Logika liniowa: ćwiczenia

Wiktor Kuchta

27 kwietnia 2021

Zadanie 1. Udowodnij $\vdash (A \& B) \& C \leadsto A \& (B \& C)$ oraz $\vdash (A \otimes B) \otimes C \leadsto A \otimes (B \otimes C)$ w rachunku sekwentów logiki liniowej.

Zadanie 2. Udowodnij $\vdash (?A ??B) \leadsto (?(A \oplus B))$ w rachunku sekwentów logiki liniowej.

Zadanie 3. Uzasadnij, że w rachunku sekwentów logiki liniowej nie da się udowodnić pustego sekwentu \vdash . Wywnioskuj, że nie da się mieć jednocześnie \vdash A i \vdash A^{\perp} .

Zadanie 4. W liniowej intuicjonistycznej dedukcji naturalnej możemy średnikiem oddzielać formuły nieograniczone (po lewej) i formuły liniowe. Mamy aksjomaty

$$\overline{\Gamma; A \vdash A} u \quad \overline{(\Gamma, A); \cdot \vdash A} v$$

Kropka (\cdot) oznacza brak formuł. Możemy wprowadzić nowy spójnik "nieograniczonej implikacji":

$$\frac{(\Gamma, A); \Delta \vdash B}{\Gamma; \Delta \vdash A \supset B} \supset I \qquad \frac{\Gamma; \Delta \vdash A \supset B \qquad \Gamma; \cdot \vdash A}{\Gamma; \Delta \vdash B} \supset E$$

Uzasadnij, że w prawej przesłance reguły eliminacji niepoprawne byłoby zastąpienie \cdot przez Σ , tzn. niepoprawne byłoby zezwolenie na liniowe założenia w prawej przesłance.