

Recursividade

Recursividade

- Um objeto é dito recursivo se ele consistir parcialmente ou for definido em termos de si próprio. Nesse contexto, um tipo especial de algoritmo será utilizado, algumas vezes, para a solução de alguns problemas. Esse procedimento é denominado recursivo.
- Em programação, uma função que chama a si mesma, é denominada de função recursiva.
- Toda função, recursiva ou não, deve possuir pelo menos uma chamada proveniente de um local exterior a ela. Essa chamada é denominada externa. Uma função não recursiva é, pois, aquela em que todas as chamadas são externas.

Recursividade

- O algoritmo recursivo precisa ter uma condição de parada. Da mesma forma que, quando utilizamos uma estrutura de repetição, precisamos de um condição que delimite o número de repetições a serem executadas, em um algoritmo recursivo precisamos de uma condição que nos diga quantas vezes o algoritmo será executado recursivamente.

Recursividade

A recursão pode ser direta e indireta:

a) Direta

São as chamadas feitas diretamente na própria função

b) Indireta

A recursão pode ser chamada de dentro de outras funções, do tipo:

$$f() \rightarrow f1() \rightarrow f2() \dots \rightarrow fn() \rightarrow f()$$

Recursividade

Para resolver um problema recursivo podemos aplicar o seguinte método:

- se a instância em questão é pequena,
 - resolva-a diretamente ;
- senão,
 - *reduza-a* a uma instância menor do mesmo problema,
 - aplique o método à instância menor e
 - volte à instância original.

Recursividade

Sabe-se que o cálculo de fatorial de um número n inteiro é a multiplicação de n pelos seus inteiros antecessores até o número inteiro 1. Se atribui a n o valor 5 ($n = 5$), o fatorial de n ($n!$) será:

$$5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1$$

ou

$$n! = n * (n-1) * (n-2) * (n-3) * (n-4)$$

Ressalva se faz para o número 0 (zero), em que o fatorial de 0 é sempre 1.

Recursividade

Podemos determinar o fatorial de 5 da seguinte forma:

$$5! = 5 * 4!$$

$$4! = 4 * 3!$$

$$3! = 3 * 2!$$

$$2! = 2 * 1!$$

$$1! = 1 * 0!$$

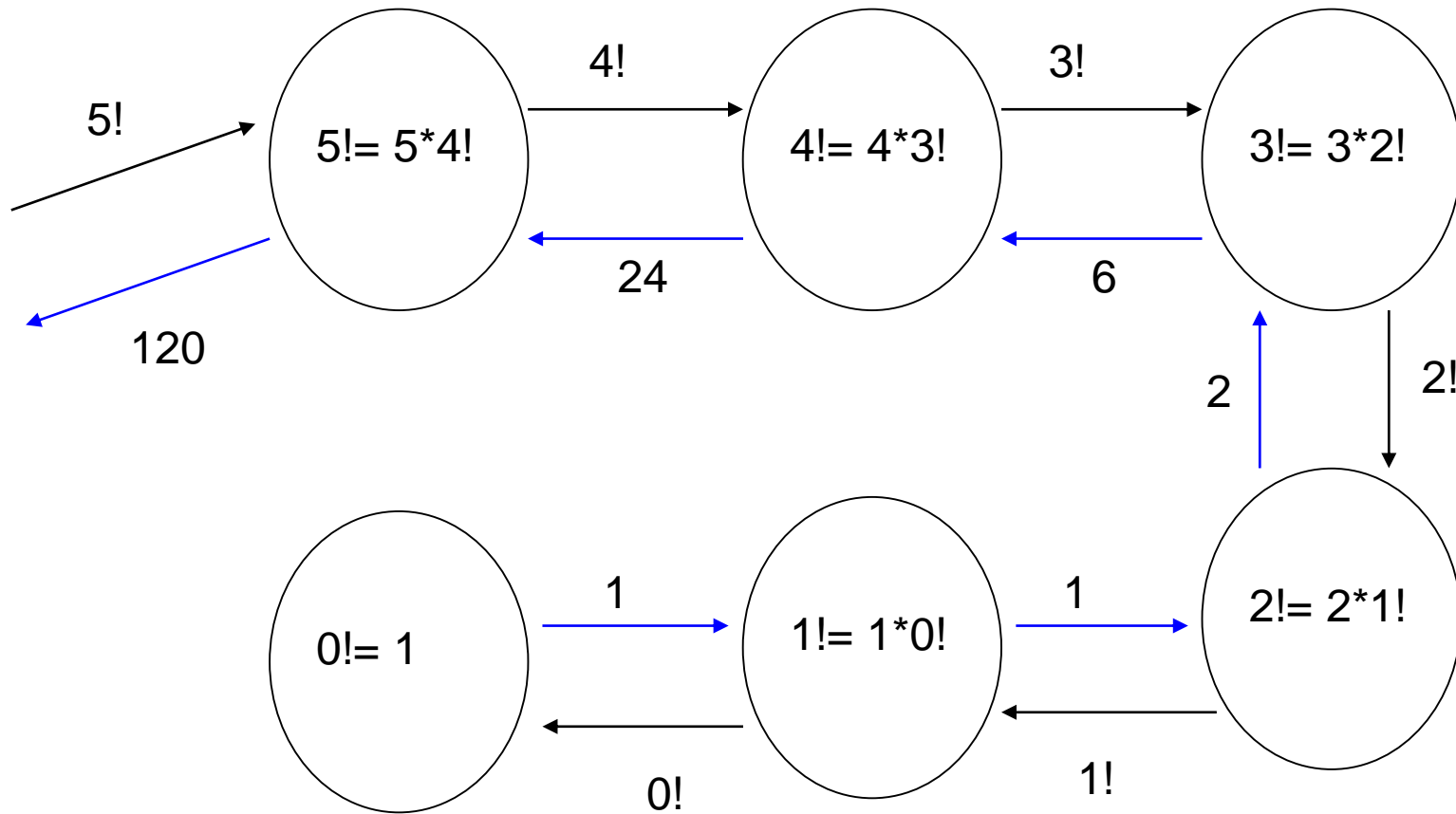
$$0! = 1$$


$$\text{fatorial}(0) = 1$$

$$\text{fatorial}(n) = n * \text{fatorial}(n-1)$$

```
def fatorial (n):  
    if (n==0):  
        return 1  
    else :  
        return n* fatorial (n-1)
```

Recursividade



Série de Fibonacci:

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89 ...

$$\text{Fibonacci}(n) = \begin{cases} 0, & \text{se } n = 1 \\ 1, & \text{se } n = 2 \\ \text{Fibonacci}(n-1) + \text{Fibonacci}(n-2), & \text{se } n > 2 \end{cases}$$

```
def fibonacci (n):  
    if n==1:  
        return 0  
    elif n==2:  
        return 1  
    else:  
        return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
```

Recursividade

- A recursão é tratada como qualquer outra chamada de função. Isso envolve guardar o estado atual do processamento de maneira que ela possa continuar de onde parou, quando a função estiver terminada. Guardar o estado de um processamento consome tempo e memória, por isso a recursão é usualmente tida como menos eficiente que a iteração (repetição).

Exercícios

1. Escrever uma função recursiva para mostrar a representação binária de um número inteiro.
2. Escrever uma função recursiva para mostrar o nro de dígitos de um número inteiro
3. Escrever uma função recursiva para inverter um número inteiro