# Análise de Série Temporais - Trabalho 02

Prof Fernando Lucambio Pérez

Willian Meira Schlichta - GRR20159077 2019-12-04

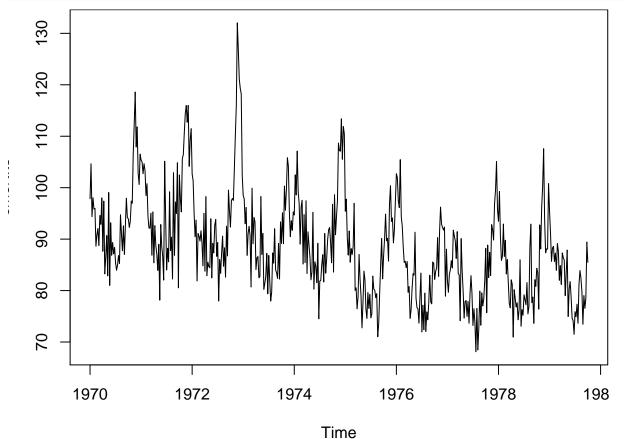
## Modelos ARIMA

## Exercício 10

a) Com os dados *cmort* foi ajustado um AR(2) usando regressão linear. Os dados foram coletados semanalmente ao longo dos anos, por isso a frequência utilizada para transformar os dados em uma série foi 52.

```
library(astsa)

cmort.ts = ts(cmort, freq = 52, start = c(1970,1))
par(mar=c(4,4,0,0.5))
plot.ts(cmort.ts)
```

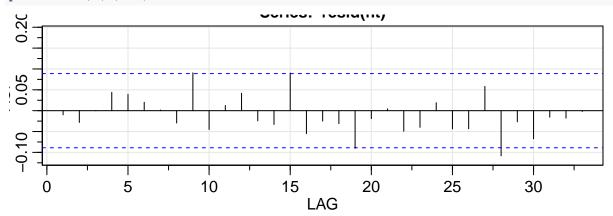


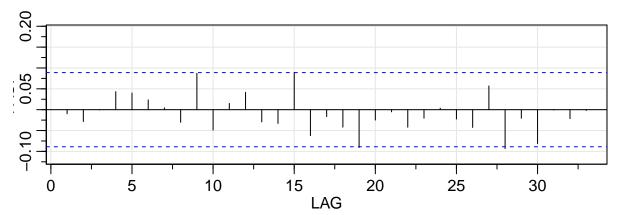
```
x.lag1 <- lag(cmort.ts, 1)
x.lag2 <- lag(cmort.ts, 2)</pre>
```

```
dbajuste = na.omit(cbind(cmort.ts,x.lag2, x.lag1))
fit <- lm(cmort.ts ~ ., data = dbajuste)</pre>
```

No gráfico acima notamos a correlação dos erros, também na função de autocorrelação parcial (PACF) a correlação autoregressiva.

par(mar=c(4,4,0,0));acf2(resid(fit))

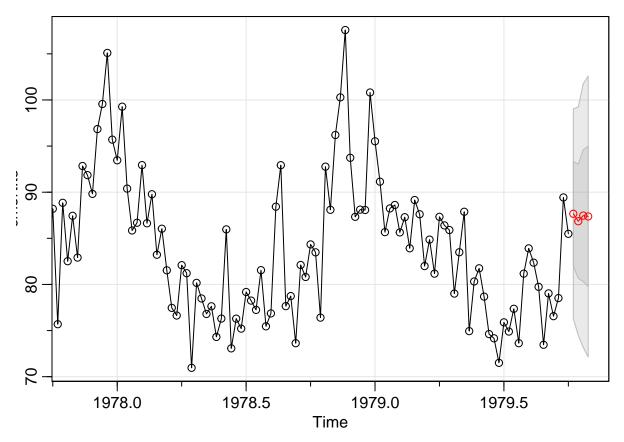




Consideramos o modelo bem ajustado, sendo que o os resíduos estão dentro dos limites do intervalor de confiança.

b) Uma maneira alternativa de ajustar o modelo de regressão como feito no exercício acima é utilizando a função sarima(). Como neste caso estamos lidando com predição, o código utilizado é o sarima.pred(), assim como foi feito abaixo. Um ponto de atenção é que modelos lineares são mais sensíveis a grande números quando comparado ao ajuste com sarima().

par(mar=c(4,4,0,0)); sarima.for(cmort.ts, 2,0,0, n.ahead = 4)



O gráfico apresenta apenas o final da série, pois esse período possui os dados mais importantes do o ajuste.

## Exercício 18

## [2,] 0.4417874

Ajustando um modelo AR(2) para a série de mortalidade cardiovascular cmort discutida no exercício anterior:

```
# Ajustando o AR(2)
AR2 <- arima(cmort, order=c(2,0,0))

# Usando regressão linear
mod1 <- ar.ols(cmort, order=2, demean=FALSE, intercept=TRUE)

# Usando o Yule-Walker
mod2 <- ar.yw(cmort, order=2)</pre>
```

a) As estimativas ficaram muito próximas. A diferênça é que a primeira possui estimativa para o intercepto, enquanto a segunda não.

```
# Usando regressão linear:
mod1$ar

## , , 1
##
## [,1]
## [1,] 0.4285906
```

```
# Usando Yule-Walker:
mod2$ar
```

### ## [1] 0.4339481 0.4375768

b) Valores baixos para as estimativas dos erros padrões nos dois modelos. Foram também bem próximas nos dois modelos concordando com a proposição III.10, que refere-se aos estimadores do modelo ARIMA para amostras grandes. Em outras palavras, muito provávelmente a distribuição dos estimadores para o modelo ARIMA está próxima da distribuição normal assintótica.

```
# Usando regressão linear:
mod1$asy.se.coef

## $x.mean
## [1] 2.393673
##
## $ar
## [1] 0.03979433 0.03976163

# Usando Yule-Walker:
mod2$ar

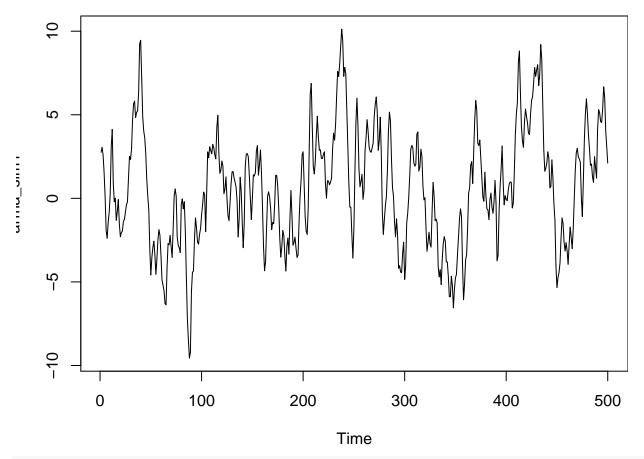
## [1] 0.4339481 0.4375768
sqrt(diag(mod2$asy.var.coef))

## [1] 0.04001303 0.04001303
```

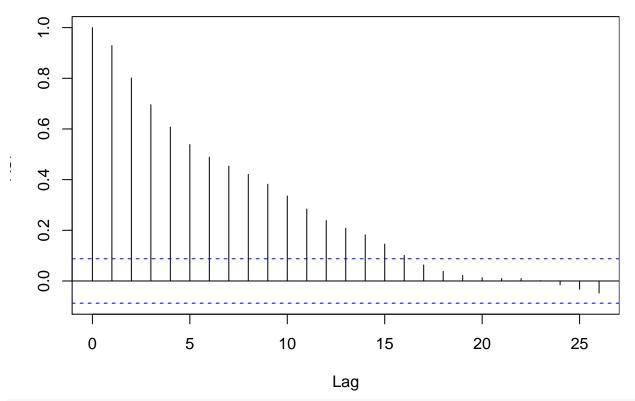
## Exercício 20

Como o modelo depende somente dos dados amostrais, e as componentes de média móvel e autoregressivas dependem apenas das últimas realizações em cada modelo simulado, os resultados são diferentes em cada série.

```
set.seed(123)
arma_sim1 <- arima.sim(model=list(ar=c(.9),ma=c(.9)),n=500)
par(mar=c(4,4,0,0));ts.plot(arma_sim1)</pre>
```



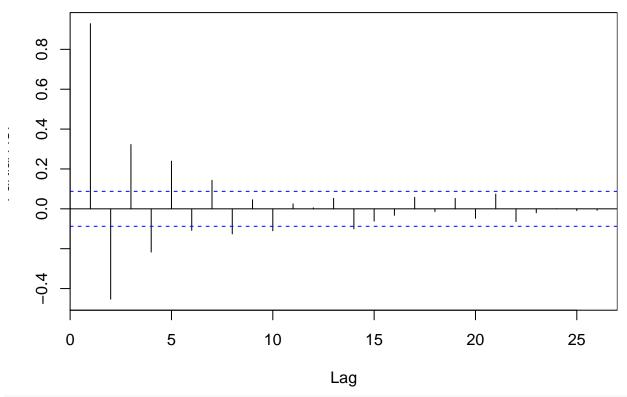
par(mar=c(4,4,3,0));arma\_acf1 <- acf(arma\_sim1,type="correlation",plot=T)</pre>



## arma\_acf1

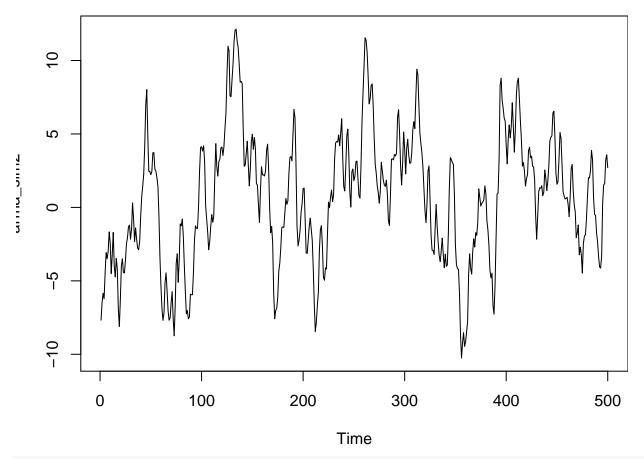
```
##
## Autocorrelations of series 'arma_sim1', by lag
##
                1
                        2
                                3
                                        4
                                                5
                                                                7
##
        0
                                                        6
                                                                        8
                                                                                9
                                                                                       10
    1.000 0.929
                    0.801
                           0.696  0.608  0.538  0.489  0.453  0.420  0.382  0.335
##
##
       11
               12
                       13
                               14
                                       15
                                               16
                                                       17
                                                               18
                                                                       19
                                                                               20
                                                                                       21
    0.284 0.239
                    0.208 \quad 0.182 \quad 0.145 \quad 0.101 \quad 0.063 \quad 0.038 \quad 0.022 \quad 0.013 \quad 0.010
##
##
       22
               23
                       24
                               25
                                       26
    0.010 0.001 -0.015 -0.032 -0.048
par(mar=c(4,4,3,0));arma_pacf1 <-acf(arma_sim1,type="partial",plot=T)</pre>
```

#### OCITOS ALTINA SILLI

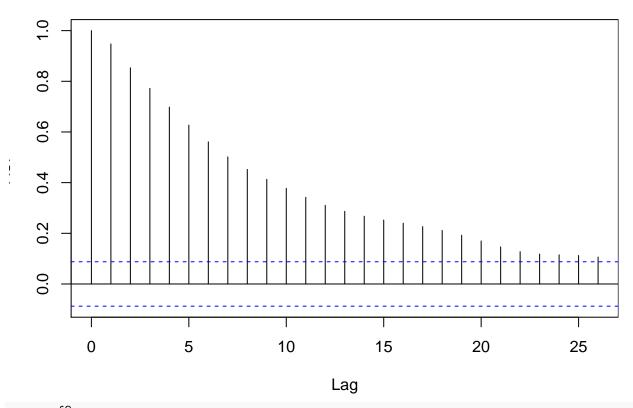


## arma\_pacf1

```
##
## Partial autocorrelations of series 'arma_sim1', by lag
##
##
                 2
                         3
                                4
                                        5
                                                6
                                                        7
                                                                8
                                                                               10
                                                                                       11
        1
                                                                        9
##
   0.929 -0.453 0.323 -0.217 0.239 -0.108 0.143 -0.126 0.045 -0.110 0.025
                13
##
                        14
                                15
                                       16
                                               17
                                                       18
                                                               19
                                                                       20
                                                                               21
    0.005 \quad 0.053 \quad -0.101 \quad -0.062 \quad -0.032 \quad 0.058 \quad -0.014 \quad 0.052 \quad -0.048 \quad 0.074 \quad -0.064
##
##
        23
                24
                        25
## -0.020 0.001 -0.009 -0.007
ajust1 \leftarrow arima(arma_sim1, order = c(1,0,1), seasonal = c(0,0,0))
arma_sim2 <- arima.sim(model=list(ar=c(.9),ma=c(.9)),n=500)</pre>
par(mar=c(4,4,0,0));ts.plot(arma_sim2)
```



par(mar=c(4,4,3,0));arma\_acf2 <-acf(arma\_sim2,type="correlation",plot=T)</pre>

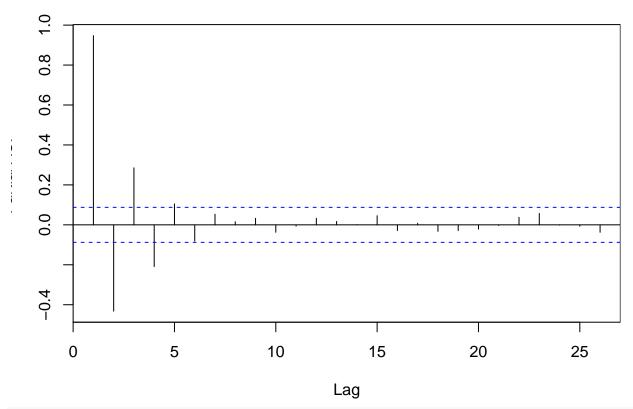


# arma\_acf2

```
##
## Autocorrelations of series 'arma_sim2', by lag
##
             1
                   2
                         3
                               4
                                     5
                                                 7
##
       0
                                            6
                                                        8
                                                              9
                                                                   10
                                                                         11
                                                                               12
## 1.000 0.947 0.853 0.772 0.698 0.627 0.561 0.502 0.452 0.413 0.378 0.342 0.311
            14
                  15
                        16
                              17
                                    18
                                           19
                                                 20
                                                       21
                                                             22
                                                                   23
## 0.287 0.267 0.252 0.240 0.226 0.211 0.192 0.170 0.146 0.127 0.118 0.115 0.113
      26
##
## 0.106
```

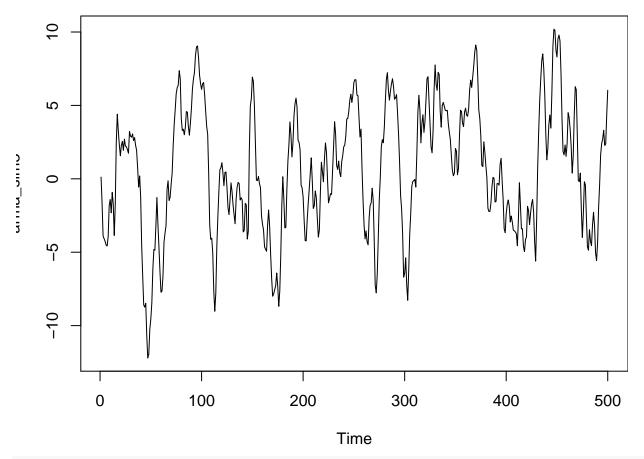
par(mar=c(4,4,3,0));arma\_pacf2 <-acf(arma\_sim2,type="partial",plot=T)</pre>

#### COLICO GILIA SILLE



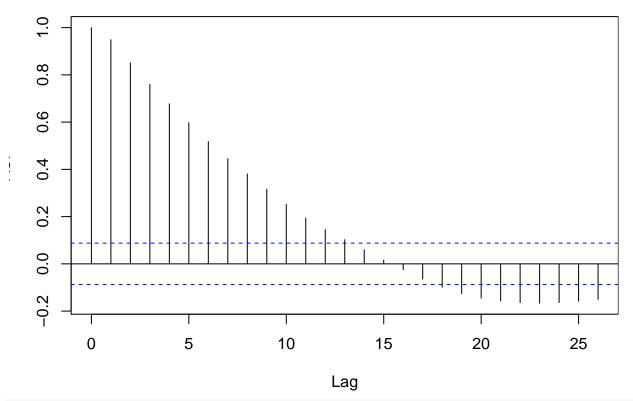
## arma\_pacf2

```
##
## Partial autocorrelations of series 'arma_sim2', by lag
##
##
              2
                     3
                            4
                                   5
                                          6
                                                7
                                                       8
                                                              9
                                                                    10
                                                                           11
       1
   ##
             13
##
                    14
                           15
                                  16
                                         17
                                                18
                                                      19
                                                             20
   0.033 \quad 0.017 \quad 0.001 \quad 0.046 \quad -0.029 \quad 0.008 \quad -0.033 \quad -0.029 \quad -0.022 \quad -0.003 \quad 0.038
##
##
             24
                    25
   0.057 -0.002 -0.007 -0.037
ajust2 <- arima(arma_sim2, order = c(1,0,1), seasonal = c(0,0,0))
arma_sim3 <- arima.sim(model=list(ar=c(.9),ma=c(.9)),n=500)</pre>
par(mar=c(4,4,0,0));ts.plot(arma_sim3)
```



par(mar=c(4,4,3,0));arma\_acf3 <- acf(arma\_sim3,type="correlation",plot=T)</pre>

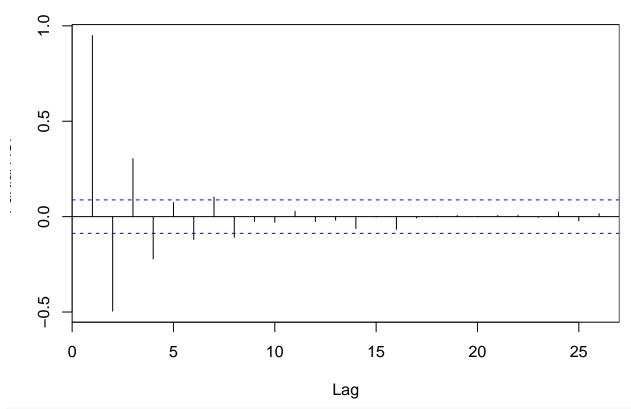
#### OCITOS ALTINA SILLO



## arma\_acf3

```
##
## Autocorrelations of series 'arma_sim3', by lag
##
               1
                      2
                             3
                                    4
                                           5
                                                         7
##
       0
                                                  6
                                                                8
                                                                       9
                                                                             10
    1.000 0.949
                  0.851
                        0.760 0.677 0.597 0.518 0.445 0.381 0.316 0.251
##
##
       11
              12
                     13
                            14
                                   15
                                          16
                                                 17
                                                        18
                                                               19
                                                                      20
    0.194 0.145
                  0.102 0.059 0.016 -0.025 -0.064 -0.099 -0.126 -0.145 -0.157
##
##
       22
              23
                     24
                            25
## -0.164 -0.167 -0.164 -0.158 -0.150
par(mar=c(4,4,3,0));arma_pacf3<-acf(arma_sim3,type="partial",plot=T)</pre>
```

#### COLICO GLILIG SILLO

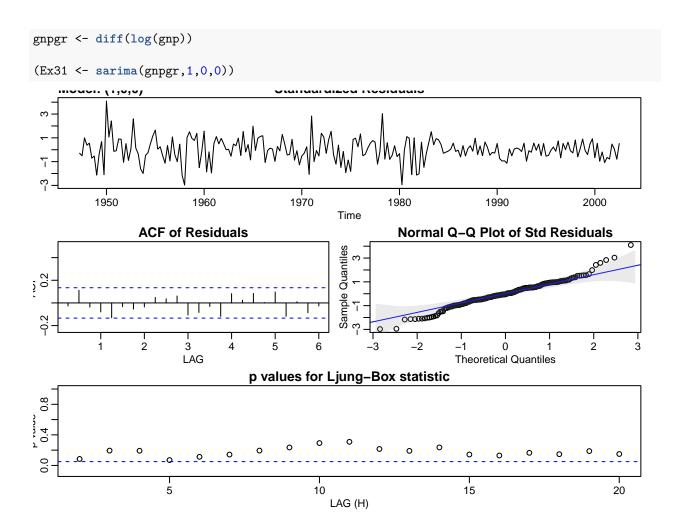


```
arma_pacf3
```

```
##
## Partial autocorrelations of series 'arma_sim3', by lag
##
##
        1
                2
                        3
                               4
                                       5
                                              6
                                                      7
                                                              8
                                                                     9
                                                                            10
                                                                                    11
    0.949 -0.496
                   0.304 -0.222
                                  0.074 -0.120
                                                  0.103 -0.109 -0.026 -0.030
                                                                                0.028
##
##
                                                     18
                                                                     20
                                                                            21
                                                                                    22
               13
                       14
                              15
                                      16
                                             17
                                                             19
   -0.026 -0.018 -0.063 -0.001 -0.067 -0.007
                                                  0.002
                                                         0.006
                                                                 0.001
                                                                        0.006
                                                                                0.007
##
               24
                       25
                              26
       23
## -0.003
           0.024 - 0.022
                          0.016
ajust3 \leftarrow arima(arma_sim3, order = c(1,0,1), seasonal = c(0,0,0))
```

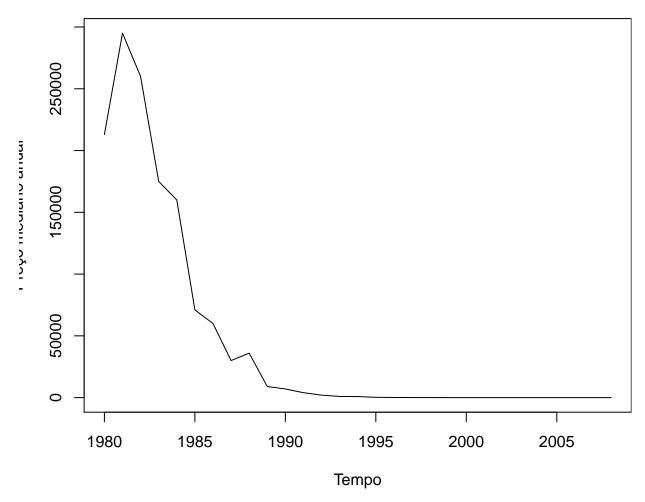
## Exercício 31

- I) Gráfico de resíduos padronizados: semelhante ao exemplo III.40, não há padrões claros no gráfico. Porém, devido a presença de valores discrepantes, algumas observações apresentam valores acima de três desvios padrões.
- II) ACF dos resíduos: não há nenhuma presença de auto-correlação evidente.
- III) Q-Qplot dos resíduos padronizados: há presença de valores discrepantes nas caudas. As observações entre -1 e 2 quantis teóricos estão bem ajustadas.
- IV) p-valores da estatística Q de Ljung-Box: nenhum p-valor abaixo do nível de significância, evidenciando a independência entre os resíduos.



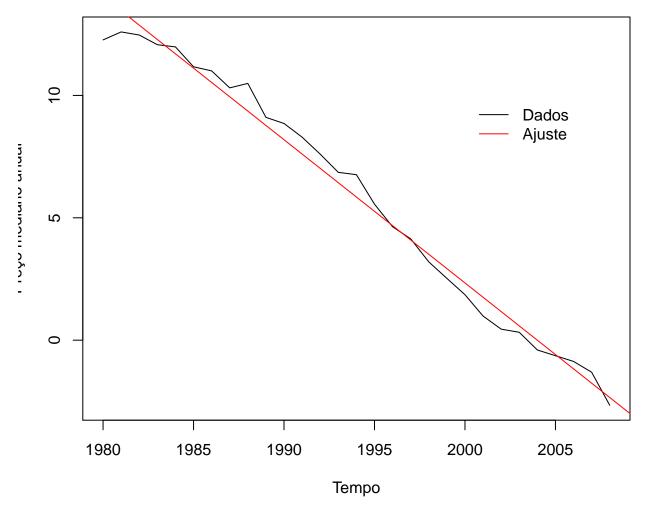
## Exercício 36

a) O comportamento da série temporal referente a variável preço mediano anual de varejo por GB de discos rígidos está apresentado na figura a seguir. De modo geral, é possível notar que a série não apresenta um comportamento estável ao longo do tempo. Inicialmente, há um aumento no valor da variável até 1983 e, na sequência, há uma evidente tendência de decrescimento da variável ao longo do tempo. Porém, a taxa de mudança nos valores da variável entre anos consecutivos é pequena a partir de 1988. Logo, os valores da variável se mostram bastante estáveis após 1990.



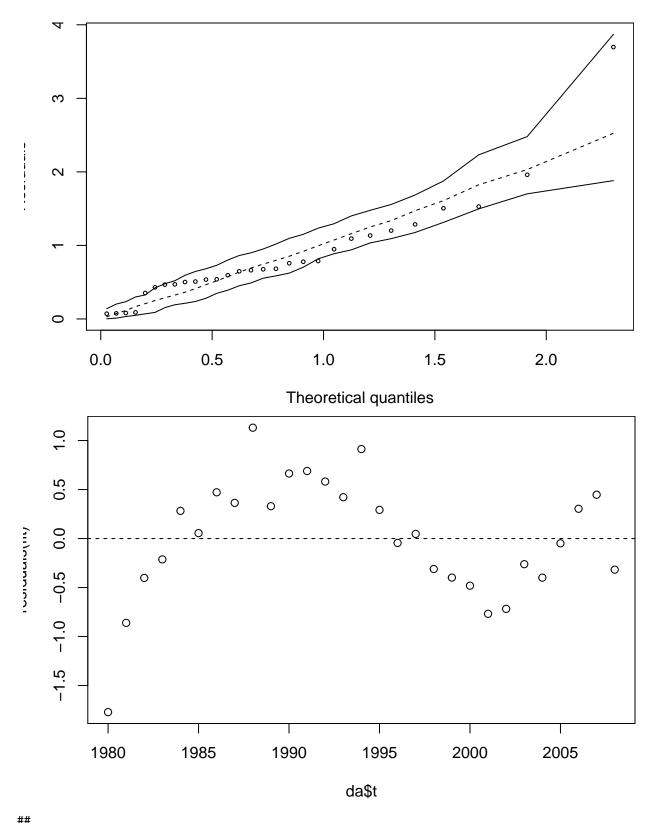
b) O ajuste do modelo de regressão linear com a variável resposta transformada pelo logarítmo está apresentada na sequência. É possível notar que a transformação aplicada aos dados linearizou a relação da variável resposta e o tempo. Assim, o modelo de regressão linear apresentou um ajuste satisfatório aos dados e com elevado valor de coeficiente de determinação ajustado.

```
##
##
   lm(formula = I(log(cpg)) ~ t, data = da)
##
##
## Residuals:
##
        Min
                  1Q
                       Median
                                     ЗQ
                                             Max
   -1.77156 -0.39840
                      0.04726
                                0.42186
##
                                         1.13129
##
##
  Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
   (Intercept) 1172.49431
                             27.57793
                                        42.52
                                                <2e-16 ***
## t
                 -0.58508
                              0.01383
                                       -42.30
                                                <2e-16 ***
## ---
                     '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
                   0
##
## Residual standard error: 0.6231 on 27 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9851, Adjusted R-squared: 0.9846
## F-statistic: 1790 on 1 and 27 DF, p-value: < 2.2e-16
```



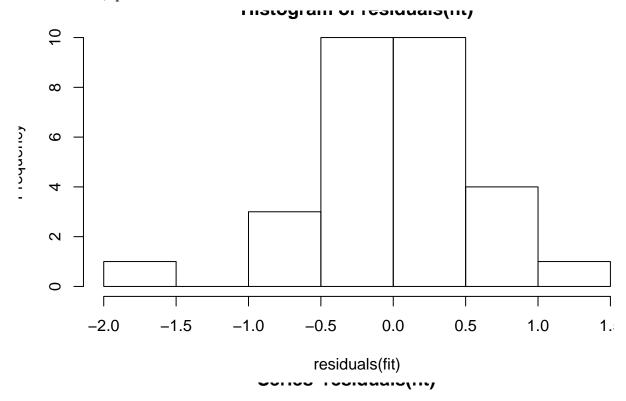
c) O gráfico Half-Normal plot sugere que o modelo está bem especificado e ajustado aos dados, uma vez que há apenas uma observação fora dos envelopes simulados. Porém, o gráfico de dispersão dos resíduos ordinários em relação ao tempo mostra uma variância não constante ao longo do tempo, com um padrão cúbico dos resíduos. Esse resultado sugere a possibilidade de incluir a covariável tempo com seu efeito de terceiro grau, isto é, o tempo pode ser inserido com uma especificação polinomial de grau três no preditor linear. O histograma dos resíduos indicou normalidade, a qual foi confirmada pelo teste de normalidade de Shapiro-Wilk, em que a hipótese nula não foi rejeitada, para nível de 5% de significância. Por fim, o gráfico de autocorrelação dos resíduos indicou que há baixa correlação temporal.

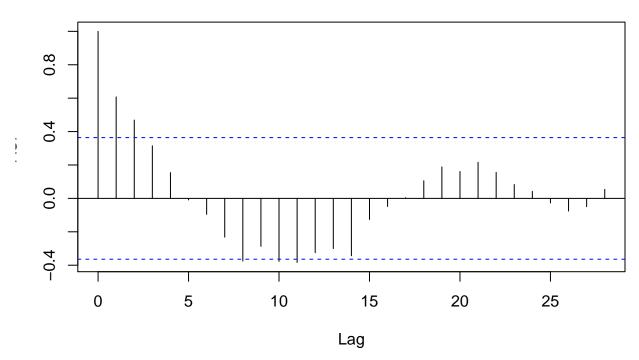
## Gaussian model (lm object)



## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(fit)

## W = 0.96464, p-value = 0.4251





d) O modelo de regressão ajustado para erros autocorrelacionados foi o SARIMA(0,0,2), isto é, o modelo ajustado foi um SARIMA com médias móveis de ordem dois. A figura apresentada na sequência mostra que os resíduos padronizados estão estáveis a partir do ano de 1990 entre anos consecutivos. Ainda, os resíduos do modelo ajustado se mostram não correlacionados. Também é possível notar que a distribuição dos resíduos se aproxima de uma distribuição normal, com apenas dois valores extremos

no gráfico qqplot. Por fim, é possível observar que o p-valor do teste Ljung-Box aumenta em função da defasagem, sugerindo que a hipótese nula de que os resíduos são independentes e identicamente distribuídos não é rejeitada para grande valores de defasagem.

```
## initial value 10.952140
## iter
          2 value 10.383886
## iter
          3 value 10.359737
## iter
         4 value 10.346885
         5 value 10.342800
## iter
## iter
          6 value 10.341432
          7 value 10.339494
## iter
## iter
          8 value 10.339453
          9 value 10.339440
## iter
## iter
        10 value 10.339440
        10 value 10.339439
## final value 10.339439
## converged
## initial value 10.344527
## iter
          2 value 10.342504
## iter
          3 value 10.330557
## iter
          4 value 10.329140
## iter
         5 value 10.328806
         6 value 10.328739
## iter
## iter
         7 value 10.328733
## iter
         7 value 10.328733
          7 value 10.328733
## iter
## final value 10.328733
## converged
```

```
₩₩₩₩₩
  \alpha
  0
  ۲.
      1980
                                    1990
                                                   1995
                                                                 2000
                                                                                2005
                     1985
                                                Time
                 ACF of Residuals
                                                         Normal Q-Q Plot of Std Residuals
                                                  က
                                                Quantiles 0 1 2 ;
  9.0
                                                                                      0 0
                                                             0.2
                                                Sample (
-2 0
  -0.2
        2
                    6
                         8
                              10
                                    12
                                         14
                                                      -2
                                                                         0
                                                                                           2
                                                                  Theoretical Quantiles
                        LAG
                                  p values for Ljung-Box statistic
  0.8
بر م
4.0
                                                                                           0
  0.0
                                         10
                                                                                          20
                 5
                                                                  15
                                               LAG (H)
## $fit
##
  stats::arima(x = xdata, order = c(p, d, q), seasonal = list(order = c(P, D,
       Q), period = S), xreg = xreg, transform.pars = trans, fixed = fixed, optim.control = list(trace
##
       REPORT = 1, reltol = tol))
##
##
## Coefficients:
##
                          intercept
             ma1
                     ma2
                                            xreg
                            13017176
                                      -6505.744
##
         1.1476
                 0.7952
## s.e. 0.1864
                 0.2297
                             3542405
                                       1776.370
##
## sigma^2 estimated as 858241410: log likelihood = -340.68, aic = 691.36
##
## $degrees_of_freedom
## [1] 25
##
## $ttable
##
                   Estimate
                                       SE t.value p.value
## ma1
                     1.1476
                                   0.1864 6.1558 0.0000
                     0.7952
                                   0.2297 3.4618 0.0019
## intercept 13017176.3326 3542404.9251 3.6747
## xreg
                 -6505.7441
                                1776.3696 -3.6624 0.0012
```

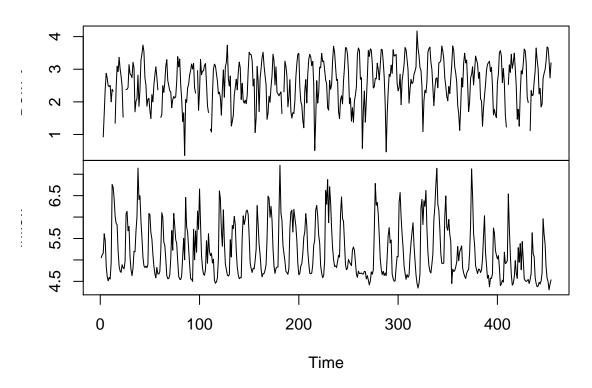
##

```
## $AIC
## [1] 23.84017
## $AICc
## [1] 23.89764
## ## $BIC
## [1] 24.07591
```

## Análise Espectral e Filtragem

## Exercício 6A

----



```
##
## Call:
## arima(x = data[, 1], order = c(0, 0, 0), seasonal = list(order = c(0, 1, 1),
       period = 12))
##
##
##
  Coefficients:
##
            sma1
##
         -0.8670
## s.e.
          0.0285
##
## sigma^2 estimated as 0.1816: log likelihood = -252.46, aic = 508.91
##
```

```
## Call:
## arima(x = data[, 2], order = c(0, 0, 0), seasonal = list(order = c(0, 1, 1),
## period = 12))
##
## Coefficients:
## sma1
## -0.8878
## s.e. 0.0330
##
## sigma^2 estimated as 0.1998: log likelihood = -280.57, aic = 565.13
```

## Exercício 6B

Os resultados encontrados sugerem três tipos de comportamento para as séries analisadas. Inicialmente, há correlação cruzada negativa, a qual vai diminuindo até não haver correlação. Posteriormente, há correlação cruzada positiva, seguido de correlação cruzada negativa. Os comportamentos distintos podem ser atribuídos a sazonalidade dos dados.

