



**UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO**  
**PROGRAMA DE POSGRADO EN ASTROFÍSICA**

Instituto de Radioastronomía y Astrofísica

**EL IMPACTO DEL VIENTO ESTELAR Y LA RADIACIÓN  
EN GLÓBULOS NEUTROS ALREDEDOR DE UNA  
ESTRELLA WOLF-RAYET**

**TESIS  
PARA OPTAR POR EL GRADO DE  
MAESTRO EN CIENCIAS (ASTROFÍSICA)**

**PRESENTA:  
ROBERTO REYES CABANAS**

**TUTOR:  
DR. WILLIAM JOHN HENNEY  
Instituto de Radioastronomía y Astrofísica**

Morelia, Michoacán, México, abril 2025



# Abstract

The circumstellar nebula M1-67 around the Wolf–Rayet star WR 124 contains hundreds of small neutral globules, as revealed by recent images from the *James Webb Space Telescope* (JWST). The ionized emission of the nebula displays an intricate pattern of shells and filaments, many of which appear associated with the globules but displaced toward the central star. We propose a simple model for the nebula in which photoevaporative flows from the irradiated surfaces of the globules interact with the stellar wind of the Wolf–Rayet star to form hemispherical emission shells. We test this model against JWST and H $\alpha$  images of the nebula obtained with the *Hubble Space Telescope* (HST), finding good agreement for the best-observed and most isolated globules. The model provides a physical explanation for the observed morphology of the nebula and globules, and suggests that the globules are hydrodynamically shielded from the stellar wind by the photoevaporative flows. We derive an independent estimate of the stellar wind strength, which is consistent with values previously obtained from stellar atmosphere modeling. We are also able to constrain the three-dimensional distribution of the globules.



# Acknowledgements

The person I most wish to thank is my advisor, Dr. Will. He guided me throughout the entire master's program and was always there for me, especially in the most difficult moments. Thanks to him, my adventure in the world of astronomy has been the most wonderful I have ever experienced. Thank you, Doctor, for all the patience, support, and knowledge you shared with me.

I would also like to thank UNAM in general: for accepting me into the graduate program, which for me was quite a challenge; for providing all the facilities I needed to carry out my studies; and for giving me the chance to share them with others. To the Morelia campus, because there I met my dance teacher Lupita and all my dear friends, whom I cherish with all my heart. With you I learned that it is not necessary to look up at the sky to see the stars—especially if it is to watch them dance. To IRyA for giving me its unconditional support, and especially to the outreach team, because although you may not believe it, at your events I was always as excited as the children. To mamá Karin for all her patience and affection. Also to my classmates, who were always there—literally.

I want to thank my committee members for their time, suggestions, and comments. With your help I greatly improved my work. Thanks, Toalá!—since it was your fault that I had so much fun with this project that fascinated me so much.

I am grateful to CONAHCYT for the financial support provided for my studies and research. Also to the PAPIIT project IN109823 of DGAPA for the financial support that made this work possible.

Finally, thank you, Dra. Gloria, for crossing paths with me in this life and showing me how wonderful this universe is.

# Contents

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>9</b>
1.1	Ionized photoevaporative flows . . . . .	10
1.2	Wolf–Rayet stars and their winds . . . . .	13
1.3	The nebula M1-67 . . . . .	14
1.3.1	HST observations . . . . .	15
1.3.2	JWST observations . . . . .	15
1.4	Structure of the thesis . . . . .	16
<b>2</b>	<b>Analytical models of photoevaporative flows interacting with an external pressure</b>	<b>19</b>
2.1	Steady hydrodynamic model . . . . .	20
2.2	Equation of state and ionization equilibrium . . . . .	22
2.3	Structure of the photoevaporative flow . . . . .	23
2.4	Conditions for the shocked shell . . . . .	25
<b>3</b>	<b>Globules in the M1-67 nebula</b>	<b>29</b>
3.1	Estimating the RAM pressure of the stellar wind . . . . .	31
<b>4</b>	<b>Ajuste del modelo a los perfiles de brillo</b>	<b>35</b>
4.1	Medición del radio en la parte neutra . . . . .	37
4.2	Errores observacionales . . . . .	39
4.2.1	Incertidumbres en $r_{\text{shell}}$ y $\mathbf{H}_s$ . . . . .	40
4.2.2	Incertidumbre en $\mathbf{r}_0$ . . . . .	41
4.2.3	Incertidumbres en $\mathbf{B}_s$ y $\mathbf{B}_0$ . . . . .	42
4.3	Estimación de la densidad del gas ionizado a partir del brillo superficial de H $\alpha$ . . . . .	42
4.3.1	Uso de la EM a partir de las observaciones . . . . .	43
4.4	Buenos ajustes . . . . .	44
4.5	Ajustes recuperados . . . . .	46
4.6	Glóbulos descartados . . . . .	47
<b>5</b>	<b>Balance de presiones en las cáscaras</b>	<b>49</b>
5.1	Balance interno de presión . . . . .	49
5.2	Balance externo de presión . . . . .	50

<b>CONTENTS</b>	<b>7</b>
<b>6 Discusión</b>	<b>57</b>
6.1 Identificación de los glóbulos y sus cáscaras . . . . .	57
6.2 Masa de los glóbulos . . . . .	59
6.3 Distribución tridimensional de los glóbulos . . . . .	59
<b>7 Conclusiones</b>	<b>65</b>
<b>A Filtros de las observaciones</b>	<b>67</b>
A.1 Filtro del HST . . . . .	67
A.2 Filtros del JWST . . . . .	67
<b>B Estimación de fuerzas en el flujo fotoevaporativo ionizado</b>	<b>71</b>
B.1 Fuerzas de gravedad . . . . .	73
B.2 Presión de radiación . . . . .	73
<b>C Predicciones del modelo fotoevaporativo para la densidad ionizada en el frente de ionización</b>	<b>75</b>
<b>D Combos de filtros</b>	<b>77</b>
<b>E Errores en <math>r_{\text{shell}}</math> y <math>H_s</math></b>	<b>79</b>
<b>F Constante de conversión en las observaciones del HST</b>	<b>81</b>
<b>G Corrección en la estimación de los brillos</b>	<b>83</b>
<b>H Escalas de tiempo</b>	<b>85</b>
H.1 Tiempo dinámico . . . . .	85
H.2 Tiempo de recombinación . . . . .	85
H.3 Tiempo de vida de los glóbulos . . . . .	86
H.3.1 Comparación de las diferentes escalas de tiempo . . . . .	86
<b>I Proyección de posición y velocidad</b>	<b>87</b>
<b>J Imágenes de ajustes</b>	<b>91</b>



# Chapter 1

## Introduction

*Globules* are dense concentrations of gas and dust in the interstellar medium that are thought to form through thermal instabilities, gravitational collapse, or turbulence (Ballesteros-Paredes et al., 2011; Padoan & Nordlund, 2002). These globules can arise in regions of massive star formation or in nebulae around evolved stars, such as planetary nebulae (O'Dell et al., 2007).

In general, globules show a wide range of sizes. For example, when we refer to globules in regions of massive star formation, they are commonly large,  $\sim 0.1$  pc (Schneider et al., 2016), whereas in nebulae around evolved stars they are smaller,  $\sim 10^{-2}$  pc (Gahm et al., 2013).

The first globules were observed by Bart Bok in 1940. As we can see in Figure 1.1, because the background stars are reddened by dust, these globules appear as dark clouds, given their large amounts of neutral gas and dust. The globules contain primarily molecular hydrogen in their interiors, and may also harbor other molecules (Amin & El-Nawawy, 2005; Di Francesco et al., 2002). Although star formation can occur inside them, the ionizing radiation from such stars cannot be observed because it is absorbed by the neutral hydrogen (both molecular and atomic) and the dust between the stars and the observer. For this reason, they appear dark.

When globules are found in regions of massive star formation, they can interact with the ultraviolet (UV) radiation from nearby young massive stars, or with the radiation of the central star if the globules are in a circumstellar nebula. In such cases the ionization front can be seen as a bright rim of emission (see Figures 1.2 and 1.3).

This interaction between stars and globules can occur on different scales, giving rise to a wide variety of structures. Among the largest are those that resemble columns, pillars, or “elephant trunks,” as they are known in the literature. These can reach sizes of  $\sim 1$  pc and densities of order  $10^3 \text{ cm}^{-3}$ . Such interactions can also occur within H II regions, as shown in Figure 1.2.

On smaller scales are the so-called EGGs (Evaporating Gaseous Globules), which have sizes of  $\sim 10^{-2}$  pc, and the proplyds, which are  $\leq 10^{-2}$  pc. These globules are found not only in star forming regions, but also in nebulae around

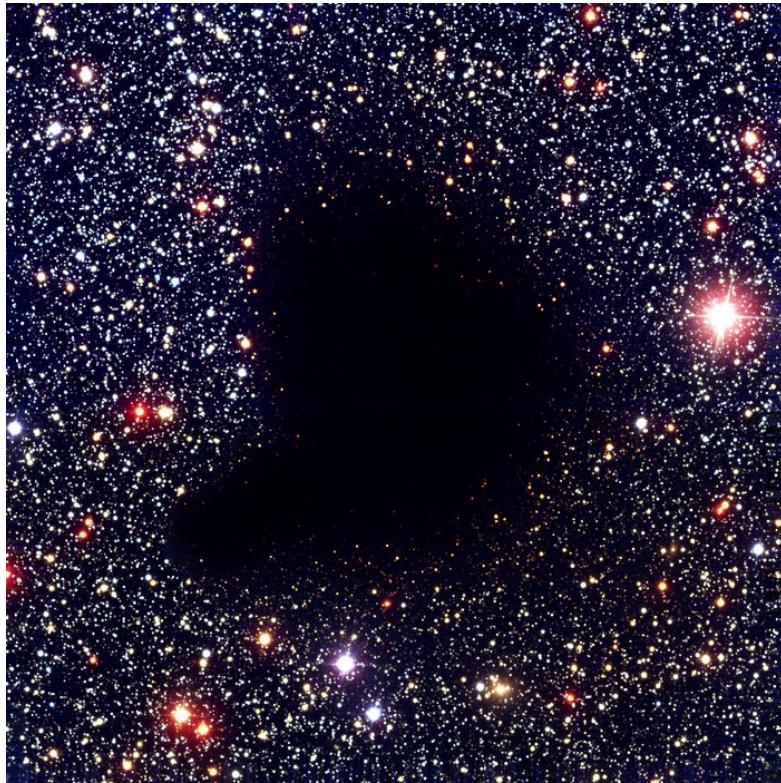


Figure 1.1: Example of a Bok globule. Image of Barnard 68 taken with the Very Large Telescope FORS1 at 440 nm, 557 nm, and 768 nm, with an angular size of  $6.83' \times 6.83'$ . A dark region can be seen, which is the globule itself, together with the apparent reddening of stars caused by dust on the globule's surface. In this image there is no evidence of external photoevaporation from nearby stars (Alves et al., 2001).

evolved stars, where they are more commonly known as *knots*. An example of this is panel **D** in Figure 1.3. In this work we will study in greater detail the knots present in a nebula surrounding a particular evolved star.

## 1.1 Ionized photoevaporative flows

All the examples in Figures 1.1, 1.2, and 1.3 occur either in regions of star formation or in nebulae around evolved stars. What is interesting in all these cases is the way they interact with the most massive stars in their vicinity, for globules found in star-forming regions, or with the evolved central star in planetary nebulae. During these interactions, in some cases we can see what are known as *photoevaporative flows*, which we explain in more detail below.

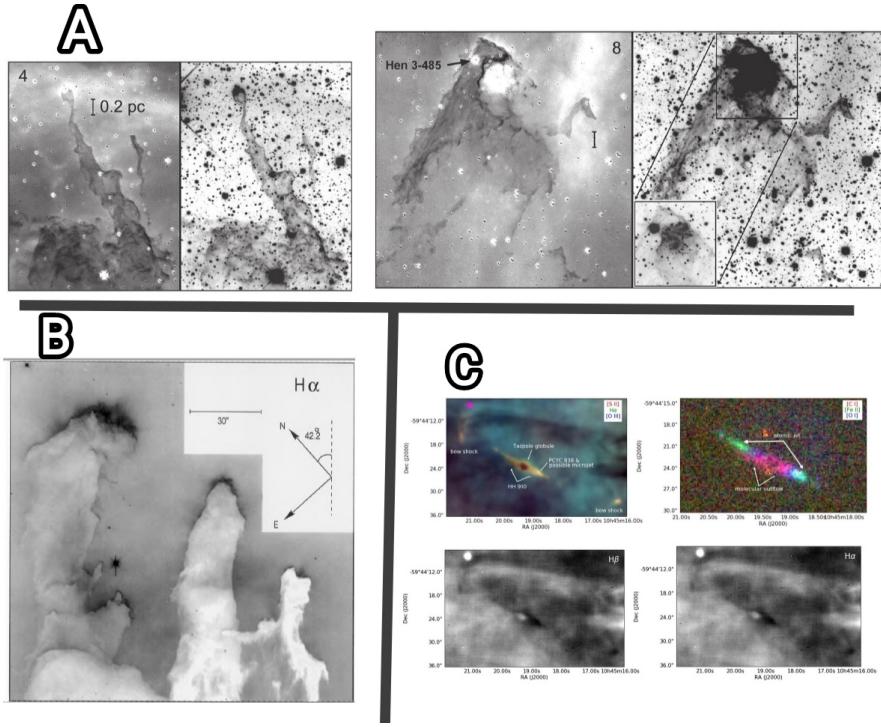


Figure 1.2: **A:** Two examples of pillars. In each case, the right-hand image is observed at  $2.12\mu\text{m}$  ( $\text{H}_2$ ) and the left-hand image shows  $\text{H}_2-\text{Br}_\gamma$  (Hartigan et al., 2015). **B:** An example of an elephant trunk. This is an image of M16 taken with WFPC2 using the F656N filter; the  $30''$  bar corresponds to  $9 \times 10^{17}\text{ cm}$  ( $0.29\text{ pc}$ ) (Hester et al., 1996). **C:** The outflow of the Tadpole globule, consisting of the HH900 jet+outflow system. The lower panel shows the object in  $\text{H}\alpha$  with the continuum (Reiter et al., 2019).

When ionizing radiation strikes the surface of a globule, it begins to ionize the neutral gas. The resulting flow of ionized gas that streams away from the base of the globule and travels toward the ionizing source is known as a photoevaporative flow.

In the case of star-forming regions, we can consider a massive star and a dense cloud of neutral gas. In order to observe a photoevaporative flow, the star must be massive, or must have a large ionizing flux capable of ionizing the neutral gas. Otherwise, the photoevaporative flow will not be visible. Recall that in star-forming regions there are many new low-mass stars that emit mainly in radio or infrared, so not all young stars are capable of ionizing the neutral gas.

Oort & Spitzer (1955) give a detailed explanation of the interaction between an O-type star and a cloud of neutral interstellar gas, as observed in regions of

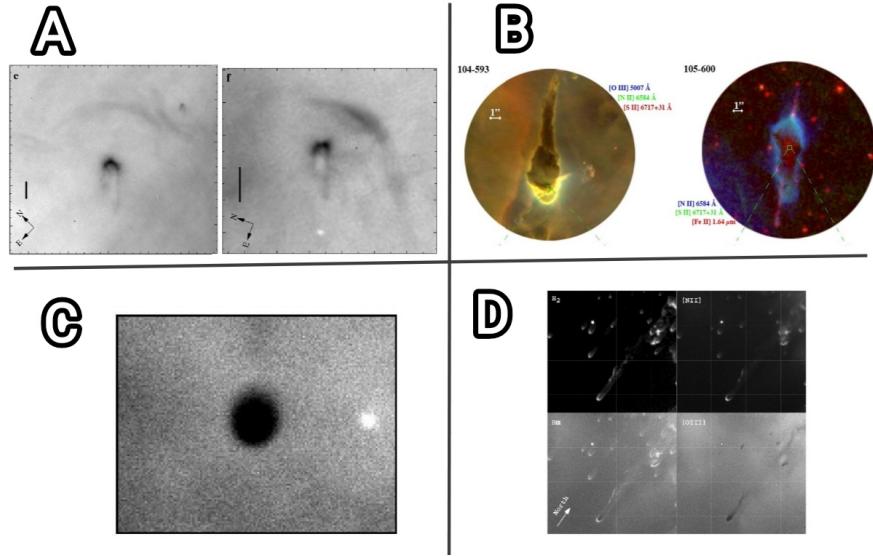


Figure 1.3: **A:** Proplyds with their bow shocks in Orion, observed with the HST Planetary Camera. The black bar indicates a length of  $1''$ , corresponding to  $430 \text{ AU}$  ( $2 \times 10^{-3} \text{ pc}$ ) (García-Arredondo et al., 2001). **B:** Examples of EGGs in Carina, observed with WFC3, ACS, and WFPC2. The white bars of  $1''$  correspond to a physical size of  $10^{-2} \text{ pc}$  (Mesa-Delgado et al., 2016). **C:** The dense globulette RN88 seen in  $\text{H}\alpha$  with a diameter of  $6''$  ( $4 \times 10^{-2} \text{ pc}$ ) in the Rosette Nebula (Gahm et al., 2013). **D:** Examples of knots in the Helix Nebula. The mosaics cover  $47.5'' \times 44.8''$  ( $4.76 \times 10^{-2} \text{ pc} \times 4.49 \times 10^{-2} \text{ pc}$ ) (O'Dell et al., 2007).

massive star formation. They consider three key elements: the ionizing star, the neutral interstellar cloud, and the region between the star and the cloud. The interstellar cloud must be much denser and colder than the intervening region, as shown in Figure 1.4.

When UV radiation begins to heat the gas in the cloud, the ionized gas expands toward the star, since in that direction the density is lower than in the cloud and the gas can expand freely (see Figure 1.5).

At first this radiation ionizes the neutral gas of the cloud at a very rapid rate. As a result, a large number of ionized particles, coming from the cloud, flow toward the star. As the process evolves, an insulating layer forms around the cloud (Oort & Spitzer, 1955). This insulating layer is composed of ionized gas and can protect the cloud from external flows or winds, as well as from radiation.

During this interaction there are both an ionization front and an internal shock that travel through the cloud toward the rear (see Figure 1.5). Initially, these two have a similar velocity of  $\sim 10 \text{ km s}^{-1}$ , but once recombinations in the insulating layer become important, the ionization front begins to decelerate.

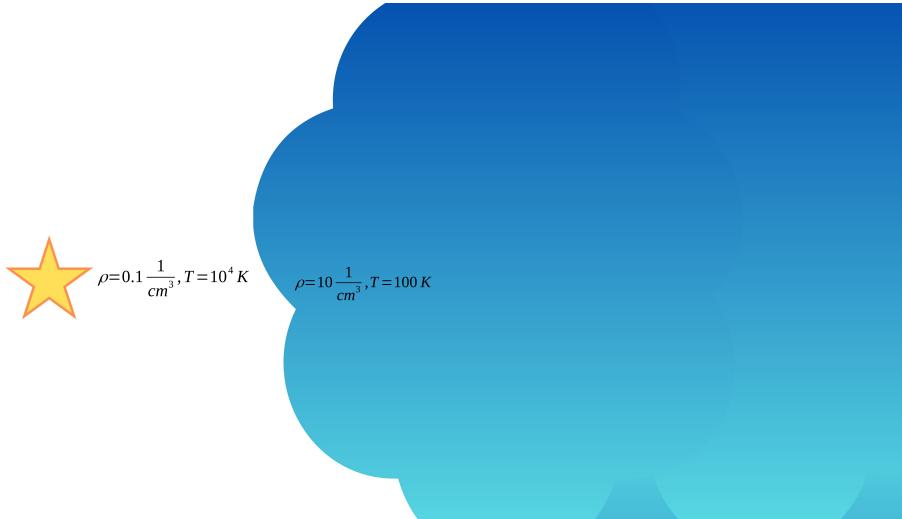


Figure 1.4: Initial schematic used in Oort & Spitzer (1955), in which the cloud is colder and denser than the region between the cloud and the star.

Meanwhile, the internal shock compresses the cloud (Bertoldi, 1989).

It is not always possible to observe a photoevaporative flow from clouds in this type of interaction. For this, Bertoldi (1989) note that if the ionization parameter, defined as

$$\Gamma \equiv \frac{F_i}{n_0 c} \quad (1.1)$$

where  $F_i$  is the incident flux of Lyman continuum photons,  $n_0$  is the density of neutral gas, and  $c$  is the speed of light, is less than  $10^{-7}$ , then the incident ionizing radiation will have no dynamical effect on the cloud, and no photoevaporative flow will be produced. On the other hand, if

$$\delta' \equiv \frac{F_i}{2\alpha_i r_0 n_0^2} > 1 \quad (1.2)$$

where  $\alpha_i$  is the recombination coefficient to all states except the ground state, and  $r_0$  is the radius of the cloud, then the cloud will be completely ionized, since the ionizing flux is greater than the recombinations.

## 1.2 Wolf-Rayet stars and their winds

Wolf-Rayet (WR) stars are the evolved descendants of massive stars, such as O-type stars. These WR stars typically have masses of  $10-25 M_\odot$  and are characterized by intense emission lines and free-free emission at IR-mm-cm wavelengths (Crowther, 2007). They also have high mass-loss rates,  $\sim 2-10 \times 10^{-5} M_\odot/\text{yr}$ , driven by their strong stellar winds, which can reach velocities of  $\sim 1000 \text{ km/s}$ , producing their broad emission lines (Hamann et al., 2006).

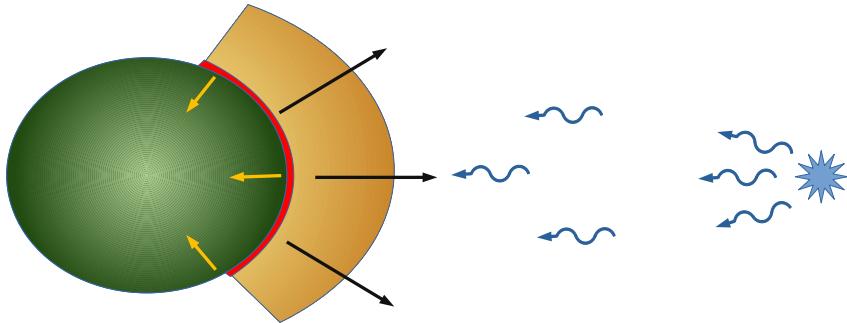


Figure 1.5: Schematic of the initial implosion. When ionizing radiation (blue arrows) strikes the globule (green), it causes ionized gas (orange) to flow toward the star, as shown by the black arrows. In this phase an internal shock is produced that compresses the cloud. Both the shock and the ionization front (red) travel toward the center of the globule, as indicated by the yellow arrows.

They were named after Charles Wolf and Georges Rayet, who first identified three stars in Cygnus with broad emission lines of C, N, O, and He—the characteristic features of this class (Murdin, 2000).

These stars are classified according to the relative strengths of their characteristic emission lines. van der Hucht (2001) classify them mainly as type WN when He and N are abundant, type WC when He and C dominate, and type WO when He and O are abundant. Although many of these stars show no hydrogen in their atmospheres, in some cases a significant amount of H is detected, in which case the designation “h” is added (Smith et al., 1996).

### 1.3 The nebula M1-67

M1-67 is the circumstellar nebula around the WR 124 star, which is of type WN8h. Several studies have been carried out on the M1-67 nebula, including three-dimensional models of its structure based on long-slit spectroscopy (Zavala et al., 2022). Sévigny et al. (2021) used the  $[\text{SII}]\lambda 6717$  and  $\lambda 6731$  lines to find that the electron density decreases with radius: close to the star the electron density is  $\sim 2000 \text{ cm}^{-3}$ , while farther away, at about  $40''$  (1.05 pc), it drops to  $\sim 500 \text{ cm}^{-3}$ . Grosdidier et al. (1998) found that the  $\text{H}\alpha$  surface brightness also decreases with radius as  $r^{-0.8}$ . Marchenko et al. (2010) measured an expansion velocity of  $46 \text{ km s}^{-1}$  for the nebula using observations from 1997 (Grosdidier et al., 1998) and 2008, consistent with the measurement of Zavala et al. (2022).

Figures 1.6 and 1.7 show that this nebula has a very complex structure. Grosdidier et al. (1998) detected some very bright and dense knots, but their nature was not clear. In Chapter 3 we will discuss in detail how these bright and

dense points are in fact globules located throughout much of the nebula. These globules were revealed thanks to images from the James Webb Space Telescope (JWST), which has higher resolution than the Hubble Space Telescope (HST), and also offers a much greater variety of filters.

Throughout this thesis we will use the data in Table 1.1. With the distance to the star,  $D$ , we can derive physical distances as

$$\left[ \frac{R}{\text{AU}} \right] = \left[ \frac{D}{\text{pc}} \right] \left[ \frac{\theta}{\text{arcsec}} \right] \quad (1.3)$$

where  $R$  is the desired physical distance and  $\theta$  is the separation measured directly from the observations in arcseconds. The mass-loss rate,  $\dot{M}$ , and the terminal velocity of the stellar wind,  $v_\infty$ , allow us to calculate the hydrodynamic (RAM) pressure of the stellar wind, while the rate of ionizing photons from the star is used to calculate the radiation pressure.

Parameters of WR 124		
$D$	$5.429 \pm 0.54$ kpc	J. Arthur, priv. comm.
$v_\infty$	710 km/s	Hamann et al. (2006)
$\dot{M}$	$10^{-4.7} M_\odot/\text{yr}$	Crowther et al. (1999)
$S_*$	$1.25 \times 10^{49} \text{ s}^{-1}$	Crowther (2007)

Table 1.1: Parameters of WR 124.

### 1.3.1 HST observations

For the Hubble Space Telescope (HST) observations we used data from the Hubble Legacy Archive. These are FITS images at calibration level 3, meaning they are mosaics created by combining multiple images to cover a region of the sky<sup>1</sup>. We used the F656N filter<sup>2</sup> with the Wide Field and Planetary Camera 2 (WFPC2) to observe H $\alpha$  emission. We used the 1997 data from proposal ID 6787, with a total exposure time of 10 216 s from a combination of 10 exposures. The 2008 data from proposal ID 11137 have a total exposure time of 4200 s from a combination of 8 exposures.

### 1.3.2 JWST observations

For the James Webb Space Telescope (JWST) observations we used data obtained by Klaus M. Pontoppidan, proposal ID 2730. We used the NIRCam filters F090W, F150W, F210M, F335M, F444W, and F470N<sup>3</sup>, with a total exposure time of 2662.72 s. These are level 3 images—mosaics combining multiple exposures to cover a region of the sky—in FITS format.

<sup>1</sup>For more details see [https://hla.stsci.edu/hla\\_faq.html#productlevels](https://hla.stsci.edu/hla_faq.html#productlevels)

<sup>2</sup>Appendix A shows the range covered by this filter.

<sup>3</sup>Appendix A shows the wavelength range of each of these filters.

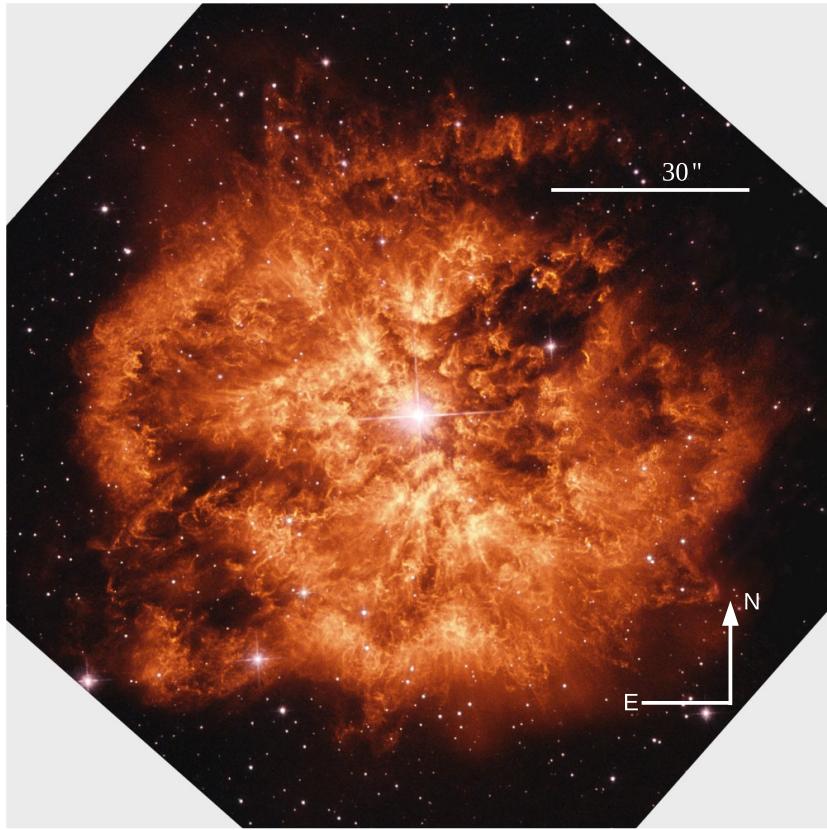


Figure 1.6: Image of M1-67 in the  $\text{H}\alpha$  filter (Grosdidier et al., 1998). The  $30''$  scale corresponds to 0.78 pc. <https://esawebb.org/images/weic2307f/>. The image has been rotated so that North is up and East is to the left.

The wide variety of JWST filters allows us to combine them to observe different emission mechanisms, and its high resolution makes it possible to resolve the detailed structures.

Unlike the  $\text{H}\alpha$  image, the JWST observations use broad-band filters. These bands include contributions from different emission mechanisms: stellar continuum, some nebular emission lines, continuum scattered by dust, thermal dust emission, and also emission from polycyclic aromatic hydrocarbon (PAH) bands.

## 1.4 Structure of the thesis

In this thesis we propose a simple model to explain how the transonic photo-evaporative flow from a globule interacts with an external pressure. We will apply this model to the knots in the M1-67 nebula, and describe how the photo-evaporative flow interacts with the hydrodynamic (RAM) pressure of the stellar

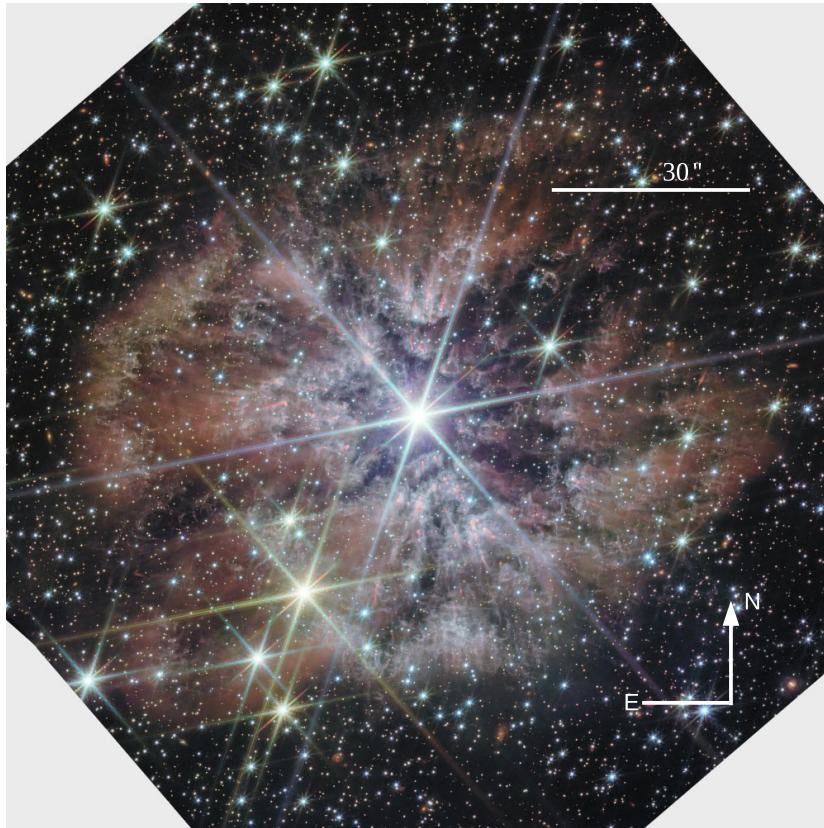


Figure 1.7: Image of M1-67 with JWST. Composite of filters f444w (gray), f335m (red), f210m (green), f150w (turquoise green), and f090w (blue). The  $30''$  scale corresponds to 0.78 pc. <https://www.flickr.com/photos/geckzilla/52757287572/>. The image has been rotated so that North is up and East is to the left.

wind of WR 124.

In Chapter 2 we will see how the interaction between two supersonic flows creates a thin shocked shell. Based on this, we describe a steady-state hydrodynamic model in which the photoevaporative flow of a globule interacts with an external pressure. In this interaction a shocked shell can also be seen.

In Chapter 3 we will describe how we identified the knots in the M1-67 nebula, as well as observational evidence of the interaction between the photoevaporative flow of the knots and the stellar wind of WR 124.

In Chapter 4 we will apply this model to the knots found in the nebula. We will fit the radial brightness profiles in order to measure the knots and their shocked shells. In addition, we can derive the density of the ionized gas from the emission measure.

In Chapter 5 we will compare these results with the theoretical values predicted by the proposed model. This comparison provides a clearer understanding of the distribution of the knots in the nebula.

## Chapter 2

# Analytical models of photoevaporative flows interacting with an external pressure

In this chapter we describe the model proposed to explain the interaction between the photoevaporative flow from a globule and an external pressure. This external pressure can be exerted by the very same star that is photoevaporating the globule. In principle, the model can be applied to any kind of globule like those mentioned in Chapter 1.

In this work we focus on the interaction between the globules' photoevaporative flow<sup>1</sup> in the M1-67 nebula and the RAM pressure of the stellar wind from the star WR 124. In Chapter 3 we will discuss in more detail how we identified these globules in the M1-67 nebula; for now, we concentrate solely on the model.

For this purpose, we assume that all the phases described in Section 1.1 have already taken place and that the system is now in ionization equilibrium. For simplicity, the globule is taken to be spherical in this model.

In the interaction between the (supersonic) photoevaporative flow and the stellar wind, two shocked zones are produced, with a contact discontinuity between them, as depicted in Figure 2.1. Of these zones, we expect to observe only the shocked photoevaporative flow and not the shocked stellar wind, since the latter is less dense, non-radiative, and has a cooling length (zone 3) larger than the interaction region (zone 2).

Cantó et al. (1996) treat in greater detail the interaction between two hypersonic flows produced by two sources separated by a distance  $D$ . In their analysis they assume that a thin shell forms when these two flows reach pressure equilibrium, as shown in Figure 2.2. In our case we likewise expect zone 2

---

<sup>1</sup>For simplicity we will refer to the knots in the nebula as globules.

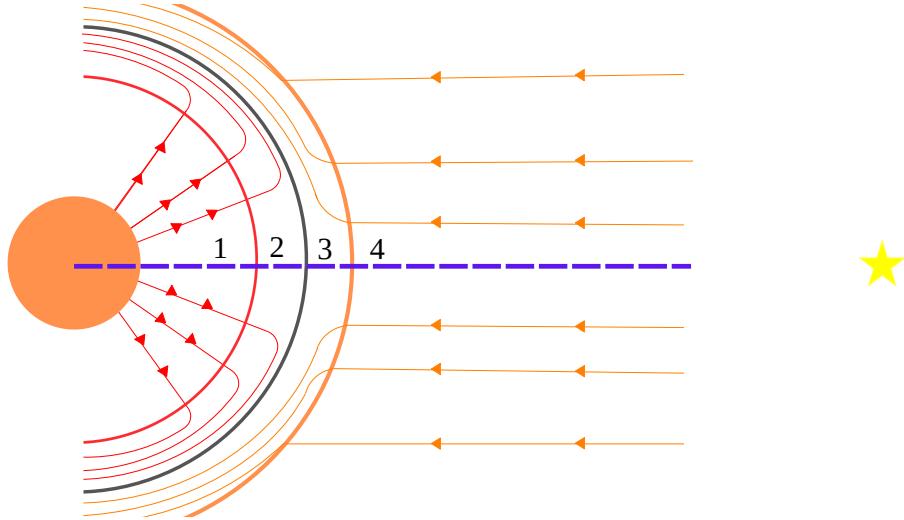


Figure 2.1: The interaction between the photoevaporative flow and the stellar wind of a star forms four zones. The orange circle is the globule. The blue dashed line joining the center of the globule to the center of the star is the symmetry axis adopted in the model; the star lies at the opposite end of the dashed line. Along this symmetry axis both the stellar wind (orange lines) and the radiation strike the base of the globule perpendicularly, while the photoevaporative flow (red lines) travels in the opposite direction. Zone 1 is where the photoevaporative flow emerges from the surface of the globule with Mach number equal to 1 and then increases. Zone 2 is the photoevaporative flow shocked by the stellar wind, which we expect to observe as a shell and to which we refer as the shocked shell. Zone 3 is the stellar wind shocked by the photoevaporative flow, and zone 4 is where the supersonic stellar wind travels, which is less dense than the photoevaporative flow. The contact discontinuity lies between zones 2 and 3 (gray line).

of Figure 2.1 to be thin (Henney & Arthur, 2019).

## 2.1 Steady hydrodynamic model

For our model it is important to note that we do not consider any gravitational force from the star or from the globule itself, nor any other external force (see Appendix B). We assume that only the globule is dominated by a magnetic field, while for the ionized gas we neglect magnetic fields.

In this work we consider as the only external pressure the RAM pressure of the stellar wind from WR 124. Given that the timescale for the phases mentioned in Section 1.1 is very short compared to the interaction timescale between the photoevaporative flow and the stellar wind, we assume that the

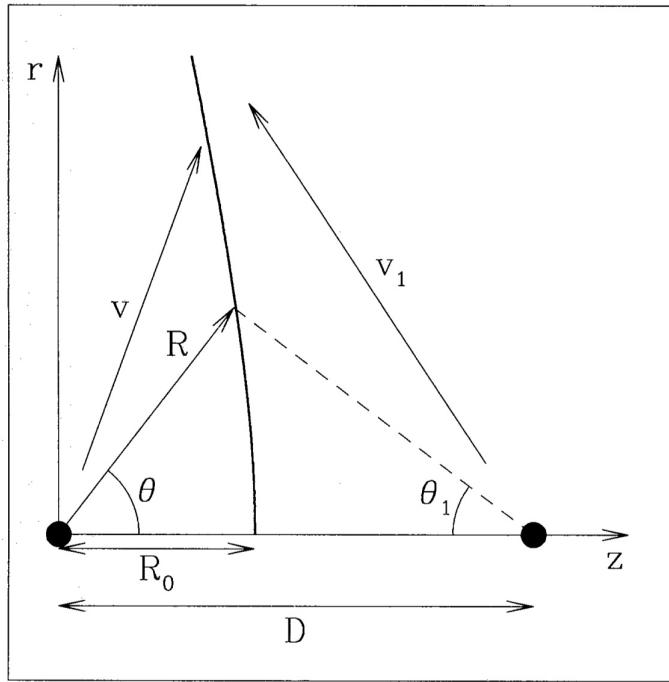


Figure 2.2: Interaction of two supersonic flows produced by two sources (black points on the  $z$  axis) separated by a distance  $D$ . A thin shell  $R(\theta)$  forms in this interaction when the flows reach equilibrium. Cylindrical symmetry is assumed for this problem (Cantó et al., 1996).

insulating layer produced by the UV radiation has already formed and that the system is now in ionization equilibrium. We therefore treat the model as steady: the sizes of the globule and of the shocked shell are taken as constant, since they will not change significantly.

Figure 2.3 shows that we can simplify the problem by placing a small-radius cylinder around the symmetry axis. Within this cylinder we can ignore transverse motions, since gradients in those directions are much smaller than the axial gradients. Near the symmetry axis both the UV radiation and the stellar wind strike the base of the globule perpendicularly, while the photoevaporative flow from the globule travels in the opposite direction. We therefore first solve the problem *on the symmetry axis only*, where it becomes one-dimensional. We then consider how the solution changes at an angle  $\theta$  with respect to the symmetry axis.

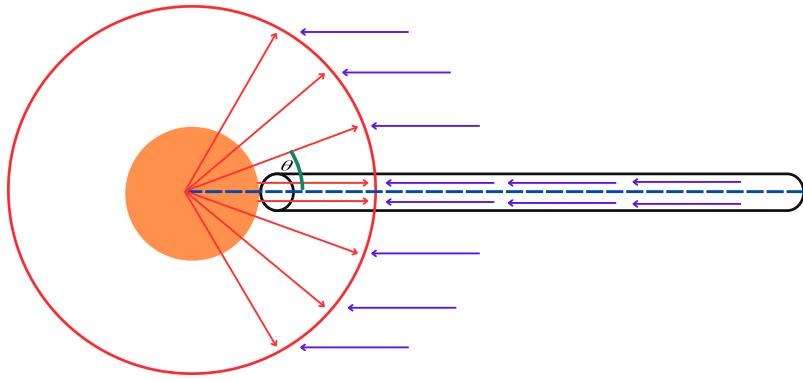


Figure 2.3: Radiation and stellar wind travel toward the globule as indicated by the blue arrows and strike the surface of the globule perpendicularly along the symmetry axis. The photoevaporative flow from the globule travels as shown by the red arrows; therefore, away from the symmetry axis the interaction between this photoevaporative flow and the stellar wind must be considered at a finite angle.

## 2.2 Equation of state and ionization equilibrium

In this case we take the gas interacting with the stellar wind to be an ideal gas, so that our equation of state is

$$PV = Nk_B T, \quad (2.1)$$

where  $P$  is the gas pressure,  $V$  its volume,  $N$  the number of particles,  $k_B$  Boltzmann's constant, and  $T$  the temperature. From this we have

$$P = nk_B T = \frac{\rho k_B T}{\bar{m}} \quad (2.2)$$

where  $n$  is the number density,  $\rho$  the mass density, and  $\bar{m}$  the mean particle mass in the gas. Here we assume the gas is composed mainly of hydrogen, 90% of the total, with a small fraction of helium, so we adopt a mean mass  $\bar{m} = \frac{0.9m_p + 0.1 \times 4m_p}{2} \approx 0.6m_p$  in the ionized gas.

For this ideal gas we take the isothermal sound speed,

$$c_s = \sqrt{\frac{k_B T}{\bar{m}}}, \quad (2.3)$$

so the sound speed in the ionized gas depends only on its temperature. In such gases the sound speed is typically of order  $10^6 \text{ cm s}^{-1}$ .

Since all the phases mentioned in Section 1.1 have already occurred, we assume that the incident flux of ionizing photons,  $F_0$ , is in equilibrium with the recombinations per unit area,

$$F_0 = n_e n_i h_1 \alpha_B, \quad (2.4)$$

where  $h_1$  is the effective thickness and  $\alpha_B$  is the case-B recombination coefficient (see Appendix C). This case-B recombination coefficient accounts for recombinations to all levels except the ground state, since the photon emitted in such a recombination can reionize a nearby atom (Dyson & Williams, 1980).

## 2.3 Structure of the photoevaporative flow

In this model we consider a D-critical ionization front (Shu, 1992); that is, inside the globule there is a subsonic expansion of the gas as seen from the ionization front, while in the ionized gas there is a supersonic expansion as seen from the ionization front. Consequently there is a sonic point located just behind the ionization front. For simplicity we treat the ionization front as a discontinuity across which the gas jumps from neutral to fully ionized, and we therefore take the sonic point to occur exactly at  $r_0$ , the radius of the globule (see Figure 2.4). Thus we assume the gas has Mach number equal to 1 at  $r_0$ , increasing as it traverses zone 1 of Figure 2.1 owing to free expansion. In principle the globule radius and the density at its surface could be taken as free parameters, but with the observations we can measure the radius, and the density can be computed because it must be consistent with our assumption of ionization equilibrium.

With this model we aim to determine where pressure balance is attained between the pressure of the photoevaporative flow and the stellar-wind RAM pressure. For the photoevaporative-flow pressure we include both thermal and hydrodynamic terms, so that the total pressure at the base of the globule is

$$P_{\text{tot}} = P_{\text{ter}} + P_{\text{hid}} = n \bar{m} c_s^2 + n \bar{m} u^2 = \rho c_s^2 (1 + M^2), \quad (2.5)$$

where  $u$  is the velocity of the ionized gas and  $M$  is the Mach number.

This pressure equilibrium is reached at a radius  $r_{\text{shell}}$ , where the pressure of the photoevaporative flow has dropped to a fraction  $f$  of its initial value. Hence the pressure varies as

$$f = \frac{P}{P_0} = \frac{\rho c_s^2 (1 + M^2)}{\rho_0 c_s^2 (1 + 1)} = \frac{\rho}{\rho_0} \frac{1 + M^2}{2}, \quad (2.6)$$

where  $P_0$  is the pressure at the base of the globule. Recall that we are taking the sonic point there, so  $M_0 = 1$ .  $P$  is the pressure of the photoevaporative flow just upstream of  $r_{\text{shell}}$ . From mass conservation we have

$$\rho r^2 M = \rho_0 r_0^2. \quad (2.7)$$

Finally, adopting the isothermal Bernoulli equation,

$$\frac{v^2}{2} + c_s^2 \ln \rho = \text{constant}, \quad (2.8)$$

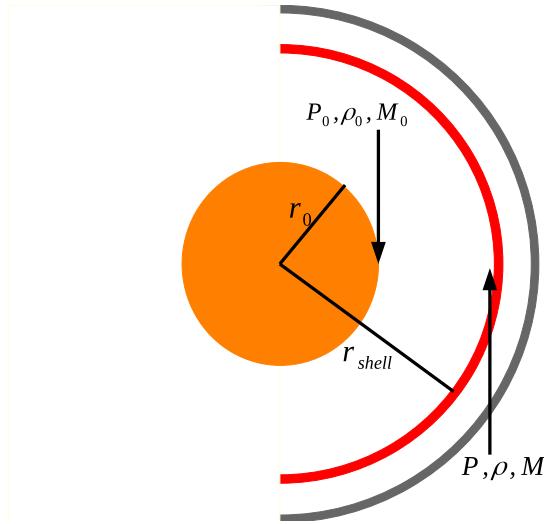


Figure 2.4: In this schematic,  $r_0$  is the radius of the neutral globule, while  $\rho_0$ ,  $M_0$ , and  $P_0$  are the values at the globule surface, varying toward the star until they take on different values at  $r_{\text{shell}}$ , the distance from the globule center to the base of the shocked photoevaporative flow. The quantities  $\rho$ ,  $M$ , and  $P$  are the corresponding values at the base of the shocked photoevaporative flow.

equation (2.5) yields (Dyson, 1968)

$$\frac{r}{r_0} = M^{-1/2} e^{\frac{M^2 - 1}{4}}. \quad (2.9)$$

Combining equations (2.6), (2.7), and (2.9) we obtain

$$f = \frac{1 + M^2}{2} \exp\left(\frac{1 - M^2}{2}\right), \quad (2.10)$$

which depends only on  $M$  and can be solved numerically<sup>2</sup> for different values of  $f$ . Once this equation is solved, the unknowns  $\rho/\rho_0$  and  $r/r_0$  can be obtained from equations (2.7) and (2.9). In this way we find that both the pressure and the density decrease with radius, while the Mach number increases, as shown in Figure 2.5. Note that Figure 2.5 is obtained by solving equations (2.6), (2.7), and (2.9) on the symmetry axis. This would change if we consider a finite angle  $\theta \neq 0$ , since both the pressure and the density scale with angle as  $\cos^{1/2} \theta$ , whereas  $M$  does not (Tarango-Yong & Henney, 2018).

---

<sup>2</sup>In our case we use the function `fsolve` from `scipy.optimize`; see the documentation at <https://docs.scipy.org/doc/scipy-1.12.0/reference/generated/scipy.optimize.fsolve.html>.

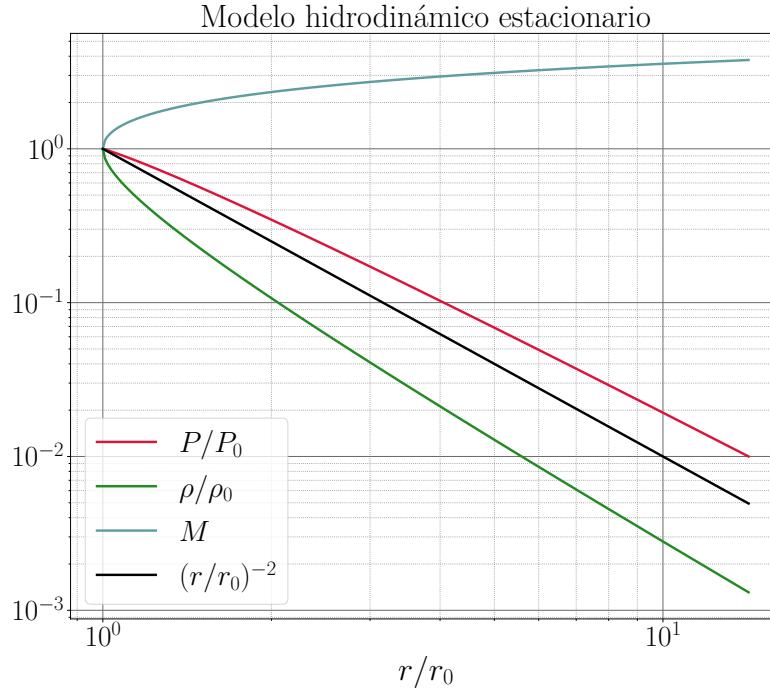


Figure 2.5: Normalized Mach number  $M$ , density  $\rho$ , and total pressure  $P$  as functions of  $r/r_0$ . A reference decline  $\sim r^{-2}$  is also shown (black line). Note that the density falls more steeply than  $r^{-2}$ , while the total pressure declines more slowly; in both cases this is due to the acceleration of the flow.

## 2.4 Conditions for the shocked shell

In their description of the interaction between two hypersonic flows, Cantó et al. (1996) derive solutions for different parameters  $\beta = (\dot{M}_w^0 v_w) / (\dot{M}_{w1}^0 v_{w1})$ , which is the ratio of the momentum fluxes of flows w and w1. This can be seen in Figure 2.6, where we note that when the momentum of one flow is much greater than that of the other, the shocked shell becomes highly curved and lies closer to the source with the weaker momentum flux.

Figure 2.7 shows the different types of pressures in each zone of this interaction between supersonic flows. At the discontinuity (the gray line in Figure 2.7), the pressure is the sum of the stellar wind RAM pressure,  $P_{\text{RAM}}$ , and the thermal pressure of the stellar wind. Since the stellar winds of Wolf-Rayet stars can reach velocities of order  $1 \times 10^3 \text{ km s}^{-1}$ , the Mach number of the stellar wind can be of order 100, so we will assume that  $P_{\text{DC}} = P_{\text{RAM}}$ . On the other hand, for the shocked shell (zone 2 of Figure 2.1), double pressure equilibrium must

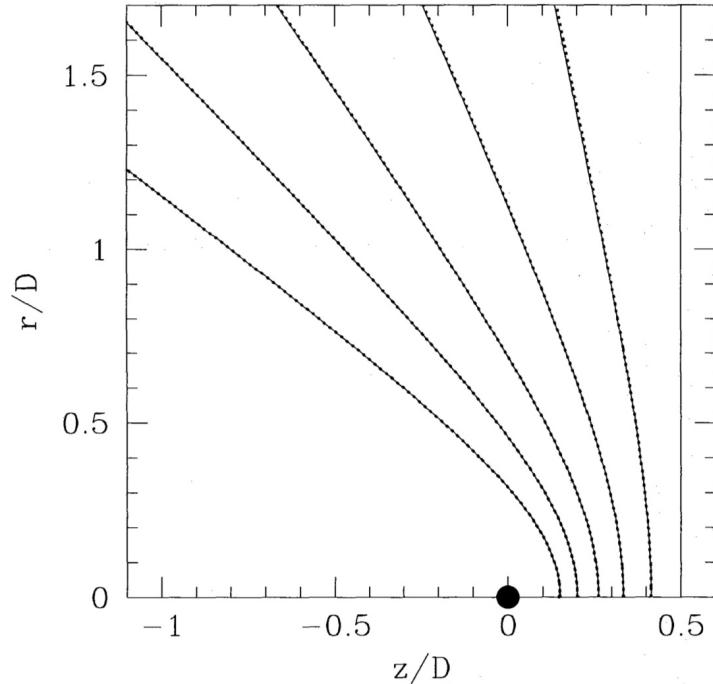


Figure 2.6: Shapes of shocked shells for different values of the parameter  $\beta$ . The vertical line at  $z/D = 0.5$  corresponds to  $\beta = 1$ , while the other curves correspond to 0.5, 0.25, 0.125, 0.0625, and 0.03125. The smaller the  $\beta$ , the more curved the shocked shell becomes. The other source is located at  $z/D = 1$  (Cantó et al., 1996).

hold. First, the pressure in the shocked shell,  $P_{\text{shell}}$ , must equal the pressure of the photoevaporative flow immediately upstream of the shock, i.e.,  $P_{\text{shell}} = P$ . Second, the pressure in the shocked shell must equal the RAM pressure of the shocked stellar wind.

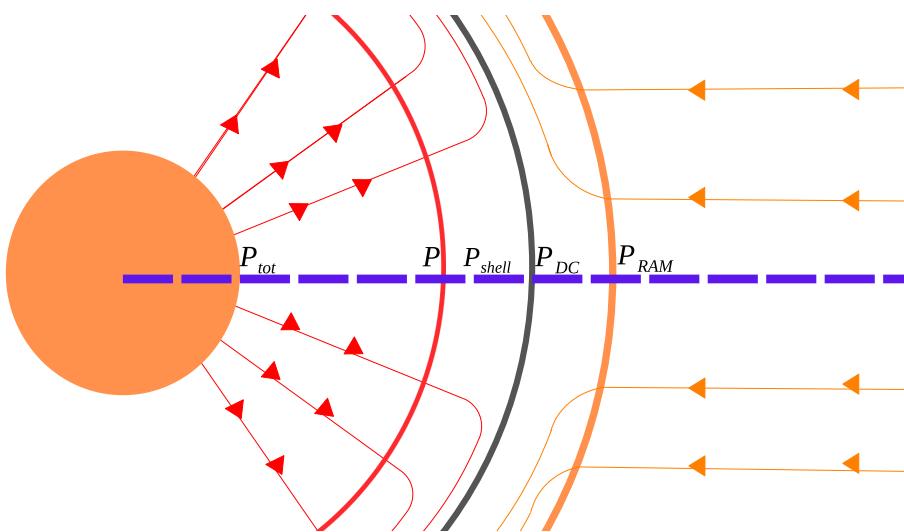


Figure 2.7: The base of the globule is dominated by the total pressure, equation (2.5). Along the red line, which is the innermost part of the shocked shell, the pressure is dominated by the thermal pressure of the photoevaporative flow,  $P$ . Along the orange line the pressure is dominated by the RAM pressure of the stellar wind,  $P_{RAM}$ , which is the only external pressure we are considering. At the discontinuity there is a pressure  $P_{DC}$ , which is the sum of the stellar wind RAM pressure and the thermal pressure of the shocked stellar wind.



## Chapter 3

# Globules in the M1-67 nebula

We now describe how we identified the globules in the M1-67 nebula. In Figure 3.1 (right panel) we see how these globules can be visually recognized by three key components: the globule itself appearing as a white circle; its pink tail, located immediately behind the globule in the direction opposite to the star; and its shocked shell, visible in gray. In this way we were able to identify a total of 168 globules.

From the observations we see that these globules have typical sizes of 200–300 milliarcseconds ( $5\text{--}7 \times 10^{-3}$  pc) in diameter, which are relatively small compared to the circumstellar nebula as a whole, whose size is  $\sim 60''$  (1.57 pc).

The globules can be located by their angular position and separation from the star. The angular position is the angle  $\phi$  measured with respect to the red line in Figure 3.2, which defines the zero-degree reference. The angle  $\phi$  is measured counterclockwise. The separation between the globule and the star is measured directly from the observations. Figure 3.2 shows an example of how we determine the angular position and separation for each globule.

In Figure 3.3 (left) we see the spatial distribution of the globules in the nebula: green points are the globules we identified, and the red line is the reference used for angular position. On the right we show their distribution as a function of separation and angular position. Certain symmetries can be discerned. For example, in the histogram at the top of the right-hand panel many globules are concentrated at two particular angular positions,  $\sim 90^\circ$  and  $\sim 200^\circ$ , whereas at  $120^\circ$  and  $300^\circ$  almost no globules are found. In the histogram on the right we see an apparently bimodal distribution in separation, with peaks at  $11''$  (0.28 pc) and  $17''$  (0.44 pc). This distribution indicates that the number of globules does not decline smoothly with distance, but instead that groups of globules are responsible for the peaks in the distribution.

Figure 3.4 shows a variety of globules in a small region, illustrating the different morphologies they present in different filters.

As noted earlier, the interaction between the globules' photoevaporative flows and the stellar wind produces a shocked shell, which we can see owing to recombinations, appearing as emission in some filters. For example, the

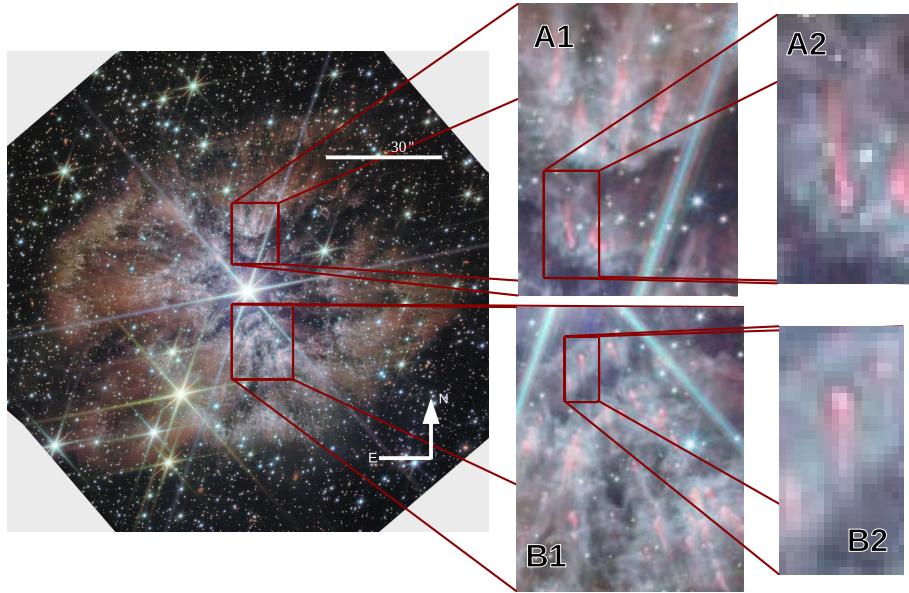


Figure 3.1: Image of the M1-67 nebula captured with JWST showing globules throughout most of the nebula. Zooming in on individual globules (white and pink emission) reveals their morphology in the neutral component, traced by PAH emission, while the gray color indicates their interaction with the star and its stellar wind. Insets A1, A2, B1, and B2 have dimensions of  $11.86'' \times 15.65''$  ( $0.31\text{ pc} \times 0.41\text{ pc}$ ),  $2.94'' \times 5.76''$  ( $0.07\text{ pc} \times 0.15\text{ pc}$ ),  $15.82'' \times 19.21''$  ( $0.41\text{ pc} \times 0.5\text{ pc}$ ), and  $2.42'' \times 4.53''$  ( $0.06\text{ pc} \times 0.11\text{ pc}$ ), respectively.

shocked shells around the globules are visible in the HST F656N filter and in the JWST F090W and F444W filters. We also constructed composite images to isolate the emission from ionized gas (see Appendix D). In the ionized-gas image, the shocked shell is more clearly visible.

In the JWST F1130W filter we can see what appear to be parts of the globule tails. Some appear smaller than others. In some cases, when globules are very close together, their tails seem to merge, and in some instances the tails appear to interact with other globules. In this filter we can also faintly see what may be the interaction between the ionized gas flow and the stellar wind.

We also created a composite to isolate the emission from neutral gas (see Appendix D). In this case the morphology of the globules is revealed more clearly, allowing us to better determine their properties.

With the wide variety of images available we can make many comparisons, viewing the globules in different filters and at different resolutions, which offers several advantages. For example, JWST observations provide higher spatial resolution, whereas the HST F656N filter, being very narrow, is less affected by stellar emission, unlike the JWST observations.

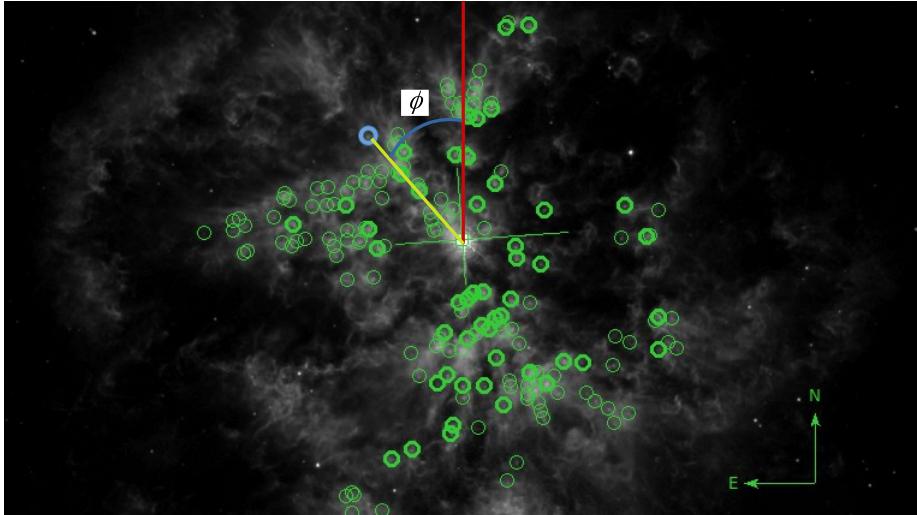


Figure 3.2: Example of how we obtained the angular position and separation with respect to the star. The blue circle marks the globule used as an example; the angle  $\phi$  with respect to the red line is the angular position, measured counterclockwise. The separation is the length of the yellow line connecting the globule (blue circle) with the star, located at the center of the image. The green points mark the positions of the other globules.

### 3.1 Estimating the RAM pressure of the stellar wind

In this work we consider only the RAM pressure of the stellar wind from WR 124 as the external confining pressure for the shocked shells surrounding the interacting globules. We write this as

$$P_{\text{RAM}} = \frac{\dot{M} v_\infty}{4\pi R^2}, \quad (3.1)$$

where  $\dot{M}$  is the stellar mass-loss rate,  $v_\infty$  the terminal wind velocity, and  $R$  the distance from the globule to the star. The first two parameters are given in Table 1.1, and for  $R$  we consider the separation range 0.1–0.9 pc, since the measured separations of the globules from the star fall within this interval. The distance is obtained as

$$\left[ \frac{R}{\text{AU}} \right] = \left[ \frac{D}{\text{pc}} \right] \left[ \frac{\theta}{\text{arcsec}} \right], \quad (3.2)$$

where  $\theta$  is the angular separation measured directly from the observations and  $D$  is the distance from us to the star. Figure 3.5 shows how the RAM pressure of the stellar wind varies as a function of distance.

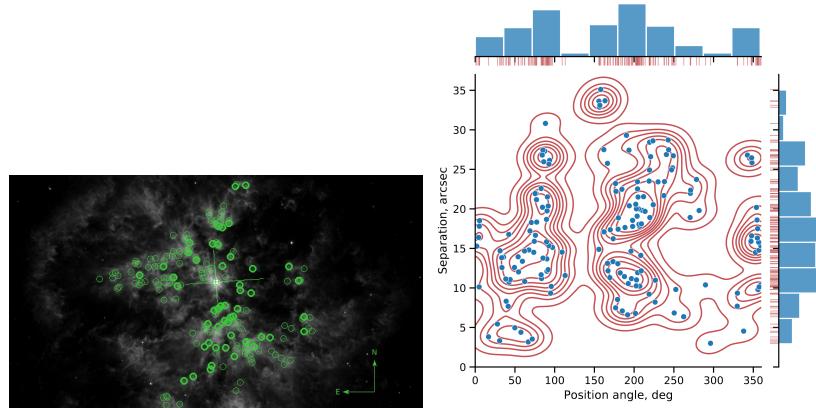


Figure 3.3: Left: positions of the globules in the M1-67 nebula (green points). The red line is the reference used to define the angular position of each globule. Right: distribution of the globules (blue points) as a function of separation and angular position. The upper panel shows the histogram of angular positions, while the right panel shows the histogram of separations. The red contours are smoothed density isocontours of the point distribution.

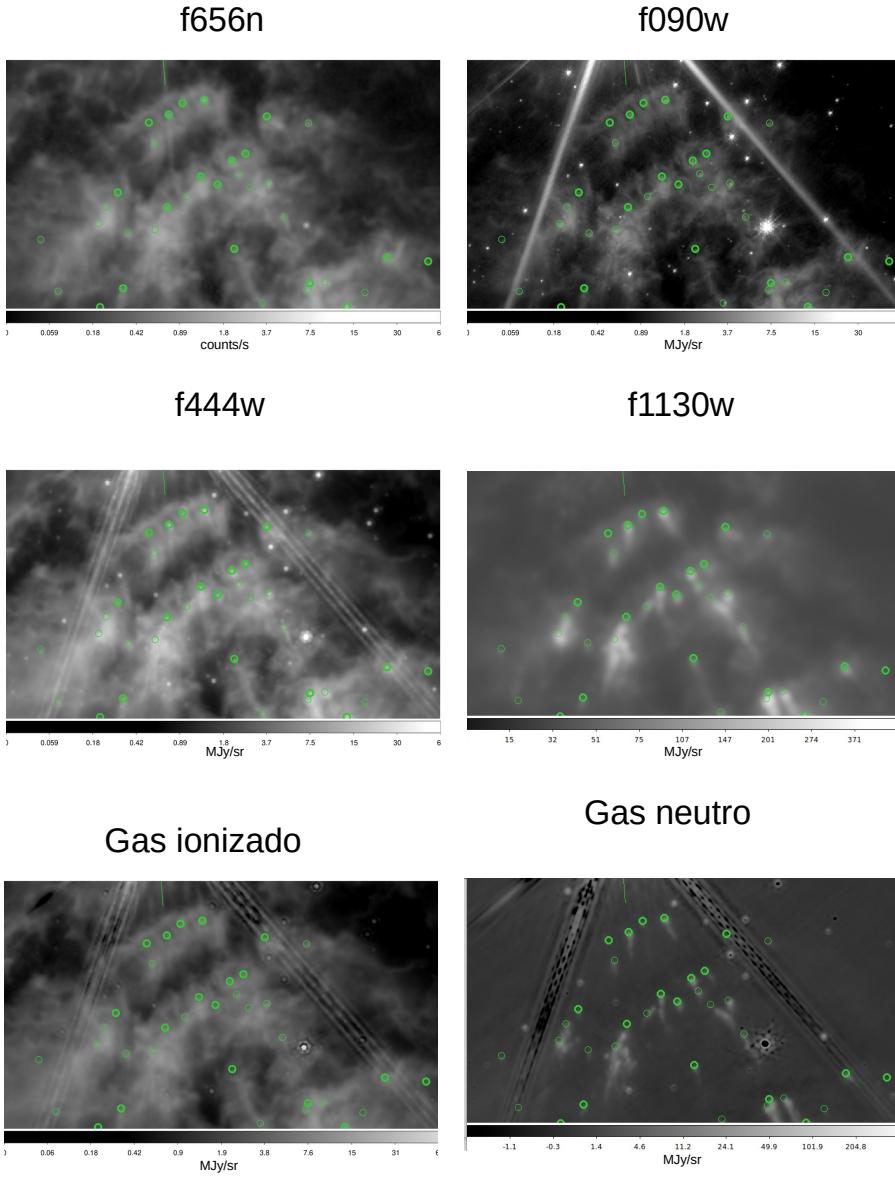


Figure 3.4: Top left: HST image of H $\alpha$  emission with the F656N filter. The other panels are JWST images with different filters. For ionized gas the following composite was used: f444w-0.43 f335m-0.16(f150w-0.6 f210m). For neutral gas the composite used was 1.4(f150w-0.6 f210m)+f335m-0.95 f210m. Green circles mark the globules.

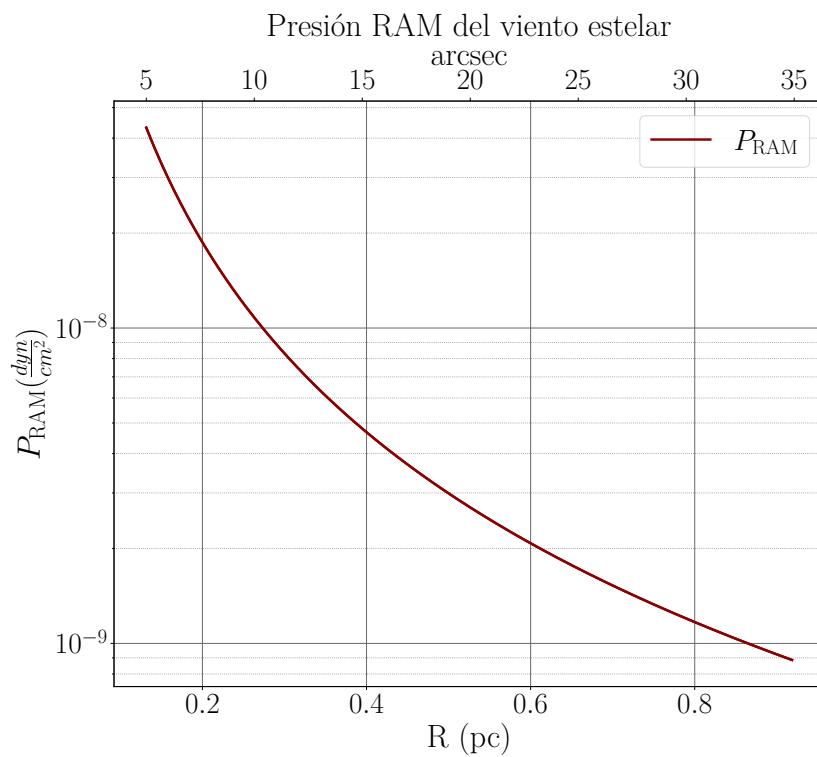


Figure 3.5: RAM pressure of the stellar wind from WR 124 as a function of distance in parsecs.

## Chapter 4

# Ajuste del modelo a los perfiles de brillo

En este capítulo vamos a utilizar las distintas observaciones para obtener el tamaño de los glóbulos, sus cáscaras chocadas y los anchos de sus cáscaras chocadas. También podemos obtener el brillos en el centro del glóbulo y en la cáscara chocada, con lo que podremos conocer más adelante la densidad del gas ionizado en la cáscara chocada.

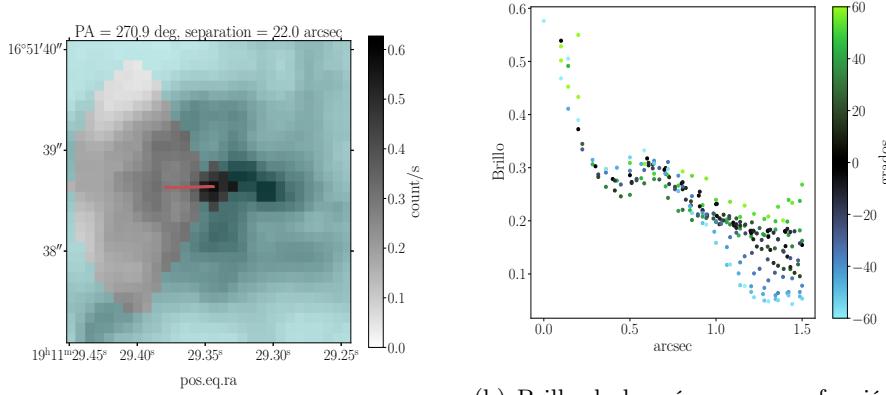
La medición de los diferentes parámetros a los 168 glóbulos encontrados lo haremos de la siguiente manera. Una vez que sabemos donde se encuentran los glóbulos vamos a buscar la posición de su máximo de emisión en  $H\alpha$ , el cual definiremos como el centro de nuestros glóbulos<sup>1</sup>, después tomaremos como el eje de simetría considerado en el modelo (Figura 2.1) a la línea que une el centro del glóbulo con la estrella. Como en nuestro caso nos interesa más describir el glóbulo y su cáscara chocada solo vamos a trabajar con una máscara para poder identificar bien estas dos partes. Al utilizar esta máscara nuestras mediciones no se verán afectadas por la compleja estructura de la nebulosa u otros glóbulos que se encuentren cerca. Esta máscara la vamos a considerar de la siguiente manera : Vamos a tomar solo los píxeles que estén a una distancia menor o igual a  $0.2''$  y también los que estén a una distancia máxima de  $1.5''$  y a un ángulo máximo de  $60^\circ$  con respecto al eje de simetría. Con estos valores los glóbulos y sus cáscaras chocadas están dentro de la máscara en todos los casos, además de que se obtuvieron buenos resultados para las distintas mediciones con estos valores.

Después graficamos el brillo de cada píxel dentro de esta máscara como función de la distancia al centro del glóbulo, como vemos en la Figura 4.1. A estos puntos le vamos a ajustar dos gaussianas y una constante.

Este ajuste es por la siguiente razón: El ancho de la primer gaussiana cen-

---

<sup>1</sup>En las observaciones de gas ionizado tenemos solo una estimación para el tamaño de los glóbulos, en la Sección 4.1 se realiza una medición mas real para el tamaño de los glóbulos usando gas neutro.



(a) Ejemplo de máscara usada para los la distancia al centro del glóbulo, considerando el ángulo con respecto al eje de simetría.

(b) Brillo de la máscara como función de

el brillo de estos píxeles considerados en la máscara como función de la distancia

al centro del glóbulo y considerando su ángulo con respecto al eje de simetría.

En este caso, los puntos verdes son los píxeles que están en la parte inferior de

la imagen izquierda, por otro lado los puntos azules se encuentran en la parte

superior de la imagen izquierda dentro de la máscara considerada.

Figure 4.1: En la imagen de la izquierda vemos un ejemplo de la máscara que vamos a utilizar para hacer el ajuste a los perfiles de brillo (los píxeles en escala de grises), en este caso utilizando las observaciones del HST. El centro del glóbulo se localiza en el centro de la imagen, la línea roja conecta el centro del glóbulo con la estrella (localizada a la izquierda de esta imagen) y es el eje de simetría que vamos a considerar. Vamos a considerar solo los píxeles que están en un círculo de  $0.2''$  alrededor del centro del glóbulo y los que se encuentren a una distancia menor a  $1.5''$  y que tengan un ángulo menor de  $60^\circ$  con respecto al eje de simetría que estamos considerando. En la imagen de la derecha vemos como es el brillo de estos píxeles considerados en la máscara como función de la distancia al centro del glóbulo y considerando su ángulo con respecto al eje de simetría. En este caso, los puntos verdes son los píxeles que están en la parte inferior de la imagen izquierda, por otro lado los puntos azules se encuentran en la parte superior de la imagen izquierda dentro de la máscara considerada.

trada en cero nos dirá el tamaño del glóbulo, esto suponiendo que el pico de emisión que encontramos se da justo en el centro del glóbulo. La segunda gaussiana ajustada nos indica la ubicación de la cáscara chocada y su ancho. Esperamos ver un pico de emisión en esta parte, es por eso que también le ajustamos una gaussiana a la cáscara chocada. La distancia entre los picos de estas dos gaussianas no dirá el radio de la cáscara chocada. Finalmente, la constante es más un promedio del brillo del fondo en esta región. En este ajuste le dimos menos peso a los píxeles más alejados del centro del glóbulo y también a los que tenían un gran ángulo con respecto al eje de simetría de la siguiente manera

$$w = \frac{\cos^2(\theta)}{(0.3 + r)^2}, \quad (4.1)$$

donde  $\theta$  es el ángulo con respecto al eje de simetría y  $r$  la distancia al centro del glóbulo. Para hacer este ajuste utilizamos la paquetería `fitting.LevMarLSQFitter`<sup>2</sup> de `astropy.modeling`. Un ejemplo más claro de estos ajustes lo podemos ver en la Figura 4.2

Este ajuste se hizo a las observaciones con el HST y para el caso del JWST se hizo para el filtro f090w y a la combinación de filtros en la que solo observamos el gas ionizado. De esta manera obtuvimos varias mediciones independientes a los ajustes con distintas resoluciones. Así tenemos una mejor certeza de que realmente estamos detectando una cáscara y del tamaño de los diferentes parámetros ajustados.

## 4.1 Medición del radio en la parte neutra

El ajuste anterior se realizó utilizando las imágenes en las que vemos la emisión de gas ionizado por lo que la medición de los radios para la parte neutra no estaría del todo bien. Así que para la medición de la parte neutra se utilizó la combinación de los filtros f150w, f210m y f335m del JWST para ver la emisión neutra (ver Apéndice D). Con esta combinación evitamos que nuestras mediciones se vean afectadas por la emisión de estrellas de campo o de las cáscaras chocadas.

En este caso ajustamos solo una gaussiana y una constante al perfil de brillo ya que aquí no podríamos ver la cáscara chocada. El ajuste se realizó de la siguiente manera: Dado que el valor medio de los radios de los glóbulos en el anterior ajuste es de  $0.14''$  con una variación de  $\pm 0.04''$  decidimos poner una máscara de  $0.2''$  alrededor del pico de emisión y unos conos con un pequeño ángulo de apertura, estos conos son perpendiculares al eje de simetría considerado en el modelo y tienen una longitud de  $1.5''$ . Con esta máscara considerada esperamos tener toda la emisión neutra en el círculo pequeño que consideramos, los conos nos servirán para calcular mejor la constante ajustada ya que no se verá afectada por las colas de los glóbulos. En la Figura 4.3 vemos como el glóbulo cae dentro de la máscara sin verse afectado por emisión de gas ionizado o estrellas de campo.

Con estos ajustes ya conocemos el radio de los glóbulos,  $r_0$ , el radio de la cáscara chocada,  $r_{\text{shell}}$ , y el ancho de la cáscara chocada,  $H_s$ . Debido a que tanto  $r_0$  como  $H_s$  se midieron usando la sigma de la gaussiana ajustada, la cual es el ancho RMS del perfil, y para comparar con los anchos instrumentales tenemos que nuestro ancho observacional está dado por

$$W_{\text{obs}} = 2\sqrt{2 \ln 2} \sigma_{\text{obs}} \quad (4.2)$$

donde  $\sigma_{\text{obs}}$  es nuestra medición de las observaciones, y considerando la Función de dispersión de punto (PSF por sus siglas en inglés) de cada telescopio, entonces

---

<sup>2</sup>La paquetería se encuentra en <https://docs.astropy.org/en/latest/api/astropy.modeling.fitting.LevMarLSQFitter.html>

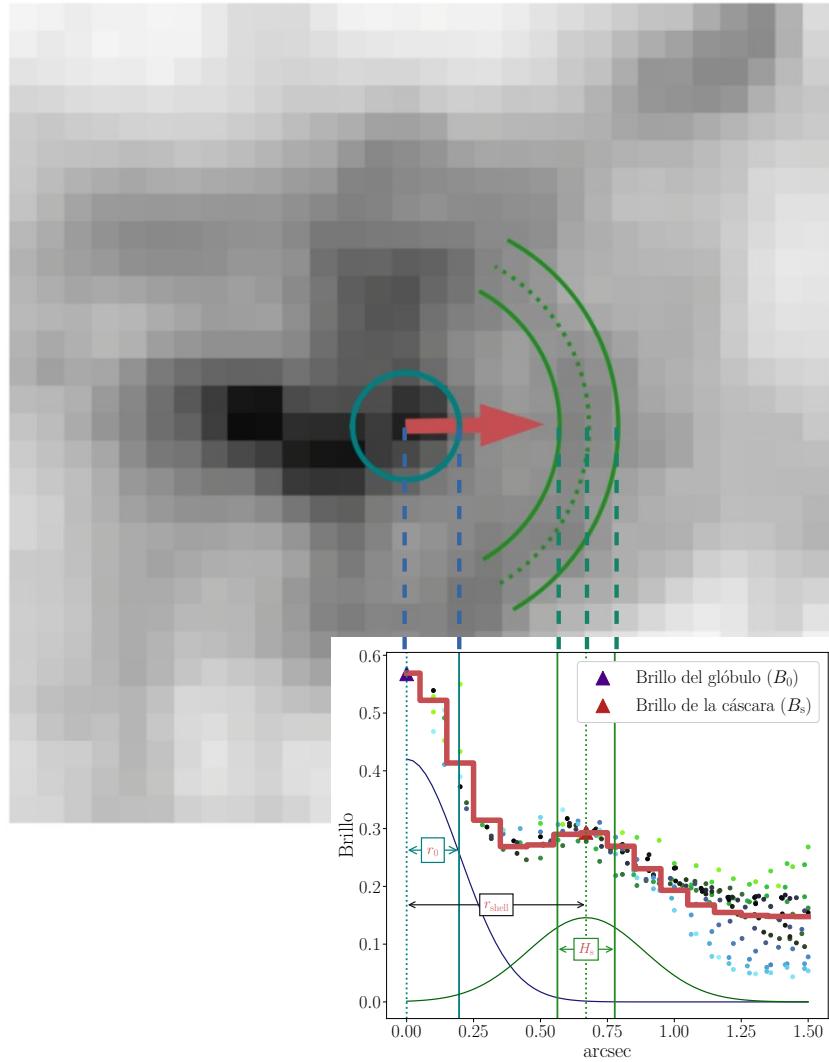


Figure 4.2: Ejemplo del ajuste de las dos gaussianas y una constante a los perfiles de brillo. Este ejemplo es el mismo de la Figura 4.1, pero para la visualización del ajuste, la imagen del glóbulo fue rotada 180°. En este ejemplo vemos como obtuvimos los diferentes parámetros a través del ajuste. Los brillos de la parte interna como de la cáscara son el máximo de la primer y segunda gaussiana, respectivamente. La  $\sigma$  de la primera gaussiana centrada en cero nos dice el tamaño de la parte interna. Para el ancho de la cáscara, lo consideramos a partir de la  $\sigma$  de la segunda gaussiana. Para el radio de la cáscara, lo tomamos como la distancia entre los picos de ambas gaussianas. Este es un ajuste a las observaciones del HST y podemos ver como se ve el ajuste directamente en la imagen.

tenemos que nuestro ancho real estará dado como

$$W_{\text{real}} = \frac{\sqrt{W_{\text{obs}}^2 - \Delta^2}}{2} \quad (4.3)$$

donde  $\Delta$  es el PSF del telescopio, para el caso del HST  $\Delta = 0.067''$  y para el caso del JWST  $\Delta = 0.145''$ , esto para el combo de filtros para ver solo el gas ionizado. De esta manera tenemos una medición más realista de estas dos cantidades.

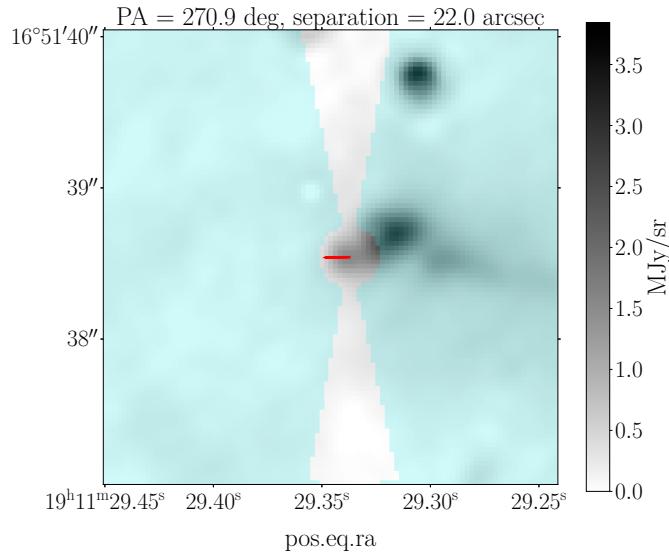


Figure 4.3: Ejemplo de la máscara usada para la medición del radio en la parte neutra del glóbulo. La máscara son los píxeles en escala de grises. Para ver solo la emisión del gas neutro (PAHs) se usó la combinación de los filtros f150w, f210m y f335m. Estas son observaciones del JWST.

## 4.2 Estimación de incertidumbres en los parámetros observacionales

Para el caso de los errores vamos a considerar que estos están dados por inhomogeneidades en el brillo de la nebulosa, que no están relacionadas con el glóbulo ni con su cáscara chocada, o por efectos sistemáticos debido a la inadecuación del modelo y no por el ruido de fotones. Así que vamos a estimar estos errores comparando las distintas mediciones hechas, suponiendo que son independientes.

### 4.2.1 Incertidumbres en $r_{\text{shell}}$ y $H_s$

En el caso del radio y ancho de la cáscara,  $r_{\text{shell}}$  y  $H_s$ , respectivamente, podemos notar que estos siguen una buena tendencia (ver Figura 4.4) si comparamos las mediciones realizadas con el HST y el JWST. Para estas mediciones vamos a considerar la incertidumbre RMS

$$\sigma = \frac{\sqrt{\text{Var}(x_J - x_H)}}{\sqrt{2}} \quad (4.4)$$

donde  $x_J$  son las mediciones hechas con el JWST, utilizando el combo de gas ionizado, y  $x_H$  son las mediciones hechas con el HST, en  $\text{H}\alpha$  (ver Apéndice E).

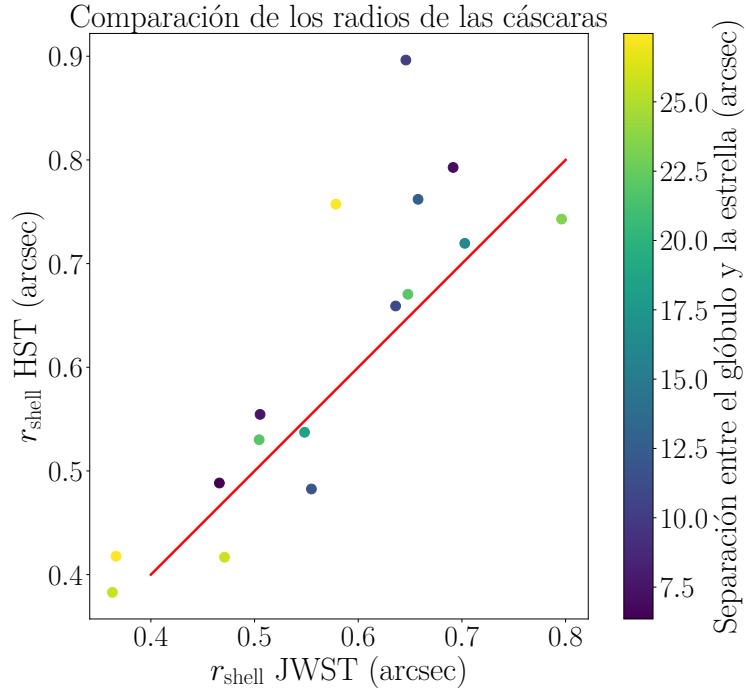


Figure 4.4: Comparación de los radios de las cáscaras (puntos de colores) obtenidos a partir de los ajustes a ambos telescopios. Cada punto de color representa un glóbulo al cual se le detectó una cáscara en ambos telescopios. Las mediciones con el HST es en el filtro f656n y en el JWST son mediciones hechas en el combo para observar solo el gas ionizado. La línea roja representa la relación de identidad 1:1, por lo que se puede ver que ambas mediciones son muy similares

### 4.2.2 Incertidumbre en $r_0$

Para el caso de la parte interna tenemos una medición para el radio en la parte neutra con un combinación de filtros del JWST y una aproximación con el HST, ya que en este último vemos solo el gas ionizado y el glóbulo contiene principalmente gas neutro. Aunque no hay una buena correlación entre estas dos mediciones, como se puede ver en la Figura 4.5, su valor promedio y desviación estándar se parecen mucho. Por lo que vamos a considerar un radio constante que será igual para todos los glóbulos. Este valor será  $0.135''$  el cual es el promedio de los valores medios de las dos mediciones y como error vamos a considerar la desviación estándar de ambas mediciones ya que son iguales,  $\pm 0.03''$  (ver Figura 4.5).

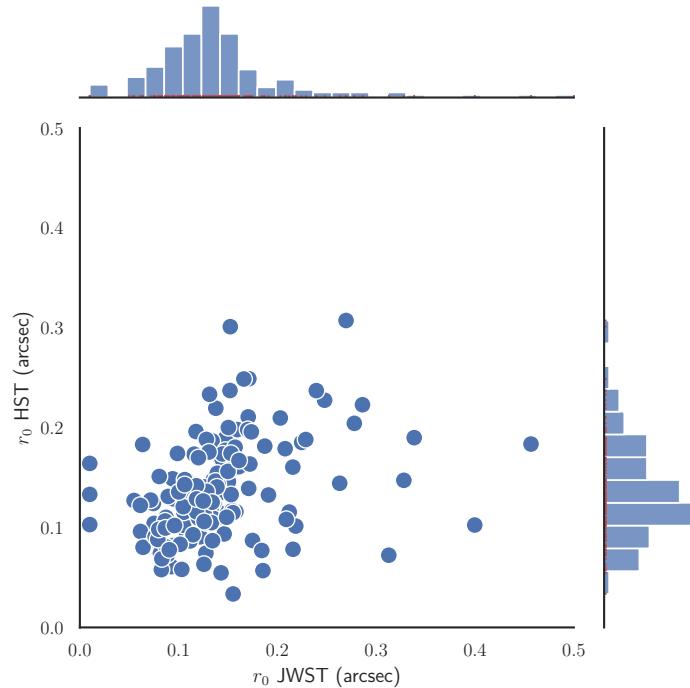


Figure 4.5: En esta imagen vemos la comparación de los radios medidos para la parte neutra con ambos instrumentos. El histograma superior es para las mediciones del radio del glóbulo utilizando el JWST, estas mediciones tienen un valor promedio de  $0.15''$  con una desviación estándar de  $0.03''$ . El histograma del lado derecho es para las mediciones del radio del glóbulo utilizando el HST, teniendo un valor promedio de  $0.12''$  con una desviación estándar de  $0.03''$ .

### 4.2.3 Incertidumbres en $B_s$ y $B_0$

Para los errores de los brillos superficiales en la cáscara chocada y en el glóbulo,  $B_s$  y  $B_0$ , respectivamente, vamos a considerar como error la siguiente desviación estándar

$$\epsilon_B = \sqrt{\text{Var}((y - \bar{y})^2, w * w_2)} \quad (4.5)$$

donde  $y$  es el perfil del brillo del filtro f656n del HST menos el ajuste realizado a los perfiles de brillo,  $w$  es el peso considerado en el modelo (Ecuación (4.1)) y  $w_2$  es la gaussiana ajustada a la parte correspondiente, es decir, para la parte interna  $w_2$  es la primera gaussiana ajustada, la cual tiene su pico en  $0''$ , y para la cáscara  $w_2$  es la segunda gaussiana ajustada (ver Figura 4.2).

Con la estimación de todas estas incertidumbres, usamos la paquetería `uncertainties`<sup>3</sup> para tener nuestras barras de error. Esta paquetería calcula las incertidumbres usando la teoría de propagación de errores lineales tomando en cuenta si los datos son totalmente independientes o están correlacionados.

## 4.3 Estimación de la densidad del gas ionizado a partir del brillo superficial de H $\alpha$

Para estimar la densidad del gas ionizado, usamos primero la definición de Medida de Emisión (EM por sus siglas en inglés)

$$\text{EM} = \int_z n_i n_e dz \quad (4.6)$$

donde  $n_i$  es la densidad de iones,  $n_e$  la densidad electrónica y en este caso estaremos integrando sobre nuestra línea de visión ( $dz$ ). Si consideramos un gas totalmente ionizado, donde los electrones provengan solo del H, entonces tenemos que  $n_e = n_i = n$ <sup>4</sup>. Entonces, tenemos que  $\text{EM} = n^2 l$ , donde  $n$  es la densidad promedio RMS y  $l$  es la profundidad del gas denso en nuestra línea de visión.

Si suponemos una cáscara esférica de radio  $r$ , una anchura  $h$  con  $h \ll r$  y una densidad constante, entonces tenemos que

$$\text{EM} = 2\sqrt{2rhn^2}. \quad (4.7)$$

Esto ya que de la Figura 4.6 tenemos que por geometría  $r^2 + \left(\frac{l}{2}\right)^2 = (r + h)^2 = r^2 + 2rh + h^2 \approx r^2 + 2rh$ , y por tanto,  $l = 2\sqrt{2rh}$ . De esta manera,

---

<sup>3</sup>La documentación de la paquetería se encuentra en <https://pythonhosted.org/uncertainties/>

<sup>4</sup>En principio también tenemos contribución de He, pero lo vamos a considerar como neutro debido que la estrella tiene pocos fotones energéticos como para ionizar el He, si lo comparamos con la tasa de fotones que ionizan el H (Jiménez-Hernández et al., 2020).

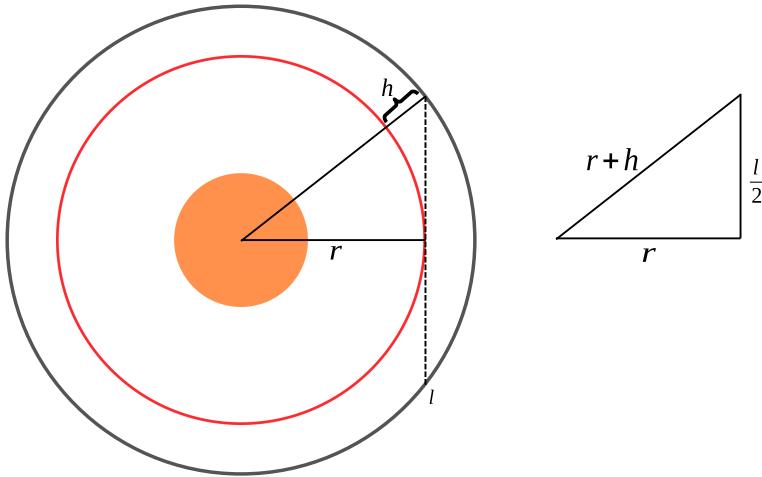


Figure 4.6: Diagrama esquemático que muestra una línea de visión, con un máximo en la línea punteada  $l$ , y si consideramos una simetría esférica vamos a tener esta configuración donde  $h$  será el ancho de la cáscara chocada,  $r$  el radio del centro del glóbulo hasta donde inicia el flujo photoevaporativo chocado y  $h < r$ .

usando la EM tenemos que

$$n = \sqrt{\frac{EM}{l}} = \sqrt{\frac{EM}{2\sqrt{2rh}}} \quad (4.8)$$

En este trabajo vamos a aplicarlo a las cáscaras detectadas donde tomaremos a  $r = r_s$  y  $h = H_s$ .

#### 4.3.1 Uso de la EM a partir de las observaciones

En nuestras observaciones del HST el brillo superficial está dado en unidades de cuenta s $^{-1}$ , por lo que vamos a usar el factor de conversión 0.0137 para tenerlo en unidades de erg s $^{-1}$  cm $^{-2}$  sr $^{-1}$  (ver Apéndice F). Si dividimos entre la energía de H $\alpha$  tenemos que

$$B \frac{0.0137}{(h\nu)_{H\alpha}} = \int \frac{f_{H\alpha} \alpha_B n_e n_p}{4\pi} dz \quad (4.9)$$

donde  $B$  es el brillo superficial que tenemos directamente de nuestras observaciones,  $(h\nu)_{H\alpha}$  la energía de H $\alpha$ ,  $f_{H\alpha}$  es la fracción de todas las recombinaciones a los niveles  $n \geq 2$  que resultan en la emisión de H $\alpha$ ,  $\alpha_B$  es el coeficiente de recombinación para el caso B,  $n_e$  la densidad electrónica y  $n_p$  la densidad de iones. La integral de la derecha es a lo largo de nuestra línea de visión.

Si consideramos que tanto  $f_{\text{H}\alpha}$  como el coeficiente de recombinación son constantes, entonces

$$B \frac{0.0137}{(h\nu)_{\text{H}\alpha}} = \frac{f_{\text{H}\alpha}\alpha_B}{4\pi} \int n_e n_p dz, \quad (4.10)$$

donde la integral es la EM. Por lo que, si suponemos que  $f_{\text{H}\alpha}$  es 0.5 y que  $\alpha_B = 2.3 \times 10^{-13} \text{ cm}^3 \text{ s}^{-1}$  entonces  $f_{\text{H}\alpha}\alpha_B = 1.17 \times 10^{-13} \text{ cm}^3 \text{ s}^{-1}$ , por lo que podemos conocer la EM directamente de las observaciones como

$$\text{EM} = B \frac{0.0137}{(h\nu)_{\text{H}\alpha}} \frac{4\pi}{1.17 \times 10^{-13} \text{ cm}^3 \text{ s}^{-1}}, \quad (4.11)$$

y como ahora todo está en unidades de cgs, la EM tendrá unidades de  $\text{cm}^{-5}$ .

Es importante mencionar que para conocer la densidad usando la EM y  $l$ , estamos considerando que  $l$  es perpendicular a el eje de simetría considerado en el modelo.

En la Figura 4.7 estamos considerando que la densidad máxima  $n_1$  está en el eje de simetría y decae con el ángulo como  $\cos^{1/2} i$  (Tarango-Yong & Henney, 2018).

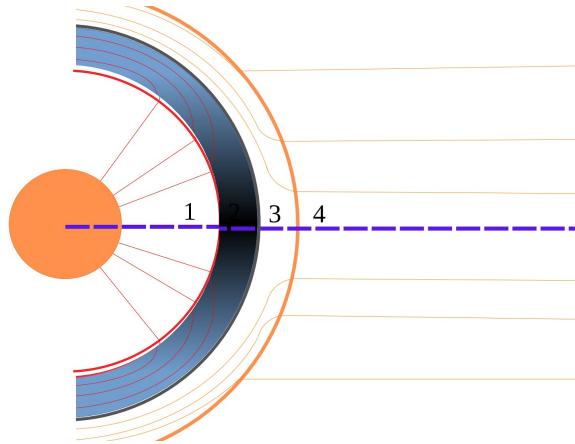


Figure 4.7: En el eje de simetría tenemos una densidad máxima en la cáscara chocada  $n_1$  (color más oscuro) y esta densidad va cayendo con el ángulo que tiene con respecto al eje de simetría (color más claro).

#### 4.4 Buenos ajustes

En 16 de los glóbulos se pudo tener un buen ajuste ya que las mediciones obtenidas coincidían tanto con los glóbulos como con las cáscaras chocadas que

se podían identificar visualmente en las imágenes. Por lo que con estos ajustes ahora conocemos  $r_0$ ,  $r_{\text{shell}}$  y  $H_s$ . Además conocemos el brillo tanto en la parte interna como en la cáscara chocada por lo que podemos obtener más información. En la Sección 4.3 vimos como obtener la densidad en la cáscara chocada a partir de su brillo, y con esto ahora podemos conocer la presión de la cáscara, la cual está dada como

$$P_{\text{shell}} = \rho c_s^2. \quad (4.12)$$

Esta presión la podremos comparar con la presión RAM del viento estelar. De igual manera podremos tener un estimado de la presión interna del glóbulo y comparar directamente con el modelo.

Estos glóbulos a los cuales les encontramos un buen ajuste están en un rango de separación a la estrella muy amplio, por lo que podemos conocer mejor la nebulosa y los glóbulos en general también. En la Figura 4.8 podemos apreciar algunos ejemplos de los buenos ajustes donde se puede identificar el glóbulo y su cáscara chocada.

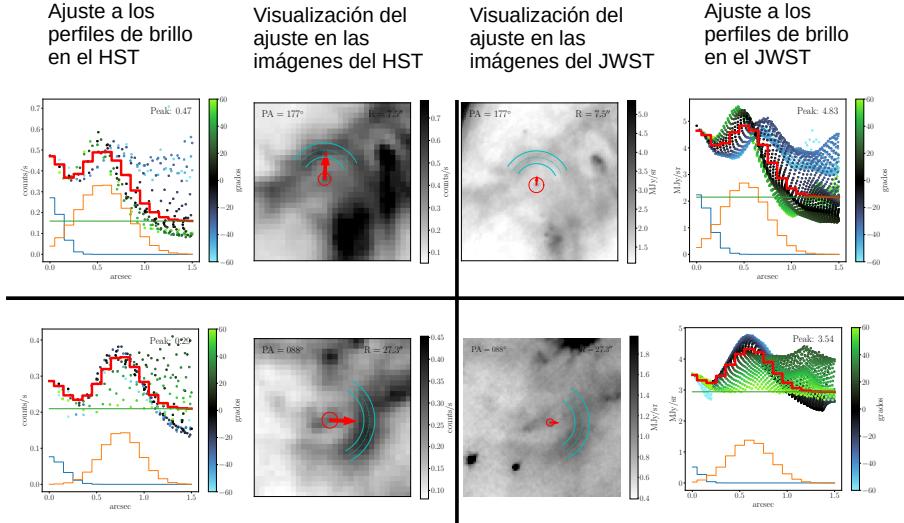


Figure 4.8: Ejemplos de buenos ajustes. En los paneles izquierdos vemos los ajustes a los perfiles de brillo en el lado izquierdo y como se ven con los datos del HST en la derecha, mientras que los paneles del lado derecho son utilizando los datos del JWST, del lado derecho están los ajuste a los perfiles de brillo para el gas ionizado (Figura 3.4), pero la visualización de estos ajustes los vemos en el filtro f090w ya que morfológicamente se parece mucho a las imágenes del HST.

## 4.5 Ajustes recuperados

Gracias a que se hizo el ajuste a los perfiles de brillo en dos telescopios distintos y con distintas resoluciones se pudieron obtener mejores resultados. Esto debido a que en algunos glóbulos a pesar de poder observar sus cáscaras chocadas visualmente nuestro algoritmo no las lograba detectar en alguno de las dos imágenes.

En la Figura 4.9 vemos como en ambos casos se puede ver una posible cáscara pero al momento de hacer el ajuste no detecta debido a la dispersión que tenemos en ciertas direcciones o por la falta de puntos, como es el caso de los datos del HST. Otro problema del porqué no se detectaba bien la cáscara, era debido a que esta solía tener un brillo muy bajo.

De esta manera se pudo tener una mayor muestra de la que ya se había obtenido inicialmente. Por lo que tenemos una muestra final de 30 glóbulos en los que conocemos el tamaño de los glóbulos, sus cáscaras chocadas, así como sus anchos y el brillo superficial en el centro del glóbulo y en la cáscara chocada<sup>5</sup>. Con estas mediciones podemos comparar la presión de las cáscaras chocadas con la presión RAM del viento estelar, por lo que en el Capítulo 5 podremos comparar nuestro modelo con las observaciones.

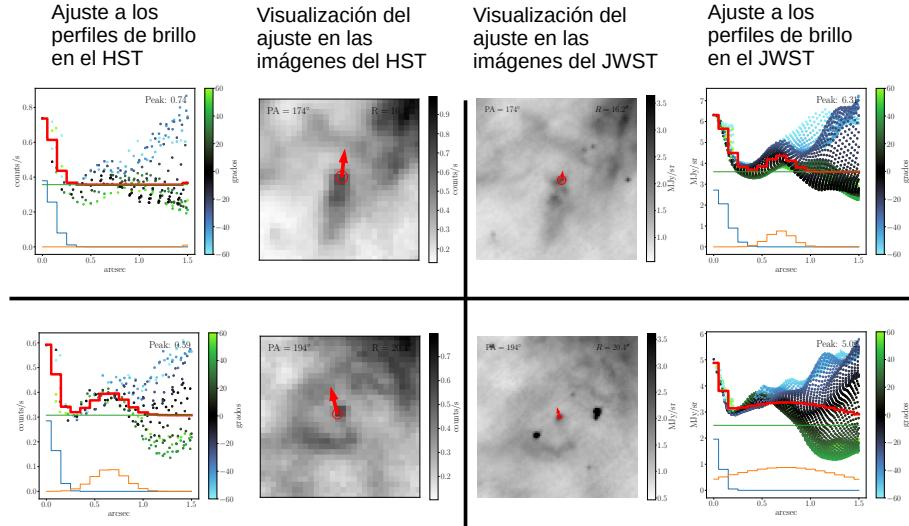


Figure 4.9: Ejemplos de ajustes recuperados. En las imágenes, visualmente podemos observar una cáscara, pero al hacer el ajuste a los perfiles de brillo vemos que este no detecta la cáscara chocada en uno de los telescopios (panel superior izquierdo y panel inferior derecho) debido a la dispersión de los puntos.

<sup>5</sup>Todos estos ajustes se pueden ver en el Apéndice J

## 4.6 Glóbulos descartados

A pesar de tener una buena cantidad de glóbulos para aplicar a este modelo no se usaron todos por diferentes razones. Algunos de ellos tenían un mal ajuste debido a la gran estructura de la nebulosa, había estrellas de fondo o se veían afectados por las espigas de difracción de estrellas brillantes. Debido a esto en algunos casos no se alcanzaba a detectar bien la parte neutra o la cáscara chocada y en algunos casos la detección de estas regiones estaban mal en cuanto a sus tamaños. En la Figura 4.10 vemos algunos ejemplos de los glóbulos a los que no se les pudo detectar bien su cáscara chocada.

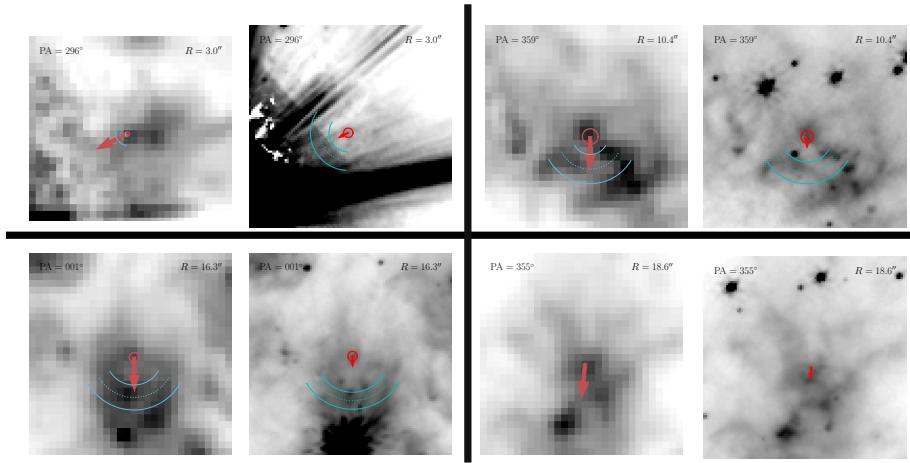


Figure 4.10: Ejemplos de glóbulos descartados. Del lado izquierdo es la imagen con el HST y del lado derecho con el JWST en el filtro f090w. El primer glóbulo es descartado por que se ve afectado por la difracción del telescopio y por la gran estructura de la nebulosa, esto se puede deber a lo cerca que está de la estrella central. En los otros ejemplos vemos como la presencia de fuentes cercanas afecta nuestras estimaciones de posibles cáscaras chocadas en las observaciones.

En la Tabla 4.1 tenemos los valores medios de las diferentes mediciones realizadas, tomando como incertidumbre la dispersión de los datos entre los diferentes glóbulos. Vemos que la separación entre los glóbulos y la estrella tiene un valor medio de  $14.96 \pm 7.1''$ . Por otro lado, podemos ver que tanto el radio del glóbulo como el ancho de la cáscara es menor que el radio de la cáscara. La densidad es típicamente del orden de  $10^3 \text{ cm}^{-3}$ , mientras que las presiones de las cáscaras son del orden de  $10^{-9} \text{ dyn cm}^{-2}$ . Finalmente  $n_{i,0}$  es la densidad del gas ionizado en el frente de ionización de los glóbulos, esto considerando un equilibrio de ionización.

Resultados de los buenos ajustes	
Separación	$14.96 \pm 7.1''$
Radio del glóbulo $r_0$	$0.135 \pm 0.03''$
Radio de la cáscara $r_{\text{shell}}$	$0.62 \pm 0.13''$
Ancho de la cáscara $H_s$	$0.24 \pm 0.1''$
$n_{\text{shell}}$	$1.37 \pm 0.05 \times 10^3 \text{ cm}^{-3}$
$n_{i,0}$	$5.01 \pm 0.55 \times 10^3 \text{ cm}^{-3}$
$P_{\text{shell}}$	$1.89 \pm 0.06 \times 10^{-9} \text{ dyn cm}^{-2}$
$r_{\text{shell}}/r_0$	$4.4 \pm 1$

Table 4.1: Valores medios de los resultados obtenidos a partir de los ajustes. En este caso tomamos las incertidumbres como la dispersión entre los diferentes glóbulos.

## Chapter 5

# Balance de presiones en las cáscaras

En este capítulo vamos a utilizar las mediciones obtenidas a partir de las diferentes observaciones a los glóbulos encontrados en la nebulosa M1-67. Así, podemos investigar acerca del equilibrio de presiones que existe entre el flujo fotoevaporativo por parte de los glóbulos y la presión del viento estelar para finalmente compararlo directamente con el modelo hidrodinámico estacionario que proponemos. Si las observaciones concuerdan con nuestro modelo propuesto, entonces podremos conocer mejor la distribución espacial de los glóbulos en la nebulosa M1-67.

Se encontraron 168 nudos glóbulos en la nebulosa, los cuales están distribuidos a una distancia de la estrella central de entre  $3\text{--}35''$  ( $7\text{--}92 \times 10^{-2}$  pc). Estos glóbulos se pueden observar ya sea en grupos o solos, como se puede ver en la Figura 3.3.

A pesar de no tener un buen ajuste a todos los glóbulos, tenemos una muestra muy buena ya que estos están distribuidos en un amplio rango de distancia a la estrella y también una gran variedad en la medición de algunos parámetros.

### 5.1 Balance interno de presión

Ahora vamos a comparar directamente con el modelo (ver Figura 2.5). Para esto vamos a comparar como se ve la razón de las presiones que hay en la cáscara chocada del glóbulo y en la superficie del glóbulo contra la razón del radio de la cáscara y el radio del glóbulo. Recordemos que en la Figura 2.5 vemos a  $P/P_0$  como función de  $r/r_0$ .

Como estamos considerando un modelo estacionario, tenemos que la presión de la cáscara chocada, en la cual estamos considerando solo presión térmica, debe ser igual a la presión total que hay justo antes de  $r_{\text{shell}}$ . En el Capítulo 2 hablamos de como el modelo propuesto predice  $f$  como función de  $r/r_0$ , que nos dice como debe ser la presión del flujo photoevaporativo justo antes del choque

interior normalizado con la presión que hay en la base del glóbulo, esto en función del radio.

En el caso de la razón entre los radios es muy sencillo, pues hemos obtenido estos parámetros de una manera muy directa para cada glóbulo. Dado que también hemos podido medir los brillos y tamaños, tanto del glóbulo como de la cáscara chocada, podemos calcular sus respectivas densidades.

Por lo que para la razón entre las presiones que hay en la base del glóbulo y en la cáscara chocada del glóbulo, primero, recordando de la sección 4.3.1 tenemos que  $B \propto EM = n^2 l$  por lo que

$$\frac{B_s}{B_0} = \frac{n_s^2 l_s}{n_0^2 l_0}, \quad (5.1)$$

donde  $B_s$ ,  $n_s$  y  $l_s$  son el brillo, la densidad y la línea, perpendicular al eje de simetría, donde estamos integrando para calcular la EM en la cáscara (ver Figura 4.6) y  $B_0$ ,  $n_0$  y  $l_0$  son el brillo, la densidad y la línea donde estamos integrando para conocer la EM en la parte interna. Por otra parte, para las observaciones tenemos que  $f_{\text{obs}} = \frac{P_{\text{shell}}}{P_0} = \frac{\rho_{\text{shell}}}{2\rho_0} \Rightarrow \frac{\rho_{\text{shell}}}{\rho_0} = 2f_{\text{obs}}$ , por lo que

$$\frac{B_s}{B_0} = 4f_{\text{obs}}^2 \frac{l_s}{l_0} \Rightarrow f_{\text{obs}} = \frac{1}{2} \left( \frac{B_s/B_0}{l_s/l_0} \right)^{1/2}. \quad (5.2)$$

De esta manera podemos comparar con el modelo directamente. En el apéndice G damos a detalle las correcciones para los brillos.

Debido a que el tamaño del glóbulo es muy pequeño, vamos a considerar que  $r_0 \approx l_0$ <sup>1</sup>. Así la comparación con el modelo saldrá directamente de las observaciones.

En la Figura 5.1 podemos observar como los resultados a partir de las observaciones se parecen bastante a las predicciones que se obtienen del modelo propuesto. En el caso de las observaciones vemos que la mayoría de los datos caen en un rango de  $r_{\text{shell}}/r_0 = 3-6$ , el cual es la razón del radio de la cáscara entre el radio del glóbulo, mientras que para la razón entre las presiones caen en un rango de  $f_{\text{obs}} = 0.05-0.15$ . También podemos notar, para los datos observados, una anti-correlación con bastante dispersión.

Dado que el modelo no tiene parámetros libres y que los resultados obtenidos a partir de las observaciones tienen una gran concordancia con las predicciones del modelo, podemos decir que este modelo funciona para intentar explicar la interacción que hay entre los flujos supersónicos. En la Figura 5.1 vemos como las mediciones de nuestras observaciones,  $f_{\text{obs}}$  se ajustan a las que predice nuestro modelo  $f_{\text{model}} = \frac{P}{P_0}$  (Ecuación 2.6) si consideramos las barras de error.

## 5.2 Balance externo de presión

En la Figura 5.2 vemos como la presión de las cáscaras chocadas de los glóbulos como función de la separación que hay entre la estrella y cada glóbulo. Podemos

---

<sup>1</sup>De la sección 4.3.1 tenemos que  $l_0 = 2\sqrt{2hr} = 2\sqrt{2h/r_0 r_0} = 0.98r_0 \approx r_0$ , esto considerando que  $h/r_0 \approx 0.12$  (ver Apéndice C).

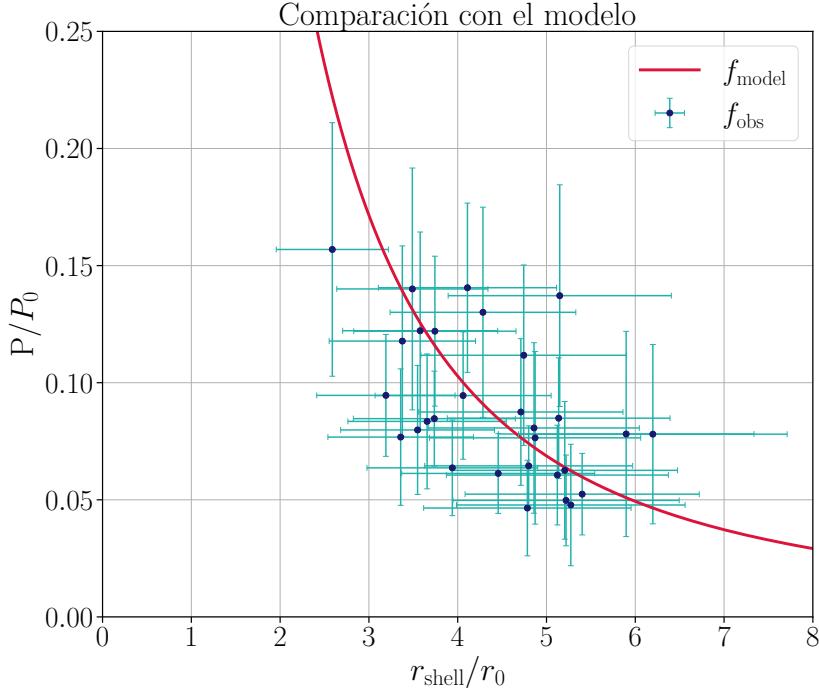


Figure 5.1:  $f_{\text{model}}$  es la línea teórica que obtuvimos a partir del modelo propuesto, mientras que  $f_{\text{obs}}$  es la razón entre la presión de la cáscara chocada y la presión en la superficie del glóbulo a partir de las observaciones.

apreciar como la presión de las cáscaras de los glóbulos, puntos morados, cae por debajo de la presión RAM del viento estelar, la línea roja. En nuestro modelo consideramos que la presión de la cáscara debe estar en equilibrio con la presión RAM del viento estelar, por lo que podemos pensar que la separación que estamos viendo, en realidad, no es más que una separación proyectada.

Si suponemos que el glóbulo está proyectado por un ángulo  $i$  como vemos en la Figura 5.3, entonces tenemos que

$$R \cos i = R_p \quad (5.3)$$

donde  $R$  es la separación real del glóbulo a la estrella,  $i$  el ángulo de inclinación y  $R_p$  la distancia proyecta, que es la que observamos. Debemos tomar en cuenta que la presión de la cáscara es igual a la presión RAM del viento estelar solamente en el eje de simetría, y como vimos en la Sección 4.3.1, fuera del eje de simetría, la presión de la cáscara disminuye por un factor de  $\cos^{1/2} i$  (Tarango-Yong & Henney, 2018). Por lo que considerando este ángulo de inclinación para

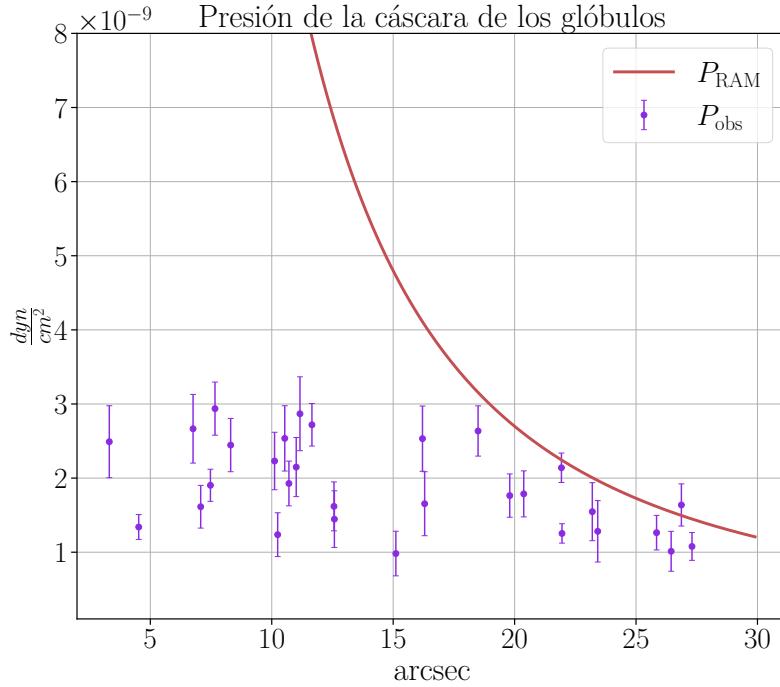


Figure 5.2: En esta gráfica vemos como las presiones de la cáscara de los glóbulos (círculos morados) estarían por debajo de la presión RAM (línea roja) si la separación proyectada fuera igual a la separación real.

la presión de la cáscara tenemos que

$$P_{\text{shell}}(i) = \rho \cos^{1/2}(i) c_s^2 \Rightarrow P_{\text{shell}}(i) \cos^{-1/2}(i) = \rho c_s^2 \quad (5.4)$$

por lo que

$$P_{\text{shell}}(i) \cos^{-1/2}(i) = \frac{\dot{M}v_\infty}{4\pi R_p^2} \Rightarrow P_{\text{shell}}(i) = \frac{\dot{M}v_\infty}{4\pi R_p^2} \cos^{5/2} i. \quad (5.5)$$

Con esta ecuación, podemos conocer el coseno del ángulo, ya que conocemos tanto la presión de la cáscara como su separación proyectada. Usando este coseno del ángulo en la Ecuación 5.2 podemos conocer cuál es la separación real entre la estrella y el glóbulo, por lo que podemos conocer cuál es la distribución real de los glóbulos en cuanto a separación.

En la Figura 5.4 vemos como la presión de los glóbulos se puede ajustar a la presión RAM si consideramos cierto ángulo de inclinación  $i$ . De aquí podemos obtener el ángulo de inclinación de cada glóbulo.

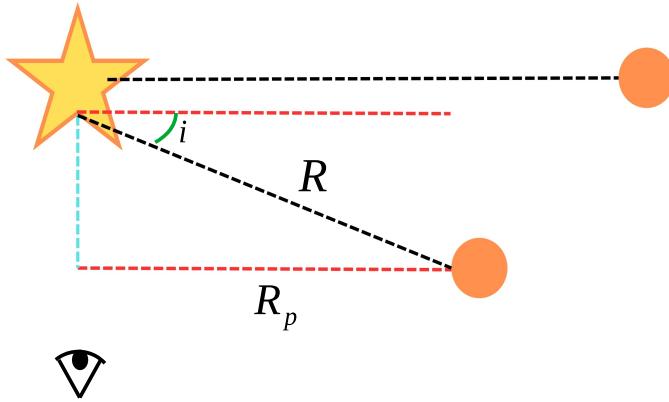


Figure 5.3: Representación de como algunos glóbulos se ven afectados por un ángulo de inclinación con respecto a nuestra línea de visión. Para el glóbulo de abajo tenemos que la distancia real a la estrella es  $R$ , mientras que nosotros vemos  $R_p$  que es la distancia proyectada a un ángulo  $i$ . Por otro lado el glóbulo de arriba no se ve afectado por alguna proyección.

En la Figura 5.5 vemos en líneas continuas como sería el ángulo de inclinación si consideramos que la densidad de la cáscara no decae con el ángulo, es decir,  $P_{\text{shell}}(i) = \frac{\dot{M}v_\infty}{4\pi R_p^2} \cos^2 i$ . Y vemos que a ángulos pequeños las líneas continuas se pegan mucho a las líneas punteadas (cuando la densidad decae con el ángulo), por lo que la diferencia de ángulos no es muy grande, sin embargo, a grandes ángulos esto comienza a tomar relevancia. De igual manera, podemos apreciar que a grandes distancias las líneas continuas y discontinuas se pegan mucho, esto se puede deber a que en los glóbulos mas lejanos a la estrella su separación real y proyectada sean muy similares. En el siguiente capítulo vamos a discutirlo más a detalle.

En la Tabla 5.1 vemos los valores medios considerando este ángulo de inclinación que hemos encontrado, considerando que la densidad decae con el ángulo. Como el valor medio del  $\cos(i)$  es 0.65, podemos notar que en realidad sí estamos viendo la separación proyectada de los glóbulos, de hecho de casi todos. Por lo que en realidad están más lejos de lo que apreciamos en las imágenes. En la Figura 5.6 las barras naranjas son el histograma de la separación proyectada entre los glóbulos y la estrella, la cual medimos directamente de las observaciones, y podemos ver que muchos de estos glóbulos parecían estar cerca de la estrella. Las barras de color azul es la separación real, encontrada a partir del equilibrio de presiones, y vemos como todos están a más de  $10''$  (0.26 pc) de distancia, así como también tenemos una concentración de glóbulos a  $\sim 17''$  (0.44 pc).

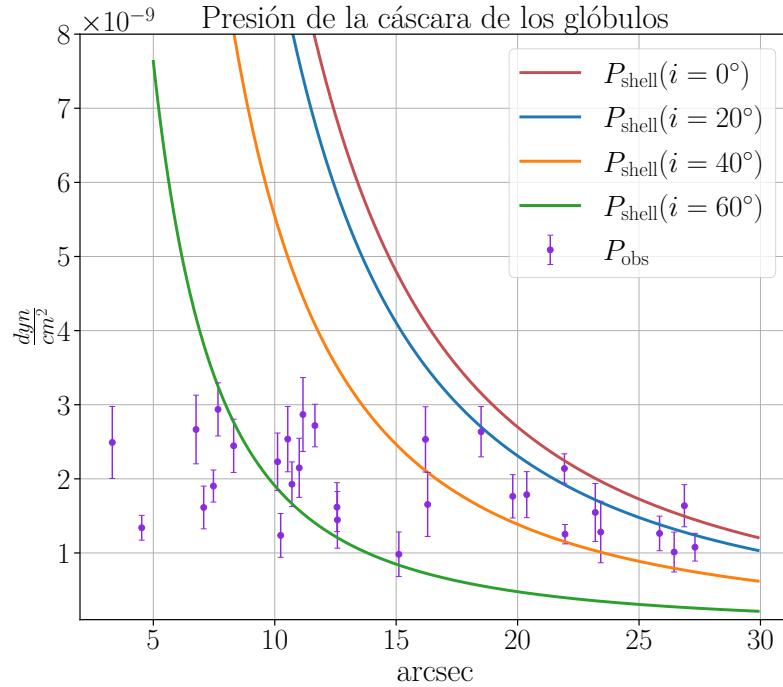


Figure 5.4: Ejemplos de como podemos conocer el ángulo de inclinación de cada glóbulo si ajustamos una línea continua a la presión de la cáscara chocada de cada glóbulo (círculos morados) de tal manera que esta presión sea similar a la presión RAM del viento estelar (líneas continuas).

Resultados con ángulo de inclinación	
$\cos(i)$	$0.65 \pm 0.01$
$R$	$22.08 \pm 0.34''$
$n_{\text{shell}}(i)$	$1.81 \pm 0.05 \text{ cm}^{-3}$
$P_{\text{shell}}(i)$	$1.89 \pm 0.06 \times 10^{-9} \text{ dyn cm}^{-2}$

Table 5.1: Valores típicos de los resultados obtenidos considerando el ángulo de inclinación  $i$ .

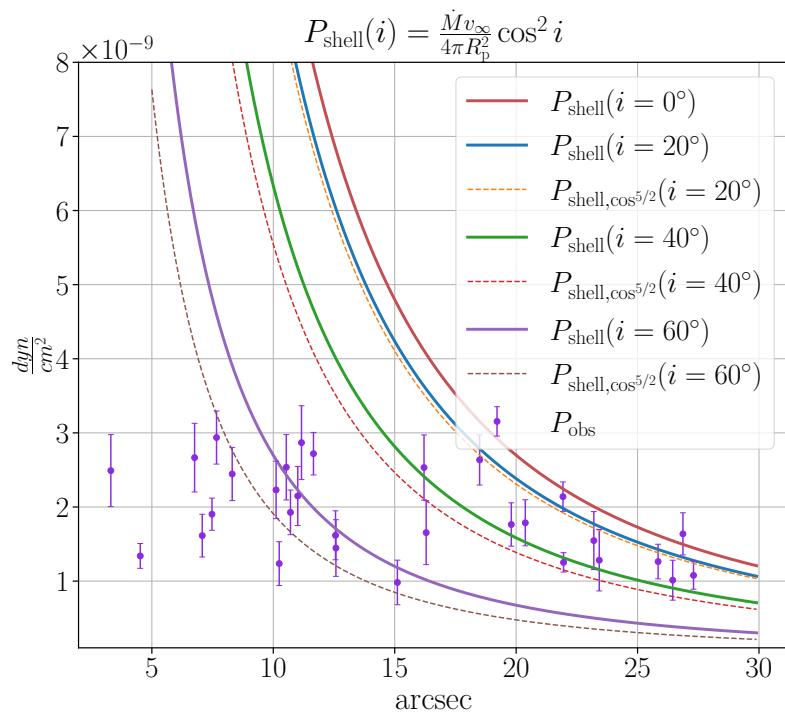


Figure 5.5: La línea continua roja es la presión RAM del viento estelar como función de la distancia real, las demás líneas continuas son las presiones de las cáscaras considerando cierto ángulo de inclinación  $i$  y que la densidad no decae con el ángulo. Las líneas discontinuas son las presiones de las cáscaras considerando cierto ángulo  $i$  y que la densidad también decae con el ángulo como  $\cos^{-1/2}(i)$ .

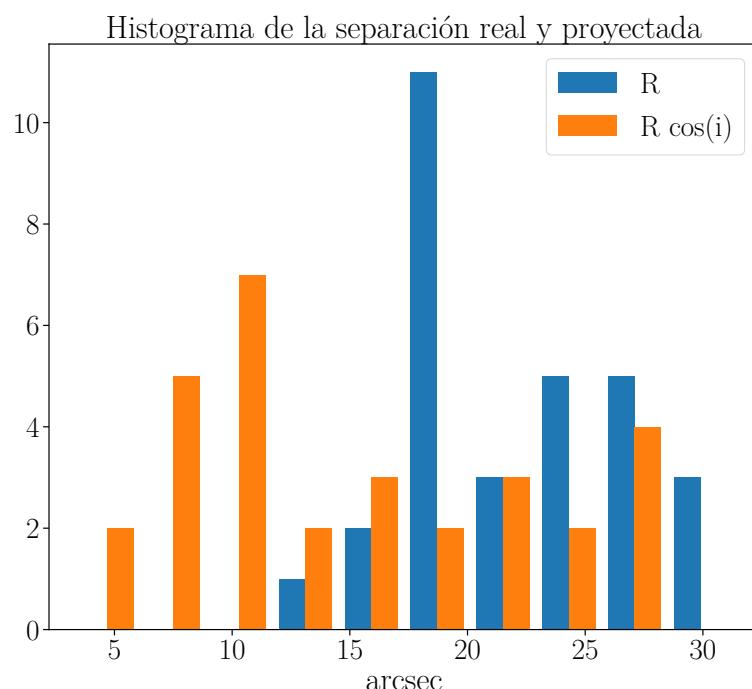


Figure 5.6: Histogramas de la separación real (color azul) y la separación proyectada (color naranja) de los glóbulos medida en arcsec.

# Chapter 6

## Discusión

Ahora vamos a discutir algunos problemas que se presentaron al momento de hacer los ajustes a los perfiles de brillos, así como también algunas propiedades de los glóbulos, entre otras cosas. Debido a que son varias cosas a discutir, vamos a dividir la discusión en secciones.

Considerando que Zavala et al. (2022) estima que la nebulosa circunestelar se formó hace unos  $11.8 \times 10^3$  a, podríamos suponer que las fases mencionadas en la Sección 1.1 ya han pasado y esto es importante porque si estuviéramos en otra fase como en la de implosión, los radios cambiarían además que las presiones que consideramos podrían aún no estar en equilibrio. En el caso de no estar aún en el equilibrio de presiones indicaría que esta interacción entre el flujo fotoevaporativo y el viento estelar se formó recientemente.

### 6.1 Identificación de los glóbulos y sus cáscaras

Si bien la presencia de estos glóbulos y su interacción con el viento estelar se puede apreciar en las imágenes del JWST, no en todos los casos es claro ya que hay algunos glóbulos que se encuentran en grupo tal como se ve en la Figura 6.1. En estos casos la detección de la cáscara chocada es un poco difícil por las siguientes razones. En la imagen de arriba de la Figura 6.1 vemos un claro ejemplo de que cuando dos glóbulos estén muy cercanos se pueden confundir con que sea un solo glóbulo, como es el caso de los que están marcados con círculos azules. De esta manera nos podríamos confundir en el tamaño de la parte neutra del glóbulo y sobreestimarla. Detrás de estos glóbulos se encuentran otros dos glóbulos cercanos (marcados con círculos negros), debido a la proyección en el cielo, estos parecen estar en la estela de los glóbulos marcados con círculos azules, por lo que en principio no podríamos detectar bien una cáscara chocada. Por otro lado tenemos el glóbulo marcado con un círculo rojo. Este glóbulo es más pequeño que los otros que están en el grupo y aparentemente su cáscara chocada está muy cerca del glóbulo pero en realidad esta cáscara parece ser del par de glóbulos marcados con círculos azules. Algo similar pasa con el glóbulo

marcado con el círculo verde, el cual aparentemente no tiene una cáscara pero pareciera estar en la cáscara chocada de algún otro glóbulo.

En la imagen inferior de la Figura 6.1 de igual manera vemos un grupo de glóbulos, pero en esta ocasión están lo suficientemente lejos como para no confundir sus respectivas cáscaras. El problema aquí es que ahora las cáscaras están cerca la una de la otra, por lo que la emisión de una afecta a otras. En este ejemplo en particular, vemos que las cáscaras más grandes contienen a las más pequeñas en cuanto a su emisión.



Figure 6.1: Estos son algunos ejemplos de los grupos de glóbulos que se encontraron en la nebulosa. En la imagen de arriba tenemos varios problemas, entre ellos identificar si es uno o más glóbulos para el caso de los que están muy cerca y saber de qué glóbulo viene cada cáscara chocada, en caso de detectarla. En la imagen de abajo vemos como la cercanía entre glóbulos hace que la emisión de una cáscara chocada se vea afectada por otra cercana.

## 6.2 Masa de los glóbulos

Para la densidad del gas ionizado tenemos que Grosdidier et al. (1998) en su análisis a la nebulosa M1-67, encuentra unos puntos brillantes de  $0.2\text{--}0.3''$ , a los cuales les estima una densidad de gas ionizado de  $4800\text{--}12\,000\text{ cm}^{-3}$ . Estos puntos brillantes parecen ser en su mayoría nuestros glóbulos encontrados. Su estimación de la densidad del gas ionizado de los glóbulos es congruente con nuestras estimaciones, donde nosotros encontramos una densidad típica de  $5 \times 10^3\text{ cm}^{-3}$  (Tabla 4.1).

Para estimar la densidad en la parte neutra vamos a suponer un equilibrio de presiones entre la parte neutra y la ionizada, por lo que tendríamos que

$$2n_{i,0}c_{s,i}^2 = n_n(c_{s,n}^2 + \frac{1}{2}v_A^2), \quad (6.1)$$

donde  $n_{i,0}, c_{s,i}$  es la densidad y la velocidad, respectivamente, en la parte ionizada,  $n_n, c_{s,n}$  la densidad y la velocidad del sonido, respectivamente, en la parte neutra y  $v_A$  la velocidad de Alfvén, la cual esta definida como  $v_A = \frac{B}{\sqrt{4\pi\rho}}$ , donde  $B$  es el campo magnético y  $\rho$  la densidad. Como suponemos que la parte neutra está dominada por el campo magnético, tenemos valores en el rango de  $1\text{--}3\text{ km s}^{-1}$  para la  $v_A$ , esto considerando campos magnéticos del orden de micro Gauss (Bertoldi, 1989). Mientras que la velocidad del sonido en la parte neutra es de  $0.5\text{ km s}^{-1}$  si consideramos una masa promedio de  $1.3m_p$  y una temperatura de 300 K. Así tenemos que la razón entre la densidad neutra e ionizada

$$\frac{n_n}{n_{i,0}} = \frac{2c_{s,i}^2}{c_{s,n}^2 + \frac{1}{2}v_A^2}, \quad (6.2)$$

está en el rango de 42–266. Por lo que para estimar la masa de los glóbulos vamos a considerar que  $n_n = 100n_{i,0}$  ya que se encuentra dentro de este rango, aunque claro, tendríamos una gran incertidumbre por un factor de 2 aproximadamente. Tomando esto en cuenta y que en el modelo estamos considerando que los glóbulos son esféricos, entonces, la masa de cada glóbulo estaría dada por

$$M_g = \frac{4}{3}\pi r_0^3 100n_{i,0}m_H. \quad (6.3)$$

Con estas densidades obtenidas para la parte neutra, tenemos un valor promedio en la masa de  $4.5 \times 10^{-3} M_\odot$ . Si consideramos que todos los glóbulos tienen esta masa promedio, entonces tendríamos que la masa total de todos los glóbulos encontrados es  $168 \times 4.5 \times 10^{-3} M_\odot = 0.75 M_\odot$ <sup>1</sup>, la cual es menor que la masa de gas ionizado que calcula Grosdidier et al. (1998), que es de  $1.33 M_\odot$ .

## 6.3 Distribución tridimensional de los glóbulos

Zavala et al. (2022) utilizando espectroscopía de rendijas en ciertas partes de

---

<sup>1</sup>Como solo estamos estimando la masa de los glóbulos y no de sus cáscaras, vamos a tomar en cuenta los 168 glóbulos encontrados.

la nebulosa midió las velocidades en estas regiones (ver Figura 6.2). Una de las observaciones se realizó en H $\alpha$  y además se realizó por donde están algunos glóbulos que se encontraron en este trabajo.

En la Figura 6.3 vemos como los grupos de glóbulos están en una elipse, lo que indica que están en una cáscara esférica<sup>2</sup>. En la rendija H es donde podemos ver el radio de estas cáscaras en el eje vertical, que es la posición. En la misma rendija, usando el eje horizontal que mide la velocidad, podemos ver que todas estas cáscaras tienen una velocidad de  $40 \text{ km s}^{-1}$ . De esta manera podemos obtener la separación real que hay entre los glóbulos y la estrella. Por lo que conociendo su separación proyectada, que es la que medimos directamente de las imágenes, y su separación real a partir de estos espectro de rendija, podemos saber cuál debería ser su ángulo de inclinación.

En la Figura 6.4 vemos como nuestras mediciones (puntos rojos), obtenidos a partir de comparar la presión de la cáscara de los glóbulos con la presión exterior del viento (Sección 5.2) concuerdan con la mediciones realizada a partir de espectros bidimensionales (puntos azules) (Henney, W., in prep.). Estas dos mediciones son totalmente independientes y podemos ver una clara anti-correlación entre el ángulo de inclinación y la separación que observamos. En esta imagen no esperamos ver glóbulos con un ángulo de inclinación de  $\pm 90^\circ$  ya que estos estarían totalmente de espaldas o de frente, en cualquier caso estos no los podríamos ver porque se verían afectados por la emisión de la estrella WR ya que en proyección estarían muy cerca de la estrella.

El grupo de glóbulos más cercanos a la estrellas parece estar a unos  $15''$  (0.39 pc) según la Figura 6.3, los cuales coinciden con nuestras mediciones que vemos en la Figura 5.6. También en la Figura 5.6 podemos ver que la separación real de muchos glóbulos está cerca de  $18''$  (0.47 pc).

En la Figura 6.3 podemos apreciar que la mayoría de los grupos de glóbulos están corridos al rojo y muy pocos están corridos al azul, es decir, que la mayoría de los grupos de glóbulos localizados en estas rendijas se están alejando de nosotros y solo unos pocos se están acercando.

---

<sup>2</sup>En el Apéndice I se da un poco de más detalle.

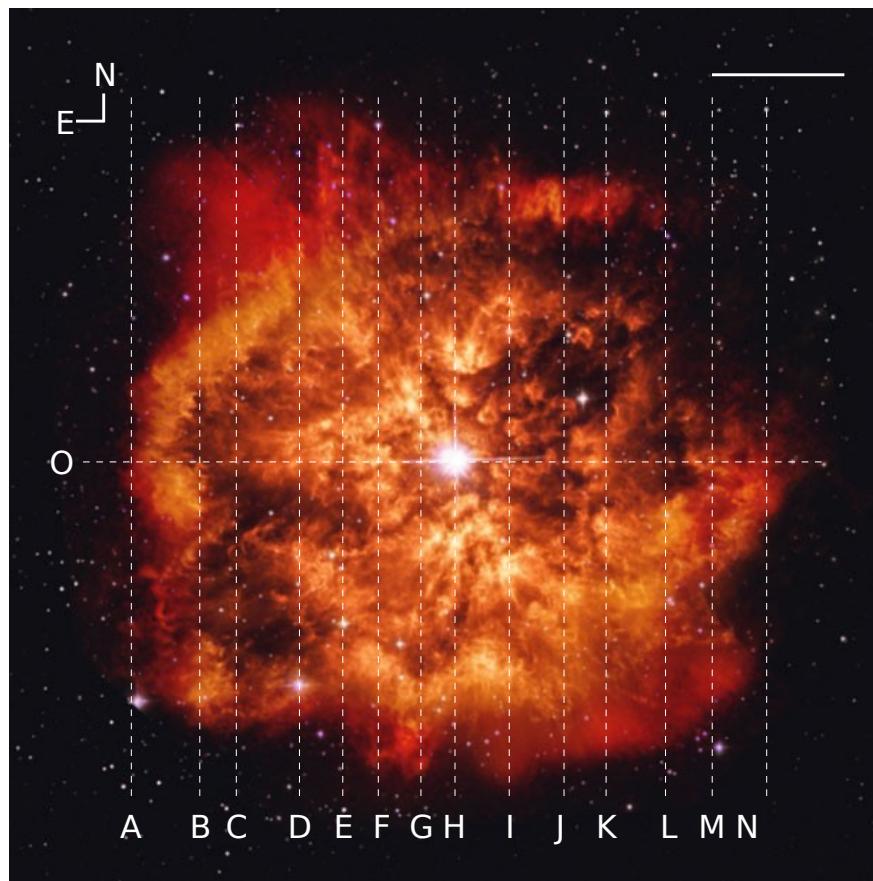


Figure 6.2: Las líneas punteadas muestran donde Zavala et al. (2022) realizaron espectroscopía de rendija larga en la nebulosa M1-67. Estas observaciones se realizaron en San Pedro Mártir. La línea continua en la esquina superior derecha representa 20''.

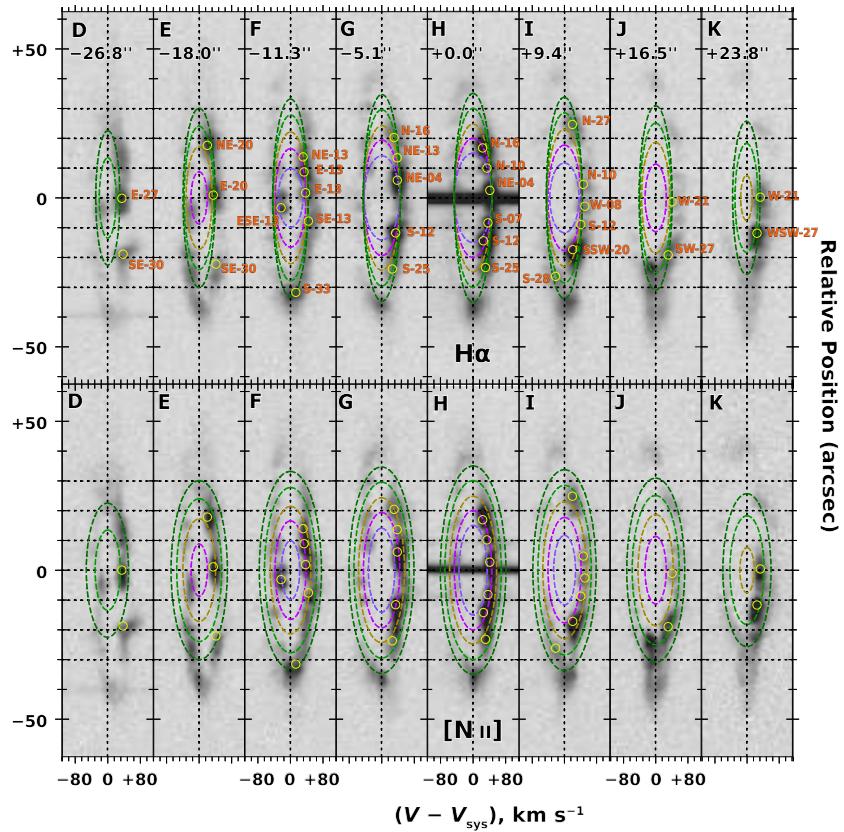


Figure 6.3: Aquí vemos la espectroscopía de rendijas de Zavala et al. (2022), en la parte superior vemos la emisión de H $\alpha$  y en la parte inferior la emisión de NII. Los círculos amarillos representan donde se encuentran los grupos de glóbulos en cada rendija. Las elipses representan modelos cáscaras esféricas con radios de 15'' (elipses moradas), 20'' (elipses rosas), 25'' (elipses amarillas), 30'' (elipses verde claro) y 35'' (elipses verdes), todos con una velocidad de 40 km s<sup>-1</sup>.

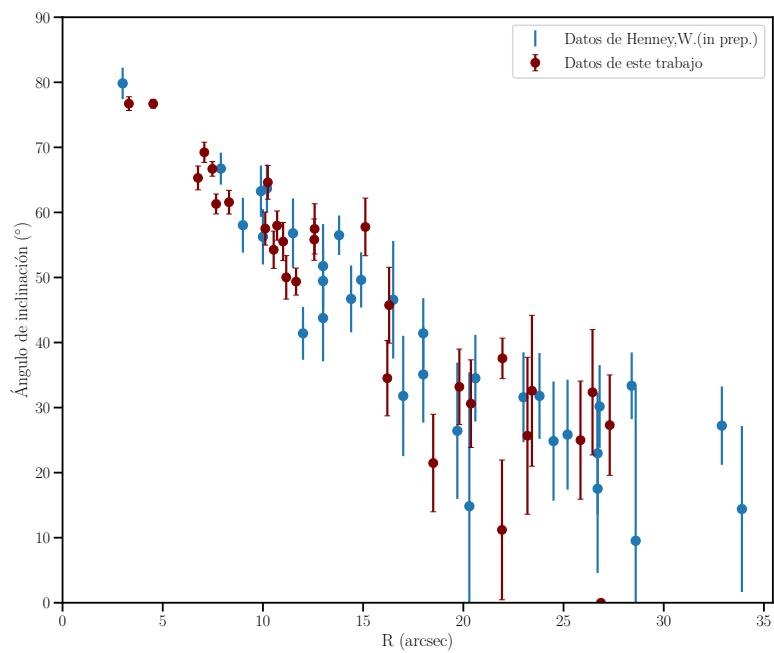


Figure 6.4: Los datos en color rojo son nuestras estimaciones de los ángulos de inclinación realizados en la sección 5.2, en la que suponemos que la presión de la cáscara está en equilibrio de presión con la presión externa del viento. Los datos en color azul son las estimaciones de los ángulos de inclinación usando los espectros bidimensionales de Zavala et al. (2022)



# Chapter 7

## Conclusiones

En esta tesis se ha propuesto un modelo hidrodinámico estacionario para explicar la interacción que hay entre el flujo fotoevaporativo de los glóbulos encontrados en la nebulosa M1-67 y el viento estelar por parte de la estrella WR-124.

Estos glóbulos fueron posibles de detectar, así como su cáscara chocada, gracias a las diferentes observaciones. De estas observaciones fue posible encontrar diferentes parámetros físicos haciendo un ajuste de dos gaussianas y una constante como vimos en el capítulo 4. Estos parámetros físicos fueron:

- Separación proyectada entre el glóbulo y la estrella
- Radio de los glóbulos
- Radio de la cáscara
- Ancho de la cáscara chocada
- Brillo del glóbulo
- Brillo de la cáscara

Usando la EM calculamos la densidad en la cáscara chocada (Sección 4.3), y suponiendo que la cáscara chocada está dominada por presión térmica, pudimos conocer la presión de las cáscaras de los glóbulos.

En la Figura 5.2 vemos que la presión de los glóbulos es menor que la presión RAM del viento estelar, sin embargo, podemos encontrar un ángulo de inclinación respecto al plano del cielo con el cuál podemos tener un equilibrio de presiones entre la presión de la cáscara y la presión RAM del viento estelar (Figura 5.4). Estas estimaciones de los ángulos de inclinación en los que suponemos un equilibrio de presiones (Sección 5.2), son consistentes con la mediciones hechas a partir de espectros bidimensionales (Sección 6.3).

Además, usando las observaciones del HST, comparamos la razón de la presión térmica de la cáscara entre la presión del flujo fotoevaporativo en la base del glóbulo (Sección 5.1). Afortunadamente, estas mediciones concuerdan con nuestro modelo teórico como podemos ver en la Figura 5.1.

Por lo que podemos decir que este modelo sencillo es un buen modelo para explicar la interacción del flujo fotoevaporativo de los glóbulos y el viento estelar por parte de la estrella WR 124. Además, no tenemos parámetros libres, por lo que la consistencia con otros trabajos apoya nuestro modelo propuesto. Por lo que nuestras suposiciones de que estos glóbulos ya han pasado por las fases mencionadas en el Capítulo 1 y que estamos en un equilibrio de ionización son ciertas.

Este modelo propuesto en principio está puesto para un escenario sencillo, un glóbulo que es radiado por una fuente, pero esto podría ampliarse un poco más si tenemos varias fuentes que radian al glóbulo y una de ellas es la que domina en cuanto al flujo de fotones ionizantes.

## Appendix A

# Filtros de las observaciones

En este apéndice vamos a dar más detalles acerca de los diferentes filtros que se utilizaron en las observaciones.

### A.1 Filtro del HST

Para el caso del HST solo se utilizaron las observaciones del filtro f656n, en el cual podemos ver la emisión de H $\alpha$ . Este filtro observa desde 6548.77 Å hasta 6674.27 Å y está centrada en 6563.8 Å como se puede ver en la Figura A.1.

### A.2 Filtros del JWST

Para el caso de las observaciones del JWST se utilizaron diferentes filtros, tanto del NIRcam como del MIRI. El filtro f1130w es el único filtro del MIRI y observa desde 10.953–11.667  $\mu\text{m}$  y está centrado en 11.3  $\mu\text{m}$ . En la Figura A.2 vemos la transmisión de este filtro.

Para los filtros del NIRcam tenemos a los filtros f090w, f150w, f444w, f210m y f335m, en la tabla A.1 podemos ver en qué longitudes de onda observa cada filtro. En la Figura A.3 vemos la transmisión de cada filtro.

En el filtro f090w podemos ver algunas líneas de emisión como [SIII] en las longitudes de onda de .906 y .935  $\mu\text{m}$ , así como una línea de la serie de Paschen de H $\text{I}$  en la longitud de onda de .954  $\mu\text{m}$ . En el filtro f150w se puede ver líneas de emisión de HeI en las longitudes de onda de 1.34 y 1.5  $\mu\text{m}$ , así como una línea de la serie de Brackett de H $\text{I}$  en la longitud de onda de 1.64  $\mu\text{m}$ . En el filtro f210m podemos encontrar líneas de emisión como las de HeI en la longitud de onda de 2.05  $\mu\text{m}$ , una línea de H $_2$  en la longitud de onda de 2.12  $\mu\text{m}$  y una línea de la serie de Brackett de H $\text{I}$  en la longitud de onda de 2.16  $\mu\text{m}$ . En el filtro f333m podemos ver líneas de emisión de PAHs en la longitud de onda de 3.3  $\mu\text{m}$ , una línea de la serie Pfund de H $\text{I}$  en la longitud de onda de 3.29  $\mu\text{m}$  y una línea de HeI en la longitud de onda de 3.36  $\mu\text{m}$ . En el filtro f444w podemos encontrar líneas de emisión de H $\text{I}$  en las longitudes de onda de 4.05 y 4.65  $\mu\text{m}$ ,

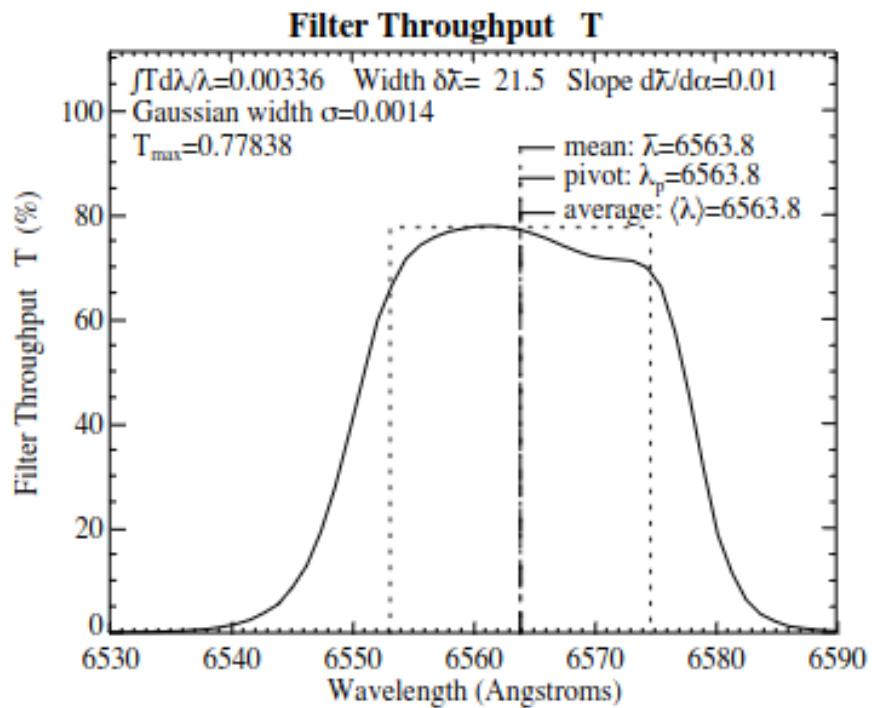


Figure A.1: Transmisión del filtro f656n del HST

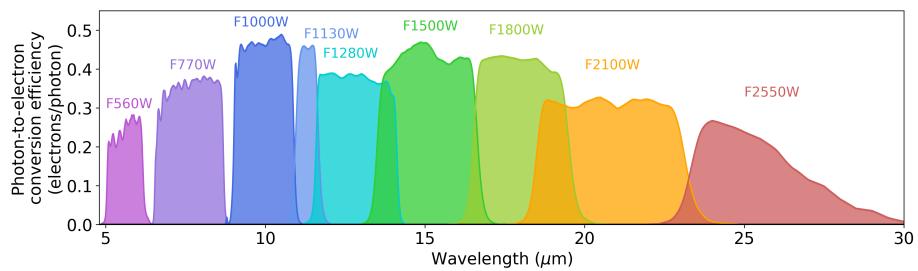


Figure A.2: Transmisión de los filtros de MIRI. El filtro f1130w está en azul.

así como una línea de emisión de [MgIV] en la longitud de onda de  $4.48 \mu\text{m}$ . Estas son algunas líneas de emisión que se pueden encontrar en los diferentes filtros de acuerdo a la literatura.

filtro	$\lambda_0(\mu\text{m})$	$\lambda_{min}(\mu\text{m})$	$\lambda_{max}(\mu\text{m})$
f090w	.903	.795	1.005
f150w	1.501	1.331	1.668
f210m	2.096	1.992	2.201
f335m	3.362	3.177	3.537
f444w	4.401	3.880	4.981

Table A.1: Rango en el que observa cada filtro utilizado para las observaciones utilizadas.  $\lambda_0$  es la longitud de onda a la que está centrado cada filtro,  $\lambda_{min}$  es la longitud de onda mínima a la que observa y  $\lambda_{max}$  es la longitud de onda más grande a la que observa cada filtro.

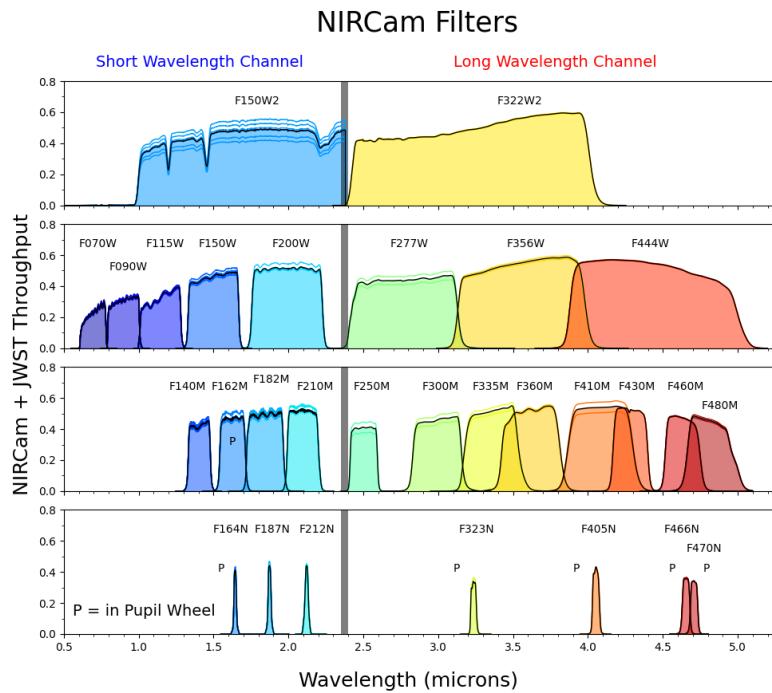


Figure A.3: Transmisión de los filtros de NIRcam. Los filtros f090w, f150w y f444w se encuentran en la segunda imagen, mientras que los filtros f210m y f335m se encuentran en la tercera imagen.

## Appendix B

# Estimación de fuerzas en el flujo fotoevaporativo ionizado

En estas estimaciones de las diferentes fuerzas solo haremos aproximaciones, por lo que para los cálculos vamos a usar los valores típicos de los ajustes (tabla 4.1 y 5.1).

Para comparar las distintas fuerzas es más conveniente comparar las presiones o aceleraciones ya que estas son fuerza por unidad de área o fuerza por unidad de masa, respectivamente.

Primero vamos a considerar la aceleración provocada por el gradiente de presión, para esto tomamos la fuerza por unidad de masa la cual está dada por

$$\rho a = \frac{dP}{dr} \Rightarrow a = \frac{1}{\rho} \frac{dP}{dr} = \frac{1}{\rho} \frac{\partial \rho}{\partial r} \frac{\partial P}{\partial \rho} = \frac{c_s^2}{h} \quad (\text{B.1})$$

como estamos considerando un gas isotérmico, vemos que del lado derecho tenemos los factores de la velocidad del sonido cuadrada y la escala de altura  $h$ , la cual está definida por

$$h^{-1} = \left| \frac{1}{\rho_0} \frac{\partial \rho}{\partial r} \right| = \left| \frac{d \ln \rho}{dr} \right| \quad (\text{B.2})$$

usando las ecuaciones (2.7) y (2.9) tenemos que

$$\frac{\rho}{\rho_0} = e^{\frac{1-M^2}{2}} \Rightarrow \ln \frac{\rho}{\rho_0} = \frac{1-M^2}{2} \quad (\text{B.3})$$

$$\Rightarrow d \ln \frac{\rho}{\rho_0} = -M dM \quad (\text{B.4})$$

por otro lado usando que

$$\frac{r}{r_0} = M^{-1/2} e^{\frac{M^2-1}{2}} \quad (\text{B.5})$$

tenemos que

$$d \frac{r}{r_0} = e^{\frac{M^2-1}{4}} \left( -\frac{M^{-3/2}}{2} + \frac{M}{2M^{1/2}} \right) dM = \frac{e^{\frac{M^2-1}{4}}}{2} \left( M^{1/2} (1 - 1/M^2) \right) dM \quad (\text{B.6})$$

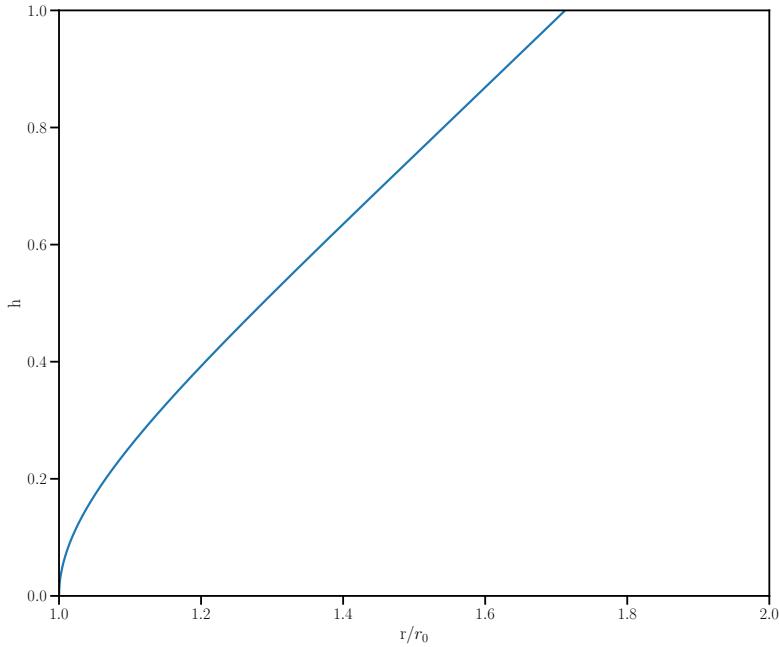


Figure B.1: Gráfica de  $h$  con respecto al radio normalizado. Vemos que cerca de donde tenemos la emisión en  $r/r_0$  el valor de  $h$  es del orden de 0.1

por lo que

$$h^{-1} = \left| \frac{2M}{e^{\frac{M^2-1}{4}} (M^{1/2} - M^{-3/2})} \right| \quad (\text{B.7})$$

que como podemos ver en la Figura B.1 cuando  $r/r_0 \sim 1$  tenemos un valor del orden de  $0.2^1$ . Por lo que el gradiente de presión nos da una aceleración de

$$a_p \approx \frac{c_s^2}{0.2r_0} = 3.8 \times 10^{-4} \text{ cm s}^{-2} \quad (\text{B.8})$$

a un radio típico  $r_0 \sim 0.135''$ . Como el modelo se resolvió en el eje de simetría, tenemos que aquí los gradientes transversales son cero, mientras que si consideramos el modelo a cierto ángulo debemos considerar que el gradiente de densidad transversal es más pequeño, por un factor de 10 aproximadamente.

---

<sup>1</sup>En la Figura B.1 vemos que cuando  $r = r_0$   $h \rightarrow 0$ , por lo que tendríamos una aceleración infinita.

## B.1 Fuerzas de gravedad

Hamann, W.-R. et al. (2019) estima una masa de  $20\text{--}22 M_{\odot}$  para la estrella WR 124, por lo que la fuerza de gravedad por parte de la estrella nos da un aceleración de

$$a_* = \frac{GM_*}{R^2} \approx 1.97 \times 10^{-9} \text{ cm/s}^2 \quad (\text{B.9})$$

con  $R$  una distancia típica entre la estrella y el glóbulo de  $14.96''$ . Si tomamos la distancia típica considerando el ángulo de inclinación  $i$  (Sección 5.2), vemos que esta aceleración es todavía más pequeña.

Ahora vamos a considerar la aceleración por parte de la gravedad del mismo glóbulo. Para esto, vamos a considerar la masa neutra del glóbulo y la masa ionizada. En la sección 6.2 hablamos de como obtener la masa neutra de los glóbulos, para la masa ionizada vamos a considerar la masa que se encuentra en la mitad de la cáscara que hay entre  $r_0$  y  $r_{\text{shell}}$ , por lo que a masa ionizada es

$$M_i = \rho_1 \frac{2\pi}{3} (r_{\text{shell}}^3 - r_0^3) \quad (\text{B.10})$$

donde  $\rho_1$  es la densidad por unidad de masa en la parte ionizada. De esta manera, tenemos que la masa del glóbulo a es  $M_g = M_i + M_n \approx 7.87 \times 10^{-4} M_{\odot}$  (considerando una  $v_A = 1 \text{ km s}^{-1}$  para la parte neutra) y la aceleración por parte de la fuerza de gravedad del mismo glóbulo es de

$$a_g = \frac{GM_g}{r_{\text{shell}}^2} \approx 4.55 \times 10^{-11} \text{ cm/s}^2. \quad (\text{B.11})$$

Si en esta estimación tomamos una  $v_A$  mayor, tendríamos una aceleración un poco menor. De igual, si consideramos la densidad ionizada de la tabla 5.1, esta aceleración no cambia mucho. Para el caso de los glóbulos que están en grupo, de igual manera podemos despreciar la aceleración por parte de los demás glóbulos, ya que por muy cercanos que estén, podemos considerar una distancia mínima de  $r_{\text{shell}}$ .

De esta manera tenemos que

$$a_g < a_* \ll a_p \quad (\text{B.12})$$

donde  $a_g$  es la aceleración provocada por la gravedad del glóbulo,  $a_*$  la aceleración provocada por la estrella WR 124 y  $a_p$  la aceleración provocada por la diferencia de presiones en la superficie del glóbulo.

## B.2 Presión de radiación

Vamos a considerar la presión de radiación ya que podemos suponer que todo el momento de los fotones ionizantes se va al flujo photoevaporativo, por lo que si consideramos que todo la radiación ionizante es absorbida en el flujo photoevaporativo entonces tenemos que para la radiación ionizante  $Q = 1.25 \times 10^{49} \text{ s}^{-1}$ ,

según la tabla 1.1, tendríamos una intensidad de

$$\frac{Qh\nu}{4\pi R^2} = \frac{2.74 \times 10^{38} \text{ erg s}^{-1}}{4\pi R^2} \approx 6.8 \text{ erg s}^{-1} \text{ cm}^{-2} \quad (\text{B.13})$$

para la frecuencia que corresponde a 1 Ry, el cual es un límite inferior para los fotones que son capaces de ionizar el gas neutro, esto a una distancia típica de los glóbulos. Por lo que tendríamos una presión de radiación de  $P_r \approx 2.26 \times 10^{-10} \text{ dyn cm}^{-2} < P_{\text{shell}}$ .

A pesar de que consideramos que el glóbulo esta soportado principalmente por un campo magnético, no vamos a considerar presión magnética en el gas ionizado ya que este sería despreciable con la presión térmica (Henney et al., 2009).

## Appendix C

# Predicciones del modelo fotoevaporativo para la densidad ionizada en el frente de ionización

En el modelo suponemos un estado estacionario y además, también suponemos que no hay absorción por polvo, por lo que el flujo incidente de fotones,  $F_0$ , debe ser igual a la suma de dos términos, las recombinações por unidad de área y las nuevas ionizaciones

$$F_0 = n_{i,0} u_{i,0} + \int n^2 \alpha_B dr = n_{i,0} u_{i,0} + n_{i,0}^2 h_1 \alpha_B \quad (\text{C.1})$$

donde  $F_0$  es la tasa de fotones ionizantes por unida de área,  $n_{i,0}$  la densidad del gas ionizado,  $u_0$  la velocidad del gas ionizado y  $h_1$  es la anchura efectiva de la capa ionizada que se define como

$$n_0^2 h_1 = \int n^2 dr, \quad (\text{C.2})$$

el cual se puede estimar usando las ecuaciones (2.6), (2.7) y (2.9). Por lo que tendríamos que

$$h_1 = \int_0^\infty \left( \frac{n(r)}{n_0} \right)^2 dr = r_0 \int_1^\infty \frac{\exp(\frac{3}{4}(1 - M^2))}{2} (M^{1/2} - M^{3/2}) dM \approx 0.12r_0. \quad (\text{C.3})$$

Tomando los valores de  $F_0$  y  $r_0$  de nuestros glóbulos, tenemos que, el primer término del lado derecho de la Ecuación (C.1) es muy pequeño en comparación con el segundo término. Por lo que podemos despreciar este término.

76 APPENDIX C. DENSIDAD IONIZADA EN EL FRENTE DE IONIZACIÓN

# Appendix D

## Combos de filtros

En este apéndice vamos a explicar como se obtuvieron los combos de gas ionizado y gas neutro utilizando las diferentes observaciones del JWST. Usamos estas combinaciones para hacer ajustes a los perfiles de brillo y así obtener mediciones del radio del glóbulo, de la cáscara chocada y su ancho.

Como usamos diferentes filtros, los cuales tienen diferente resolución, hicimos una convolución para que todos tuvieran la misma resolución y así poder combinar imágenes. En este caso convolucionamos las imágenes para tener la misma resolución que el filtro f444w, el cual tiene la menor resolución de los filtros usados. Una vez que todas las imágenes tienen la misma resolución, normalizamos la emisión de las estrellas, el gas ionizado y PAHs a la emisión en el filtro f210m de sus respectivos mecanismos de emisión como se puede ver en la Tabla D.1. Como estos cocientes de imágenes se realizaron visualmente, tomamos el error como el rango completo en donde se encontraban estos cocientes.

Filtro	Estrellas	Gas ionizado	PAHs
f090w	$0.4 \pm 0.15$	$0.57 \pm 0.05$	$0.4 \pm 0.3$
f150w	$1.1 \pm 0.1$	$0.6 \pm 0.05$	$0.6 \pm 0.3$
f210m	1.0	1.0	1.0
f335m	$0.25 \pm 0.05$	$0.95 \pm 0.15$	$7.0 \pm 0.4$
f444w	$0.19 \pm 0.07$	$1.9 \pm 0.5$	$3.0 \pm 1.0$

Table D.1: Emisión de los diferentes componentes normalizados al filtro f210m.

De la Tabla D.1 podemos observar que la emisión de gas ionizado y PAHs en el filtro f150w es igual, por lo que con una simple combinación podemos tener solo la emisión de las estrellas como se puede ver en la Tabla D.2. Combinando los filtro f335m y f210m se pudo quitar la emisión de gas ionizado, de manera similar, combinando los filtros f444w y f335m quitamos la emisión de los PAHs (ver Tabla D.2).

Con la primer combinación de la Tabla D.2 podemos quitar la emisión de

	Combinación	Estrellas	Gas ionizado	PAHs
A	f150w – 0.6 f210m	$0.5 \pm 0.1$	$0.00 \pm 0.05$	$0.00 \pm 0.30$
B	f335m – 0.95 f210m	$-0.70 \pm 0.05$	$0.00 \pm 0.15$	$6.05 \pm 0.40$
C	f444w – 0.43 f335m	$0.08 \pm 0.07$	$1.49 \pm 0.50$	$-0.01 \pm 1.01$

Table D.2: Primera combinación de filtros.

las estrellas en las otras combinaciones y así poder ver solo la emisión de gas ionizado o de PAHs. En la primer combinación de la Tabla D.3 vemos solo la emisión de gas neutro y en la segunda combinación vemos solo la emisión de gas ionizado.

Combinación	Estrellas	Gas ionizado	PAHs
1.4A + B	$0.00 \pm 0.15$	$0.00 \pm 0.17$	$6.05 \pm 0.58$
C – 0.16A	$0.00 \pm 0.07$	$1.49 \pm 0.50$	$-0.01 \pm 1.01$

Table D.3: Combinación de filtros para ver solo la emisión de gas ionizado y PAHs.

## Appendix E

### Errores en $r_{\text{shell}}$ y $H_s$

Si consideramos que cada medición realizada en el gas ionizado en el JWST,  $x_J^i$ , y que cada medición en H $\alpha$  en el HST,  $x_H^i$ , lo podemos ver como la medición real más un error, es decir,

$$x_J^i = x + \epsilon_J^i, \quad x_H^i = x + \epsilon_H^i \quad (\text{E.1})$$

donde  $x$  es la medición real y que  $\epsilon_J^i$ ,  $\epsilon_H^i$  son respectivamente los errores en las mediciones de los dos telescopios. Entonces tenemos que

$$x_J^i - x_H^i = \epsilon_J^i - \epsilon_H^i, \quad (\text{E.2})$$

donde estamos considerando que los errores en los dos telescopios son independientes. Considerando que la varianza sobre toda la muestra está dada como

$$\text{Var}(x_J - x_H) = \frac{\sum_{i=1}^N ((x_J^i - x_H^i) - \mu)^2}{N} \quad (\text{E.3})$$

donde  $N$  es el tamaño de la muestra y  $\mu = N^{-1} \sum_{i=1}^N (x_J^i - x_H^i)$  es la media. Si las distribuciones son simétricas, esperamos que  $\mu \approx 0$  para  $N$  grande, esto fue verificado para nuestras muestras. Entonces, suponiendo que no hay correlación entre los errores  $\epsilon_J^i$  y  $\epsilon_H^i$ , tenemos que

$$\text{Var}(x_J - x_H) = \text{Var}(\epsilon_J) + \text{Var}(\epsilon_H) = \sigma_J^2 + \sigma_H^2, \quad (\text{E.4})$$

donde  $\sigma_J$  y  $\sigma_H$  son los promedios RMS de los errores en las mediciones. Si además suponemos que  $\sigma_J = \sigma_H \equiv \sigma$ , tenemos que  $\text{Var}(x_J - x_H) = 2\sigma^2 \Rightarrow \sigma = \sqrt{\text{Var}(x_J - x_H)/2}$ , el cual usamos como el estimado del incertidumbre en estas mediciones en la Sección 4.2.1.



## Appendix F

# Constante de conversión en las observaciones del HST

En este Apéndice vamos a justificar la constante de conversión para pasar de unidades del telescopio, cuentas  $\text{s}^{-1} \text{pix}^{-1}$ , a unidades físicas de brillo superficial,  $\text{erg cm}^{-2} \text{s}^{-1} \text{sr}^{-1}$ , en las observaciones de  $\text{H}\alpha$  en el HST. Para esto vamos a utilizar la calibración de Grosdidier et al. (1998) en la cual calculó un flujo total de la nebulosa de  $2.08 \times 10^{-10} \text{ erg s}^{-1} \text{cm}^{-2}$  en las observaciones de  $\text{H}\alpha$  en el HST. En esta calibración quita la contaminación de la línea  $[\text{NII}] \lambda 6548$  y del continuo. Por otro lado, calculamos un flujo en unidades del telescopio al sumar las cuentas de todos los píxeles de la nebulosa, después de aplicar una máscara para eliminar la contribución de las estrellas, teniendo un valor de 64 822.82 cuentas  $\text{s}^{-1}$ . Esta máscara toma en cuenta a los píxeles que se encuentra a una distancia mínima de  $1''$  y a una distancia máxima de  $60''$  de la estrella WR 124, así no estamos considerando la emisión por parte de la estrella, de igual manera, no sumamos los píxeles que tuvieran un valor mayor a 3 para no incluir la emisión de las estrellas de campo. Además, tomamos en cuenta el tamaño del píxel de  $0.1'' \times 0.1'' = 2.34 \times 10^{-13} \text{ sr}$ . Por lo que nuestro factor de conversión está dado como

$$\begin{aligned} 1 \text{ cuenta s}^{-1} \text{ pix}^{-1} &= \frac{2.08 \times 10^{-10}}{64822.82 \times 2.34 \times 10^{-13}} \text{ erg cm}^{-2} \text{s}^{-1} \text{sr}^{-1} \\ &\approx 0.0137 \text{ erg cm}^{-2} \text{s}^{-1} \text{sr}^{-1}. \end{aligned} \tag{F.1}$$



## Appendix G

# Corrección en la estimación de los brillos

En la Sección 5.1 usamos los resultados obtenidos a partir de las observaciones para comparar con el modelo. Por lo que ahora vamos a calcular las correcciones a los brillos estimados, tanto de la parte interna como de la cáscara, por efectos instrumentales.

En el caso de la cáscara, vamos a ignorar estas correcciones debido a que está bien resuelta y el brillo no se ve reducido por el PSF del telescopio.

Por otro lado, para la parte interna tenemos un radio muy pequeño. De hecho es casi un píxel en las observaciones del HST. Así que para esta corrección vamos a considerar dos efectos instrumentales, uno por el efecto del PSF y el otro por el tamaño del píxel.

Si asumimos que el perfil de brillo real tiene un perfil gaussiano como función de la distancia  $r$

$$B(r) = B_0 e^{-r^2/2\sigma_0} \quad (\text{G.1})$$

tenemos que el flujo total está dado como

$$F_0 = \iint_{-\infty}^{\infty} B(r) dx dy = B_0 \pi r_{\text{eff}}^2 = B_0 2\pi \sigma_0^2. \quad (\text{G.2})$$

Para considerar estas correcciones por los dos efectos instrumentales, vamos a asumir que estos también están dados por perfiles gaussianos. De este modo, al convolucionar dos perfiles gaussianos con parámetros  $\sigma_1$  y  $\sigma_2$ , tenemos que

$$\sigma^2 = \sigma_1^2 + \sigma_2^2 \quad (\text{G.3})$$

donde  $\sigma$  sería el parámetro de los dos perfiles convolucionados.

En nuestro caso, lo que observamos es el perfil del brillo real convolucionado con el perfil del PSF y el perfil de las rendijas de los píxeles. Entonces

$$\sigma_{\text{obs}}^2 = \sigma_0^2 + \sigma_{\text{PSF}}^2 + \sigma_{\text{pix}}^2 \quad (\text{G.4})$$

84 APPENDIX G. CORRECCIÓN EN LA ESTIMACIÓN DE LOS BRILLOS

donde  $\sigma_{\text{PSF}} = \frac{W_{\text{PSF}}}{2\sqrt{2 \ln 2}}$ , siendo  $W_{\text{PSF}}$  el ancho del PSF a la altura media, y  $\sigma_{\text{pix}} = \frac{\Delta X_{\text{pix}}}{\sqrt{2\pi}}$ , siendo  $\Delta X_{\text{pix}}$  el tamaño del píxel. Entonces, para comparar el los brillos reales y los observados tenemos que

$$\frac{F_0}{F_{\text{obs}}} = \frac{B_0 \sigma_0^2}{B_{\text{obs}} \sigma_{\text{obs}}^2} = \frac{B_0}{B_{\text{obs}}} \frac{\sigma_0^2}{\sigma_0^2 + \sigma_{\text{PSF}}^2 + \sigma_{\text{pix}}^2} \quad (\text{G.5})$$

$$\Rightarrow \frac{B_0}{B_{\text{obs}}} = 1 + \frac{\sigma_{\text{PSF}}^2 + \sigma_{\text{pix}}^2}{\sigma_0^2}. \quad (\text{G.6})$$

Debido a que usamos un solo radio para todos los glóbulos, esta corrección es solo una constante, y gracias a este valor, los datos obtenidos a partir de las observaciones se ajustan muy bien al modelo propuesto.

# Appendix H

## Escalas de tiempo

### H.1 Tiempo dinámico

Usando los valores de la tabla 4.1, para el flujo fotoevaporativo tenemos un tiempo dinámico

$$t_{\text{DF}} = \frac{r_{\text{shell}}}{v} = \frac{0.01 \text{ pc}}{10 \text{ km s}^{-1}} \approx 5.27 \times 10^{10} \text{ s} = 1.67 \times 10^3 \text{ a.} \quad (\text{H.1})$$

Marchenko et al. (2010) estima una velocidad de expansión para la nebulosa de  $42\text{--}46 \text{ km s}^{-1}$  por lo que para la nebulosa tenemos un tiempo dinámico de

$$t_{\text{DN}} = \frac{R_{\text{nebula}}}{v_{\text{exp}}} \approx \frac{1.5 \text{ pc}}{46 \text{ km s}^{-1}} = 1 \times 10^{12} \text{ s} = 3.18 \times 10^4 \text{ a} \quad (\text{H.2})$$

### H.2 Tiempo de recombinación

Usando la densidad promedio de la tabla 4.1 tenemos un tiempo de recombinación

$$t_{\text{r}} = \frac{1}{\alpha_B n} \approx 3.64 \times 10^9 \text{ s} = 115.64 \text{ a} \quad (\text{H.3})$$

Para el caso del tiempo de calentamiento-enfriamiento, vamos a considerar que es de 3–5 veces menor que el tiempo de recombinación. Esto considerando que  $t_c = \frac{3P}{2\mathcal{L}} = \frac{3k_B T}{\Lambda n}$  donde  $P = 2nk_B T$  es la presión y  $\mathcal{L} = \Lambda n^2$ , así tenemos que  $\frac{t_c}{t_{\text{r}}} = \frac{3k_B T \alpha_B}{\Lambda}$  y considerando que  $3k_B T \approx 4 \times 10^{-12} \text{ erg}$ ,  $\alpha_B = 2.6 \times 10^{-13} \text{ cm}^3 \text{ s}^{-1}$  y  $\Lambda \approx 3 \times 10^{-24} \text{ erg cm}^3 \text{ s}^{-1}$  entonces

$$\frac{t_c}{t_{\text{r}}} \approx \frac{10^{-24} \text{ erg cm}^3 \text{ s}^{-1}}{3 \times 10^{-24} \text{ erg cm}^3 \text{ s}^{-1}} = \frac{1}{3} \quad (\text{H.4})$$

### H.3 Tiempo de vida de los glóbulos

Para calcular el tiempo de vida de los glóbulos, primero vamos a considerar que su tasa de pérdida de masa está dada por

$$\dot{M} = \pi r_0^2 n_{i,0} c_{s,i} m_H \quad (\text{H.5})$$

usando los valores típicos de la tabla 4.1, tenemos que  $\dot{M} = 4.91 \times 10^{-8} M_\odot \text{ a}^{-1}$ . Por lo que el tiempo de vida de los glóbulos es

$$t_{\text{glo}} = \frac{M_g}{\dot{M}} = 9.16 \times 10^4 \text{ a} \quad (\text{H.6})$$

#### H.3.1 Comparación de las diferentes escalas de tiempo

De lo anterior, tenemos que

$$t_{\text{cool}} < t_r \ll t_{\text{DF}} \ll t_{\text{DN}} \sim t_{\text{glo}}. \quad (\text{H.7})$$

Con lo que podemos asumir un equilibrio de ionización/recombinación,, así como un equilibrio de calentamiento/enfriamiento dado que estos dos procesos micro físicos ocurren en un tiempo de escala mucho menor que los demás. También podemos justificar que el modelo propuesto es estacionario ya que este tienen una escala de tiempo mucho menor que la expansión de la nebulosa.

## Appendix I

# Proyección de posición y velocidad

En la Sección 6.3 analizamos las observaciones de rendija larga de los glóbulos para poder determinar su distribución tridimensional. A pesar de que no podemos medir directamente la posición a lo largo de la vista de visión, si suponemos que los glóbulos se alejan de la estrella WR 124 estrictamente de manera radial a una velocidad  $v(r)$ , podemos usar la velocidad observada a lo largo de la línea de visión para obtener esta componente espacial que nos falta.

Consideremos un glóbulo (o un grupo de glóbulos) con coordenadas cartesianas  $(x, y, z)$ , donde la estrella WR 124 se encuentra en el origen. En este análisis vamos a considerar que el eje  $y$  es paralelo a nuestra línea de visión, por lo que las posiciones en  $x$  y  $z$  son las posiciones en el plano del cielo, y las rendijas serán paralelas al eje  $z$ . Por simplicidad vamos a usar las coordenadas adimensionales  $X = x/r$ ,  $Y = y/r$  y  $Z = z/r$ , donde  $r = (x^2 + y^2 + z^2)^{1/2}$  es el radio. De esta manera, si suponemos que el vector de velocidad,  $(v_x, v_y, v_z)$ , es paralelo al vector de posición, entonces tenemos que  $X = v_x/v$ ,  $Y = v_y/v$  y  $Z = v_z/v$ , donde  $v = (v_x^2 + v_y^2 + v_z^2)^{1/2}$  es la magnitud de la velocidad. La cual estamos considerando únicamente como función del radio.

Considerando estas coordenadas adimensionales, en la Figura I.1 podemos ver la esfera unitaria

$$X^2 + Y^2 + Z^2 = 1 \quad (\text{I.1})$$

en el plano  $(X, Z)$ , el cual representa el plano del cielo en el que vemos, y nuestra línea de visión sería el eje  $Y$ , el cual apunta hacia adentro de la imagen. La línea azul paralela al eje  $Z$  representa una de las rendijas usadas por Zavala et al. (2022) en la nebulosa. Notemos que si está rendija se encuentra en  $X_0$ , podemos dibujar el círculo

$$Y^2 + Z^2 = 1 - X_0^2 \equiv \xi^2 \quad (\text{I.2})$$

en el plano paralelo a  $(Y, Z)$  que pasa por  $X_0$ , como se ve en la Figura I.2. Este círculo representa la posición de la elipse tanto en posición como en velocidad.

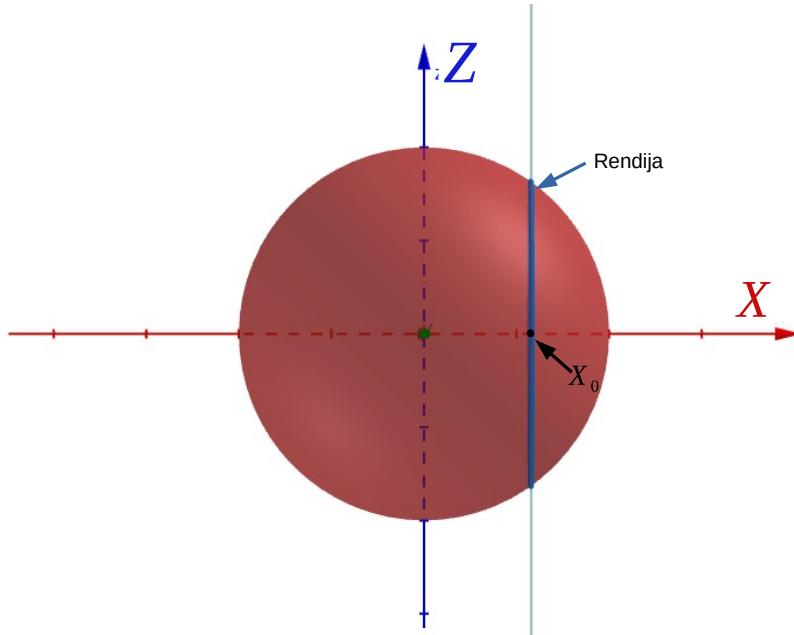


Figure I.1: Visualización de como se vería una rendija que pasa en  $X_0$  sobre la esfera unitaria. El plano ( $X, Z$ ) representa el plano en el cielo y nuestra línea de visión va en dirección del eje  $Y$ , hacia adentro de la imagen.

Mientras que las elipses de la Figura 6.3 se caracterizan por los semi-ejes en coordenadas físicas  $\xi r$  en la dirección espacial a lo largo de la rendija y  $\xi v(r)$  en la velocidad a lo largo de la línea de visión. En la Sección 6.3 consideramos dos casos limitantes para la velocidad. Un caso con una velocidad constante  $v(r) = 46 \text{ km s}^{-1}$  y el caso donde la velocidad es proporcional al radio  $v(r) = 46 \text{ km} - \text{s}^{-1}(r/20'')$ . Por lo que, si tomamos  $Z = z/r$  y  $Y = v_y/v$  entonces el círculo dado por la Ecuación (I.2) representa las elipses de la Figura 6.3 pero normalizados.

Podemos observar también que el círculo  $Y^2 + Z^2 = 1 - X_0^2$  tiene un radio menor que la esfera unitaria para  $X_0 \neq 0$  (ver Figura I.3), por lo que entre más lejos este  $X_0$  del origen, el círculo se hace más pequeño. Es por eso que las elipses de la Figura 6.3 se van haciendo más pequeñas conforme la rendija usada en la que se encuentran está más alejada de la estrella WR 124.

Notemos que además que si  $Z = 0$ , entonces tenemos el máximo en  $Y$ , que es el radio del círculo  $\sqrt{1 - X_0^2}$ . De igual manera para el caso  $Y = 0$ . Estas proyecciones son usadas para la discusión en la Sección 6.3

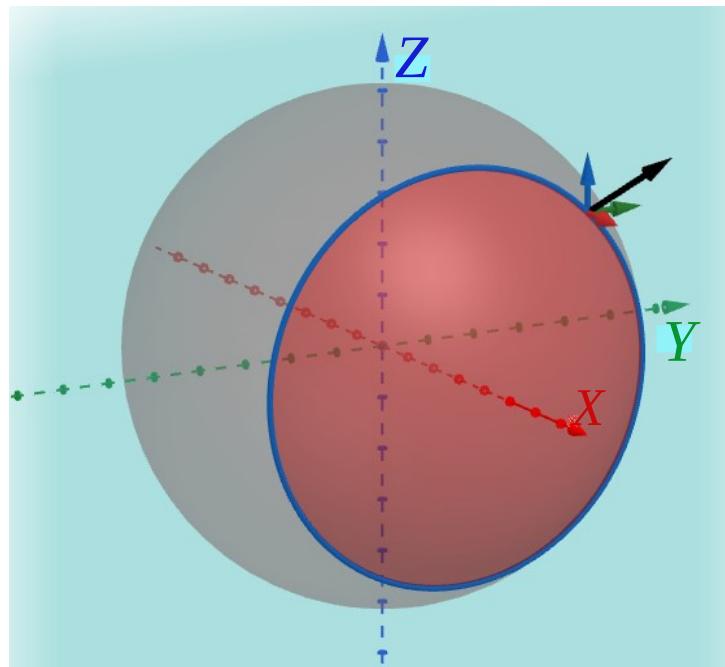


Figure I.2: El círculo  $Y^2 + Z^2 = 1 - X_0^2$  con centro en  $(0, 0, X_0)$  esta sobre un plano paralelo al plano  $(Y, Z)$ . La flecha negra indica el vector de posición, o de velocidad ya que los estamos tomando como paralelos, y las flechas de colores son sus proyecciones en sus respectivos ejes.

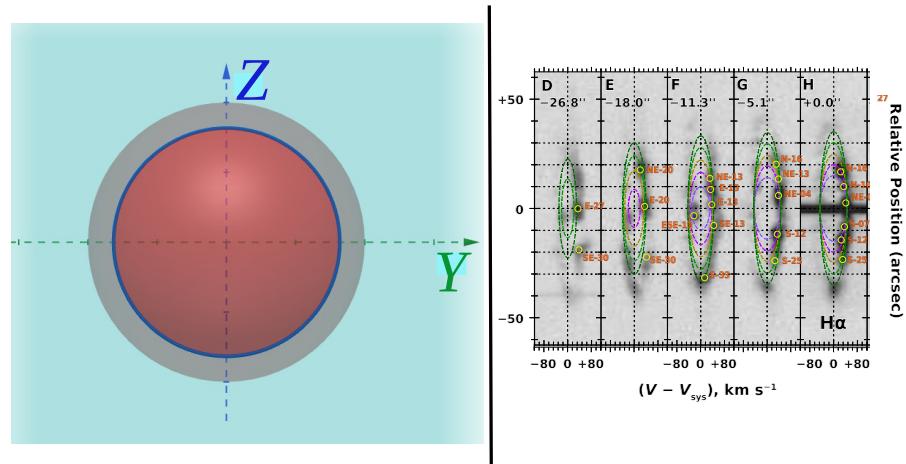


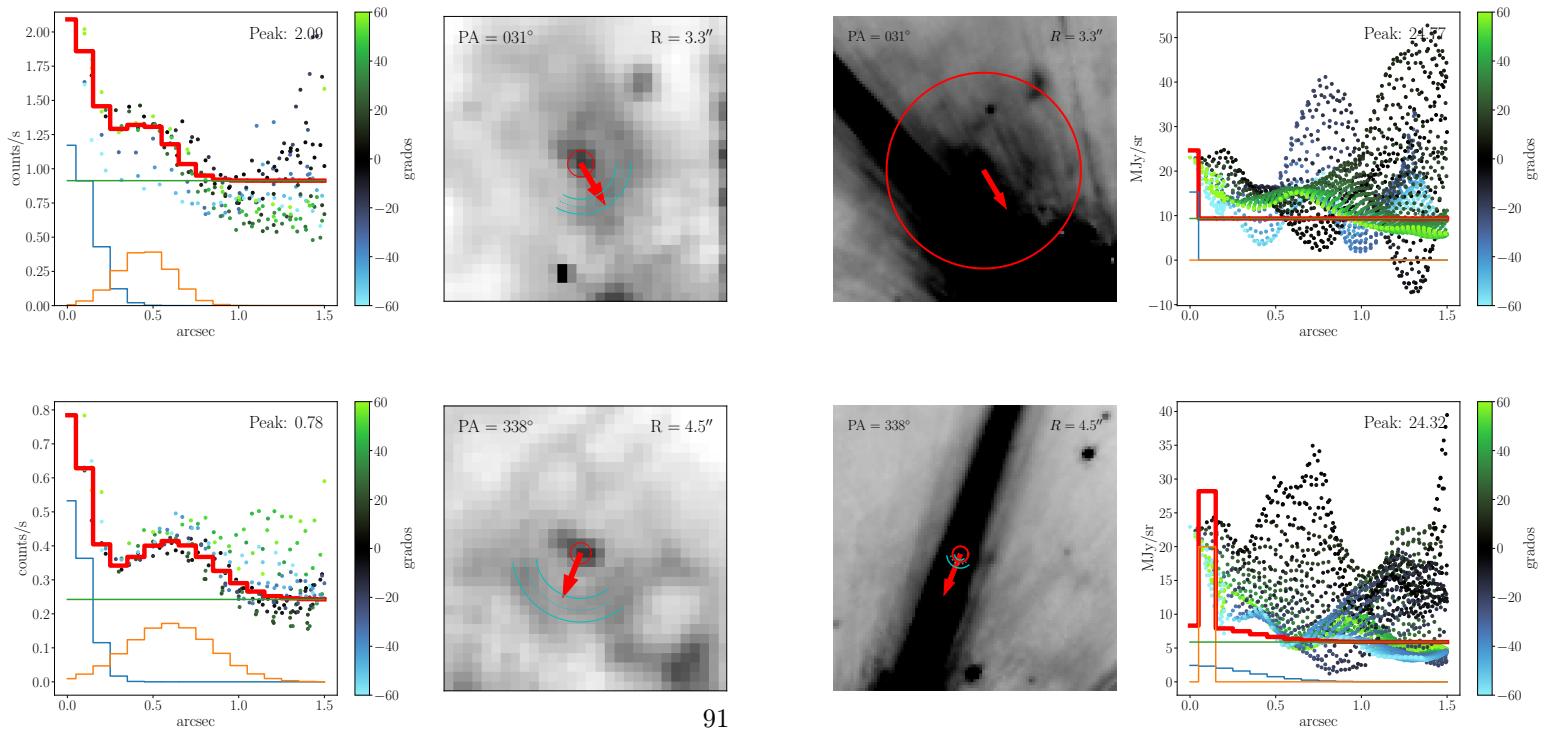
Figure I.3: En la imagen de la izquierda vemos como se vería el esquema de Posición-Velocidad con los ejes normalizados a un radio  $r$  y una velocidad  $v(r)$ , se puede apreciar que conforme  $X_0$  se aleja del origen, nuestro círculo se hace cada vez más pequeños. Es por eso que en la imagen de la derecha las elipses se hacen más pequeñas conforme las rendijas están más alejadas de la rendija H, que es la que pasa por la estrella.

## Appendix J

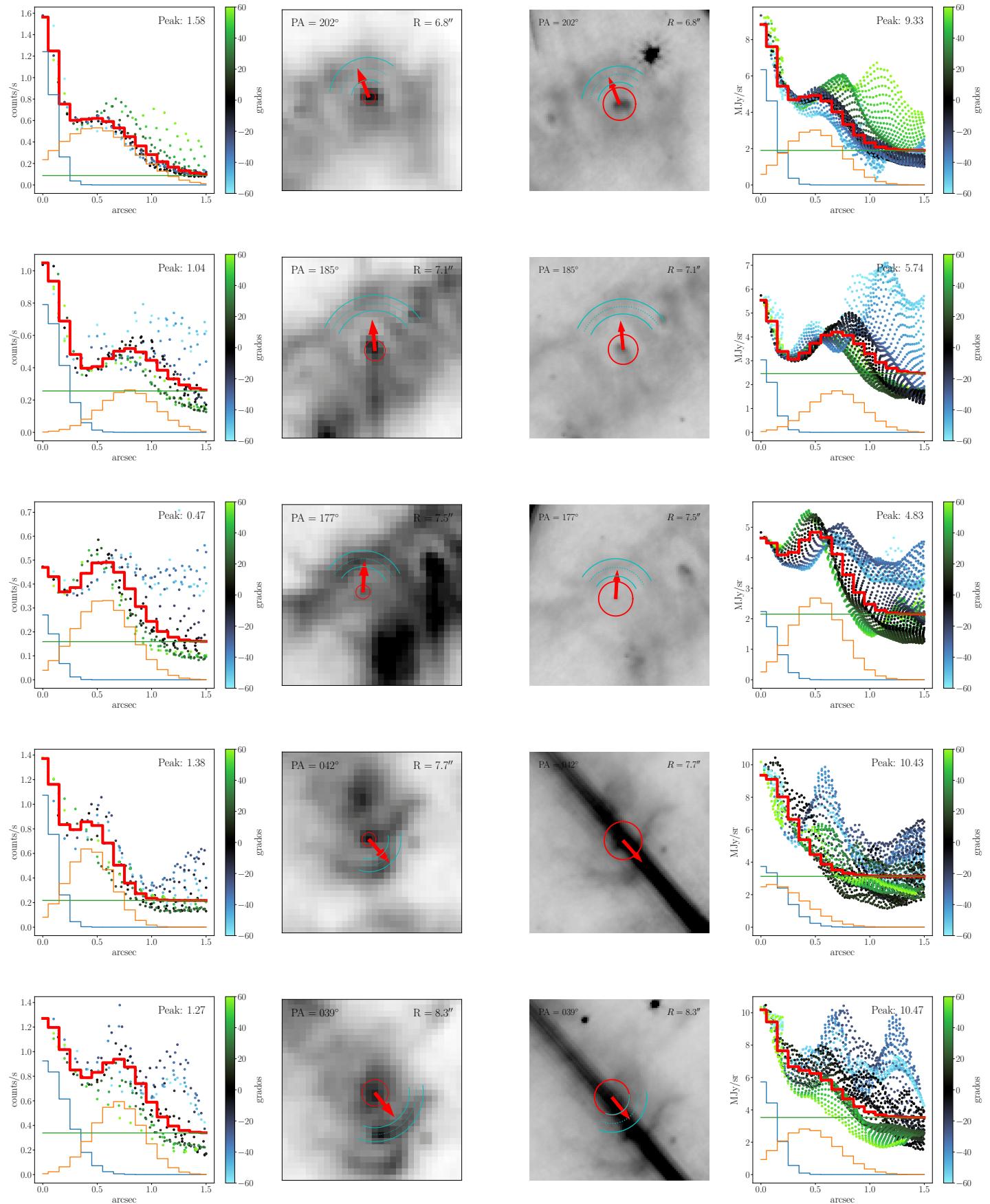
# Imágenes de ajustes

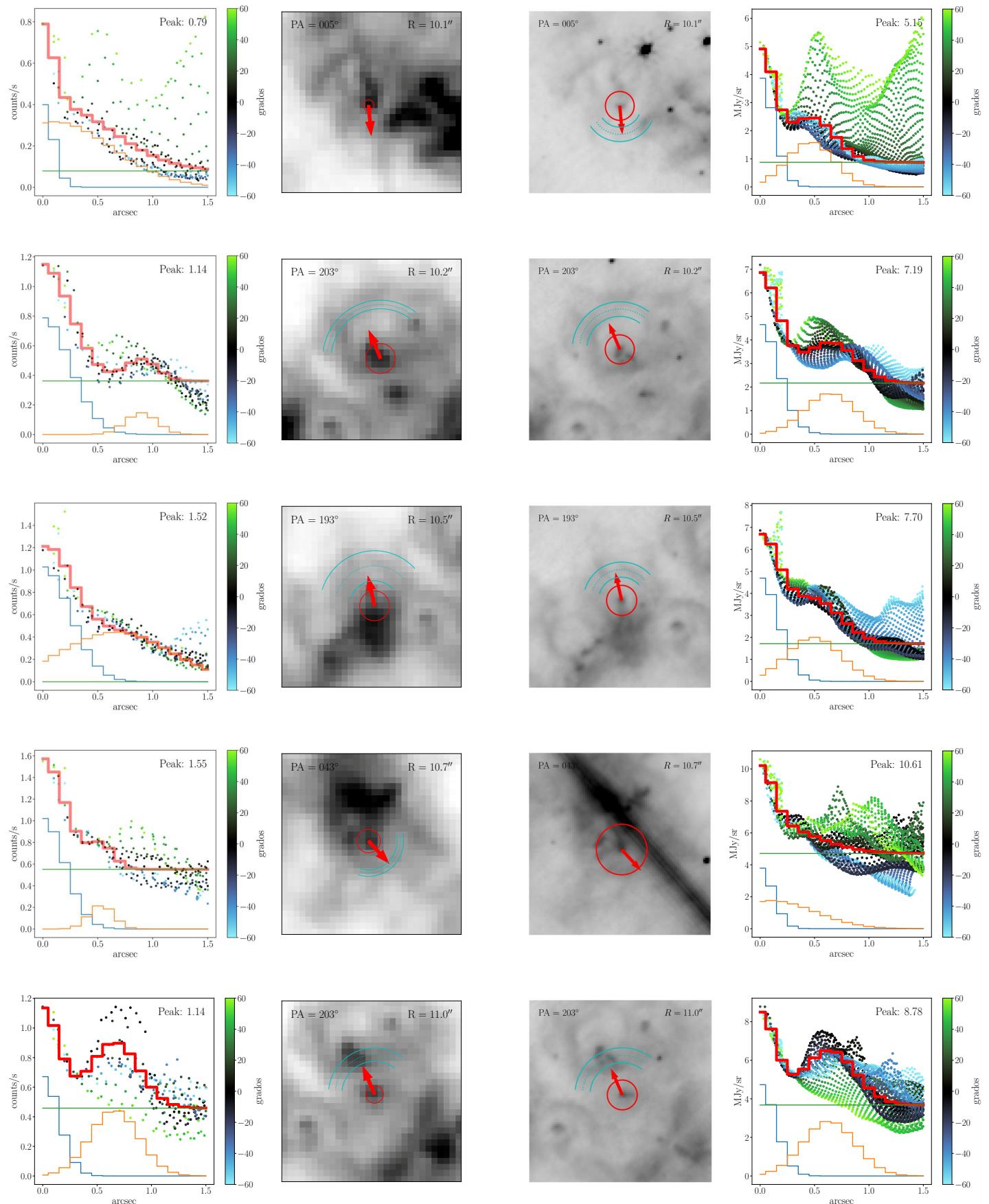
En este Apéndice mostramos los ajustes realizados a los glóbulos. En la parte izquierda mostramos el ajuste a los perfiles de brillo para las observaciones del HST y a su lado la visualización de estos ajustes en el filtro f656n del HST. Del lado derecho vemos el ajuste a los perfiles de brillo para el gas ionizado usando los datos del JWST, y a su lado la representación de estos ajustes en el filtro f090w del JWST, ya que morfológicamente se parece a las imágenes del HST.

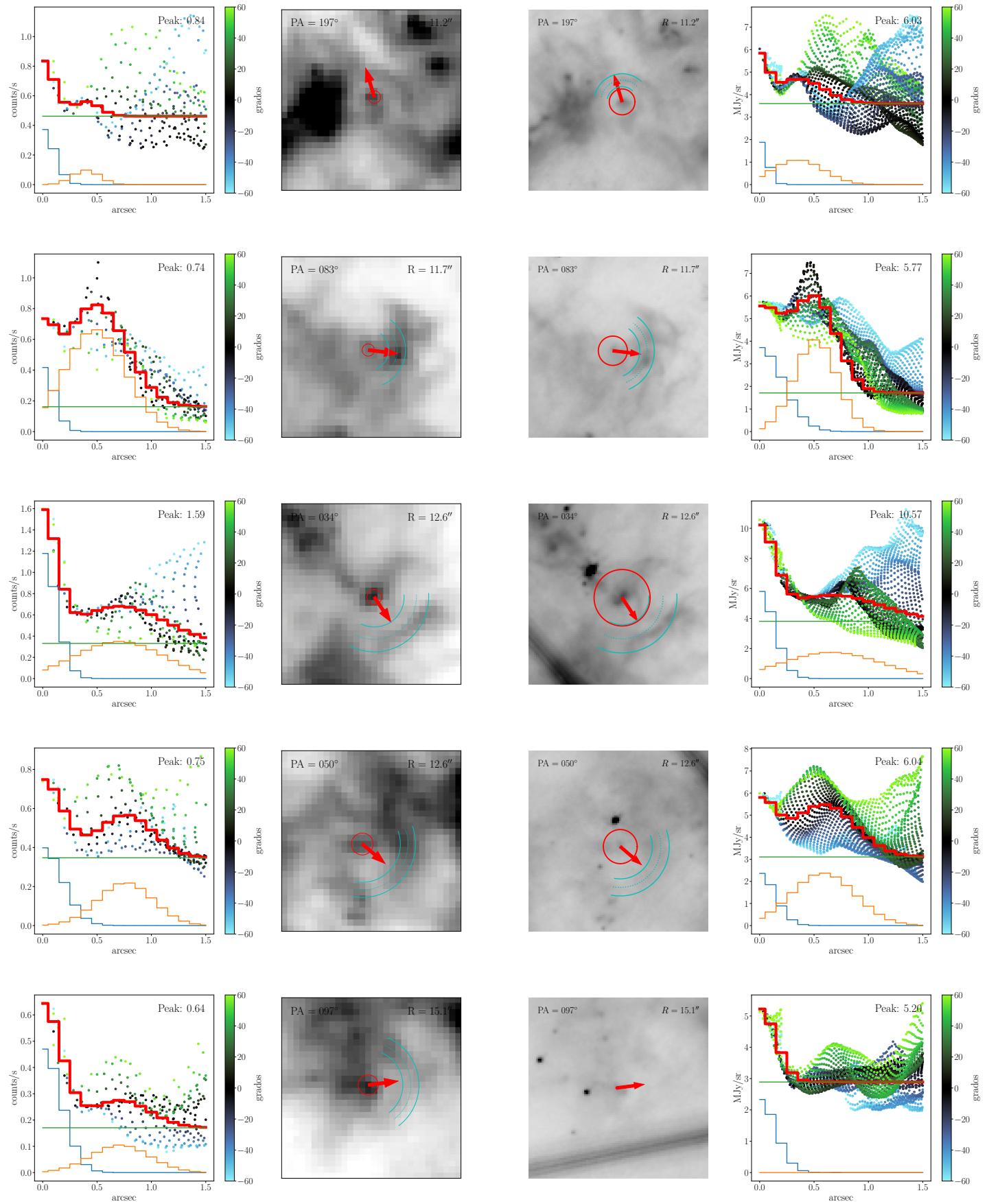
Figure J.1: Visualización de los ajustes realizados a los glóbulos.

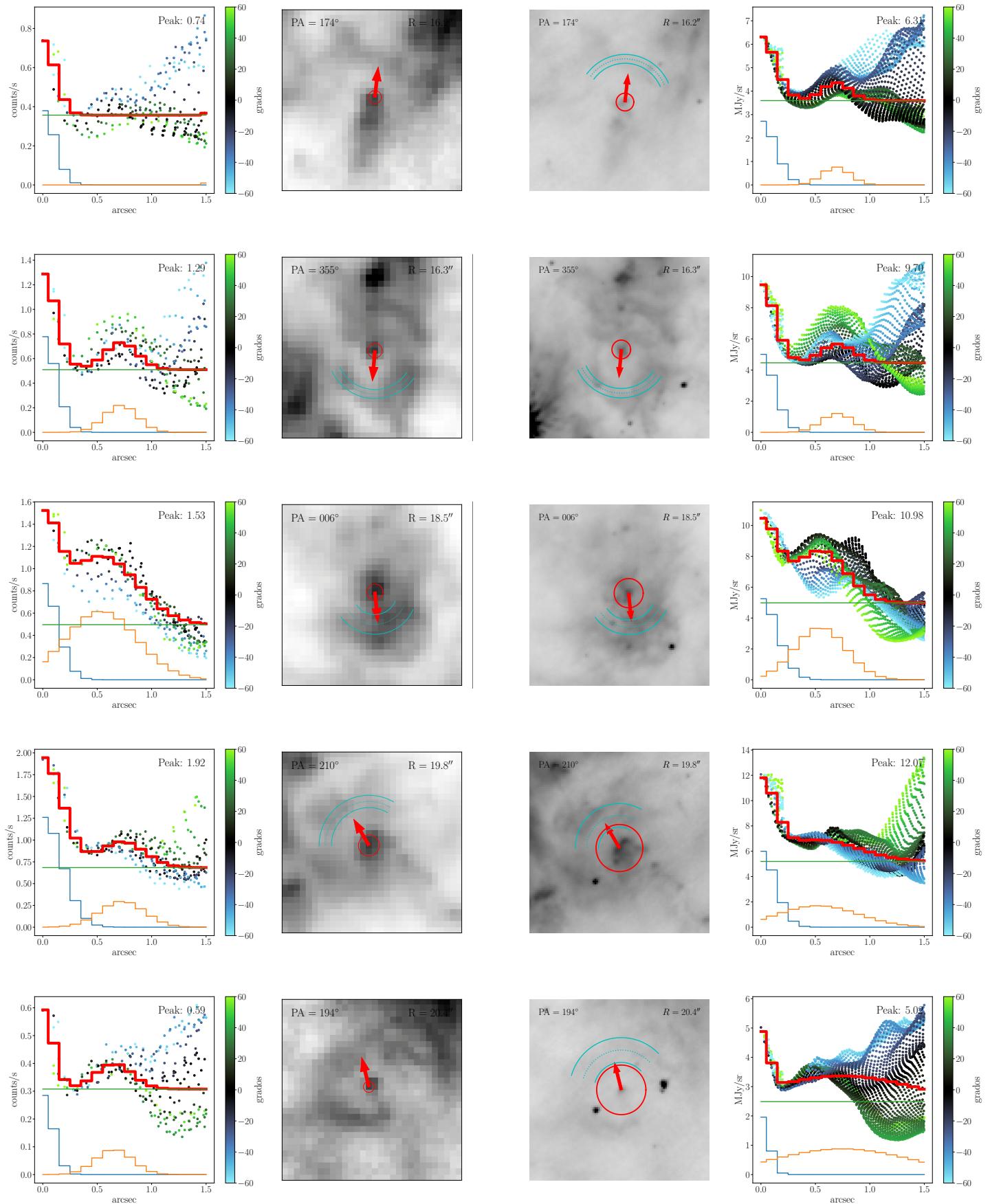


## APPENDIX J. IMÁGENES DE AJUSTES

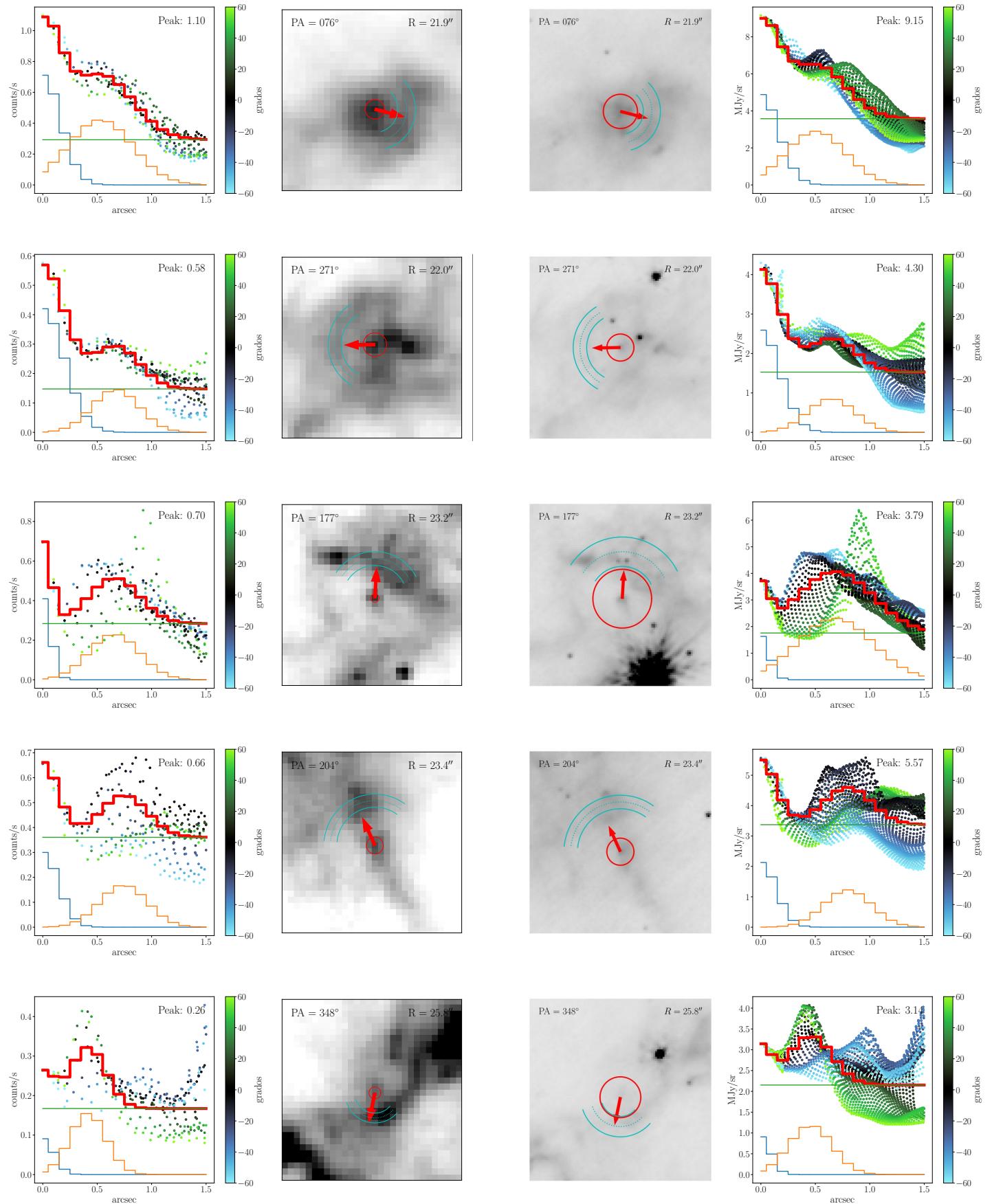


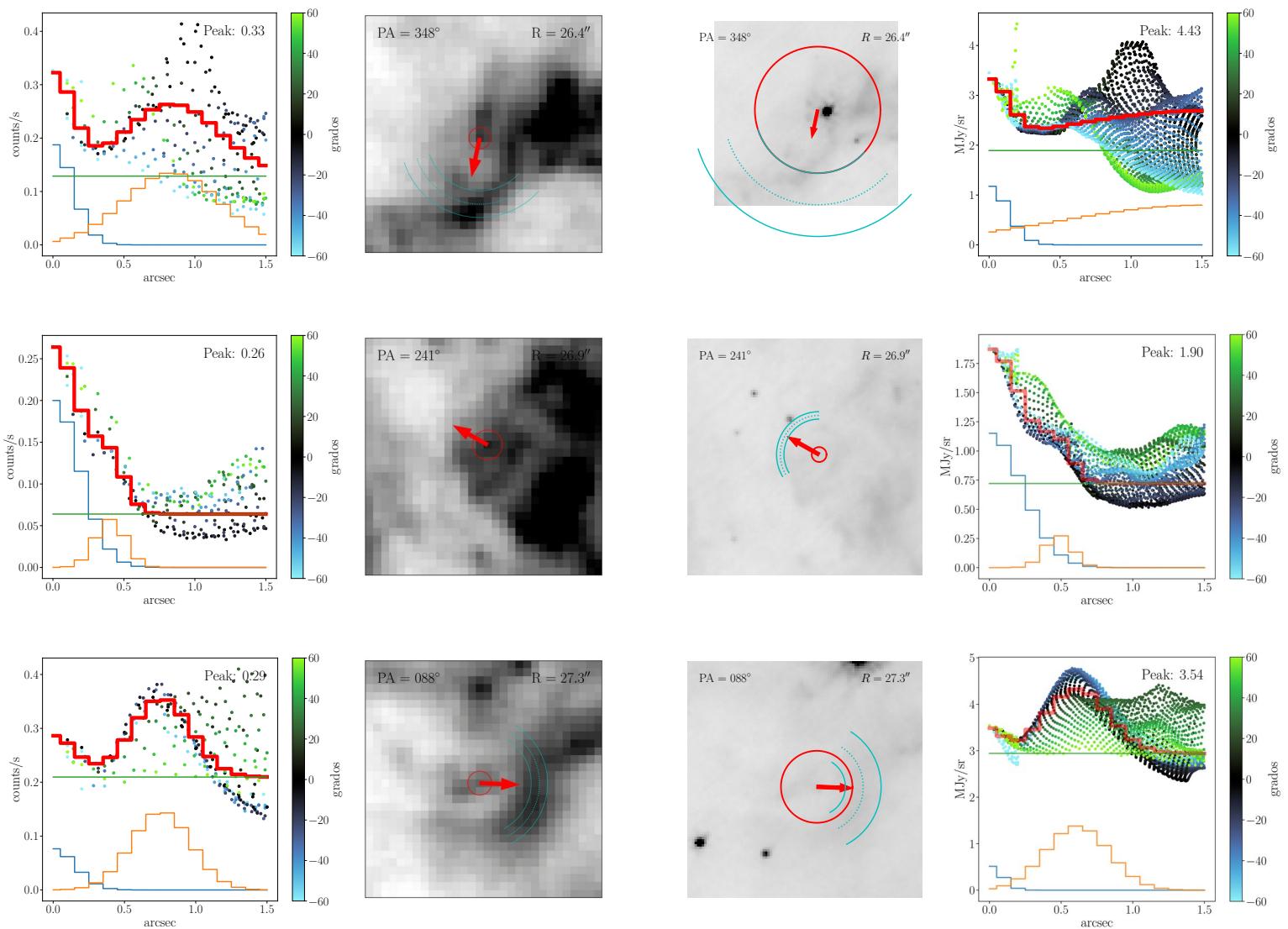






## APPENDIX J. IMÁGENES DE AJUSTES







# Bibliography

- Alves, J. F., Lada, C. J., & Lada, E. A. 2001, Nature, 409, 159
- Amin, M. Y., & El-Nawawy, M. S. 2005, New A, 11, 138, doi: 10.1016/j.newast.2005.06.006
- Ballesteros-Paredes, J., Vázquez-Semadeni, E., Gazol, A., et al. 2011, MNRAS, 416, 1436, doi: 10.1111/j.1365-2966.2011.19141.x
- Bertoldi, F. 1989, ApJ, 346, 735, doi: 10.1086/168055
- Cantó, J., Raga, A. C., & Wilkin, F. P. 1996, ApJ, 469, 729, doi: 10.1086/177820
- Crowther, P. A. 2007, ARA&A, 45, 177, doi: 10.1146/annurev.astro.45.051806.110615
- Crowther, P. A., Pasquali, A., De Marco, O., et al. 1999, A&A, 350, 1007, doi: 10.48550/arXiv.astro-ph/9908200
- Di Francesco, J., Hogerheijde, M. R., Welch, W. J., & Bergin, E. A. 2002, AJ, 124, 2749, doi: 10.1086/344078
- Dyson, J. E. 1968, Ap&SS, 1, 388, doi: 10.1007/BF00656009
- Dyson, J. E., & Williams, D. A. 1980, Physics of the interstellar medium
- Gahm, G. F., Persson, C. M., Mäkelä, M. M., & Haikala, L. K. 2013, A&A, 555, A57, doi: 10.1051/0004-6361/201321547
- García-Arredondo, F., Henney, W. J., & Arthur, S. J. 2001, ApJ, 561, 830, doi: 10.1086/323367
- Grosdidier, Y., Moffat, A. F. J., Joncas, G., & Acker, A. 1998, ApJ, 506, L127, doi: 10.1086/311647
- Hamann, W. R., Gräfener, G., & Liermann, A. 2006, A&A, 457, 1015, doi: 10.1051/0004-6361:20065052
- Hamann, W.-R., Gräfener, G., Liermann, A., et al. 2019, A&A, 625, A57, doi: 10.1051/0004-6361/201834850

- Hartigan, P., Reiter, M., Smith, N., & Bally, J. 2015, AJ, 149, 101, doi: 10.1088/0004-6256/149/3/101
- Henney, W. J., & Arthur, S. J. 2019, MNRAS, 486, 3423, doi: 10.1093/mnras/stz1043
- Henney, W. J., Arthur, S. J., de Colle, F., & Mellemma, G. 2009, MNRAS, 398, 157, doi: 10.1111/j.1365-2966.2009.15153.x
- Hester, J. J., Scowen, P. A., Sankrit, R., et al. 1996, AJ, 111, 2349, doi: 10.1086/117968
- Jiménez-Hernández, P., Arthur, S. J., & Toalá, J. A. 2020, MNRAS, 497, 4128, doi: 10.1093/mnras/staa2272
- Marchenko, S. V., Moffat, A. F. J., & Crowther, P. A. 2010, ApJ, 724, L90, doi: 10.1088/2041-8205/724/1/L90
- Mesa-Delgado, A., Zapata, L., Henney, W. J., Puzia, T. H., & Tsamis, Y. G. 2016, ApJ, 825, L16, doi: 10.3847/2041-8205/825/1/L16
- Murdin, P. 2000, in Encyclopedia of Astronomy and Astrophysics, ed. P. Murdin, 4101, doi: 10.1888/0333750888/4101
- O'Dell, C. R., Henney, W. J., & Ferland, G. J. 2007, AJ, 133, 2343, doi: 10.1086/513011
- Oort, J. H., & Spitzer, Lyman, J. 1955, ApJ, 121, 6, doi: 10.1086/145958
- Padoan, P., & Nordlund, Å. 2002, ApJ, 576, 870, doi: 10.1086/341790
- Reiter, M., McLeod, A. F., Klaassen, P. D., et al. 2019, MNRAS, 490, 2056, doi: 10.1093/mnras/stz2752
- Schneider, N., Bontemps, S., Motte, F., et al. 2016, A&A, 591, A40, doi: 10.1051/0004-6361/201628328
- Sévigny, M., St-Louis, N., Drissen, L., & Martin, T. 2021, MNRAS, 501, 5350, doi: 10.1093/mnras/staa3971
- Shu, F. H. 1992, The physics of astrophysics. Volume II: Gas dynamics.
- Smith, L. F., Shara, M. M., & Moffat, A. F. J. 1996, MNRAS, 281, 163, doi: 10.1093/mnras/281.1.163
- Tarango-Yong, J. A., & Henney, W. J. 2018, MNRAS, 477, 2431, doi: 10.1093/mnras/sty669
- van der Hucht, K. A. 2001, New A Rev., 45, 135, doi: 10.1016/S1387-6473(00)00112-3
- Zavala, S., Toalá, J. A., Santamaría, E., et al. 2022, MNRAS, 513, 3317, doi: 10.1093/mnras/stac1097