

Cours / TD sur les GSE - Séance 1

Aurélien Couloumy Fondateur et dirigeant d'Agorisk Maitre de conférence associé ISFA

Tél: +33 6 26 13 09 97 Email: a.couloumy@agorisk.com

Twitter: @A_Couloumy

Contenu du cours

Séance 1 – Introduction aux GSE et Business cases *06/03/2016*

Séance 2 – Calibration et suite des Business cases



I. Introduction



Pas d'évaluation?

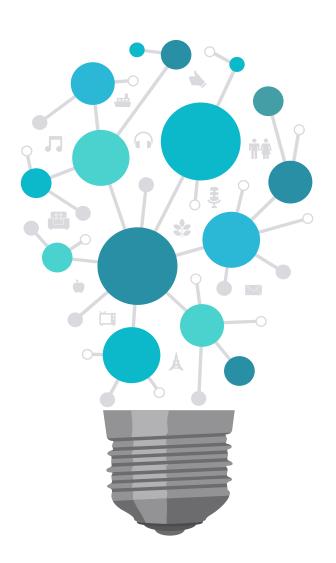


Objectif du cours / TD

 Aborder de manière concrète la création et l'utilisation des Générateurs de Scénarios Economiques (GSE)

- Déterminer les cas d'usage d'un GSE

- Présenter et réaliser des business case métier

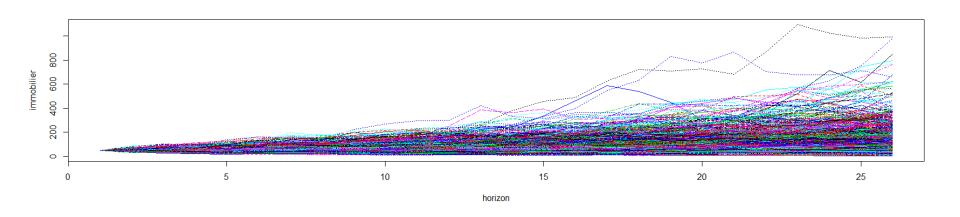




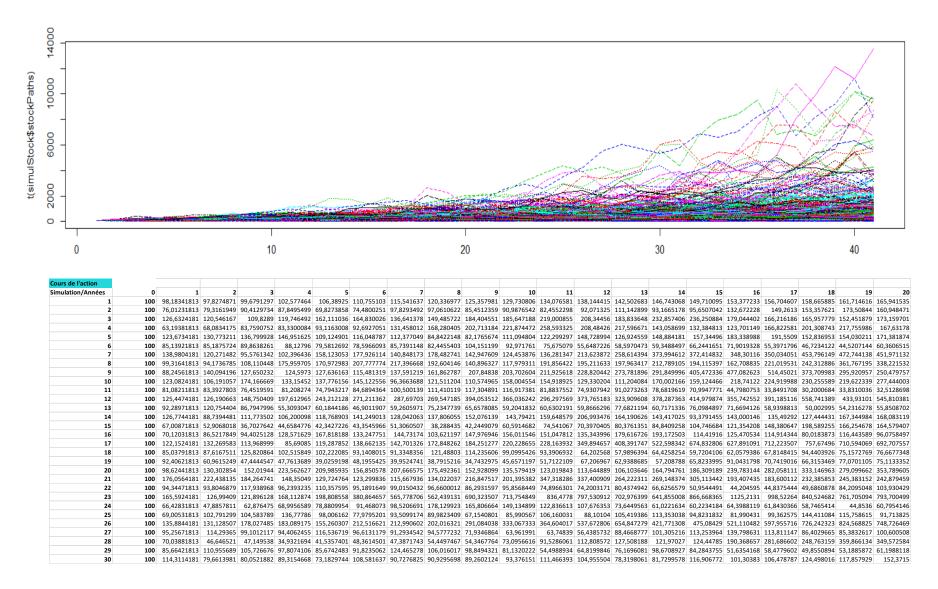
II. Rappels sur les GSE

Ce que sont ...

- Un GSE : un outil pour générer des scénarios économiques
- Des scénarios économiques : une liste d'indice économiques et financiers projetés de manière simultanée
- Des indices économiques et financiers : taux d'intérêt, action, inflation, immobilier, etc. déterminés à l'aide de modèles math.
- Des modèles math. : déterminés à l'aide paramètres à calibrer (trend, volatilité) et de mouvements browniens









Pourquoi utilise t'on un GSE? (1/3)

Sous l'angle produit :

 Pour calculer les engagements liés à un produit d'assurance : il est nécessaire de déterminer les flux futurs afférant à cette couverture

- En assurance de personne en particulier (Epargne, Retraite) : ces flux projetés sont très largement dépendant des produits financiers auxquels ils sont adossés (gestion actif-passif)
- Il est donc nécessaire d'être en mesure de projeter aussi les actifs



Sous l'angle réglementaire

- Solvabilité 2 : le calcul du Best Estimate correspond à « la moyenne pondérée en fonction de leur probabilité des futurs flux de trésorerie compte tenu de la valeur temporelle de l'argent, laquelle est estimée sur la base de la courbe des taux sans risque pertinente »
- Calculs MCEV : valorisation sur la base d'hypothèses market consistent
- IFRS 4 : les provision techniques doivent être déterminées suivant des hypothèses financière cohérente avec le marché



Pourquoi utilise t'on un GSE ? (3/3)

Concrètement

Dans la gestion Actif-passif :

- Valorisation du passif dans les calculs du BE à l'aide de courbes de taux
- Valorisation des actifs tels que les obligations à l'aide de courbes de taux ou les actions
- Allocations stratégiques

Dans les calculs du SCR :

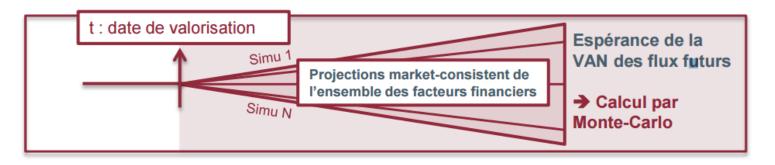
 Calculs des passifs et actifs de manière market consistent pour obtenir un bilan projeté (central et choqué) à 1 an

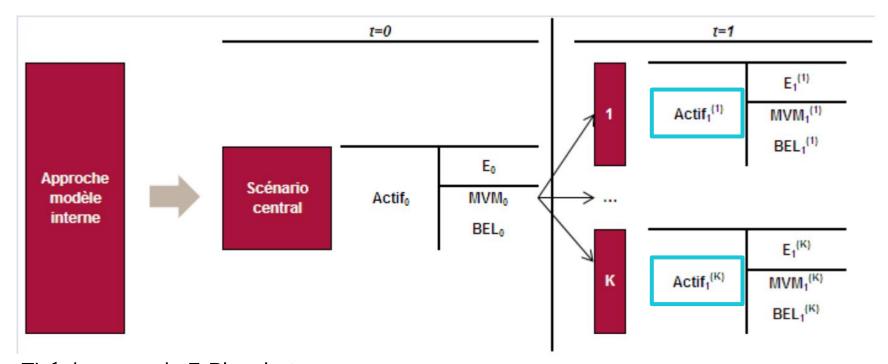
Dans le cadre des projections ORSA :

 Projection du bilan à un horizon supérieur à 1 an en tenant compte du Business plan et des stratégies liées



Exemple: SCR et bilan prudentiel





Tiré du cours de F. Planchet



Towers Watson **Star ESG**







Barrie & Hibbert Milliman CHESS

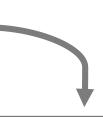
Et bien d'autres outils...



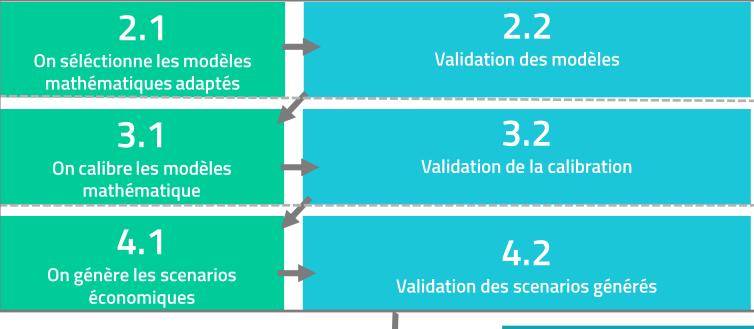
Création d'un GSE

1.

On determine un "univers" de travail



GSE



Jeu de scénarios

économiques



III. Choix de l'univers



Déterminer son univers

- Univers risque neutre (ou de probabilité risque neutre)
 - Correspond à un environnement de simulation ou tous les prix observés sont cohérents avec le marché
 - Notion de« Market consistency »
 - Cela implique entre autre la capacité à répliquer les conditions de marché et la martingalité

Calibration

Données observées sur le marché à une date précise

Calibration par la minimisation de l'écart entre prix de marché et prix de modèle

Utilisation

Calcul des Provisions techniques BE, SCR, etc.

Simulation

Cohérence avec les prix d'actifs sur les marchés

La valeur actualisée du processus de prix est martingale

Les processus de prix évoluent en moyenne au taux sans risque



Déterminer son univers

Univers monde réel

 Les simulations reproduisent fidèlement l'historique des indices financiers

	-		•				٠		
1	_	П	1	h	r-	١t	П	_	n
L	.a	Ш	П	u	I C	1 L	Ш	U	11

Plage de données historiques

Propriétés statistiques

Utilisation

Calculs ORSA

Simulation

Etude de quantiles des variables obtenues

Comportement similaire à l'historique

Prise en compte d'une prime de risque

Exemple de sélection (1/2)

Nous voulons créer des scénarios économiques pour calculer le SCR.

Dans notre portefeuille nous avons des actions et de l'immobilier.

Nous sommes experts en modèles financiers.

Quel univers retenir?

RN

Exemple de sélection (2/2)

Nous souhaitons créer des scénarios économiques pour faire nos études de pilotage ORSA.

Dans notre portefeuille d'actifs nous disposons d'obligations et de l'immobilier. Nous disposons d'un historique conséquent concernant nos actifs.

Nous sommes spécialistes en modèles financiers.

Quel univers retenir?

MR



IV. Choix des modèles

Choisir ses modèles

- Il s'agit d'abord de savoir sur quel indice financier on souhaite travailler.
 Par exemple on peut vouloir simuler :
 - Les taux
 - Les actions
 - L'inflation
 - L' immobiliers
 - Le spread de crédit
- Ensuite, il convient de préciser quelques éléments comme :
 - Le niveau de compétences de la personne qui définit le GSE et analyse les sorties
 - L'univers de projection sur lequel vous souhaitez travailler (RN ou MR)
 - Les caractéristiques que l'on souhaite faire transparaitre dans les modèles

Choisir ses modèles

Compte tenu des éléments évoqués précédent, on peut sélectionner parmi le tableau suivant (non exhaustif) le modèle adapté:

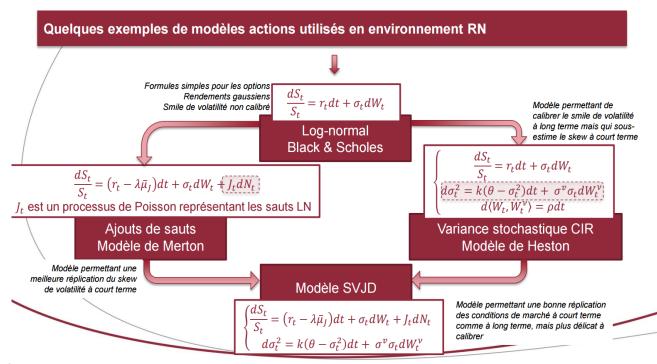
Indices	Modèles	Utilisation courbe de taux	Positivité des taux	Volatilité stochastique	Saut stochastique	Risque neutre	Monde réel	Compléxité
	LMM	X	х	X		Х	х	+++
	HW1F	X				X	Х	+
Taux	HW2F	X				X	X	++
	Vasicek						x	+
	Black-Scholes					Х	Х	+
Action et Immo	Heston			x		X	x	++
Action et illillo	Merton				х	X	x	++
	SVJD			X	X	X	X	+++
Inflation	Gadmer						x	+
	Kruse-Heston			x		X		++



Exemple de modèles

Exemple présenté lors du Congrès des Actuaires en Juin de 2016 par L.

DEVINEAU



B&S : 2 paramètres dans le modèle mais :

- taux constant
- volatilité constante
- absence de saut

SVJD : 8 paramètres mais capte mieux les évènement du marché

Cas pratiques

Nous souhaitons créer des scénarios économiques pour faire nos calculs de SCR.

Dans notre portefeuille nous avons des OAT, des actions européennes et de l'immobilier. Nous possédons de faibles compétences concernant les GSE.

Quel univers retenir?

RN

Quels indices?

Taux Action Immobilier Quels sont les modèles à retenir ?

H&W1 + B&S



Quelques points d'attention évoqués sur le marché :

- Complexité accru dans la définition des modèles dû à la prise en compte des taux négatifs liés un contexte économique peu favorable
- Des matrices de corrélations compliquées à paramétrer
- Des tests de validité relatifs aux calibrages pas toujours vérifiés
- De « petits changements » impliquent de forts impacts sur la volatilité des calculs exploitant les scénarios économiques: le calcul du SCR par exemple



V. Calibration



- Prochaine séance



IV. Utilisation de GSE



Un premier exemple d'outil disponible en ligne



http://apps.reacfin.com/ESG/

Introduction à l'aide d'une application sous Excel



Utilisation du package R appelé « ESG »

```
Package: ESG
Type: Package
Title: ESG - A package for asset projection
Version: 0.1
Date: 2013-01-13
Author: Jean-Charles Croix, Thierry Moudiki, Frédéric Planchet, Wassim
        Youssef
Maintainer: Wassim Youssef < Wassim.G. Youssef@gmail.com>
Description: The package presents a "Scenarios" class containing
        general parameters, risk parameters and projection results.
        Risk parameters are gathered together into a ParamsScenarios
        sub-object. The general process for using this package is to
        set all needed parameters in a Scenarios object, use the
        customPathsGeneration method to proceed to the projection, then
        use xxx PriceDistribution() methods to get asset prices.
License: GPL (>= 2)
Depends: methods
Encoding: latin1
Packaged: 2013-01-13 12:20:21 UTC; wassim
Repository: CRAN
Date/Publication: 2013-01-14 10:53:20
Built: R 3.3.2; ; 2016-10-31 23:45:31 UTC; windows
```

Chargement du package ESG

- Utilisation du package R appelé « ESG »
- Installation du package R avec la commande :

```
install.packages("ESG")
```

Téléchargement possible via: http://cran.r-project.org/web/packages/ESG/index.html

Ouverture du package à l'aide de la commande :

library(ESG)



Lecture de la documentation

Lecture de la documentation : ?ESP

MartingaleTest-method MartingaleTest method **ParamsScenarios** ParamsScenarios class ParamsScenarios class ParamsScenarios-class

rAllRisksFactors rAllRisksFactors rAssetDistribution rAssetDistribution rDefaultSpread rDefaultSpread rLiquiditySpread rLiquiditySpread rRealEstate rRealEstate rShortRate rShortRate

rStock rStock Scenarios Scenarios class Scenarios-class Scenarios class

setForwardRates method setForwardRates setForwardRates method setForwardRates-method

setParamsBaseScenarios setParamsBaseScenarios method

setParamsBaseScenarios-

method

setRiskParamsScenarios setRiskParamsScenarios method setRiskParamsScenarios-method setRiskParamsScenarios method

setRiskParamsScenariosdefSpr setRiskParamsScenariosdefSpr method

setRiskParamsScenariosdefSprmethod

setRiskParamsScenariosligSpr

setRiskParamsScenariosdefSpr method

setRiskParamsScenariosligSpr method

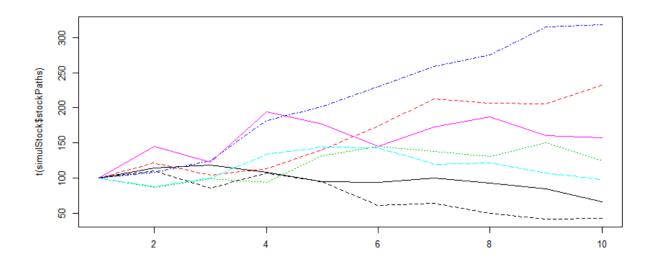
setParamsBaseScenarios method



Génération de valeurs action

Import d'une courbe de prix zéro-coupons
 Data(ZC)

- Sans précision sur le paramétrage, simuler et observer des valeurs Action simulStock <- rStock(horizon=9, nScenarios=7, ZC=ZC, vol=.1, k=2, volStock=.2, stock0=100, rho=.5) matplot(t(simulStock\$stockPaths), type='l')





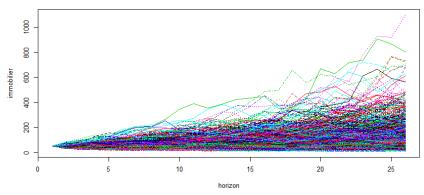
Générations d'autres valeurs

- Sans précision sur le paramétrage, simuler et observer des valeurs de taux courts:

```
rt <- rShortRate(horizon=15, nScenarios=500, ZC=ZC, vol=.1, k=2)
matplot(t(rt), type='l', xlab = "horizon", ylab = "taux court")</pre>
```

- Sans précision sur le paramétrage, simuler et observer des valeurs Immobilier:

```
re <- rRealEstate(horizon=25, nScenarios=1000, ZC=ZC, vol=.1, k=2,
volRealEstate=.15, realEstate0=50)
matplot(t(re$realEstatePaths), type='l', xlab = "horizon", ylab =
"immobilier")</pre>
```

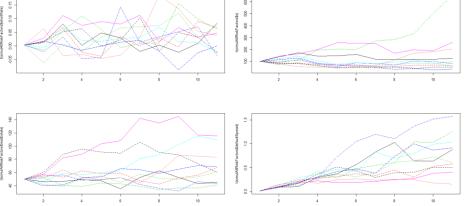


Tout en même temps?

Simuler et observer tous les indices en simultané

```
simulAllRiskFactors <- rAllRisksFactors(horizon=10, nScenarios=10, ZC, vol=.1,
k=2, volStock=.2, stock0=100, rho=.5, volRealEstate=.15, realEstate0=50, eta=.05,
liquiditySpread0=.01, defaultSpread0=.01, volDefault=.2, alpha=.1, beta=1)</pre>
par(mfrow=c(2,2))
```

```
matplot(t(simulAllRiskFactors$shortRate),
type='l')
matplot(t(simulAllRiskFactors$s), type='l')
matplot(t(simulAllRiskFactors$realEstate),
type='l')
matplot(t(simulAllRiskFactors$defaultSpread),
type='l')
```





Sensibilité et temps de calculs

- Réitérer l'opération en changeant les paramètres d'horizon et de simulation, et mesurant le temps entre chaque exécution

```
ptm1 <- proc.time()
(...)
ptm2 <- proc.time()
duree <- ptm2 - ptm1
duree</pre>
```

Par exemple (les résultats dépendent bien sur de la performance de votre machine)

10 simulations

Horizon	10	20	30	40	50
Temps	0,05	0,04	0,05	0,04	0,06

1000 simulations

Horizon	10	20	30	40	50
Temps	0,43	0,57	0,68	0,78	0,89

10 000 simulations

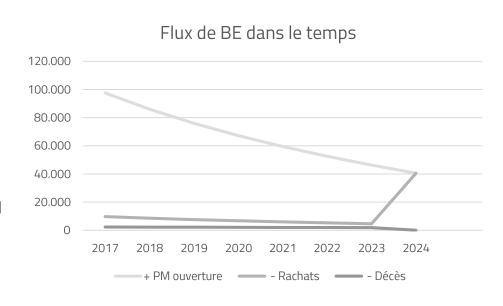
Horizon	10	20	30	40	50
Temps	4,38	5,26	6,43	6,89	19,89



Pour les calculs de Best Estimate

- Calculs de BE sur R :
 - Import de la fonction calculFlux sur base des éléments mis à disposition

- Cette fonction permet de calculer les flux futurs en tenant compte :
 - D'une facteur de revalorisation obtenu à l'aide des scénarios UC
 - D'un facteurs d'actualisation obtenu à l'aide des scénarios de taux
 - De paramètres comportementaux (rachat structurel et conjoncturel)



Paramétrer la fonction

```
k <- 0.12
sTaux <- 0.05
sUC <- .16
H <- 40
nSimulations <- 10
tauxRachatS <- .03
tauxRachatC <- .06</pre>
```

#Vitesse de retour à la moyenne du TC
#Volatilité du processus de TC

Paramétrage du calcul de BE

#Volatilité de l'UC
#Horizon de projection
#Nombre de simulations

 Générer les scénarios de taux et UC afin de lancer la fonction calculFlux

```
traj <- rStock(horizon=H,
nScenarios=nSimulations, ZC=ZC, vol=sTaux,
k=k, volStock=sUC, stock0=1, rho=.5)</pre>
```

```
trajectoiresTaux <- traj$shortRatePaths
trajectoiresUC <- traj$stockPaths</pre>
```

Génération de la trajectoire UC et TC. # Utilisation de rStock du package ESG

```
# Simulation de taux courts
# Simulation des actions
```

- En déduire les flux futurs puis les actualiser

Flux_futurs <- calculFlux(trajectoiresTaux,
trajectoiresUC,tauxRachatS,tauxRachatC)</pre>

ActuFlux_futurs <- Flux_futurs\$flux*Flux_futurs\$actu</pre>

#Actualisation des flux futurs

l'aide de la fonction

calculflux

Calculs des flux futurs à

Déterminer le Best Estimate empirique

BEempirique <- sum(ActuFlux_futurs)/nSimulations
BEempirique</pre>

BE empiriques calculé en faisant la moyenne des BE de chaque simulation

 Réitérer le procédé avec un nombre de simulation à 10 000 puis comparer les BE empiriques

 Déterminer puis observer la vitesse de convergence des Best estimates

```
moyemp <- rep(0, nSimulations)</pre>
w <- rep(1, nSimulations)/(1:nSimulations)</pre>
                                                              # Voir explications orales
temp moyemp <- apply(ActuFlux futurs,2,cumsum)*w</pre>
                                                                   Convergence du Best Estimate
movemp <- apply(temp movemp, 1, sum)</pre>
                                                                 en fonction du nombre de simulations
x11()
plot(x=(1:nSimulations), y=movemp,type="l",xlab=
"Nombre de simulations", ylab="Best Estimate")
lines(movemp,col="blue", lwd=2)
titre = paste("Convergence du Best Estimate",
"\n", "en fonction du nombre de simulations")
title(titre)
lines(x=(1:nSimulations), y=rep(1, nSimulations),
col='red', lwd=2, lty='dashed')
print(paste("Valeur de la moyenne des flux futurs
                                                                  2000
                                                                         4000
                                                                               6000
                                                                                      8000
                                                                                             10000
actualisés par simulation : ", BEempirique, sep=""))
                                                                        Nombre de simulations
```

- Pour aller plus loin : réitérer l'opération et changer les paramètres initiaux de la fonction calculsflux et les paramètrs pour générer les actifs
- Observer les écarts de BE

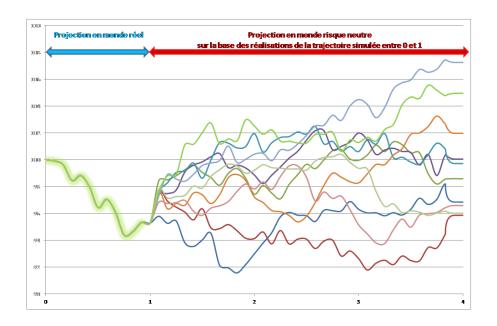




V. Pour en savoir plus

Autres applications

 Autre application : projeter sur la durée du plan stratégique ORSA les prix d'instruments financiers



Mise en place d'ajustements financier dans un cadre ORSA :

http://www.actuaris.fr/wp-content/uploads/2016/07/ajustfi-FR.pdf

Autres applications

- Liste de mémoires pertinents
- http://www.ressourcesactuarielles.net/C12574E200674F5B/0/DF2EADD42754D77EC1257 A3C00312EF6
- http://www.ressourcesactuarielles.net/C12574E200674F5B/0/57042DE29922D647C1257 B2E006D3583
- http://www.ressourcesactuarielles.net/C12574E200674F5B/0/2B4EBA08988A5583C1257 9FF003F19F7



All risk management content in just one click

Get ready for the beta:

Subscribe to our newsletter on www.agorisk.com

Follow us:





