#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ

# Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский Авиационный Институт» (Национальный Исследовательский Университет)

Институт: №8 «Информационные технологии и прикладная математика»

Кафедра: 806 «Вычислительная математика и программирование»

Курсовая работа по курсу «Вычислительные системы» І семестр Задание 4 «Процедуры и функции в качестве параметров»

Группа	М8О-109Б-22
Студент	Шамбилов Р.Т.
Преподаватель	Сысоев М.А.
Оценка	
Дата	

#### Постановка задачи

Составить программу на Си с процедурами решения трансцендентных алгебраических уравнений резличными численными методами (итераций, Ньютона и половинного деления — дихотомии). Нелинейные уравнения оформить как параметры-функции, разрешив относительно неизвестной величины в случае необходимости. Применить каждую процедуру к решению двух уравнений, заданных двумя строками таблицы, начиная с варианта с заданным номером. Если метод неприменим, дать математическое обоснование и графическую иллюстрацию, например, с использованием gnuplot.

# Вариант 8:

Функция:

$$8 \quad | \ 0,6 \cdot 3^x - 2,3x - 3 = 0$$

Отрезок содержащий корень: [2.0, 3.0]

# Вариант 9:

Функция:

$$9 \quad x^2 - \ln(1+x) - 3 = 0$$

Отрезок содержащий корень: [2.0, 3.0]

# Теоретическая часть

#### Метод итераций

Идея метода заключается в замене исходного уравнения F(x) = 0 уравнением вида x = f(x).

Достаточное условие сходимости метода:  $|f'(x)| < 1, x \in [a,b]$ . Это условие необходимо проверить перед началом решения задачи, так как функция f(x) может быть выбрана неоднозначно, причем в случае неверного выбора указанной функции метод расходится.

Начальное приближение корня:  $x^{(0)} = (a+b)/2$  (середина исходного отрезка).

Итерационный процесс:  $x^{(k+1)} = f(x^{(k)})$ .

Условие окончания:  $|x^{(k)} - x^{(k-1)}| < \varepsilon$ .

Приближенное значение корня:  $x^* \approx x^{(конечное)}$ .

#### Метод дихотомии (половинного деления)

Очевидно, что если на отрезке [a,b] существует корень уравнения, то значения функции на концах отрезка имеют разные знаки:  $F(a) \cdot F(b) < 0$ . Метод заключается в делении отрезка пополам и его сужении в два раза на каждом шаге итерационного процесса в зависимости от знака функции в середине отрезка.

Итерационный процесс строится следующим образом: за начальное приближение принимаются границы исходного отрезка  $a^{(0)}=a$  ,  $b^{(0)}=b$  . Далее вычисления проводятся по формулам:  $a^{(k+1)}=(a^{(k)}+b^{(k)})/2$  ,  $b^{(k+1)}=b^{(k)}$  , если  $F(a^{(k)})\cdot F((a^{(k)}+b^{(k)})/2)>0$  ; или по формулам:  $a^{(k+1)}=a^{(k)}$  ,  $b^{(k+1)}=(a^{(k)}+b^{(k)})/2$  , если  $F(b^{(k)})\cdot F((a^{(k)}+b^{(k)})/2)>0$  .

Процесс повторяется до тех пор, пока не будет выполнено условие окончания  $\left|a^{(k)}-b^{(k)}\right|<arepsilon$  .

Приближенное значение корня к моменту окончания итерационного процесса получается следующим образом  $x^* \approx (a^{(конечное)} + b^{(конечное)})/2$ .

# Описание алгоритма

Делаем функцию для высчитывания корня методом дихотомии. После чего выводим его значение. Аналогично поступаем и для метода итераций, но для него выгодно будет сделать проверку отдельно.

# Использованные в программе переменные

Название переменной	Тип переменной	Смысл переменной
xk	long double	Следующее значение х
X	long double	Начальное значение х
a	long double	Левая граница отрезка
b	long double	Правая граница отрезка

# Исходный код программы:

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#include <float.h>
#include <stdlib.h>
long double function8(long double x) {
  return ((0.6 * powl(3, x)) - (2.3 * x) - 3);
long double function9(long double x) {
  return sqrt(log(1 + x) + 3);
long double derivative(long double x) {
  return 1/(2 * (x + 1) * sqrt(log(x + 1) + 3));
long double move(long double (*f)(long double), long double a, long double b) {
  long double x = (a + b) / 2.0;
  long double xk = function 9(x);
  while (fabsl(xk - x) > LDBL\_EPSILON) {
     xk = function 9(x);
  return xk;
int main() {
  long double a = 2.0;
  long double b = 3.0;
  if (function 8(a) * function 8(b) > 0) {
     printf("%Lf", function8(a));
     printf("%Lf", function8(b));
     printf("NO ROOTS");
  else {
     while (fabsl(a - b) < LDBL EPSILON) {
       if (function8(a) * function8((a + b)/2) > 0) {
          a = (a + b) / 2;
          b = b;
       else if (function8(b) * function8((a + b) / 2) > 0) {
          a = a;
          b = (a + b) / 2;
     }
  printf("8. Our root is: \%.4Lf\n", (a + b) / 2);
  a = 2.0;
```

```
b = 3.0;

if (fabsl(derivative(a)) < 1 || fabsl(derivative(b)) < 1) {
    printf("9. Our x = %.4Lf\n", move(function9, a, b));
}
else {
    printf("No");
}

return 0;</pre>
```

#### Входные данные

Нет

#### Выходные данные

Полученные значения

#### Тест №1

```
8. Our root is: 2.4200
9. Our x = 2.0267
```

#### Вывод

В работе описаны и использованы различные численные методы для решения трансцендентных алгебраических уравнений. Даны обоснования сходимости и расходимости тех или иных методов. Имплементирована функция вычисления производной от заданной функции в точке. На основе алгоритма составлена программа на языке Си, сделана проверка полученных значений путем подстановки. Работа представляется довольно полезной для понимания принципов работы численных методов и способов их имплементации.

# Список литературы

1. Численное дифференцирование – URL:

<u>Численное дифференцирование</u> — Википедия (wikipedia.org)

2. Конечная разность – URL:

Численное дифференцирование — Википедия (wikipedia.org)