



### Cours / TD sur les GSE Séance 1

#### **Aurélien Couloumy**

Head of Data Science chez Reacfin Maitre de conference associé à l'ISFA

Aurelien.Couloumy@reacfin.com

January-2018, Brussels

Strictly Confidential

### Contenu du cours

**Séance 1 –** Introduction aux GSE et Business cases

**Séance 2 –** Calibration et suite des Business cases





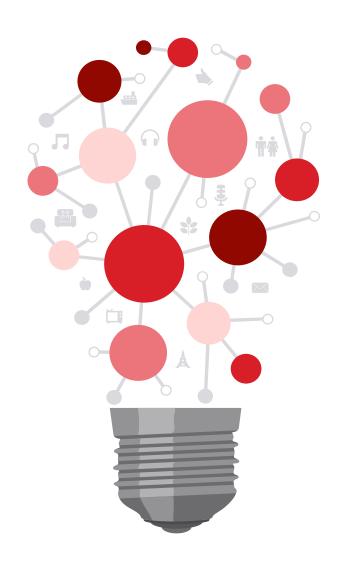
# Introduction

# **Evaluation?**



### Objectif du cours / TD

- Aborder de manière concrète la création et l'utilisation des Générateurs de Scénarios Economiques (GSE)
- Déterminer les cas d'usage d'un GSE
- Présenter et réaliser des business case métier

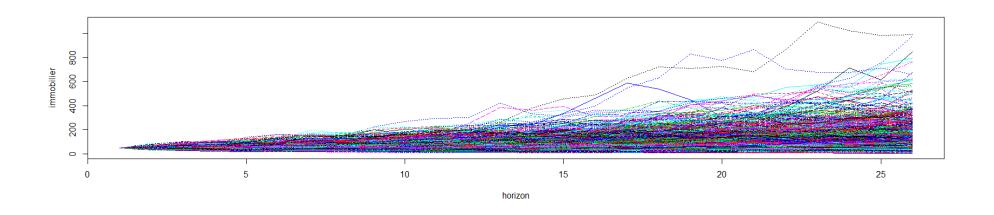






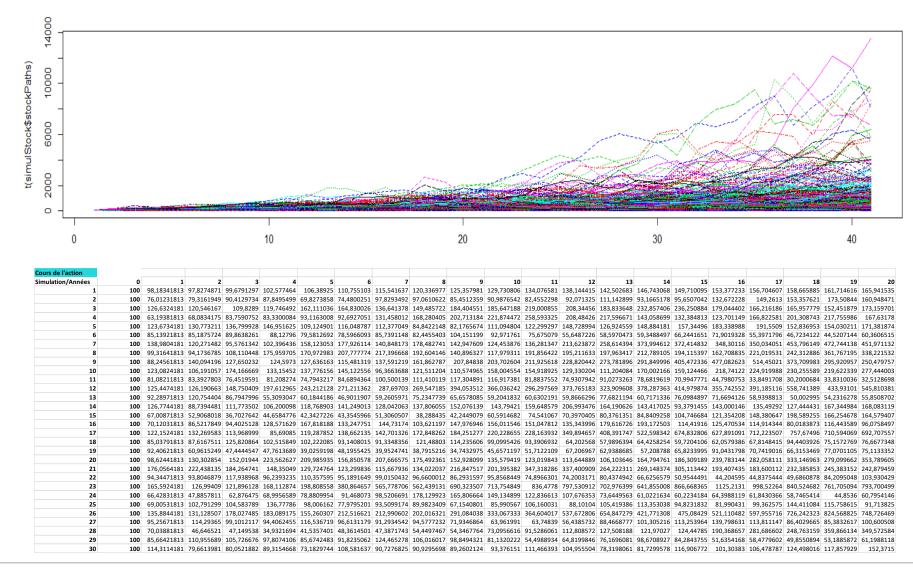
### Ce que sont ...

- Un GSE: un outil pour générer des scénarios économiques
- Des scénarios économiques : une liste d'indice économiques et financiers projetés de manière simultanée
- Des indices économiques et financiers: taux d'intérêt, action, inflation, immobilier, etc. déterminés à l'aide de modèles math.
- Des modèles math. : déterminés à l'aide de paramètres à calibrer (trend, volatilité) et de mouvements browniens





### **Exemple**





# Pourquoi utilise t'on un GSE ? (1/3)

### Sous l'angle produit :

- Pour calculer les engagements liés à un produit d'assurance : il est nécessaire de déterminer les flux futurs afférant à cette couverture
- En assurance de personne en particulier (Epargne, Retraite): ces flux projetés sont très largement dépendant des produits financiers auxquels ils sont adossés (gestion actif-passif)
- Il est donc nécessaire d'être en mesure de projeter aussi les actifs



# Pourquoi utilise t'on un GSE ? (2/3)

### Sous l'angle réglementaire

- Solvabilité 2 : le calcul du Best Estimate correspond à « la moyenne pondérée en fonction de leur probabilité des futurs flux de trésorerie compte tenu de la valeur temporelle de l'argent, laquelle est estimée sur la base de la courbe des taux sans risque pertinente »
- Calculs MCEV (market consistent embedded value): valorisation sur la base d'hypothèses market consistent
- **IFRS 4 :** les provision techniques doivent être déterminées suivant des hypothèses financière cohérente avec le marché



# Pourquoi utilise t'on un GSE ? (3/3)

### Concrètement

#### Dans la gestion Actif-passif :

- Valorisation du passif dans les calculs du BE à l'aide de courbes de taux
- Valorisation des actifs tels que les obligations à l'aide de courbes de taux ou les actions
- Allocations stratégiques

#### Dans les calculs du SCR :

 Calculs des passifs et actifs de manière market consistent pour obtenir un bilan projeté (central et choqué) à 1 an

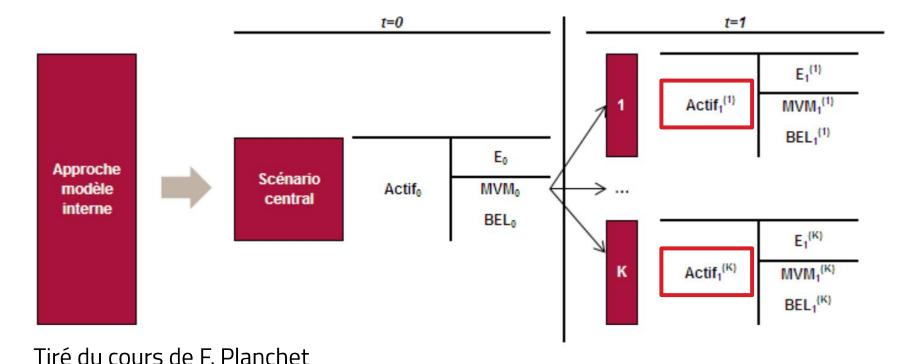
#### Dans le cadre des projections ORSA :

 Projection du bilan à un horizon supérieur à 1 an en tenant compte du Business plan et des stratégies liées



# **Exemple: SCR et bilan prudentiel**







### Une multitude d'outils

**Towers Watson Star ESG** 









Barrie & Hibbert Milliman CHESS



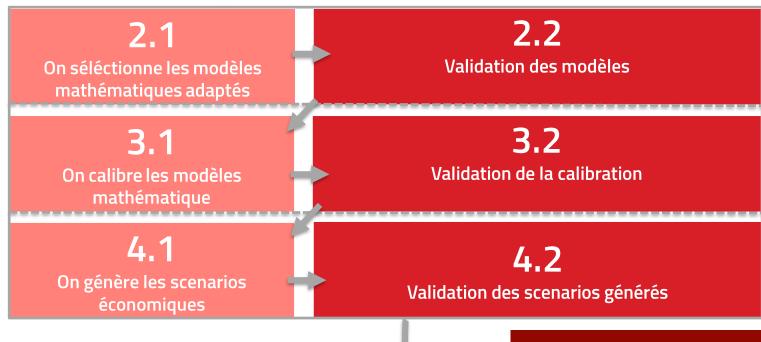
Et bien d'autres outils...



### **Processus**

On determine un "univers" de travail

**GSE** 





Jeu de scénarios économiques



### Déterminer son univers

#### Univers risque neutre (ou de probabilité risque neutre)

- Correspond à un environnement de simulation ou tous les prix observés sont cohérents avec le marché
- Notion de« Market consistency »
- Cela implique entre autre la capacité à répliquer les conditions de marché et la propriété de martingalité

#### Calibration

Données observées sur le marché à une date précise

Calibration par la minimisation de l'écart entre prix de marché et prix de modèle

#### Utilisation

Calcul des Provisions techniques BE, SCR, etc.

#### Simulation

Cohérence avec les prix d'actifs sur les marchés

La valeur actualisée du processus de prix est martingale

Les processus de prix évoluent en moyenne au taux sans risque



### Déterminer son univers

Calculs ORSA

#### Univers monde réel

Les simulations reproduisent fidèlement l'historique des indices financiers

Calibration	Simulation		
Plage de données historiques	Etude de quantiles des variables obtenues		
Propriétés statistiques	Comportement similaire à l'historique		
Utilisation	Prise en compte d'une prime de risque		



# Exemple de sélection (1/2)

Nous voulons créer des scénarios économiques pour calculer le SCR.

Dans notre portefeuille nous avons des actions et de l'immobilier.

Nous sommes experts en modèles financiers.

Quel univers retenir?

RN



# Exemple de sélection (2/2)

Nous souhaitons créer des scénarios économiques pour faire nos études de pilotage ORSA.

Dans notre portefeuille d'actifs nous disposons d'obligations et de l'immobilier. Nous disposons d'un historique conséquent concernant nos actifs. Nous sommes spécialistes en modèles financiers. Quel univers retenir?

MR





### Choisir ses modèles

- Il s'agit d'abord de savoir sur quel indice financier on souhaite travailler.
   Par exemple on peut vouloir simuler :
  - Les taux
  - Les actions
  - L'inflation
  - L' immobiliers
  - Le spread de crédit
- Ensuite, il convient de préciser quelques éléments comme :
  - Le niveau de compétences de la personne qui définit le GSE et analyse les sorties
  - L'univers de projection sur lequel vous souhaitez travailler (RN ou MR)
  - Les caractéristiques que l'on souhaite faire transparaitre dans les modèles (volat.
     Sto., saut, taux strict. positif, etc.)



### Choisir ses modèles

 Compte tenu des éléments évoqués précédent, on peut sélectionner parmi le tableau suivant (non exhaustif) le modèle adapté:

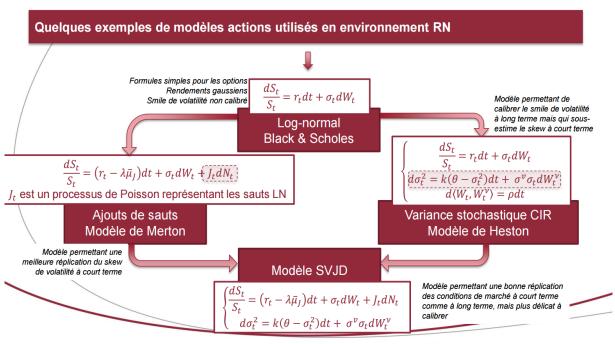
Indices	Modèles	Utilisation courbe de taux	Positivité des taux	Volatilité stochastique	Saut stochastique	Risque neutre	Monde réel	Compléxité
	LMM	X	Х	Х		Х	X	+++
	HW1F	X				X	Х	+
Taux	HW2F	X				X	Х	++
	Vasicek						х	+
Action et Immo	Black-Scholes					Х	Х	+
	Heston			х		х	Х	++
	Merton				Х	Х	х	++
	SVJD			Х	Х	Х	X	+++
Inflation	Gadmer						х	+
	Kruse-Heston			х		Х		++



### Exemple de modèles

Exemple présenté lors du Congrès des Actuaires en Juin de 2016 par L.

**DEVINEAU** 



# B&S : 2 paramètres dans le modèle mais :

- taux constant
- volatilité constante
- absence de saut

**SVJD : 8 paramètres** mais capte mieux les évènement du marché



## Cas pratiques

Nous souhaitons créer des scénarios économiques pour faire nos calculs de SCR.

Dans notre portefeuille nous avons des OAT, des actions européennes et de l'immobilier. Nous possédons de faibles compétences concernant les GSE.

Quel univers retenir?

RN

Quels indices?

Taux Action Immobilier Quels sont les modèles à retenir ?

H&W1 + B&S



## Quelques points d'attention

### Quelques points d'attention évoqués sur le marché :

- Complexité accru dans la définition des modèles dû à la prise en compte des taux négatifs liés un contexte économique peu favorable
- Des matrices de corrélations compliquées à paramétrer
- Des tests de validité relatifs aux calibrages pas toujours vérifiés
- De « petits changements » impliquent de forts impacts sur la volatilité des calculs exploitant les scénarios économiques: le calcul du SCR par exemple





# Calibrage

Prochaine séance





# Première approche

#### Un premier exemple d'outil disponible en ligne



http://apps.reacfin.com/ESG/



## Présentation de l'application

Introduction à l'aide d'une application sous Excel



### Prérequis

#### Utilisation du package R appelé « ESG »

```
Package: ESG
Type: Package
Title: ESG - A package for asset projection
Version: 0.1
Date: 2013-01-13
Author: Jean-Charles Croix, Thierry Moudiki, Frédéric Planchet, Wassim
        Youssef
Maintainer: Wassim Youssef < Wassim.G.Youssef@gmail.com>
Description: The package presents a "Scenarios" class containing
        general parameters, risk parameters and projection results.
        Risk parameters are gathered together into a ParamsScenarios
        sub-object. The general process for using this package is to
        set all needed parameters in a Scenarios object, use the
        customPathsGeneration method to proceed to the projection, then
        use xxx PriceDistribution() methods to get asset prices.
License: GPL (>= 2)
Depends: methods
Encoding: latin1
Packaged: 2013-01-13 12:20:21 UTC; wassim
Repository: CRAN
Date/Publication: 2013-01-14 10:53:20
Built: R 3.3.2; ; 2016-10-31 23:45:31 UTC; windows
```



## Chargement du package ESG

- Utilisation du package R appelé « ESG »

- Installation du package R avec la commande :

```
install.packages("ESG")
```

Téléchargement possible via: http://cran.r-project.org/web/packages/ESG/index.html

Ouverture du package à l'aide de la commande :

```
library(ESG)
```



### Lecture de la documentation

#### - Lecture de la documentation : ?ESP

MartingaleTest-method	MartingaleTest method
<u>ParamsScenarios</u>	ParamsScenarios class
ParamsScenarios-class	ParamsScenarios class
<u>rAllRisksFactors</u>	rAllRisksFactors
rAssetDistribution	rAssetDistribution
<u>rDefaultSpread</u>	rDefaultSpread
<u>rLiquiditySpread</u>	rLiquiditySpread
<u>rRealEstate</u>	rRealEstate
<u>rShortRate</u>	rShortRate
<u>rStock</u>	rStock
<u>Scenarios</u>	Scenarios class
Scenarios-class	Scenarios class
<u>setForwardRates</u>	setForwardRates method
setForwardRates-method	setForwardRates method
<u>setParamsBaseScenarios</u>	setParamsBaseScenarios method
setParamsBaseScenarios- method	setParamsBaseScenarios method
<u>setRiskParamsScenarios</u>	setRiskParamsScenarios method
setRiskParamsScenarios-method	setRiskParamsScenarios method
<u>setRiskParamsScenariosdefSpr</u>	setRiskParamsScenariosdefSpr method
setRiskParamsScenariosdefSpr- method	setRiskParamsScenariosdefSpr method
<u>setRiskParamsScenariosliqSpr</u>	setRiskParamsScenariosliqSpr method



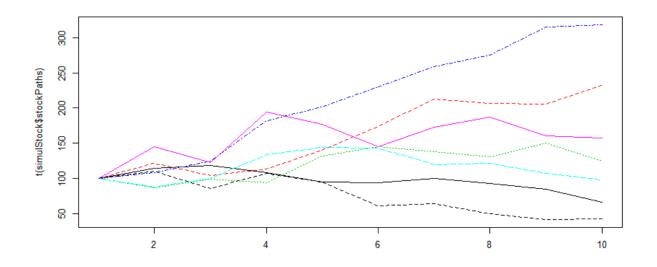
### Génération de valeurs action

- Import d'une courbe de prix zéro-coupons

```
Data(ZC)
```

- Sans précision sur le paramétrage, simuler et observer des valeurs Action

```
simulStock <- rStock(horizon=9, nScenarios=7, ZC=ZC, vol=.1, k=2,
volStock=.2, stock0=100, rho=.5)
matplot(t(simulStock$stockPaths), type='l')</pre>
```





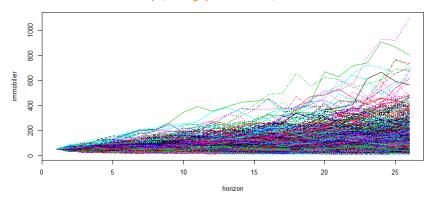
### Générations d'autres valeurs

- Sans précision sur le paramétrage, simuler et observer des valeurs de taux courts:

```
rt <- rShortRate(horizon=15, nScenarios=500, ZC=ZC, vol=.1, k=2)
matplot(t(rt), type='l', xlab = "horizon", ylab = "taux court")</pre>
```

- Sans précision sur le paramétrage, simuler et observer des valeurs Immobilier:

```
re <- rRealEstate(horizon=25, nScenarios=1000, ZC=ZC, vol=.1, k=2,
volRealEstate=.15, realEstate0=50)
matplot(t(re$realEstatePaths), type='l', xlab = "horizon", ylab = "immobilier")</pre>
```





### Tout en même temps?

#### - Simuler et observer tous les indices en simultané

```
simulAllRiskFactors <- rAllRisksFactors(horizon=10, nScenarios=10, ZC, vol=.1,
k=2, volStock=.2, stock0=100, rho=.5, volRealEstate=.15, realEstate0=50, eta=.05,
liquiditySpread0=.01, defaultSpread0=.01, volDefault=.2, alpha=.1, beta=1)

par(mfrow=c(2,2))

matplot(t(simulAllRiskFactors$shortRate),
type='1')
matplot(t(simulAllRiskFactors$realEstate),
type='1')
matplot(t(simulAllRiskFactors$defaultSpread),
type='1')</pre>
```



## Sensibilité et temps de calculs

 Réitérer l'opération en changeant les paramètres d'horizon et de simulation, et mesurant le temps entre chaque exécution

```
ptm1 <- proc.time()
(...)
ptm2 <- proc.time()
duree <- ptm2 - ptm1
duree</pre>
```

 Par exemple

 (les résultats dépendent bien sur de la performance de votre machine)

#### 10 simulations

Horizon	10	20	30	40	50
Temps	0,05	0,04	0,05	0,04	0,06

#### 1000 simulations

Horizon	10	20	30	40	50
Temps	0,43	0,57	0,68	0,78	0,89

#### 10 000 simulations

Horizon	10	20	30	40	50
Temps	4,38	5,26	6,43	6,89	19,89

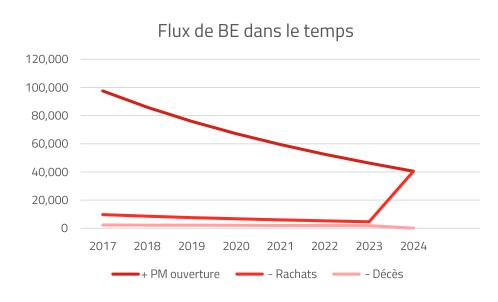


### Pour les calculs de Best Estimate

#### - Calculs de BE sur R :

- Import de la fonction calculFlux sur base des éléments mis à disposition

- Cette fonction permet de calculer les flux futurs en tenant compte :
  - D'une facteur de revalorisation obtenu à l'aide des scénarios UC
  - D'un facteurs d'actualisation obtenu à l'aide des scénarios de taux
  - De paramètres comportementaux (rachat structurel et conjoncturel)





Paramétrer la fonction

```
k <- 0.12
sTaux <- 0.05
sUC <- .16
H <- 40
nSimulations <- 10
tauxRachatS <- .03
tauxRachatC <- .06</pre>
```

 Générer les scénarios de taux et UC afin de lancer la fonction calculFlux

```
traj <- rStock(horizon=H,
nScenarios=nSimulations, ZC=ZC, vol=sTaux,
k=k, volStock=sUC, stock0=1, rho=.5)

trajectoiresTaux <- traj$shortRatePaths
trajectoiresUC <- traj$stockPaths</pre>
```

```
# Paramétrage du calcul de BE
#Vitesse de retour à la moyenne du TC
#Volatilité du processus de TC
#Volatilité de l'UC
#Horizon de projection
#Nombre de simulations
# Génération de la trajectoire UC et TC.
# Utilisation de rStock du package ESG
# Simulation de taux courts
# Simulation des actions
```



• En déduire les flux futurs puis les actualiser

Flux\_futurs <- calculFlux(trajectoiresTaux,
trajectoiresUC,tauxRachatS,tauxRachatC)</pre>

ActuFlux\_futurs <- Flux\_futurs\$flux\*Flux\_futurs\$actu</pre>

Déterminer le Best Estimate empirique

BEempirique <- sum(ActuFlux\_futurs)/nSimulations
BEempirique</pre>

 Réitérer le procédé avec un nombre de simulation à 10 000 puis comparer les BE empiriques # Calculs des flux futurs à
l'aide de la fonction
calculflux

#Actualisation des flux futurs

# BE empiriques calculé en faisant la moyenne des BE de chaque simulation

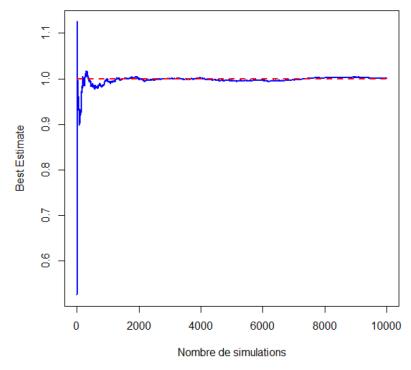


 Déterminer puis observer la vitesse de convergence des Best estimates

```
moyemp <- rep(0, nSimulations)</pre>
w <- rep(1, nSimulations)/(1:nSimulations)</pre>
temp moyemp <- apply(ActuFlux futurs,2,cumsum)*w</pre>
movemp <- apply(temp movemp, 1, sum)</pre>
x11()
plot(x=(1:nSimulations), y=movemp,type="l",xlab=
"Nombre de simulations", ylab="Best Estimate")
lines(movemp,col="blue", lwd=2)
titre = paste("Convergence du Best Estimate",
"\n", "en fonction du nombre de simulations")
title(titre)
lines(x=(1:nSimulations), y=rep(1, nSimulations),
col='red', lwd=2, lty='dashed')
print(paste("Valeur de la moyenne des flux futurs
actualisés par simulation : ", BEempirique, sep=""))
```

#### # Voir explications orales

### Convergence du Best Estimate en fonction du nombre de simulations





- Pour aller plus loin : réitérer l'opération et changer les paramètres initiaux de la fonction calculsflux et les paramètres pour générer les actifs
- Observer les écarts de BE

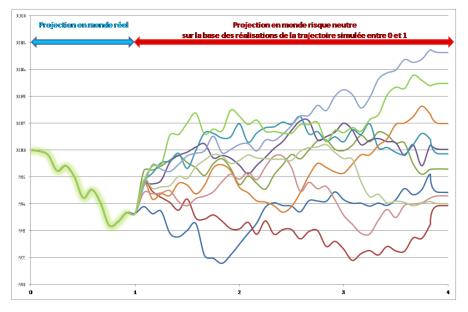






## **Autres applications**

 Autre application : projeter sur la durée du plan stratégique ORSA les prix d'instruments financiers



Mise en place d'ajustements financier dans un cadre ORSA :

http://www.actuaris.fr/wp-content/uploads/2016/07/ajustfi-FR.pdf



### **Autres applications**

- Liste de mémoires pertinents
  - http://www.ressourcesactuarielles.net/C12574E200674F5B/0/DF2EADD42754D77EC1257A3C003 12EF6
  - http://www.ressourcesactuarielles.net/C12574E200674F5B/0/57042DE29922D647C1257B2E006D 3583
  - http://www.ressourcesactuarielles.net/C12574E200674F5B/0/2B4EBA08988A5583C12579FF003F 19F7



### **Contact details**



Place de l'Université, 25 B-1348 Louvain-la-Neuve (Belgium) T +32 (0) 10 84 07 50

www.reacfin.com

#### **Aurélien Couloumy**

Head of Data Science M: +33 6 26 13 09 97

Aurelien.Couloumy@reacfin.com

