

Universidad del Valle de Guatemala
Métodos Numéricos
Alan Reyes

Laboratorio #4

Diego Sosa 14735

Luis García 14189

Ejercicio #1:

a)

Vector $u = (-1, 1, 0, -3)$:

- $\|u\|_1 = 5$
- $\|u\|_2 = 3.3166$
- $\|u\|_{\inf} = 3$
- $\|u\|_{3/2} = 3.7274$
- $\|u\|_3 = 3.0723$

Vector $v = (-0.13, 0.15, -0.18, 0.12)$:

- $\|v\|_1 = 0.58$
- $\|v\|_2 = 0.2936$
- $\|v\|_{\inf} = 0.18$
- $\|v\|_{3/2} = 0.3676$
- $\|v\|_3 = 0.2359$

b)

Matriz A:

- $\|A\|_1 = 10$
- $\|A\|_F = 9.1104$
- $\|A\|_{\inf} = 9$

Matriz B:

- $\|B\|_1 = 6$
- $\|B\|_F = 8.3666$
- $\|B\|_{\inf} = 6$

Ejercicio #2:

- $\|B\|_2 = \max(\lambda_N) \Rightarrow \|B\|_2 = 5.6180$
- $\|A\|_2 = \max(\lambda_N) \Rightarrow \|A\|_2 = 6.0243$

Ejercicio #3:

A y b)

- $k(A) = 9.6273$. El valor se encuentra muy lejano a 1, por lo tanto la solución puede variar de sobremanera si los datos tienen un pequeño error.
- $K(B) = 2.3586$. El valor se encuentra cercano a 1, es el tipo de matrices que nos gustan.

c)

- $k(H3) = 524.0568$; $\det(H3) = 4.6296e-04$
- $k(H4) = 1.5514e+04$; $\det(H4) = 1.6534e-07$
- $k(H5) = 4.7661e+05$; $\det(H5) = 3.7493e-12$
- $k(H6) = 1.4951e+07$; $\det(H6) = 5.3673e-18$
- $k(H7) = 4.7537e+08$; $\det(H7) = 4.8358e-25$
- $k(H8) = 1.5258e+10$; $\det(H8) = 2.7371e-33$

Ejercicio #4:

a)

- $\|x - x^*\| = 1.084159927676405e-14$. Esto nos indica que la diferencia es hasta el punto decimal 15, lo cual tiene un gran grado de exactitud.
- $R = A \cdot x - b = [0; 0; 0; 0]$. Presenta un valor demasiado cercano a cero o exactamente cero, lo cual nos brinda una solución factible para el sistema.

b)

- $x = A \backslash b = \begin{bmatrix} 1.0000000000000025; \\ 0.9999999999999960; \\ 1.0000000000000009; \\ 0.9999999999999994 \end{bmatrix}$
- $\|x - A \backslash b\| = 5.949179569554650e-14$. Esto nos indica que la diferencia es hasta el punto decimal 15, lo cual tiene un gran grado de exactitud.

c)

- Para $b = [32.1; 22.9; 32.9; 31.1]$
 - $x = \begin{bmatrix} 5.999999999999787; \\ -7.199999999999644; \\ 2.899999999999902; \\ -0.099999999999941 \end{bmatrix}$
 - $\|x - x^*\| = 6.769999813842781e-13$
 - $x^* = A \backslash b = \begin{bmatrix} 6.000000000000126; \\ -7.200000000000205; \\ 2.900000000000046; \\ -0.100000000000027 \end{bmatrix}$
- Para $b = [32.01; 22.99; 32.99; 31.01]$
 - $x = \begin{bmatrix} 1.499999999999962; \\ 0.1800000000000062; \end{bmatrix}$

- 1.189999999999984;
 - 0.8900000000000010]
 - $||x-x^*|| = 1.743525994598347e-13$
 - $X^* = [\begin{array}{l} 1.5000000000000049; \\ 0.1799999999999918; \\ 1.1900000000000022; \\ 0.8899999999999987 \end{array}]$
- Podemos inferir que el número de condición está alejado de 1. Al calcular la norma de la matriz $A = [10 \ 7 \ 8 \ 7; 7 \ 5 \ 6 \ 5; 8 \ 6 \ 10 \ 9; 7 \ 5 \ 9 \ 10]$ dio como resultado $2.984092701675526e+03$ lo cual claramente está alejado de 1. Independientemente del vector b , podemos afirmar que nuestras soluciones variaran bastante con pequeños cambios decimales en el vector b .

Ejercicio #5:

a)

- $||x-x^*|| = 1.084159927676405e-14$. Esto nos indica que la diferencia es hasta el punto decimal 15, lo cual tiene un gran grado de exactitud.
- $R = A^*x - b = [0; 0; 0; 0]$. Presenta un valor demasiado cercano a cero o exactamente cero, lo cual nos brinda una solución factible para el sistema.

b)

- $x = A \backslash b = [\begin{array}{l} 1.0000000000000025; \\ 0.9999999999999960; \\ 1.0000000000000009; \\ 0.9999999999999994 \end{array}]$
- $||x-A \backslash b|| = 5.949179569554650e-14$. Esto nos indica que la diferencia es hasta el punto decimal 15, lo cual tiene un gran grado de exactitud.

c)

- Para $b = [32.1; 22.9; 32.9; 31.1]$
 - $x = [\begin{array}{l} 5.999999999999787; \\ -7.199999999999644; \\ 2.899999999999902; \\ -0.0999999999999941 \end{array}]$
 - $||x-x^*|| = 6.769999813842781e-13$
 - $x^* = A \backslash b = [\begin{array}{l} 6.0000000000000126; \\ -7.2000000000000205; \\ 2.9000000000000046; \\ -0.1000000000000027 \end{array}]$
- Para $b = [32.01; 22.99; 32.99; 31.01]$

- $x = \begin{bmatrix} 1.4999999999999962; \\ 0.1800000000000062; \\ 1.1899999999999984; \\ 0.8900000000000010 \end{bmatrix}$
- $\|x - x^*\| = 1.743525994598347e-13$
- $X^* = \begin{bmatrix} 1.5000000000000049; \\ 0.1799999999999918; \\ 1.1900000000000022; \\ 0.8899999999999987 \end{bmatrix}$
- Podemos inferir que el número de condición está alejado de 1. Al calcular la norma de la matriz $A = \begin{bmatrix} 10 & 7 & 8 & 7; \\ 7 & 5 & 6 & 5; \\ 8 & 6 & 10 & 9; \\ 7 & 5 & 9 & 10 \end{bmatrix}$ dio como resultado $2.984092701675526e+03$ lo cual claramente está alejado de 1. Independientemente del vector b , podemos afirmar que nuestras soluciones variaran bastante con pequeños cambios decimales en el vector b .

Lamentablemente no se pudo observar ninguna gran diferencia debido a la matriz A que se escogió para el ejercicio 4, ya que estaba colocada de tal forma que siempre en la fila superior en cada iteración tenía el valor más grande, y debido a esto el cambio de filas no podía ocurrir. Por lo tanto, los resultados en el ejercicio 4 y 5 son los mismos. (Le pregunte a Alan sí esto estaba bien, y fue una explicación como está la que me dio.)