Al For Math

作者名稱: 簡偉恆、盧詠涵

輔仁大學數學系資訊數學組一年級

2025年6月8日

大綱

- ① 社群活動簡介
- ② KAN: Kolmogorov-Arnold Network 論文簡介
- ③ Kolmogorov-Arnold Network 實作
- ④ 記憶模型能不能降低 Kolmogorov-Arnold Networks 的誤差

六堂課程總覽

113 年學年度第二學期 AI for Math 系列演講

日期	講者	講題
114/02/27	潘老師	感知機(The Perceptron)
114/03/06	潘老師	淺談 Adaptive Linear Neuron 和 Widrow-Hoff
		Learning
114/03/20	潘老師	The Basics of Multilayer Perceptron and Back-
		propagation
114/03/27	俞讚城	Introduction to Shannon Entropy and Cross
		Entropy
114/04/17	俞讚城	Introduction to Universal Approximation The-
		orems and Application in Al
114/05/08	嚴健彰	KAN: Kolmogorov-Arnold Networks

KAN 論文簡介

- 論文發表時間: 2023 年
- 論文標題: KAN: Kolmogorov-Arnold Networks
- 主要特點:整合領域先驗知識與深度神經網路
- 應用領域: 數學建模與科學計算

KAN 架構與特點

- KAN (Kolmogorov-Arnold Network) 受 Kolmogorov-Arnold 表示定理(KAT) 啟發
- 創新架構:
 - 可學習的一維激活函數位於邊上,取代傳統線性權重
 - 使用樣條函數(spline)參數化
 - 每個節點僅執行線性加總,不附加任何非線性激活函數。

KAN 優勢

- 效能優勢:
 - 小規模 AI 任務中,參數量更少
 - 比 MLP 擁有更高精度
 - 更快的泛化縮放律
- 可解釋性:
 - 激活函數可視化
 - 可逐層稀疏修剪
 - 適用於(準)符號回歸與科學發現
- 應用優勢:
 - 可用於 PDE 求解(PINN 框架)
 - 連續學習中能有效避免遺忘現象
 - 結合樣條高精度與 MLP 組合結構

KAN 實作

```
[2,1,1] Test RMSE: 1.265029
```

=== [2,1,1] 測試點比較 ===

x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:3.680561 誤差:2.304786 x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 2.694129 誤差: 0.796214 x=0.75, y=0.25 真實:2.158917 預測:2.694129 誤差: 0.535212

[2,1,1] 測試點比較

[2,5,1] Test RMSE: 1.445008

=== [2,5,1] 測試點比較 ===

x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:2.344764 誤差:0.968989 x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 3.075765 誤差: 0.414578

x=0.75, y=0.25 真實:2.158917 預測:2.608403 誤差: 0.449486

[2,5,1] 測試點比較

圖片

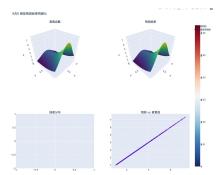
KAN 實作

[2,1,1] Test RMSE: 0.002997

=== [2,1,1] 測試點比較 ===

x=0.10, y=0.10 真實: 1.375775 預測: 1.376149 誤差: 0.000375 x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 3.486988 誤差: 0.003355 x=0.75, y=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.158463 誤差: 0.000454

片:211 比較 2

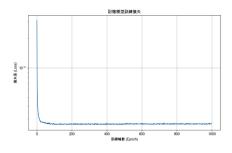


圖片:211 比較 2 視覺化

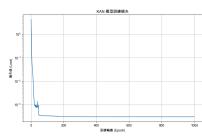
KAN 實作

```
[2,1,1] Test RMSE: 0.003584
=== [2,1,1] 測試點比較 ===
x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:1.376706 誤差:0.000932
x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 3.489892 誤差: 0.000452
x=0.75, v=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.158352 誤差: 0.000565
[2,1,1] Test RMSE: 1.112584
=== [2,1,1] 測試點比較 ===
x=0.10, y=0.10 真實: 1.375775 預測: 2.449288 誤差: 1.073513
x=0.50, y=0.50 真實: 3.490343 預測: 2.449288 誤差: 1.041055
x=0.75, y=0.25 真實: 2.158917 預測: 2.449288 誤差: 0.290371
[2,1,1] Test RMSE: 0.002997
=== [2,1,1] 測試點比較 ===
x=0.10, y=0.10 真實:1.375775 預測:1.376149 誤差:0.000375
x=0.50, y=0.50 真實:3.490343 預測:3.486988 誤差:0.003355
x=0.75, y=0.25 真實:2.158917 預測:2.158463 誤差:0.000454
```

記憶模型能不能降低 KAN 的誤差



圖片: 記憶功能訓練結果



圖片:kan 訓練結果

200

10 / 12

記憶模型能不能降低 KAN 的誤差

測試結果:

輸入: x = 0.5, y = 0.5

預測值: 3.489805

真實值: 3.490343

相對誤差: 0.02%

結果數據

圖片: 增加記憶功能後的

謝謝大家

報告結束