#### Al For Math

作者名稱: 簡偉恆、盧詠涵

輔仁大學數學系資訊數學組一年級

2025年6月5日

# 目錄

- 六堂課目錄
- ② KAN 論文簡介
- KAN 實作
- 動記憶模型能不能降低 KAN 的誤差

## 六堂課目錄

- 113 年學年度第二學期 AI for Math 系列演講
- 114 年 02 月 27 日潘老師講題: 感知機 (The Perceptron)
- 114 年 03 月 06 日潘老師講題: 淺談 Adaptive Linear Neuron 和 Widrow-Hoff Learning
- 114 年 03 月 20 日潘老師講題: The Basics of Multilayer Perceptron and Backpropagation
- 114 年 03 月 27 日俞讚城老師講題: Introduction to Shannon Entropy and Cross Entropy
- 114 年 04 月 17 日俞讚城老師講題: Introduction to Universal Approximation Theorems and Application in AI
- 114 年 05 月 08 日嚴健彰老師講題: KAN: Kolmogorov-Arnold Networks

### KAN 論文簡介

• 論文發表時間: 2023

• 主要特點:整合領域先驗知識與深度神經網路

• 應用領域: 數學建模與科學計算

### KAN 架構與特點

- KAN (Kolmogorov—Arnold Network) 受 Kolmogorov—Arnold 表示定理(KAT) 啟發
- 創新架構:
  - 可學習的一維激活函數位於邊上,取代傳統線性權重
  - 使用樣條函數 (spline) 參數化
  - 每個節點僅執行線性加總,不附加任何非線性激活函數。

## KAN 優勢

- 效能優勢:
  - 小規模 AI 任務中, 參數量更少
  - 比 MLP 擁有更高精度
  - 更快的泛化縮放律
- 可解釋性:
  - 激活函數可視化
  - 可逐層稀疏修剪
  - 適用於(準)符號回歸與科學發現
- 應用優勢:
  - 可用於 PDE 求解 (PINN 框架)
  - 連續學習中能有效避免遺忘現象
  - 結合樣條高精度與 MLP 組合結構

## KAN 實作

```
[2,1,1] Test RMSE: 1.265029
```

=== [2,1,1] 測試點比較 ===

x=0.10, y=0.10 真實: 1.375775 預測: 3.680561 誤差: 2.304786 x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 2.694129 誤差: 0.796214 x=0.75, y=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.694129 誤差: 0.535212

#### [2,1,1] 測試點比較

[2,5,1] Test RMSE: 1.445008

=== [2,5,1] 測試點比較 ===

x=0.10, y=0.10 真實: 1.375775 預測: 2.344764 誤差: 0.968989 x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 3.075765 誤差: 0.414578

x=0.75, y=0.25 真實:2.158917 預測:2.608403 誤差:0.449486

[2,5,1] 測試點比較

圖片

圖片

## KAN 實作

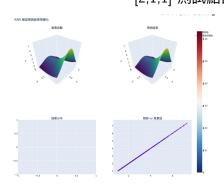
```
[2,1,1] Test RMSE: 0.002997
```

=== [2,1,1] 測試點比較 ===

x=0.10, y=0.10 真實: 1.375775 預測: 1.376149 誤差: 0.000375 x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 3.486988 誤差: 0.003355

x=0.75, y=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.158463 <u>誤差: 0.000454</u>

### .50917 <sub>預測:2</sub>155463 <del>誤差:01000454</del> 圖片 [2,1,1] 測試點比較



圖片:211 比較 2 視覺化

## KAN 實作

```
[2,1,1] Test RMSE: 0.003584
=== [2,1,1] 測試點比較 ===
x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:1.376706 誤差:0.000932
x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 3.489892 誤差: 0.000452
x=0.75, v=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.158352 誤差: 0.000565
[2,1,1] Test RMSE: 1.112584
=== [2,1,1] 測試點比較 ===
x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:2.449288 誤差:1.073513
x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 2.449288 誤差: 1.041055
x=0.75, y=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.449288 誤差: 0.290371
[2,1,1] Test RMSE: 0.002997
=== [2,1,1] 測試點比較 ===
x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:1.376149 誤差:0.000375
x=0.50, y=0.50 真實:3.490343 預測:3.486988 誤差:0.003355
x=0.75, y=0.25 真實:2.158917 預測:2.158463 誤差:0.000454
```

# 記憶模型能不能降低 KAN 的誤差

• 記憶模型能不能降低 KAN 的誤差