memória (ponteiros), o que acrescentou um grau de dificuldade no processo. Outro ponto de dificuldade foi a implementação dos

elementos sentinelas, cuja ideia é fazer com que, no momento da recombinação, quando um dos subconjuntos de elementos já ordenados não tiverem mais elementos a serem reposicionados no novo conjunto ordenado, sejam usados os elementos do outro subconjunto. No Quadro 2.2.1 tem-se o algoritmo e a implementação em C++.

Quadro 2.2.1 - Método de ordenação *merge sort*.

Algoritmo	Implementação em C++
<pre> mergesort(x, n)     se n &lt; 2 então         retorne     m = n/2     l = x[1..m]     r = x[m+1..n]     mergesort(l, m)     mergesort(r, n-m)     i = 1     j = 1     para k = 1..n         se l<sub>i</sub> &lt; r<sub>j</sub> então             x<sub>k</sub> = l<sub>i</sub>;             i = i+1;         senão             x<sub>k</sub> = r<sub>j</sub>;             j = j+1; </pre>	<pre> void mergeSort(double* x, int n) {     if (n &lt; 2)     {         return;     }     int m = n / 2;     mergeSort(x, m);     mergeSort(x + m, n - m);     double *l = new double[m];     memcpy(l, x, m*sizeof(double));     double *r = new double[n - m];     memcpy(r, &amp;x[m], (n-m)*sizeof(double));     int i = 0;     int j = 0;     for (int k = 0; k &lt; n; ++k)     {         if (l[i] &lt; r[j])         {             x[k] = l[i];             i++;             if (i == m)             {                 i--;                 l[i] = r[n - m - 1];             }         }         else         {             x[k] = r[j];             j++;             if (j == n - m)             {                 j--;                 r[j] = l[m - 1];             }         }     } } </pre>

## 2.3 Quick

Assim como no algoritmo *merge sort*, aqui foi evitado a realocação de memória, optando por fazer modificações “*in place*” no próprio vetor de números a serem ordenados. Para isso, estratégia foi usar o pivô como sendo o primeiro elemento do vetor de números a serem ordenados, . A implementação do algoritmo de ordenação *quick* foi bastante direta. No Quadro 2.3.1 tem-se o algoritmo e a implementação em C++.

Quadro 2.3.1 - Método de ordenação *quick sort*.

Algoritmo	Implementação em C++
<pre> quicksort(r, s)   se <math>s \leq r</math> então retorne   <math>v = x_r</math>   <math>i = r</math>   <math>j = s+1</math>   repita     repita <math>i = i+1</math> até <math>x_i \geq v</math>     repita <math>j = j-1</math> até <math>x_j \leq v</math>     troque <math>x_i</math> com <math>x_j</math>   até <math>j \leq i</math>   troque <math>x_i</math> com <math>x_j</math>   troque <math>x_i</math> com <math>x_s</math>   quicksort(r, i-1)   quicksort(i+1, s) </pre>	<pre> void quickSort(double *x, int r, int s) {   if (s &lt;= r)   {     return;   }   double pivot = x[r];   int pivotID = r;   for (int i = r + 1; i &lt; s; i++)   {     if (x[i] &lt; pivot)     {       double aux = x[i];       x[i] = x[pivotID + 1];       x[pivotID + 1] = pivot;       x[pivotID] = aux;       pivotID++;     }   }   quickSort(x, r, pivotID);   quickSort(x, pivotID + 1, s); } </pre>

## 2.4 Insertion sort

A implementação desse algoritmo de ordenação também ocorreu bastante direta. No Quadro 2.4.1 tem-se o algoritmo e a implementação em C++.

Quadro 2.4.1 – Método de ordenação *insertion sort*.

Algoritmo	Implementação em C++
<pre> para i = 2..n-1     v = x<sub>i</sub>     j = i     enquanto x<sub>j-1</sub> &gt; v         x<sub>j</sub> = x<sub>j</sub> - 1         j = j - 1     x<sub>j</sub> = v </pre>	<pre> void insertionSort(double* x, int n) {     for (int i = 1; i &lt; n; i++)     {         double v = x[i];         int j = i;         while (x[j - 1] &gt; v &amp;&amp; j &gt; 0)         {             x[j] = x[j - 1];             j--;         }         x[j] = v;     } } </pre>

## 2.5 Shell sort

Criado por Donald Shell em 1959, publicado pela Universidade de Cincinnati, o método *shell sort* é o mais eficiente algoritmo de classificação dentre os de complexidade quadrática. O algoritmo difere do método de inserção direta pelo fato de no lugar de considerar o vetor a ser ordenado como um único segmento, ele considera vários segmentos sendo aplicado o método de inserção direta em cada um deles<sup>1</sup>. O desempenho deste método depende da forma como subdividi o conjunto de dados a serem ordenados (determinados no algoritmo a seguir pela variável **gap**), por isso está foi a implementação mais complexa. No Quadro 2.5.1 tem-se o algoritmo e a implementação em C++. A complexidade desse algoritmo no pior caso é  $O(n^2)$ , mas pode ser de  $O(n \log n)$  no melhor caso.

<sup>1</sup> [https://pt.wikipedia.org/wiki/Shell\\_sort](https://pt.wikipedia.org/wiki/Shell_sort)



Quadro 2.5.1 – Método de ordenação *shell sort*.

Algoritmo	Implementação em C++
<pre> gap = 1 Enquanto gap &lt; n     gap = 3 * gap + 1 Enquanto gap &gt; 1 faça gap = gap/3     i = gap     Para i = gap..n         v = x<sub>i</sub>         j = i         Enquanto j &gt;= gap e v &lt; x<sub>j-gap</sub>             x<sub>j</sub> = x<sub>j-gap</sub>             j = j - gap         x<sub>j</sub> = v </pre>	<pre> void shellSort(double *x, int n) {     int i, j, v;     int gap = 1;     while (gap &lt; n)     {         gap = 3 * gap + 1;     }     while (gap &gt; 1)     {         gap /= 3;         for (i = gap; i &lt; n; i++)         {             v = x[i];             j = i;             while (j &gt;= gap &amp;&amp; v &lt; x[j-gap])             {                 x[j] = x[j - gap];                 j = j - gap;             }             x[j] = v;         }     } } </pre>

## 3 AVALIAÇÃO DE PERFORMANCE

Cada um dos métodos implementados, foi realizado um teste de performance, onde se mediu o tempo em segundos para ordenação de um conjunto  $x$  com  $N$  elementos em três situações:

- (1)  $x$  com números aleatórios de 1 a  $N$ ;
- (2)  $x$  com números de 0 a  $N-1$  em ordem crescente;
- (3)  $x$  com números de 0 a  $N-1$  em ordem decrescente.

Para os valores de  $N$ , foram usando potências de 10, a começar por  $10^1$  até  $10^5$ . Para medir o tempo gasto na ordenação, foram realizadas em 4 execuções, e tomou-se como referência de comparação a média dos 4 valores. Nos gráficos a seguir, usa-se escala logarítmica no eixo horizontal para melhor visualização dos dados.

### 3.1 Selection sort

A Figura 3.1, apresenta o tempo gasto pelo algoritmo *selection sort* para ordenação dos diferentes conjuntos de dados.

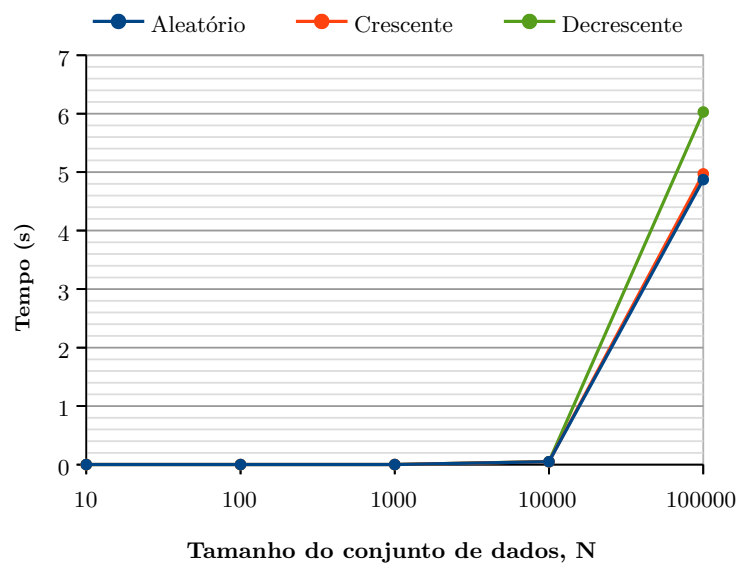


Figura 3.1 – Custo computacional do algoritmo *selection sort*.

É possível observar que, em relação aos casos com dados aleatórios, o desempenho do método não melhora nos casos em que os dados estão previamente ordenados, mas piora no caso os números estejam em ordem inversa. De toda forma, o crescimento do em função do tamanho do conjunto de dados cresce de forma bastante acentuada, o que é esperado, uma vez que a complexidade inerente desse algoritmo é  $O(n^2)$ .

## 3.2 Merge sort

A Figura 3.2, apresenta o tempo gasto pelo algoritmo *merge sort* para ordenação dos diferentes conjuntos de dados. É possível ver que o crescimento do tempo é menos acentuado que no caso do *selection sort*, insinuando que esse *merge sort* uma complexidade inferior ao primeiro – o que já é sabido, sendo sua complexidade  $n \log n$ . Vê-se ainda que o pior desempenho é no caso de dados aleatório, mas no não há grandes diferenças no caso de dados ordenados, seja de forma crescente ou decrescente. A complexidade desse algoritmo é  $O(n \log n)$ .

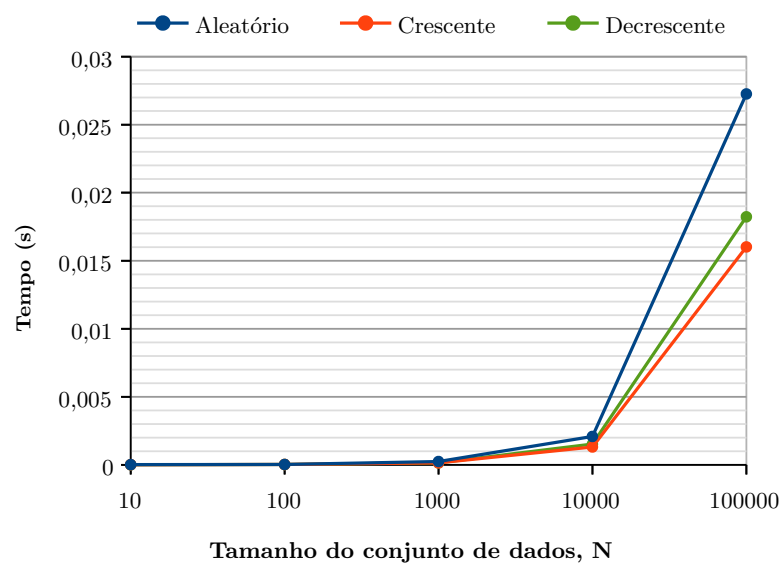
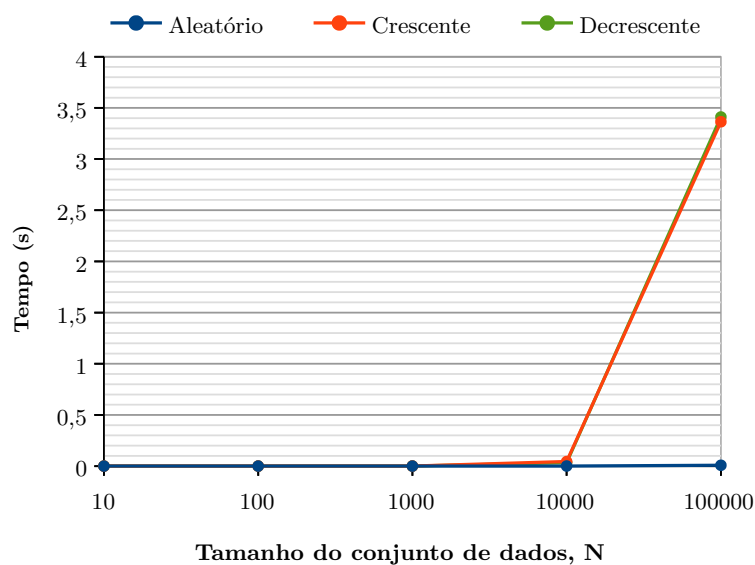


Figura 3.2 – Custo computacional do algoritmo *merge sort*.

## 3.3 Quick sort

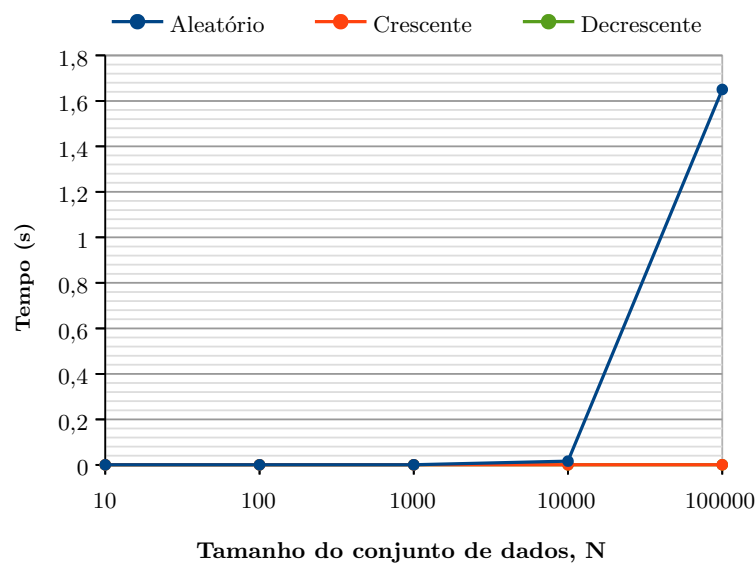
Uma análise do algoritmo permite demonstrar que a complexidade média do algoritmo é  $O(n \log n)$  (sob a suposição de que os elementos a serem ordenados são independentemente escolhidos segundo alguma distribuição de probabilidade). No entanto, a complexidade deste algoritmo no pior caso é  $O(n^2)$ .

Figura 3.3 – Custo computacional do algoritmo *quick sort*.

Apesar do comportamento quadrático apresentado nos casos em que os dados estão previamente ordenados (crescente ou decrescente), o melhor desempenho do algoritmo ocorreu em conjuntos de elementos aleatórios (vide Figura 3.3).

### 3.4 Insertion sort

Com um comportamento oposto ao do algoritmo anterior, o *insertion sort* foi muito pior em conjuntos de números aleatórios em relação a conjuntos previamente ordenados (crescente ou decrescente), conforme mostrado na Figura 3.4. A complexidade desse algoritmo é  $O(n^2)$ .

Figura 3.4 – Custo computacional do algoritmo *insertion sort*.

### 3.5 Insertion sort

Com um comportamento semelhante ao algoritmo anterior, o *shell sort* foi muito pior em conjuntos de números aleatórios em relação a conjuntos previamente ordenados (crescente ou decrescente), conforme mostrado na Figura 3.5.

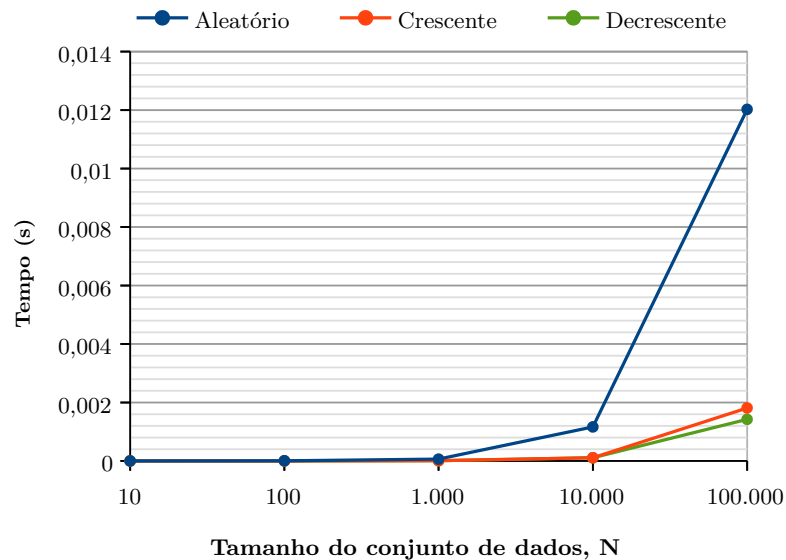


Figura 3.5 – Custo computacional do algoritmo *insertion sort*.

### 3.6 Comparação entre os métodos

Comparando o desempenho dos métodos uns com os outros para cada caso de ordenação do conjunto de dados – aleatório, crescente e decrescente, tem-se os gráficos apresentados nas figuras a seguir. Nestes gráficos, foram empregados eixos verticais em escala logarítmica para facilitar a visualização dos valores.

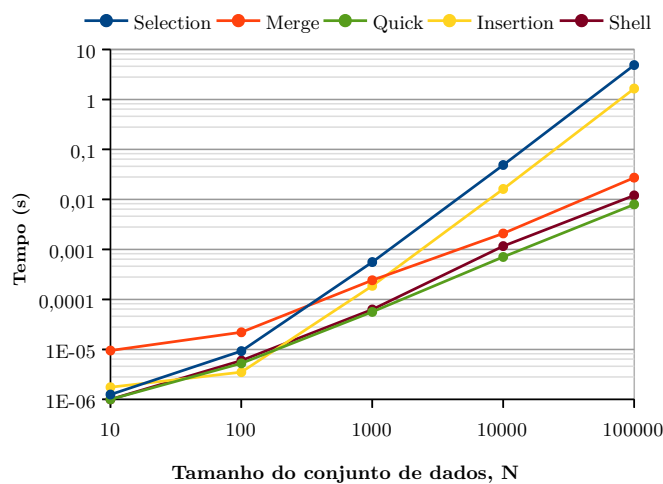


Figura 3.6 – Custo computacional dos algoritmos para conjuntos de números

aleatórios.

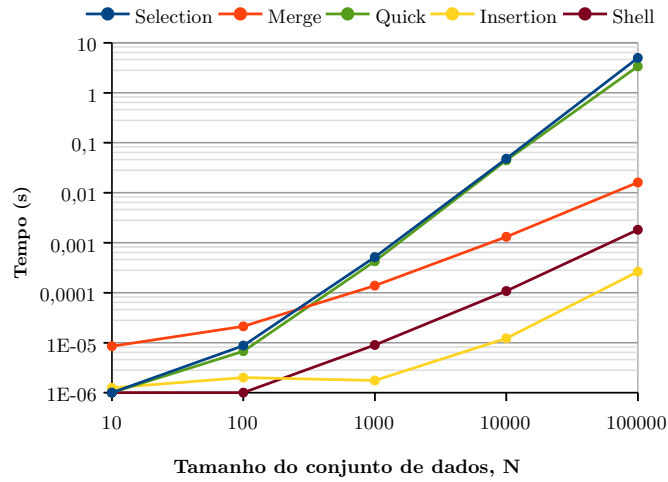


Figura 3.7 – Custo computacional dos algoritmos para conjuntos de números em ordem crescente.

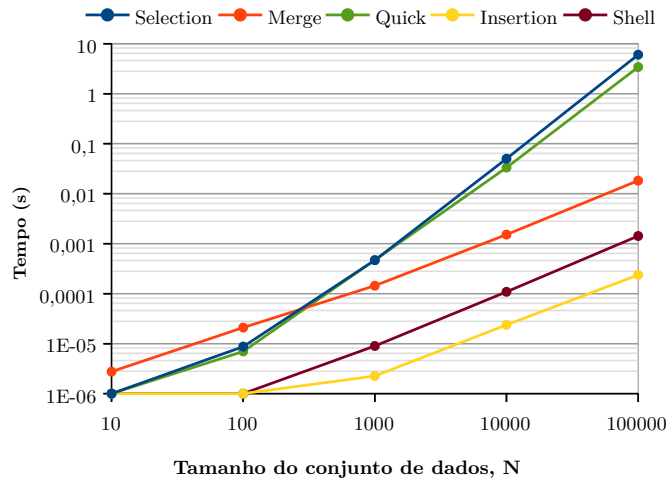


Figura 3.8 – Custo computacional dos algoritmos para conjuntos de números em ordem decrescente.

Como pode ser observado na Figura 3.6, o melhor algoritmo para dados aleatórios foi *quick*, seguido de perto pelo *shell* e *merge sort*. Já para os casos em que os números estavam ordenados de forma crescente ou decrescente (Figura 3.7 e 3.8), os algoritmos *selection* e *quick* tiveram desempenho muito pior que os demais, sendo o *insertion* o melhor deles, seguido pelo *shell* e *merge*, respectivamente.

## 4 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Com este trabalho foi possível observar as vantagens e desvantagens de alguns algoritmos populares de ordenação, assim como as características de suas implementações. Além disso, viu-se que os algoritmos apresentam melhor ou pior desempenho a depende da disposição dos elementos a serem ordenados. Uma vez que os algoritmos *merge* e *shell* apresentaram relativamente bons desempenhos independe da disposição dos dados, eles podem ser considerados estáveis e bons para qualquer uso.