Cálculo III

Lista 5 - Integrais triplas em coordenadas cilíndricas

Utilize coordenadas cilíndricas para calcular a integral dada.

1.
$$\iiint\limits_E \sqrt{x^2+y^2}\,dV,\quad E \text{ \'e a região que est\'a dentro do cilindro } x^2+y^2=16 \text{ e entre os planos}$$

$$z=-5 \text{ e } z=4$$
 Resposta: 384π

2.
$$\iiint_E z \, dV$$
, E é limitado pelo paraboloide $z = x^2 + y^2$ e pelo plano $z = 4$ Resposta: $\frac{64\pi}{3}$

3.
$$\iiint_E (x+y+z) \, dV, \quad E \text{ \'e o s\'olido do primeiro octante que est\'a abaixo do paraboloide } z = 4-x^2-y^2$$
 Resposta:
$$\frac{128+40\pi}{15}$$

4.
$$\iiint_E (x-y) dV$$
, E é o sólido que está entre os cilindros $x^2 + y^2 = 1$ e $x^2 + y^2 = 16$, acima do plano xy e abaixo do plano $z = y + 4$

5.
$$\iiint_E x^2 dV, \quad E \text{ \'e o s\'olido que est\'a dentro do cilindro } x^2 + y^2 = 1, \text{ acima do plano } z = 0 \text{ e}$$
 abaixo do cone $z^2 = 4x^2 + 4y^2$ Resposta: $\frac{2\pi}{5}$

6.
$$\iiint_E x \, dV, \quad E \text{ \'e limitado pelos planos } z = 0 \text{ e } z = x + y + 5 \text{ e pelos cilindros } x^2 + y^2 = 4 \text{ e}$$

$$x^2 + y^2 = 9$$
Resposta: $\frac{65\pi}{4}$

Utilize coordenadas cilíndricas para determinar o volume do sólido.

7. Limitado pelo cone
$$z=\sqrt{x^2+y^2}$$
 e abaixo da esfera $x^2+y^2+z^2=2$ Resposta: $\frac{4\pi(\sqrt{2}-1)}{3}$

8. Entre o paraboloide
$$z=x^2+y^2$$
 e a esfera $x^2+y^2+z^2=2$ Resposta: $\frac{(8\sqrt{2}-7)\pi}{6}$

9. Limitado pelo paraboloide
$$z=24-x^2-y^2$$
 e pelo cone $z=2\sqrt{x^2+y^2}$ Resposta: $\frac{512\pi}{3}$

Referência

STEWART, James. Cálculo: volume 2. 8ª ed. São Paulo, SP: Cengage Learning, 2016. ISBN 9788522125845.