

1. Please prove the correctness of the following extended compare_and_wait program in terms of mutual exclusion, progress, and bounded waiting.

```

while (true) {
    waiting[i] = true;
    key = 1;
    while (waiting[i] && key == 1)
        key = compare_and_swap(&lock, 0, 1);
    waiting[i] = false;

    // critical section
    j = (i + 1) % n;
    while ((j != i) && !waiting[j])
        j = (j + 1) % n;
    if (j == i)
        lock = 0;
    else
        waiting[j] = false;
    // remainder section
}

```

Ans.

mutual exclusion:

要進到 critical section 有兩個可能，一個是 **key!=1**，一個是 **waiting[i] = false**，**key** 只有在 **lock==0** 的時候才可能會發生 **!=1**，而只有一個 process 發現了 **lock==0** 以後進到 critical section 並會利用 **compare_and_swap** 把 **lock** 重新變回 **!=0**，所以只會同時有一個 process 在 critical section，然後 **waiting[i] = false** 是在有 process 離開 critical section 的時候才會發生，所以同時只會有一個，符合 mutual exclusion。

progress:

在一個 process 離開 critical section 的時候只會做 **lock = 0** 和 **waiting[j] = false** 其中一個而已，而這兩者任一發生時都可以讓其他 process 進到 critical section，所以符合 progress。

bounded waiting:

每次 process 離開 critical section 時都是往下面一個 id 的 process 去找符合條件的，只要符合就讓他進去 critical section，而他們一直一個往下找一個，所有 process 最多都不會等超過 $n-1$ 次，所以符合。

2. Regarding Bakery algorithm, please answer following questions

```
do {
    Choosing[i] = TRUE;
    Number[i] = Max(Number[0], ...Number[n-1]) + 1;
    Choosing[i] = FALSE;
    for(j=0; j<n; j++){
        while(Choosing[j]) ;
        while((Number[j] != 0) && ((Number[j], j) < (Number[i], i))) ;
    }

    // critical section
    Number[i] = 0
    // remainder section
} while (TRUE);
```

- Is it possible that many processes receive the same number?

Ans.

Yes，因為可能多個 process 同時執行到這一行，很可能取到一樣的

$\text{Max}(\text{Number}[0], \dots, \text{Number}[n-1])$ ，所以在後面的條件判斷的地方

`while((Number[j] != 0) && ((Number[j], j) < (Number[i], i))) ;`

多加了 i 和 j 做為比較的條件就是為了這種情況發生的時候。

- If we remove the first while loop (i.e. `while(Choosing[j]) ;`), the mutual exclusion is still maintained?

Ans.

如果少了那一行，可能發生有人還沒抽到籤就開始執行 process 了，假設有一個人已經抽完籤但是還沒 assign 到他的 `Number[i]` 中就被 context switch 走了，等到所有其他人都比完，而且有人進到 critical section 了以後才 switch 回到這個人這裡，一比之下發現自己是最小的可以進去以後，又進去 critical section 了，這時就發生違反 mutual exclusion 的情況了。

- Please prove the correctness of Bakery algorithm in terms of mutual exclusion, progress, and bounded waiting.

Ans.

mutual exclusion:

當一個 process 已經進去 critical section 時，其他 process 會被卡在 $(\text{Number}[j], j) < (\text{Number}[i], i)$ 這條件，所以符合 mutual exclusion。

progress:

如果 P_j 不想進去但 P_i 想進去， P_j 的 `Choosing[i] = FALSE` 且 `Number[j] != 0`， P_i 並不會在 `while` 的地方被 P_j 擋住，而且因為大家都是領完號碼牌照順序進去的，所以不會決策時間過長。

bounded waiting:

都是按照 `Number` 進去 critical section 的，所以不會有插隊問題，也就一定會在有限時間內進得去，符合 bounded waiting。

3. Please implement mutex by using `compare_and_swap`

Ans.

```
do {  
    while (!compare_and_swap(&available, true, false));  
    /*critical section*/  
    available = true;  
    /*remainder section*/  
} while (true);
```

4. Please describe if busy waiting is eliminated in semaphore implemented by using `block()` and `wakeup()` system calls.

Ans.

是的，用了 `block()` 和 `wakeup()` 以後，還不符合條件的 process 會被丟到 `waiting queue` 裡面，就不會繼續 busy waiting 了，直到有人做 signal 以後才會再到 `waiting queue` 裡面把 process 抓回來。