

2. $P(A) = \frac{N_{AB}}{N_A}$, где $P(A)$ - вероятность вытянуть пробку, соот. арифм. прогрессии, $N_A = C_{97}^3$ - количество всевозможных троек, а N_{AB} - количество троек, состоящих из арифм. прогрессии.

Пусть a_1, a_2, a_3 - выбранная пробка, причем $a_1 \leq a_2 \leq a_3$ в-во арифм. прогрессии: $\frac{a_1 + a_3}{2} = a_2$; Таким образом, получаем 2 случая:

- I) $a_1 = 2k$ и $a_3 = 2n$, $k, n \in \mathbb{N}$
- II) $a_1 = 2k+1$ и $a_3 = 2n+1$, $k, n \in \mathbb{N}$

В других случаях четности получаем $a_2 \notin \mathbb{N}$ и противоречие.

Рассмотрим данные случаи: в порядке возрастания a_1 . Пусть $a_1 = 1$. Тогда для $\forall a_3 \in [3, 97]$, $a_3 = 2k+1 \exists a_2 \in [1, 97]$, $a_2 = 2k$; $k \in \mathbb{N}$. Другими словами, для пробки $a_1 = 1$ из начального ин-ва при $a_1 = 1$ получается такое a_2 , что пробка a_1, a_2, a_3 составляет арифм. прогрессию; Таким образом, для $a_1 = 1$ подходит $a_3 \in \{3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots, 93, 95, 97\}$. Всего 46 значений, а значит, $a_1 = 1$ образует 46 троек арифм. прогрессии.

Рассмотрим $a_1 = 3$; очевидно, что для такого a_1 подходит $a_3 \in \{5, 7, 9, \dots, 93, 95, 97\}$, всего 47 подходящих значений.

Продолжая рассматривать a_1 , увеличивая до 97, замечаем, что с каждым разом кол-во подходящих значений уменьшается на 1 (где $97 = a_1$, кол-во вариантов равно 0). Тогда для $a_1 = 2k+1$ всего подходящих вариантов: $\sum_{i=0}^{n=46} i = 1176$.

Рассмотрим случай $a_1 = 2k$; $k \in \mathbb{N}$.

1. Различные многозначные образы, где $a_1 = 2$
 получаем $a_3 = \{4, 6, 8, 10, 12, \dots, 92, 94, 96\}$, всего 47 вариантов
 Для $a_1 = 4$ получаем $a_3 = \{6, 8, 10, \dots, 92, 94, 96\}$, всего
 6 вариантов.

Продолжая увеличивать a_1 , добдем до $a_1 = 96$ где
 вариантов создание пробки.

Получим образы, где $a_1 = 2k$, $k \in \mathbb{N}$, имеем
 всего вариантов: $\sum_{i=2}^{47} i = 1128$ вариантов.

Итого всего возможных уникальных троек, образу-
 емых арифм. прогрессия: $1128 + 1176 = 2304$

$$N_k = C_{97}^3 = \frac{97!}{3!94!} = \frac{95 \cdot 96 \cdot 97}{6} = 147440.$$

$$P(A) = \frac{2304}{147440} \approx \frac{144}{9215} \approx 0,0156.$$

$$\text{ответ: } \underline{0,0156} \quad \left(\frac{144}{9215} \right)$$