LINEER SISTEM TEORISI ÖDEV 4

(Tek bir pdf dosyası olarak e-postalayınız.)

a = Soyadınızdaki harf sayısının mod 5'e göre karşılığının 2 eksiği b = Öğrenci numaranızın son iki rakamının mod 7'ye göre karşılığının 3 eksiği Eğer buna göre a = b çıktıysa a'yı 1 azaltınız.

$$A = \begin{bmatrix} a^2b & a^2b & 0\\ 2a+b-a^2b & 2a+b-a^2b & 1\\ 1-2ab-a^2 & -2ab-a^2 & 0 \end{bmatrix}$$

- 1) e^{At} matrisini modal matrisle (özvektör veya genelleştirilmiş özvektörlerle) köşegenleştirme yöntemiyle bulunuz.
- 2) e^{At} matrisini Cayley-Hamilton teoreminden faydalanarak bulunuz.

$$A = \begin{bmatrix} a+b-ab & 1-a-b+ab \\ -ab & ab \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix}$$

3)
$$u(t) = 1$$
 ve $x(0) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ olmak üzere
$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t)$$
$$y(t) = Cx(t)$$

ile tanımlı sistemin $t \ge 0$ için çıkışını bulunuz.

4)
$$u[k] = 1$$
 ve $x[0] = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ olmak üzere
$$x[k+1] = Ax[k] + Bu[k]$$

fark denkleminin çözümü olan x[k]'yı bulunuz.