## Geatpy 数据结构

Geatpy 的大部分数据都是存储在 numpy 的 array 数组里的, numpy 中另外还有 matrix

的矩阵类型,但我们不适用它,于是我们默认 array 就是存储"矩阵"(也可以存储一维 向量,接下来会谈到)。其中有一些细节需要特别注意: numpy 的 array 在表示行向量时 会有2种不同的结构,一种是1行n列的矩阵,它是二维的;一种是纯粹的一维行向量。 因此,在 Geatpy 教程中会严格区分这两种概念,我们称前者为"行矩阵",后者为"行 向量"。Geatpy 中不会使用超过二维的 array。 例如有一个行向量 x, 其值为 1 2 3 4 5 6, 那么, 用 print(x.shape) 输出其规格, 可以

在 numpy 的 array 类型中,实际上没有"列向量"的概念。所谓"向量"是指一维 的,但用 numpy 的 array 表示列向量时,它实际上是二维的,只不过只有 1 列。我们不

得到 (6,), 若 x 是行矩阵而不是行向量, 那么 x 的规格就变成是 (1,6) 而不再是 (6,)。

纠结于这个细节,统一仍用"列向量"来称呼这种只有1列的矩阵。 在编程中,如果对 numpy 的 array 感到疑惑,你可以用"变量.shape"语句来输出其 维度信息,以确定其准确的维度。

1. 种群染色体 Geatpy 中,种群染色体是一个二维矩阵,简称"种群矩阵"。一般所说的"种群"是 特指种群染色体矩阵。

## 种群矩阵一般用 Chrom 命名,是一个是 numpy 的 array 类型的,每一行对应一条染 色体,同时也对应着一个个体。染色体的每个元素是染色体上的基因。

我们一般把种群的规模(即种群的个体数)用 Nind 命名; 把种群个体的染色体长度 用 Lind 命名。

 $\text{Chrom} = \begin{pmatrix} g_{1,1} & g_{1,1} & g_{1,1} & \cdots & g_{1,1} \\ g_{1,1} & g_{1,2} & g_{1,3} & \cdots & g_{1,Lind} \\ g_{2,1} & g_{2,2} & g_{2,3} & \cdots & g_{2,Lind} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \end{pmatrix}$ 

 $subchrom_1\_ind_2$   $\vdots$   $subchrom_2\_ind$  $subchrom_2\_ind_1$  $subchrom_2\_ind_2$ 

$$Chrom = \begin{array}{c} \vdots \\ subchrom_{2}\_ind_{n} \\ \vdots \\ subchrom_{SUBPOP}\_ind_{1} \\ subchrom_{SUBPOP}\_ind_{2} \\ \vdots \\ subchrom_{SUBPOP}\_ind_{n} \\ \end{array}$$
 比如如下种群: 
$$Chrom = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \\ 4 & 2 & 3 & 1 \\ \end{pmatrix}$$
 假设它要表示 2 个子种群,那么,前两个个体(前两行)就是 1 号子种群,后两个个体(后两行)就是 2 号子种群。种群个体的染色体为:1234, 2341, 3142 和 4231。

般用 Phen 来命名。它是种群矩阵 Chrom 经过解码操作后得到的基因表现型矩阵,每一 行对应一个个体,每行中每个元素都代表着一个变量,并用 Nvar 表示变量的个数。如

2. 种群表现型

下图:

往是不同的。

3. 目标函数值

有多列。

4. 个体适应度

比如如下种群:

 $\text{Phen} = 
 \begin{pmatrix}
 x_{1,1} & x_{1,2} & x_{1,3} & \cdots & x_{1,Nvar} \\
 x_{2,1} & x_{2,2} & x_{2,3} & \cdots & x_{2,Nvar} \\
 x_{3,1} & x_{3,2} & x_{3,3} & \cdots & x_{3,Nvar} \\
 \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots
 \end{cases}$  $x_{Nind,1}$   $x_{Nind,2}$   $x_{Nind,3}$   $\cdots$   $x_{Nind,Nvar}$ Phen 的值与采用的解码方式有关。Geatpy 提供二进制/格雷码编码转十进制整数或

实数的解码方式。另外,在 Geatpy 也可以使用不需要解码的"实值编码"种群,这种种

群的染色体的每个基因就对应变量的实际值,即 Phen 等价于 Chrom。如上面的例子中,

Chrom 是种群的染色体矩阵, 其第一个个体的染色体为 1234, 若该种群是实值种群, 那

这里需要注意的是:我们可以用不同的方式去解码一个种群染色体,得到的结果往

么这条染色体就代表了4个控制变量,值分别为1,2,3和4。

例如 ObjV 是一个二元函数值矩阵:

种群表现型的数据结构跟种群染色体基本一致,也是 numpy 的 array 类型。我们一

往是不同的。
对于混合编码,可以使用多种群去表现不同的编码,运算效率实际上会远高于把多种编码方式融合在同一个种群中。因此我们一般采用多种群去应对复杂的混合编码。

3. 目标函数值

Geatpy 采用 numpy 的 array 类型变量来存储种群的目标函数值。一般命名为 
$$ObjV$$
,每一行对应种群矩阵的每一个个体。因此它拥有与  $Chrom$  相同的行数。每一列代表一

个目标函数值。因此对于单目标函数,ObjV 会只有 1 列;而对于多目标函数,ObjV 会

 $\mathsf{ObjV} = \begin{pmatrix} f_1\left(x_{1,1}, x_{1,2}, & x_{1,Nvaa}\right), f_2\left(x_{2,1}, x_{2,2}, \cdots x_{2,Nvar}\right) \\ f_1\left(x_{2,1}, x_{2,2}, \cdots x_{2,Nvar}\right), f_2\left(x_{2,1}, x_{2,2}, \cdots x_{2,Nvar}\right) \\ f_1\left(x_{3,1}, x_{3,2}, \cdots x_{3,Nvar}\right), f_2\left(x_{3,1}, x_{3,2}, \cdots x_{3,Nvar}\right) \\ \vdots \\ f_1\left(x_{Nind,1}, x_{Nind,2}, \cdots x_{Nind,Nvar}\right), f_2\left(x_{Nind,1}, x_{Nind,2}, \cdots x_{Nind,Nvar}\right) \end{pmatrix}$ 

 $(x_{1,2}, \cdots x_{1,Nvar}), f_2(x_{1,1}, x_{1,2}, \cdots x_{1,Nvar})$ 

Geatpy 采用**列向量**来存储种群个体适应度。一般命名为 FitnV,它同样是 numpy

的 array 类型,每一行对应种群矩阵的每一个个体。因此它拥有与 Chrom 相同的行数。

$$\operatorname{FitnV} = \begin{pmatrix} fit_1 \\ fit_2 \\ fit_3 \\ \vdots \\ fit_{Nind} \end{pmatrix}$$
 5. 个体可行性 Geatpy 采用列向量来存储种群个体可行性。一般命名为  $\operatorname{LegV}$ ,它同样是 numpy 的

array 类型,每一行对应种群矩阵的每一个个体,表示对应的个体是否是可行解,0表示

 $\operatorname{Leg} V = \left( egin{array}{c} \operatorname{Leg} al_1 \\ \operatorname{Leg} al_2 \\ \operatorname{Leg} al_3 \\ \vdots \end{array} \right)$ 

Geatpy 使用区域描述器来描述种群染色体的特征,比如染色体中基因所表达的控

1) 对于二进制/格雷编码的种群,使用 7 行 n 列的矩阵 FieldD 来作为区域描述器,n

 $egin{array}{c} lb \ ub \ codes \ scales \ lbin \ \end{array}$ 

制变量的范围、是否包含范围的边界、采用什么编码方式,是否使用对数刻度等等。

非可行解,1表示可行解。因此它拥有与Chrom相同的行数。

是染色体所表达的控制变量个数。FieldD 的结构如下:

lb 和ub 分别代表每个变量的上界和下界。

6. 区域描述器

codes 指明染色体子串用的是标准二进制编码还是格雷编码。codes[i] = 0 表示第i个变量使用的是标准二进制编码; codes[i] = 1 表示使用格雷编码。 scales 指明每个子串用的是算术刻度还是对数刻度。scales[i] = 0 为算术刻度, scales[i] = 1 为对数刻度。对数刻度可以用于变量的范围较大而且不确定的情况,对

于大范围的参数边界,对数刻度让搜索可用较少的位数,从而减少了遗传算法的计算量。

lbin 和ubin 指明了变量是否包含其范围的边界。0 表示不包含边界;1 表示包含边

**2)** 对于实值编码 (即前面所说的不需要解码的编码方式) 的种群,使用 2 行 n 列的

矩阵 FieldDR 来作为区域描述器,n 是染色体所表达的控制变量个数。FieldDR 的结构

 $\begin{pmatrix} x_1$ 下界  $& \cdots & x_n$ 下界  $\\ x_1$ 上界  $& \cdots & x_n$ 上界  $\end{pmatrix}$ 

区域描述器 FieldD 和 FieldDR 都是 numpy 的 array 类型。可以直接用代码创建,比

其中, lens 包含染色体的每个子染色体的长度。sum(lens) 等于染色体长度。

录种群在进化的过程中各代的最优个体,尤其是采用无精英保留机制时,进化追踪器帮 助我们记录种群在进化的"历史长河"中产生过的最优个体。待进化完成后,再从进化

在使用 Geatpy 进行多目标进化优化编程时,常常建立一个全局的帕累托最优集

 $NDSet = \begin{pmatrix} f_1 & g_1 & h_1 & \cdots & \varphi_1 \\ f_2 & g_2 & h_2 & \cdots & \varphi_2 \\ f_3 & g_3 & h_3 & \cdots & \varphi_3 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ f_n & g_n & h_n & \cdots & \varphi_n \end{pmatrix}$ 

 $f, g, h, ..., \varphi$  表示不同的目标。NDSet 的每一行都是一个帕累托非支配解。

界。

如下:

如:

FieldDR=np.array([[-3, -4, 0, 2],[2, 3, 2, 2]]) 也可以用 Geatpy 内置的 crtfld 函数来方便地快速生成区域描述器,其详细用法参见

"Geatpy 函数"的"crtfld 参考资料"。

追踪器中挑选出"历史最优"的个体。这种进化记录器也是 numpy 的 array 类型,结构

(NDSet) 来记录帕累托最优解。它也是 numpy 的 array 类型,结构如下:

7. 进化追踪器 如下:  $\operatorname{trace} = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 & \cdots & \omega_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 & \cdots & \omega_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 & \cdots & \omega_3 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{MAXGEN} & b_{MAXGEN} & c_{MAXGEN} & \cdots & \omega_{MAXGEN} \end{pmatrix}$