Sprawozdanie - scenariusz 4

Temat ćwiczenia: Uczenie sieci regułą Hebba.

1. Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest poznanie działania reguły Hebba na przykładzie rozpoznawania emotikon

2. Realizacja ćwiczenia

Do zrealizowania ćwiczenia wykorzystałem neurony o strukturze modelu sigmoidalnego z metodą uczenia Hebba. Metoda uczenia występuje w dwóch wersjach – z nauczycielem oraz bez nauczyciela. Sposoby modyfikacji wag opisane są wzorami:

$$\Delta w_{ij}$$
 = learning_rate * y_j * y_i gdzie:

- a) Learning_rate współczynnik uczenia
- **b)** y_i sygnał wejściowy
- c) y_i sygnał wyjściowy
- 1) Ze współczynnikiem zapominania:

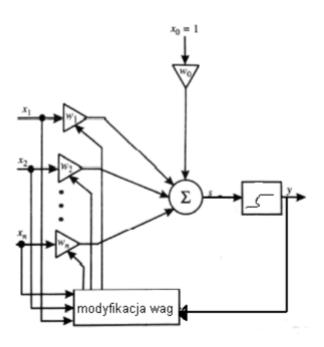
$$w_{ij}(k+1) = (1-\gamma) * w_{ij}(k) + \Delta w_{ij}$$
 gdzie:

- a) γ współczynnik zapominania
- 2) Bez współczynnika zapominania:

$$w_{ij}(k+1) = w_{ij}(k) + \Delta w_{ij}$$

Modyfikacja wag jak widać w powyższych wzorach zależna jest od sygnału podanego na wejściu jak i sygnału wyjściowego.

Schemat modelu Hebba przedstawiony jest następująco:



Normalizacja wag (metoda normalize_weights) polega na podziale każdej składowej wektora przez długość tego wektora, co zapobiega nadmiernemu wzrostowi wag. Wzór jest postaci:

$$\hat{\mathbf{a}} = \frac{\mathbf{a}}{\|\mathbf{a}\|}$$

Model Hebba wykorzystuje funkcje aktywacji postaci funkcji unipolarnej sigmoidalnej, która przedstawia się następująco:

$$y(x)=rac{1}{1+e^{-eta x}}$$

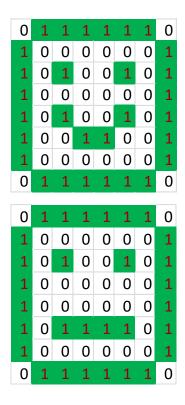
Metoda sumująca klasy Hebb zwraca sumę iloczynów wag oraz sygnałów wejściowych:

$$y = \sum w_i * x_i$$

Metoda learnUnsupervised uczy poprzez modyfikacje wag neuronu ze współczynnikiem zapominania jak i również bez niego.

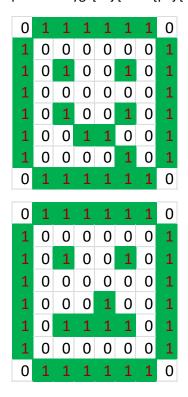
Metoda test zwraca sygnał wyjściowy.

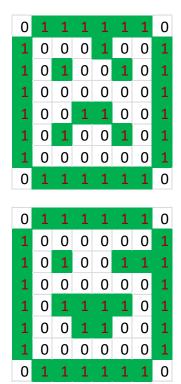
Dane wejściowe w postaci wygenerowanych przeze mnie emotikonów przedstawiają się następująco:



0	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	1	1	0
0	1 0	1 0	1	1 0	1 0	1 0	0
1	0	0	0	0	0	0	1
1	0 0	0 1	0 0	0 0	0 1	0 0	1
1 1 1	0 0 0	0 1 0	0 0 0	0 0 0	0 1 0	0 0 0	1 1 1
1 1 1	0 0 0	0 1 0	0 0 0	0 0 0	0 1 0 1	0 0 0	1 1 1

Dodałem jeden pixel do każdej emotikony, który powodował zniekształcenie. Szablony z dodatkowym pixelem wyglądają następująco:





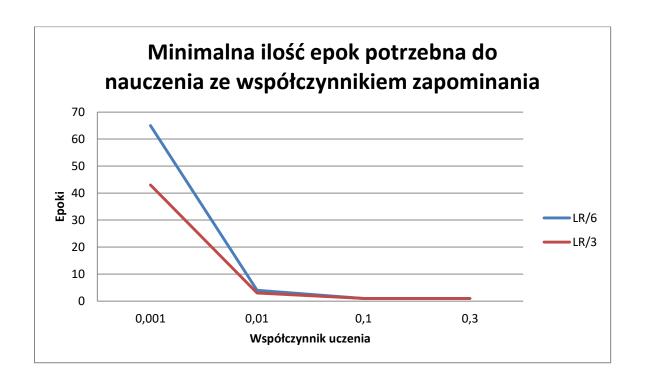
Każdy pixel to jeden sygnał wejściowy, więc dla każdego neuronu jest 8x8 + 1 (BIAS) = 65 wejść.

Proces uczenia oraz testów przeprowadziłem dla wersji ze współczynnikiem zapominania jak i bez niego. Oto wyniki testów dla różnych wartości współczynników uczenia i zapominania.

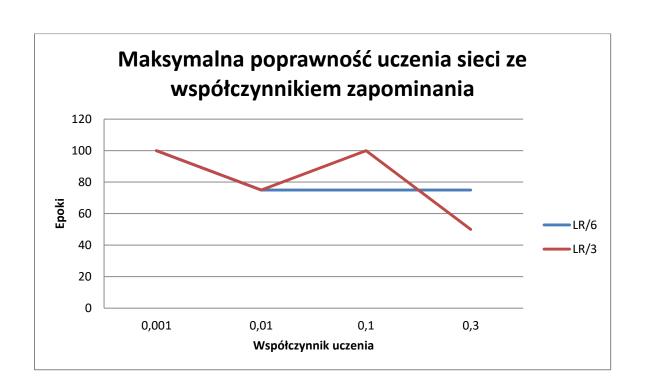
3. Wyniki
Tabela z modyfikacją wag wraz ze współczynnikiem zapominania.

	Learning Rate	0.001		0.01		0.1		0.3	
Lp.	Forgetting Rate	LR / 6	LR / 3	LR/6	LR / 3	LR / 6	LR / 3	LR/6	LR / 3
1	% poprawności [%]	100	25	50	75	75	25	50	50
	Ilość epok	123	101	6	3	2	15	1	1
2	% poprawności [%]	75	75	75	75	50	25	25	50
	Ilość epok	65	192	114	9	2	2	6	1
3	% poprawności [%]	25	75	50	25	50	50	75	50
	Ilość epok	119	43	17	115	3	2	2	1
4	% poprawności [%]	50	50	75	75	75	75	25	50
	Ilość epok	111	125	14	7	2	2	1	3
5	% poprawności [%]	50	100	75	75	50	50	50	25
	Ilość epok	121	127	16	7	3	2	2	1
6	% poprawności [%]	50	75	50	25	50	50	75	50
	Ilość epok	112	98	4	14	1	1	6	6
7	% poprawności [%]	50	25	25	50	75	100	75	50
	Ilość epok	77	82	8	117	1	1	1	1
8	% poprawności [%]	50	75	50	75	75	25	75	25
	Ilość epok	90	156	8	10	1	14	1	2
9	% poprawności [%]	100	75	25	25	75	50	75	25
	Ilość epok	78	81	25	13	3	2	2	1
10	% poprawności [%]	50	25	50	50	50	75	75	50
	Ilość epok	97	75	112	6	14	2	1	1









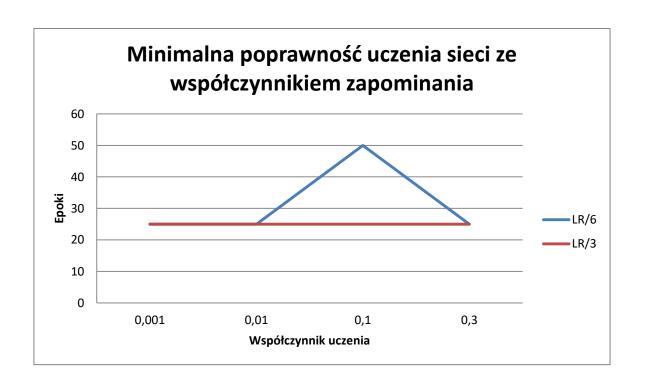
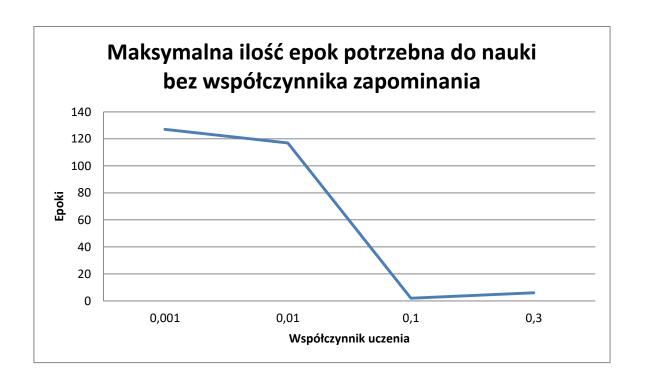


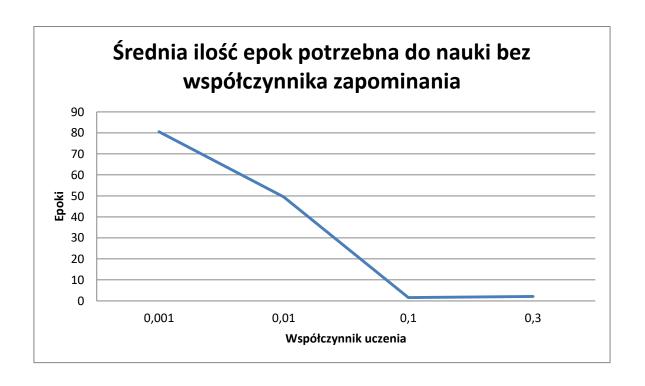


Tabela modyfikacji wag bez współczynnika zapominania

Lp.	Learning Rate	0.001	0.01	0.1	0.3
1	% poprawności [%]	100	75	75	75
1	Ilość epok	79	112	2	1
2	% poprawności [%]	50	25	75	75
	Ilość epok	19	5	1	1
3	% poprawności [%]	75	100	75	50
	Ilość epok	85	107	2	1
4	% poprawności [%]	75	75	75	50
	Ilość epok	41	114	2	1
5	% poprawności [%]	50	75	50	75
	Ilość epok	127	117	1	1
6	% poprawności [%]	50	75	75	75
	Ilość epok	100	6	1	6
7	% poprawności [%]	50	50	75	100
	Ilość epok	150	10	1	2
8	% poprawności [%]	75	50	75	50
	Ilość epok	121	9	2	1
9	% poprawności [%]	50	75	50	75
	Ilość epok	31	9	2	6
10	% poprawności [%]	100	75	25	75
	Ilość epok	52	6	2	1

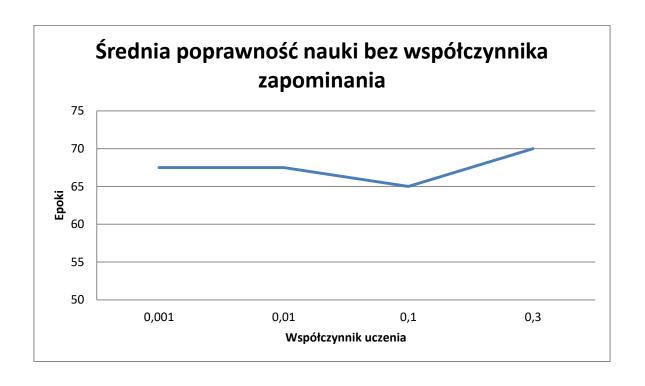












4. Analiza wyników

W przedstawionych wyżej wynikach analizując wersje ze współczynnikiem zapominania - ilość epok jaka była potrzebna do nauczenia sieci znacząco różniła się w poszczególnych przypadkach. Ciężko przy takiej rozbieżności jednoznacznie stwierdzić skuteczność nauki sieci na podstawie współczynnika nauczania. Losowanie za każdym razem różnych wag zdecydowanie nie ułatwia dokładnego porównania ilości potrzebnych epok. Jednak wraz ze wzrostem współczynnika nauczania ilość epok za każdym razem spada, jednak większa wartość powoduje też obniżenie poprawności wyników, co sugeruje, że model najlepiej uczyć jest powoli (tzn. mały współczynnik uczenia i wiele epok), wtedy poprawność wyników jest lepsza.

Wartość współczynnika uczenia 0,1 uzyskała najlepsze efekty tzn. dość wysoką poprawność wyników w stosunku do potrzebnej ilości epok. Współczynnik zapominania o wartości 1/6 współczynnika uczenia dał lepsze efekty niż 1/3.

Dla modelu bez współczynnika zapominania ilość epok potrzebna do wyuczenia była mniejsza niż w pierwszym przypadku. Również poprawność nauki prezentowała się nieco lepiej niż w przypadku pierwszym. Także tutaj wartość współczynnika uczenia miała znaczenie i wraz z jej wzrostem ilość potrzebnych epok malała.

5. Wnioski

Na podstawie powyższych wyników można wnioskować, iż najlepsze wyniki można uzyskać stosując metodę modyfikacji wag ze współczynnikiem zapominania. Najlepszy wynik osiągnęła sieć o współczynniku uczenia równym 0,1 oraz o współczynniku zapominania równym 1/6 wartości współczynnika uczenia.

Czasami sieć nie była w stanie nauczyć się wprowadzonych emotikon dlatego, aby zapobiec nieskończonemu wykonywaniu się programu narzuciłem limit maksymalnej ilości 1000 epok.

Rozmiar danych wejściowych ma dość istotny wpływ na rozróżnianie emotikon. Ze względu na niską rozdzielczość obrazków, emotikony są do siebie bardzo podobne i różnią się czasami tylko jednym pikselem co przy testach na zaszumionym obrazie daje odzwierciedlenie w wynikach. Sieć dla większej rozdzielczości uczyła by się bardziej poprawniej, gdyż wtedy emotikony coraz bardziej by się od siebie różniły.

Normalizacja wag zabezpiecza przed nieskończonym wzrostem wartości wag.

Dobranie odpowiedniej wartości współczynnika zapominania jest bardzo istotną kwestią, ważne, aby ta wartość nie była zbyt duża, ponieważ sieć zapominałaby szybko tego czego się nauczyła.

6. Listing kodu

```
public class Emoji {
          public static double[][] emoji = {
        public static double[][]
{ 1,
 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0,
 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1,
 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1,
 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1,
    { 1,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0 },
      { 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1
                                                                     1, 1, 1, 1,
0, 0, 0, 0,
1, 0, 0, 1,
0, 0, 0, 0,
1, 0, 0, 1,
0, 1, 1, 0,
0, 0, 0, 0,
1, 1, 1, 1,
                                                                                                                                                                                                                 0, 0,
1, 0,
0, 1,
0, 1,
0, 1,
1, 0,
0, 0
                                                                                                                                                                                                                                                   0,
0,
    { 1,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
0, 0, 1, 1, 1, 0, 0
};
                                                                                                                                                                                                                                                   0,
0,
          public static double[][] emojiNoised = {
        { 1,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0 },
      { 1,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 1,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 0,
1, 0, 1, 0, 0, 1,
1, 0, 0, 0, 0, 0,
1, 0, 1, 0, 0, 1,
1, 0, 0, 1, 1, 0,
0, 1, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 1, 1, 1, 1,
                                                                                                                                                                                                                 0, 0,
1, 0,
0, 1,
0, 1,
0, 1,
1, 0,
0, 0 },
{ 1,
0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1,
1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
0, 0, 1, 1, 1, 0, 0
```

```
};
```

```
public class main {
     static int numberOfInputs = 64 + 1;
                                                                     //ilość wejść (+1 bo bias)
     static double learningRate = 0.01; //współczynnik uczenia się static double forgettingRate = learningRate / 6.0; //współczynnik zapominania
                                              //liczba emotikonów
     static int numberOfEmoji = 4;
     static int numberOfNeurons = 5;
                                                                    //liczba neuronów
    public static void main ( String[] args ) {
          int winner;
          Hebb[] hebbs = new Hebb[numberOfNeurons];
          for ( int i = 0; i < numberOfNeurons; i++ )</pre>
               hebbs[i] = new Hebb( numberOfInputs );
          int ages = learn( hebbs );
          System.out.println( "PO UCZENIU" );
for ( int i = 0; i < numberOfEmoji; i++ ) {
    winner = testHebb( hebbs, Emoji.emoji[i] );
    System.out.println( "Emoji " + Emoji.emojiType[i] + " - winner neuron = " + winner );</pre>
          System.out.println( "\nTESTOWANIE" );
for ( int i = 0; i < numberOfEmoji; i++ ) {
    winner = testHebb( hebbs, Emoji.emojiNoised[i] );
    System.out.println( "Emoji " + Emoji.emojiType[i] + " - winner neuron = " + winner );</pre>
          System.out.println( "\nIlość epok = " + ages );
      //uczenie neuronów
     public static int learn ( Hebb[] hebbs ) {
          int counter = 0;
          int limit = 1000;
          int[] winners = new int[numberOfNeurons];
          for ( int i = 0; i < numberOfNeurons; i++ )</pre>
               winners[i] = -1;
          while ( ! isUnique( winners ) ) {
               for ( int j = 0; j < numberOfNeurons; j++ ) {</pre>
                     //uczenie neuronów każdej emotikony
                    for ( int k = 0; k < numberOfEmoji; k++ )</pre>
                        hebbs[j].learnUnsupervised( Emoji.emoji[k], learningRate, forgettingRate,
Hebb.HEBB WITH FORGETTING );
                    //tesotowanie sieci celem sprawdzenia, czy sieć jest już nauczona for ( int 1 = 0; 1 < numberOfEmoji; 1++ )
                        winners[1] = testHebb( hebbs, Emoji.emoji[1] );
               if ( ++ counter == limit )
                    break;
          }
          return counter;
     //funkcja pomocnicza w procesie uczenie
     //zwraca true jeśli każdy element w tablicy jest unikalny public static boolean isUnique ( int[] winners ) {
          for ( int i = 0; i < numberOfNeurons; i++ )</pre>
               for ( int j = 0; j < numberOfNeurons; j++ )</pre>
                    if ( i != j )
                         if ( winners[i] == winners[j] )
                              return false:
          return true;
     //zwraca wartość zwycięzkiego neuronu dla podanej emotikony
     public static int testHebb ( Hebb[] hebbs, double[] emoji ) {
          double max = hebbs[0].test( emoji );
int winner = 0;
```

```
for ( int i = 1; i < numberOfNeurons; i++ ) {</pre>
            if ( hebbs[i].test( emoji ) > max ) {
                max = hebbs[i].test( emoji );
                winner = i;
        }
       return winner;
    }
}
import java.util.Random;
public class Hebb {
    private int noi;
                                                    //ilość wejść
                                                    //wagi
rue; //flaga do uczenia ze współczynnikiem zapominania
boz współczynnika zapominania
    private double[] w;
    public static boolean HEBB WITH FORGETTING = true;
    public static boolean HEBB WITHOUT FORGETTING = false; //flaga do uczenia bez współczynnika zapominania
    public Hebb ( int numbers_of_inputs ) {
        noi = numbers_of_inputs;
        w = new double[noi];
        for ( int i = 0; i < noi; i++ )</pre>
            w[i] = new Random().nextDouble(); //wagi początkowe sa losowane
        normalizeWeights();
    //funkcja aktywacji
    private double active ( double y_p ) {
        return ( 1.0 / ( 1 + Math.pow( Math.E, - y_p ) ) ); //unipolarna sigmoidalna
    //zwraca sumę iloczynów wag i sygnałów wejściowych
    private double sumator ( double[] x ) {
        double y_p = 0.0;
for ( int i = 0; i < noi; i++ )
    y_p += x[i] * w[i];</pre>
       return y_p;
    public double learnUnsupervised ( double[] x, double lr, double fr, boolean version ) {
        double y_p = active(sumator(x));
         //w zależności od podanej wersji, nauka będzie z lub bez współczynnika zapominania
        //ze współczynnikiem zapominania
                                                                     //bez współczynnika zapominania
        normalizeWeights();
        {f return} active( sumator( x ) );
    //zwraca output neuronu
    public double test ( double[] x ) {
      return active( sumator( x ) );
    //normalizuje wagi
    private void normalizeWeights () {
        double dl = 0.0;
        for ( int i = 0; i < w.length; i++ )</pre>
            dl += Math.pow( w[i], 2 );
        dl = Math.sqrt( dl );
        for ( int i = 0; i < w.length; i++ )
            if (w[i] > 0 && dl != 0 )
w[i] = w[i] / dl;
    }
}
```