

## LISTA DE CÓDIGOS

|    |                                                   |    |
|----|---------------------------------------------------|----|
| 1  | Header Árvore B . . . . .                         | 3  |
| 2  | Busca em Árvore B . . . . .                       | 3  |
| 3  | Inserção em Árvore B . . . . .                    | 4  |
| 4  | Imprime estrutura da Árvore B . . . . .           | 6  |
| 5  | Header da Árvore Radix . . . . .                  | 6  |
| 6  | Inicialização de Árvore Radix . . . . .           | 7  |
| 7  | Checagem de bit em Árvore Radix . . . . .         | 7  |
| 8  | Busca em Árvore Radix . . . . .                   | 7  |
| 9  | Inserção em Árvore Radix . . . . .                | 8  |
| 10 | Header da Árvore Patricia Trie . . . . .          | 9  |
| 11 | Inicialização de Árvore Patricia Trie . . . . .   | 9  |
| 12 | Checagem de bit em Árvore Patricia Trie . . . . . | 10 |
| 13 | Busca em Árvore Patricia Trie . . . . .           | 10 |
| 14 | Inserção em Árvore Patricia Trie . . . . .        | 10 |

## SUMÁRIO

|                                                   |          |
|---------------------------------------------------|----------|
| <b>1 Árvore B</b>                                 | <b>3</b> |
| <b>2 Árvore Radix (Árvores digitais de busca)</b> | <b>6</b> |
| <b>3 Árvore Patricia Trie</b>                     | <b>9</b> |

## 1 Árvore B

```

1 #ifndef BTREE_H
2 #define BTREE_H
3 // O máximo de chaves em um nó é 3 (grau máximo).
4 // Como t = (MAX+1)/2 = 2, cada nó pode ter entre 1 e 3 chaves.
5 // Exemplo: um nó pode ter {10, 20, 30}.
6
7 #define MAX 3
8
9 // Estrutura de um nó da árvore B
10 typedef struct No {
11     int n;                      // Número atual de chaves armazenadas no nó
12     int folha;                  // 1 se for folha, 0 caso contrário
13     int chave[MAX];            // Vetor de chaves (ordenadas)
14     struct No *filho[MAX + 1]; // Ponteiros para os filhos (um a mais
15     que o número de chaves)
16 } NoArvB, *ArvoreB;
17
18 int BuscaArvoreB(ArvoreB r, int k);
19 ArvoreB InsereArvoreB(ArvoreB r, int k);
20 void RemoveArvoreB(ArvoreB r, int k);
21 NoArvB *AllocateNode();
22 void SplitChildArvoreB(NoArvB *x, int i);
23 void InsereNaoCheioArvoreB(ArvoreB x, int k);
24 void PrintBTee(ArvoreB r, int level);
25#endif

```

Código 1: Header Árvore B

```

1 int BuscaArvoreB(ArvoreB r, int k) {
2     if (r == NULL) {
3         return -1; // Árvore vazia, chave não encontrada
4     }
5
6     int i = 0;
7     // Avança até encontrar uma chave >= k ou acabar as chaves
8     while (i < r->n && k > r->chave[i]) {
9         i++;
10    }
11
12    if (i < r->n && k == r->chave[i]) {
13        return r->chave[i]; // Chave encontrada
14    } else if (r->folha) {
15        return -1; // Não encontrou e é folha
16    } else {
17        // Continua a busca no filho apropriado
18        return BuscaArvoreB(r->filho[i], k);
19    }
20 }
21
22 /*
23 Exemplo:
24 Árvore:
25      [20]
26      /   \
27      [10]  [30, 40]
28

```

```

29 BuscaArvoreB(r, 40):
30 - r->chave[0] = 20 < 40 → vai para filho[1]
31 - no filho: encontra 40 → retorna 40
32 */

```

Código 2: Busca em Árvore B

```

1 ArvoreB InsereArvoreB(ArvoreB r, int k) {
2     int t = (MAX+1)/2;
3     if (r->n == 2 * t - 1) { // raiz cheia
4         NoArvB *s = AllocateNode();
5         s->folha = 0;
6         s->n = 0;
7         s->filho[0] = r;
8         SplitChildArvoreB(s, 0);
9         InsereNaoCheioArvoreB(s, k);
10        return s; // nova raiz
11    } else {
12        InsereNaoCheioArvoreB(r, k);
13        return r;
14    }
15 }
16 /*
17 */
18 Exemplo:
19 Raiz cheia [10,20,30]
20 Inserir(40):
21 - Cria nova raiz vazia
22 - Divide [10,20,30] em [10] e [30], sobe 20
23 - Nova raiz = [20], filhos [10], [30]
24 - Agora insere 40 em [30] → [30,40]
25 */
26
27 NoArvB *AllocateNode() {
28     NoArvB *z = malloc(sizeof(NoArvB));
29     if (!z) return NULL;
30     z->n = 0;           // Nó inicialmente sem chaves
31     z->folha = 1;       // Por padrão é folha
32     for (int j = 0; j < MAX + 1; j++) {
33         z->filho[j] = NULL;
34     }
35     return z;
36 }
37 /*
38 */
39 Exemplo:
40 NoArvB *n = AllocateNode();
41 n é um nó folha vazio: {} com filhos NULL
42 */
43
44 void SplitChildArvoreB(NoArvB *x, int i) {
45     int t = (MAX+1)/2; // aqui t = 2
46     NoArvB *z = AllocateNode();
47     NoArvB *y = x->filho[i]; // filho cheio que vai ser dividido
48     z->folha = y->folha;
49     z->n = t - 1; // novo nó terá t-1 chaves
50
51     // Copia as últimas t-1 chaves de y para z
52     for (int j = 0; j < t - 1; j++) {

```

```

53         z->chave[j] = y->chave[j + t];
54     }
55
56     // Se não é folha, também copia os filhos
57     if (!y->folha) {
58         for (int j = 0; j < t; j++) {
59             z->filho[j] = y->filho[j + t];
60         }
61     }
62
63     y->n = t - 1; // reduz número de chaves de y
64
65     // Move filhos de x para abrir espaço
66     for (int j = x->n; j >= i + 1; j--) {
67         x->filho[j + 1] = x->filho[j];
68     }
69     x->filho[i + 1] = z;
70
71     // Move chaves de x para abrir espaço
72     for (int j = x->n - 1; j >= i; j--) {
73         x->chave[j + 1] = x->chave[j];
74     }
75
76     // Sobe a chave mediana
77     x->chave[i] = y->chave[t - 1];
78     x->n++;
79 }
80
81 /*
82 Exemplo:
83 y = [10,20,30] cheio
84 Split → y = [10], z = [30], sobe 20 para pai
85 Pai antes: [] → depois: [20]
86 */
87
88 void InsereNaoCheioArvoreB(ArvoreB x, int k) {
89     int t = (MAX+1)/2;
90     int i = x->n - 1;
91
92     if (x->folha) {
93         // Desloca chaves maiores que k
94         while (i >= 0 && k < x->chave[i]) {
95             x->chave[i + 1] = x->chave[i];
96             i--;
97         }
98         // Insere k
99         x->chave[i + 1] = k;
100        x->n++;
101    } else {
102        // Acha o filho correto
103        while (i >= 0 && k < x->chave[i]) {
104            i--;
105        }
106        i++;
107        // Se filho está cheio, divide
108        if (x->filho[i]->n == 2 * t - 1) {
109            SplitChildArvoreB(x, i);
110            if (k > x->chave[i]) {

```

```

111             i++;
112         }
113     }
114     // Insere recursivamente
115     InsereNaoCheioArvoreB(x->filho[i], k);
116 }
117 }
118 */
119 /*
120 Exemplo:
121 Raiz [20], filhos [10,15] e [30,40]
122 InsereNaoCheioArvoreB(r, 25):
123 → vai pro filho direito [30,40]
124 → insere 25 deslocando: [25,30,40]
125 */

```

Código 3: Inserção em Árvore B

```

1 void PrintBTree(ArvoreB r, int level) {
2     if (r != NULL) {
3         printf("Nível %d: [%", level);
4         for (int i = 0; i < r->n; i++) {
5             printf("%d", r->chave[i]);
6             if (i < r->n - 1) printf(", ");
7         }
8         printf("] (folha: %s)\n", r->folha ? "sim" : "não");
9
10        if (!r->folha) {
11            for (int i = 0; i <= r->n; i++) {
12                PrintBTree(r->filho[i], level + 1);
13            }
14        }
15    }
16 }

```

Código 4: Imprime estrutura da Árvore B

## 2 Árvore Radix (Árvores digitais de busca)

```

1 #ifndef RADIX_H
2 #define RADIX_H
3
4 #define bits_na_chave 32 // Número de bits na chave (unsigned int)
5
6 // Estrutura de um nó da árvore Patricia
7 typedef struct No {
8     unsigned chave;          // Valor armazenado no nó
9     int bit;                // Índice do bit usado para decisão (não usado
10    na versão simplificada)
11    struct No *esq;         // Filho à esquerda (bit 0)
12    struct No *dir;         // Filho à direita (bit 1)
13 } No;
14
15 // Funções da árvore Patricia
16 void inicializa(No **arvore);
17 No *busca(No *arvore, unsigned x);
18 void insere(No **arvore, unsigned chave);

```

```
18
19 #endif
```

Código 5: Header da Árvore Radix

```
1 #include "radix.h"
2 #include <limits.h>
3 #include <stdio.h>
4 #include <stdlib.h>
5
6 // Inicializa a árvore Patricia
7 void inicializa(No **arvore) {
8     *arvore = malloc(sizeof(No));      // Aloca nó raiz
9     (*arvore)->chave = UINT_MAX;    // Marca com chave "inválida" (raiz
fictícia)
10    (*arvore)->esq = NULL;         // Inicialmente sem filhos
11    (*arvore)->dir = NULL;
12    (*arvore)->bit = -1;           // Nível raiz
13 }
14
15 /*
16 Exemplo:
17 No *raiz;
18 inicializa(&raiz);
19 raiz:
20 chave = UINT_MAX
21 esq = dir = NULL
22 bit = -1
23 */
```

Código 6: Inicialização de Árvore Radix

```
1 // Função que retorna o k-ésimo bit da chave
2 unsigned bit(unsigned chave, int k) {
3     // bits_na_chave - 1 - k: começa do bit mais significativo
4     // & 1: retorna apenas 0 ou 1
5     return (chave >> (bits_na_chave - 1 - k)) & 1;
6 }
7
8 /*
9 Exemplo:
10 chave = 5 (000...0101 em 32 bits)
11 bit(chave, 0) = 0 -> bit mais significativo
12 bit(chave, 30) = 1 -> penúltimo bit
13 bit(chave, 31) = 1 -> último bit
14 */
```

Código 7: Checagem de bit em Árvore Radix

```
1 // Função de busca "externa"
2 No *busca(No *arvore, unsigned x) {
3     return busca_rec(arvore, x, 0); // Inicia do nível 0
4 }
5
6
7 // Função recursiva de busca
8 No *busca_rec(No *arvore, unsigned x, int nivel) {
9     if (arvore == NULL) {
10         return NULL; // Não encontrou
```

```

11 }
12 if (x == arvore->chave) {
13     return arvore; // Encontrou a chave
14 }
15
16 // Escolhe o caminho de acordo com o bit atual
17 if (bit(x, nivel) == 0) {
18     return busca_rec(arvore->esq, x, nivel + 1); // Vai para a
19     esquerda
20 } else {
21     return busca_rec(arvore->dir, x, nivel + 1); // Vai para a
22     direita
23 }
24 /*
25 Exemplo:
26 Árvore:
27      [5]
28      /   \
29    [2]   [7]
30
31 busca_rec(raiz, 7, 0)
32 - nível 0: bit(7,0) = 0 ou 1? 1 → vai para dir
33 - nível 1: checa chave → retorna nó com chave 7
34 */

```

Código 8: Busca em Árvore Radix

```

1 // Função de inserção "externa"
2 void insere(No **arvore, unsigned chave) {
3     *arvore = insere_rec(*arvore, chave, 0); // Inicia do nível 0
4 }
5
6 // Função recursiva de inserção
7 No *insere_rec(No *arvore, unsigned chave, int nivel) {
8     No *novo;
9
10    if (arvore == NULL) {
11        // Nó vazio → cria novo nó
12        novo = malloc(sizeof(No));
13        novo->esq = novo->dir = NULL;
14        novo->chave = chave;
15        return novo;
16    }
17
18    if (chave == arvore->chave) {
19        // Chave já existe → não insere duplicata
20        return arvore;
21    }
22
23    // Escolhe caminho com base no bit
24    if (bit(chave, nivel) == 0) {
25        arvore->esq = insere_rec(arvore->esq, chave, nivel + 1);
26    } else {
27        arvore->dir = insere_rec(arvore->dir, chave, nivel + 1);
28    }
29
30    return arvore;

```

```

31 }
32 /*
33 Exemplo:
34 Inserindo 5, 2, 7 na árvore vazia
35 1) insere(&raiz,5) → cria nó raiz com 5
36 2) insere(&raiz,2) → bit(2,0)=0 → esquerda → cria nó com 2
37 3) insere(&raiz,7) → bit(7,0)=1 → direita → cria nó com 7
38 Árvore final:
39      [5]
40      /   \
41      [2]   [7]
42 */

```

Código 9: Inserção em Árvore Radix

```

1 #ifndef PATRICIA_TRIE_H
2 #define PATRICIA_TRIE_H
3
4 #define bits_na_chave 32 // número de bits de cada chave
5
6 // Estrutura de um nó da árvore Patricia
7 typedef struct No {
8     unsigned chave;           // valor armazenado no nó
9     int bit;                 // índice do bit usado para decisão
10    struct No *esq;          // ponteiro para filho esquerdo (bit 0)
11    struct No *dir;          // ponteiro para filho direito (bit 1)
12 } No;
13
14 // Funções da árvore Patricia
15 void inicializa(No **arvore);
16 unsigned bit(unsigned chave, int k);
17 No *busca(No *arvore, unsigned x);
18 No *busca_rec(No *arvore, unsigned x, int w);
19 void insere(No **arvore, unsigned chave);
20 No *insere_rec(No *arvore, unsigned chave, int w, No *pai);
21
22 #endif

```

Código 10: Header da Árvore Patricia Trie

### 3 Árvore Patricia Trie

```

1 #include "patricia_trie.h"
2 #include <stdio.h>
3 #include <stdlib.h>
4 #include <limits.h>
5
6 // Inicializa a árvore Patricia
7 void inicializa(No **arvore) {
8     *arvore = malloc(sizeof(No));
9     (*arvore)->chave = UINT_MAX; // raiz fictícia
10    (*arvore)->esq = (*arvore)->dir = *arvore; // aponta para si mesmo (
11        ciclo)
12    (*arvore)->bit = -1; // bit inicial
13 }

```

```

14 /*
15 Explicação:
16 - Raiz é fictícia e cria um ciclo para simplificar inserção/busca
17 - Esse nó nunca contém chave real
18 */

```

Código 11: Inicialização de Árvore Patricia Trie

```

1 // Retorna o k-ésimo bit (do mais significativo para o menos
   significativo)
2 unsigned bit(unsigned chave, int k) {
3     return (chave >> (bits_na_chave - 1 - k)) & 1;
4 }
5
6 /*
7 Exemplo:
8 chave = 5 (000...0101)
9 bit(chave,0) = 0 -> bit mais significativo
10 bit(chave,31)=1 -> bit menos significativo
11 */

```

Código 12: Checagem de bit em Árvore Patricia Trie

```

1 // Busca "externa" que retorna NULL se não encontrou
2 No *busca(No *arvore, unsigned x) {
3     No *t = busca_rec(arvore->esq, x, -1); // inicia do filho esquerdo
       da raiz fictícia
4     return t->chave == x ? t : NULL; // verifica se realmente encontrou
5 }
6
7 // Busca recursiva
8 No *busca_rec(No *arvore, unsigned x, int w) {
9     // Se chegamos em um nó com bit <= w, paramos (não desce mais)
10    if (arvore->bit <= w) {
11        return arvore;
12    }
13
14    // Escolhe direção pelo bit atual
15    if (bit(x, arvore->bit) == 0) {
16        return busca_rec(arvore->esq, x, arvore->bit);
17    } else {
18        return busca_rec(arvore->dir, x, arvore->bit);
19    }
20 }
21
22 /*
23 Exemplo de fluxo:
24 - arvore->bit indica o bit a ser checado
25 - w mantém bit do nó pai para não descer demais
26 */

```

Código 13: Busca em Árvore Patricia Trie

```

1 // Inserção externa
2 void insere(No **arvore, unsigned chave) {
3     int i;
4     // busca nó mais próximo
5     No *t = busca_rec(*arvore)->esq, chave, -1);
6

```

```

7      // Se já existe, não insere duplicata
8      if (chave == t->chave) return;
9
10     // Encontra o primeiro bit diferente entre a chave nova e a
11     // existente
12     for (i = 0; bit(chave, i) == bit(t->chave, i); i++);
13
14     // Insere recursivamente
15     (*arvore)->esq = insere_rec((*arvore)->esq, chave, i, *arvore);
16 }
17 /*
18 Exemplo:
19 - chave = 5, t->chave = 3
20 - compara bits de 0 a 31 até encontrar diferença
21 - w = índice do bit onde as chaves diferem
22 - insere_rec cria novo nó nesse ponto
23 */
24
25 // Inserção recursiva avançada
26 No *insere_rec(No *arvore, unsigned chave, int w, No *pai) {
27     // Se nó atual está no nível >= w ou nó abaixo do pai, cria nó novo
28     if ((arvore->bit >= w) || (arvore->bit <= pai->bit)) {
29         No *novo = malloc(sizeof(No));
30         novo->chave = chave;
31         novo->bit = w;
32
33         // Define filhos do novo nó baseado no bit da chave
34         if (bit(chave, novo->bit) == 1) {
35             novo->esq = arvore; // 0 aponta para nó antigo
36             novo->dir = novo; // 1 aponta para si mesmo
37         } else {
38             novo->esq = novo; // 0 aponta para si mesmo
39             novo->dir = arvore; // 1 aponta para nó antigo
40         }
41         return novo;
42     }
43
44     // Recursão: desce para esquerda ou direita
45     if (bit(chave, arvore->bit) == 0) {
46         arvore->esq = insere_rec(arvore->esq, chave, w, arvore);
47     } else {
48         arvore->dir = insere_rec(arvore->dir, chave, w, arvore);
49     }
50
51     return arvore; // garante retorno em todos os caminhos
52 }
53
54 /*
55 Exemplo:
56 - Inserindo 5 em árvore com raiz fictícia
57 - Busca nó mais próximo → t
58 - Determina bit de diferença → w
59 - insere_rec cria nó novo no ponto correto
60 - Faz referência correta para nó existente e para o novo nó
61 */

```

Código 14: Inserção em Árvore Patricia Trie