

一 作业题目

这个学期需要完成以下的全部作业习题。

作业习题列表：

第 2 章

1. 在一个有序的线性表中插入一个元素，但要保持线性表的有序性。

(1) 设线性表存储在数组 $A[0..arrsize-1]$ 的前 $elenum$ 个单元中，且递增有序。试编写一个算法：在线性表中插入元素 x ，需保持线性表的有序性，并且分析算法的时间复杂度。

输入：

存入数组的元素个数（以-1 结束整个程序的运行）：

存入数组的数据（有序）：

待插入的元素：

输出：

插入前的数组数据：

插入后的数组数据：

2. 在一个线性表中找出一个最小值并删除之。

(1) 利用顺序存储的方法来实现，可以直接采用数组来完成。

输入：

存入数组的元素个数（以-1 结束整个程序的运行）：

存入数组的数据：

输出：

删除前的数组数据：

删除后的数组数据：

3. 在一个有序的线性表中插入一个元素，但要保持线性表的有序性。

(1) 线性表存储在单链表 L 中，且该单链表的结点是按值非递减有序排列的，试编写一算法在链表 L 中插入值为 x 的结点，使得 L 仍然有序。

输入：

存入链表的元素个数（以-1 结束整个程序的运行）：

存入链表的数据（有序）：

待插入的元素：

输出：

插入前的链表数据：

插入后的链表数据：

4. 在一个线性表中找出一个最小值并删除之。

(1) 利用循环链表的方法来实现。

输入：

存入链表的元素个数（以-1 结束整个程序的运行）：

存入链表的数据：

输出：

删除前的链表数据：

删除后的链表数据：

5. 设计递归函数，以实现单链表的逆置。

输入：

输入存放到链表的数据（以-1 来结束数据的输入，另外，作为整个程序运行的结束，也是通过输入-1 来实现）

输出：

逆置前的链表数据：

逆置后的链表数据：

第 5 章

1. 一棵具有 n 个结点的完全二叉树存放在二叉树的顺序存储结构中，试编写非递归算法对该树进行中序遍历。

输入：

输入完全二叉树的元素个数（以-1 结束整个程序的运行）：

输入二叉树的结点数据：

输出：

中序遍历序列

2. 编写一个将二叉树的所有叶子结点从左向右链接成单链表的算法。

输入

(1) 输入有多少棵二叉树要进行测试（以-1 结束整个程序的运行）：

(2) 分别输入扩充的二叉树前序遍历序列（整数值序列），0 表示空子树。

输出：

单链表从头到尾的输出结果。

3.设计一个程序：输入后序遍历序列和中序遍历序列以生成二叉树二叉链式结构，并采用前序遍历序列输出该二叉树。

输入：

- (1) 输入有多少棵二叉树要进行测试（以-1 结束整个程序的运行）：
- (2) 输入二叉树的后序遍历序列
- (3) 输入二叉树中序遍历序列

输出：

二叉树的前序遍历序列

4.编写一个输出二叉树中所有左右子树高度差的绝对值为 2 的结点。二叉树的存储结构为二叉链式结构。

输入

- (1) 输入有多少棵二叉树要进行测试（以-1 结束整个程序的运行）：
- (2) 分别输入扩充的二叉树前序遍历序列（整数值序列），0 表示空子树。

输出：

输出左右子树高度差的绝对值为 2 的结点。

第 6、7 章

1.设计一个程序：实现判断该一棵二叉树是否为二叉查找树。假设二叉树采用二叉链式结构存储。

输入：

- (1) 输入有多少棵二叉树要进行测试（以-1 结束整个程序的运行）：
- (2) 输入扩充的二叉树前序遍历序列（整数值序列），0 表示空子树。

输出：是二叉查找树或不是二叉查找树

2.设计一个程序，实现二叉查找树的建立、查找、插入和删除操作。假设二叉树采用二叉链式结构存储。

输入：

- (1) 输入要建立的二叉查找树的结点个数（以-1 结束整个程序的运行）：
- (2) 输入建立二叉查找树的数据（整数值序列）
- (3) 输入一个待插入的元素

输出：

- (1) 查找上述输入（3）中所插入的元素的结果(如果存在则输出查找成功，否则输出查找失败)
- (2) 删除上述输入（3）中所插入的元素，并输出再次查找该元素的结果。

第 8 章

1. 写出以邻接矩阵为图（不带权的有向图或无向图）的存储结构，分别实现广度优先遍历和深度优先遍历的程序。

输入：

- (1) 图的结点总数，以输入 -1 来结束整个程序的运行。
- (2) 邻接矩阵的每行数据（整数）
- (3) 输入遍历的出发点序号

输出：

- (1) 广度优先遍历序列
- (2) 深度优先遍历序列

2. 写出以邻接表为图（不带权的有向图或无向图）的存储结构，分别实现广度优先遍历和深度优先遍历的程序。

输入：

- (1) 图的结点总数，以输入 -1 来结束整个程序的运行。
- (2) 分别输入每个结点的邻接点序号，以 -1 作结束
- (3) 输入遍历的出发点序号

输出：

- (1) 广度优先遍历序列
- (2) 深度优先遍历序列

3. 写出以邻接矩阵为无向带权图的存储结构，分别实现卡鲁斯卡尔和普里姆求最小生成树的程序。

输入：

- (1) 图的结点总数，以输入 -1 来结束整个程序的运行。
- (2) 邻接矩阵的每行数据（整数）

输出：

- (1) 卡鲁斯卡尔求最小生成树的结果序列
- (2) 普里姆求最小生成树的结果序列

4. 写出以邻接矩阵为有向带权图的存储结构，实现求从一源点到其他各个结点的最短路径。

输入：

- (1) 图的结点总数，以输入 -1 来结束整个程序的运行。
- (2) 邻接矩阵的每行数据（非负整数）
- (3) 输入源点对应的结点序号

输出：

- (1) 从源点到其他各个结点的最短路径值

5. 写出以邻接表为有向不带权图的存储结构，实现求拓扑序列的程序。

输入：

- (1) 图的结点总数，以输入 -1 来结束整个程序的运行。
- (2) 分别输入每个结点所邻接到的邻接结点序号，以-1 作结束

输出：

- (1) 如果图不存在回路，则输出拓扑序列结果
- (2) 如果图存在回路，则输出“该图存在回路”

第 9 章

1. 设计一个程序：用冒泡排序的递归方法实现单链表的排序功能

输入：

- (1) 以 0 作为输入结束的若干个整数数据。
- (2) 以输入 -1 来结束整个程序的运行。

输出：

- (1) 分别在不同行输出排序前后的的序列。

2. 设计一个程序：分别用快速排序递归算法和非递归算法进行排序功能。

输入：

- (1) 以 0 作为输入结束的若干个整数数据。
- (2) 以输入 -1 来结束整个程序的运行。

输出：

- (1) 分别在不同行输出快速排序递归算法排序前后的的序列。
- (2) 分别在不同行输出快速排序非递归算法排序前后的的序列。

二 作业评分标准参考与范例

例题：数制转换问题

设计一个算法将一个十进制数转换为 D 进制数。（可以只考虑整数的情形）

十进制数 N 和其他 D 进制数转换的简单算法基于原理：

$N = (N / D) \times D + N \text{ MOD } D$ ，其中：MOD 为求余运算（取模），D 为数制。

- 1、描述算法的基本设计思想；（描述算法的详细实现步骤）；
- 2、依据设计思想，用 C 或 C++ 语言描述算法，关键之处给出解释；

- 3、说明你所设计算法的时间和空间复杂度；
 - 4、测试你的算法，如果发现错误请说明原因并给出解决方法或想法。
- 解答

1 设计思想：20 分

计算过程是从低位到高位顺序产生 D 进制数的各个数位；

打印输出应该从高位到低位进行，恰好和计算过程相反。

如果将计算中得到的 D 进制数各位顺序进栈，则按出栈序列打印输出的即为与输入对应的 D 进制数。这是利用栈的“后进先出”操作特性的最简单例子。

2 用 C 或 C++ 语言描述算法如下：50 分

```
#define MaxSize 100
int stack[MaxSize]; // 顺序栈
int top = -1; // 栈顶，构造空顺序栈 stack
void conversionD(void) { // 对于输入的任何非负十进制整数，打印输出与其等值的其他进制数
    int n, D, k, e;
    cout << "Input a number to convert:\n";
    cin >> n; // 输入任意非负十进制数 n
    cout << "Input a base number to convert:\n";
    cin >> D; // 输入任意基数 D
    if (n < 0) {
        cout << "\nThe number must be over 0.";
        return;
    }

    if (n == 0) stack[++top] = 0;
    // while (n != 0) { // 从低到高位产生 D 进制数各个数位
    while (n) {
        k = n % D;
        // stack[++top] = n % D;
        if (top < MaxSize) {
            stack[++top] = k; // 将 N 取模 D 后入栈 stack
            // cout << k;
            n = n / D; // 将 N 整除 D
            // if (n == 0) break;
        } else {
            cout << "stack is full!" << endl;
            break;
        }
    }
}
```

```

        cout<<"the result is: ";
        while (top != -1) { //栈不空, // 从高到低位输出 D 进制数各个数位
            //while( !(top = -1)) {
            e = stack[top--]; // 将转换后的 D 进制数出栈 stack
            cout<<e; // 输出
            //cout<<stack[top--];
        }
    } // conversionD

```

3 时间和空间复杂度：10 分

- ① 问题规模：待转换的非负“十进制数”N 和“基”D；
 - ② 基本操作：入栈、出栈操作；
 - ③ 时间分析：算法执行时间主要花费在两个 while 循环基本操作上，两个 while 循环的执行次数均为 $\log_D N$ ，因此算法的时间复杂度为 $O(\log_D N)$ 。
- 空间复杂度：采用了临时变量 k 和 e（可以不采用）， $O(1)$ ；另外利用了一个栈，实际栈的大小为 $\log_D N$ 。

4 测试 10 分

使用自定义的数据结构或本例的直接编写方法。本例可以直接进行测试。

测试范例

例 1 Input a number to convert:

35

Input a base number to convert:

2

the result is: 100011

例 2 Input a number to convert:

4

Input a base number to convert:

2

the result is: 100

测试的两例整数正确

例 3 测试负数

Input a number to convert:

-4

Input a base number to convert:

2

The number must be over 0.

例 4 测试 0

Input a number to convert:

0

Input a base number to convert:

2

the result is: 0

5 总结与改进措施 10 分