

**Московский авиационный институт  
(национальный исследовательский университет)**

**Факультет информационных технологий и прикладной  
математики**

**Кафедра вычислительной математики и программирования**

**Лабораторная работа №6 по курсу «Дискретный анализ»**

Студент: М. А. Волков  
Преподаватель: А. А. Кухтичев  
Группа: М8О-207Б  
Дата: 11 марта 2021 г.  
Оценка:  
Подпись:

**Москва, 2021**

## Лабораторная работа №2

**Задача:** Необходимо разработать программную библиотеку на языке C или C++, реализующую простейшие арифметические действия и проверку условий над целыми неотрицательными числами. На основании этой библиотеки нужно составить программу, выполняющую вычисления над парами десятичных чисел и выводящую результат на стандартный файл вывода.

Список арифметических операций:

1. Сложение (+).
2. Вычитание (-).
3. Умножение (\*).
4. Возведение в степень ( $\wedge$ ).
5. Деление (/).

В случае возникновения переполнения в результате вычислений, попытки вычесть из меньшего числа большее, деления на ноль или возведении нуля в нулевую степень, программа должна вывести на экран строку Error.

Список условий:

1. Больше ( $>$ ).
2. Меньше ( $<$ ).
3. Равно (=).

В случае выполнения условия программа должна вывести на экран строку true, в противном случае — false.

Количество десятичных разрядов целых чисел не превышает 100000. Основание выбранной системы счисления для внутреннего представления «длинных» чисел должно быть не меньше 10000.

### Формат входных данных

Входной файл состоит из последовательности заданий, каждое задание состоит из трех строк:

Первый операнд операции.

Второй операнд операции.

Символ арифметической операции или проверки условия (+, -, \*, /, >, <, =).

Числа, поступающие на вход программе, могут иметь «ведущие» нули.

### **Формат результата**

Для каждого задания из выходного файла нужно распечатать результат на отдельной строке в выходном файле:

Числовой результат для арифметических операций.

Строку Error в случае возникновения ошибки при выполнении арифметической операции.

Строку true или false при выполнении проверки условия.

В выходных данных вывод чисел должен быть нормализован, то есть не содержать в себе «ведущих» нулей.

# 1 Описание

Как сказано в [1]: «**Длинная арифметика** – выполняемые с помощью вычислительной машины арифметические операции (сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, элементарные функции) над числами, разрядность которых превышает длину машинного слова данной вычислительной машины. Эти операции реализуются не аппаратно, а программно, с использованием базовых аппаратных средств работы с числами меньших порядков.»

Для реализации данной арифметики, мы используем строки, которые в дальнейшем переносим в массив, разбивая на какое-то количество цифр. Количество цифр подбирается экспериментальным путем так, чтобы при умножении чисел не было переполнения числа.

Умножение, сложение, вычитание и деление программировалось путем применения алгоритма вычисления операции «столбиком».

Вычисление степени числа программировалось путем факторизации числа. Имеется в виду, что показатель степени бился на биты и умножалось тогда число, когда бит равнялся 1.

## 2 Исходный код

Ниже приведен полный код программы.

Ввод и вывод работают так, как написано в задании.

main.c	
TLongAlg(const std::string & str)	Конструктор, который разбивает число
friend TLongAlg operator+(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор +, вычисляющий сложение
friend TLongAlg operator-(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор -, вычисляющий вычитание
friend TLongAlg operator*(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор *, вычисляющий умножение
friend TLongAlg operator/(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор /, вычисляющий целочисленное деление
friend TLongAlg operator^(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор ^, вычисляющий возведение в степень
friend TLongAlg operator>(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор >
friend TLongAlg operator<(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор <
friend TLongAlg operator==(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs)	Перегруженный оператор =

operator /

```

1 friend TLongAlg operator/(const TLongAlg &lhs, const TLongAlg &rhs) {
2     TLongAlg result;
3     TLongAlg peaceOfDigit;
4
5     if (rhs == TLongAlg("0")) {
6         throw std::invalid_argument("Error");
7     }
8
9     if (lhs < rhs) {
10        return TLongAlg("0");
11    }
12
13    for (int i = lhs._data.size() - 1; i >= 0; --i) {
14        int64_t l = -1;
15        int64_t r = BASE;
16        peaceOfDigit._data.insert(peaceOfDigit._data.begin(), lhs._data[i]);
17        peaceOfDigit.ClearZeroes();
18
19        while (l + 1 < r) {

```

```

20     int64_t m = (l + r) / 2;
21     auto tmp = rhs * TLongAlg(m);
22     (!(peaceOfDigit < rhs * TLongAlg(m))) ? l = m : r = m;
23 }
24
25     result._data.push_back(1);
26     auto tmp = rhs * TLongAlg(1);
27     peaceOfDigit = peaceOfDigit - TLongAlg(1) * rhs;
28 }
29
30
31     std::reverse(result._data.begin(), result._data.end());
32     result.ClearZeroes();
33     return result;
34 }

```

### 3 Консоль

```
38943432983521435346436
354353254328383
+
9040943847384932472938473843
2343543
-
972323
2173937
>
2
3
-

38943433337874689674819
9040943847384932472936130300
false
Error
```

## 4 Тест производительности

Сравнение производительности будет производиться со стандартной библиотекой `gmp c++`. Сравнение будет происходить только с умножением и делением. Так как сложение и вычитание асимптотически работают что у меня, что в библиотеке за линию.

кол-во тестов и цифр	время моего кода	время gmp
Умножение		
$10^4$ и $10^2$	111.991 ms	51.043 ms
$10^3$ и $10^3$	384.672 ms	50.694 ms
$10^2$ и $10^4$	3309.01 ms	54.447 ms
Деление		
$10^5$ и $10$	188.716 ms	85.443 ms
$10^4$ и $10^2$	75.153 ms	51.759 ms
$10^3$ и $10^3$	56.331 ms	45.642 ms

Как и следовало ожидать, мой способ решения задачи будет на много дольше работать, так как умножение происходит за сложность  $O(n * m)$ . В свою очередь деление за  $O(\log n * m)$



## 5 Выводы

Благодаря проделанной работе, я узнал как работает длинная арифметика, которая очень часто используется в ЯП python. Также сделал свой собственный калькулятор на основе длинной целочисленной арифметике.

## Список литературы

- [1] *Длинная арифметика – wikipedia.*
- [2] *Длинная арифметика – E-taхх.*
- [3] Список использованных источников оформлять нужно по ГОСТ Р 7.05-2008