Øving 8 - Uke 41

Oppgave 1. Hvilke naturlige tall x slik at $30 \le x \le 45$ er primtall?

Oppgave 2. La p være et primtall slik at p > 2 og $p \neq 5$. Gjør følgende.

- (1) Dersom $p \equiv 7 \pmod{10}$, vis at $p^2 \equiv -1 \pmod{10}$.
- (2) Vis at det ikke er sant at $p \equiv 4 \pmod{10}$. Tips: Benytt Proposisjon 3.2.54.
- (3) Vis at enten $p^2 1$ er delelig med 10 eller $p^2 + 1$ er delelig med 10.

Oppgave 3. Gjør følgende.

- (1) Skriv ned de første 10 primtallene p slik at $p \equiv 5 \pmod{6}$.
- (2) La n være et naturlig tall. Bevis at det er et primtall p slik at $p \equiv 5 \pmod{6}$ og p > n. Med andre ord, bevis at det er uendelig mange primtall som er kongruent til 5 modulo 6. Tips: Se på 6q 1, hvor q er produktet av alle primtallene som er mindre enn eller like n og som er kongruent til 5 modulo 6.

Oppgave 4 (Valgfritt, men anbefalt!). Løs Oppgave 2 i Øving 4 ved å benytte kongruenser istedenfor å benytte divisjonsalgoritmen direkte.