

Soal

- Cari panjang ruas garis yang menghubungkan dua titik tengah dari AB dan CD di mana A = (1,3), B = (2,6), C = (4,7), dan <math>D = (3,4).
- 2 Cari persamaan dari parabola yang vertexnya berada di titik asal dan sumbunya adalah sumbu-y jika parabola tersebut melalui titik (-3,5). Buat sketsa gambarnya!
- 3 Diketahui fungsi parameter

$$x = 2\sqrt{t-2}, \quad y = 3\sqrt{4-t}, \quad 2 \le t \le 4.$$

- (a). Gambarkan kurva dan arahnya.
- (b). Tentukan jenis kurva tersebut (sederhana, tertutup, atau tidak). Berikan alasannya.
- (c). Tentukan persamaan cartesiusnya!
- 4 Cari komponen dari suatu vektor pada bidang yang memiliki besar 4 dan membentuk sudut $-\frac{\pi}{4}$ terhadap sumbu-x.

Cari panjang ruas garis yang menghubungkan dua titik tengah dari AB dan CD di mana A = (1,3), B = (2,6), C = (4,7), dan <math>D = (3,4).

Solusi:

Koordinat titik tengah dari AB adalah $\left(\frac{1+2}{2},\frac{3+6}{2}\right)=\left(\frac{3}{2},\frac{9}{2}\right)$ dan koordinat titik tengah dari CD adalah $\left(\frac{4+3}{2},\frac{7+4}{2}\right)=\left(\frac{7}{2},\frac{11}{2}\right)$. Sehingga jarak kedua titik tengah tersebut adalah

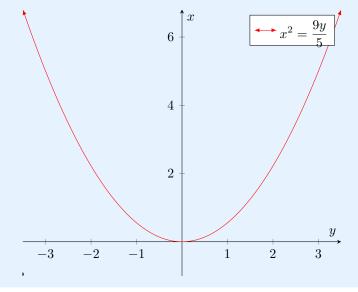
$$\sqrt{\left(\frac{7}{2} - \frac{3}{2}\right)^2 + \left(\frac{11}{2} - \frac{9}{2}\right)^2} = \sqrt{2^2 + 1^2} = \boxed{\sqrt{5}}.$$

Cari persamaan dari parabola yang vertexnya berada di titik asal dan sumbunya adalah sumbu-y jika parabola tersebut melalui titik (-3,5). Buat sketsa gambarnya!

Solusi:

Karena sumbu parabola berupa sumbu-y, maka parabola yang mungkin terbentuk berupa terbuka ke atas atau terbuka ke bawah. Sehingga parabola tersebut memiliki persamaan $x^2 = 4py$ atau $x^2 = -4py$ di mana (0,p) dan (0,-p) berturut-turut merupakan titik fokus kedua parabola tersebut. Karena melalui (-3,5), dapat dipastikan persamaan parabola yang mungkin adalah parabola berupa terbuka ke atas, yaitu $x^2 = 4py$. Karena melaliu (-3,5), maka $(-3)^2 = 0$

 $4p(5) \iff p = \frac{9}{20}$. Jadi, persamaan parabolanya adalah $x^2 = 4 \cdot \frac{9}{20}y = \frac{9}{5}y \implies x^2 = \frac{9y}{5}$.



Diketahui fungsi parameter

$$x = 2\sqrt{t-2}$$
, $y = 3\sqrt{4-t}$, $2 < t < 4$.

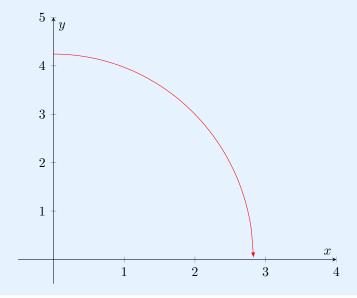
- (a) Gambarkan kurva dan arahnya.
- (b) Tentukan jenis kurva tersebut (sederhana, tertutup, atau tidak). Berikan alasannya.
- (c) Tentukan persamaan cartesiusnya!

Solusi:

(c) Perhatikan bahwa $x^2=4(t-2)=4t-8$ dan $y^2=9(4-t)=36-9t$. Diperoleh

$$9x^2 + 4y^2 = 36t - 72 + 144 - 36t = 72 \implies 9x^2 + 4y^2 = 72 \iff \boxed{\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{18} = 1}.$$

(a) Dari (c), bentuk kurva berupa elips. Untuk t=2 diperoleh $(x,y)=\left(0,3\sqrt{2}\right)$. Untuk t=3 diperoleh $(x,y)=\left(2,3\right)$. Untuk t=4 diperoleh $(x,y)=\left(2\sqrt{2},0\right)$. Diperoleh sketsa dan arah kurva sebagaimana berikut, yaitu dengan arah searah jarum jam. Jadi, kurva tersebut merupakan kurva terbuka dan kurva sederhana.



| (b). | Kurva termasuk kurva terbuka karena titik awal dan akhirnya berbeda. Selain itu, kurva termasuk kurva sederhana karena kurva tersebut tidak berpotongan dengan dirinya sendiri (kurva tersebut). |
|------|--|
| | |

Cari komponen dari suatu vektor pada bidang yang memiliki besar 4 dan membentuk sudut $-\frac{\pi}{4}$ terhadap sumbu-x.

Solusi:

Komponen x dari vektor tersebut adalah

$$\mathbf{v}_x = 4\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) = 4 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = \boxed{2\sqrt{2}}.$$

Komponen y dari vektor tersebut adalah

$$\mathbf{v}_y = 4\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right) = 4\cdot\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \boxed{-2\sqrt{2}}.$$

