Universidade Federal de Santa Catarina

Centro Tecnológico

DEPTO DE INFORMÁTICA E ESTATÍSTICA

DISCIPLINA: INE5403-FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICA DISCRETA PARA A COMPUTAÇÃO

Prof. Daniel S. Freitas

1) Lógica e Métodos de Prova

1.1) Elementos de Lógica Proposicional

- 1.2) Elementos de Lógica de Primeira Ordem
- 1.3) Métodos de Prova
- 1.4) Indução Matemática
- 1.5) Definições Recursivas

LISTA DE EXERCÍCIOS

- 1. (Kolman5-seção 2.1-ex.1) Quais declarações abaixo são proposições?.
 - (a) 2 é um número positivo?
 - (b) $x^2 + x + 1 = 0$
 - (c) Estude Lógica.
 - (d) Vai fazer sol em janeiro.
 - (e) Se tiver queda na bolsa, eu perderei dinheiro.
- 2. (Kolman5-seção 2.1-exs.2 e 3) Forneça a negação das seguintes proposições:
 - (a) $2+7 \le 11$
 - (b) 2 é um inteiro par e 8 é um inteiro ímpar
 - (c) Vai chover amanhã ou não vai fazer sol amanhã.
 - (d) Se você dirigir, eu irei a pé.
- 3. (Kolman5-seção 2.1-exs.4 e 5) Em cada caso abaixo, forme a conjunção e a disjunção de p e q.
 - (a) p: 3+1<5
- $q: 7 = 3 \times 6$
- (b) p: eu sou rico
- q: eu sou feliz
- (c) p: eu vou de carro
- q: eu vou chegar atrasado
- 4. (Kolman5-seção 2.1-ex.6) Determine o valor verdade de cada uma das seguintes proposições:
 - (a) 2<3 e 3 é um inteiro positivo
 - (b) $2 \ge 3$ e 3 é um inteiro positivo
 - (c) 2<3 e 3 não é um inteiro positivo
 - (d) 2>3 e 3 não é um inteiro positivo
- 5. (Kolman5-seção 2.1-ex.7) Determine o valor verdade de cada uma das seguintes proposições:
 - (a) 2<3 ou 3 é um inteiro positivo
 - (b) 2≥3 ou 3 é um inteiro positivo

- (c) 2<3 ou 3 não é um inteiro positivo
- (d) 2>3 ou 3 não é um inteiro positivo
- 6. (Kolman5-seção 2.1-ex.10) Qual é a negação da proposição "2 é par e -3 é negativo"?
 - (a) 2 é par e -3 não é negativo
 - (b) 2 é ímpar e -3 não é negativo
 - (c) 2 é par ou -3 não é negativo
 - (d) 2 é ímpar ou -3 não é negativo
- 7. (Kolman5-seção 2.1-ex.11) Qual é a negação da proposição "2 é par ou -3 é negativo"?
 - (a) 2 é par ou -3 não é negativo
 - (b) 2 é impar ou -3 não é negativo
 - (c) 2 é par e -3 não é negativo
 - (d) 2 é ímpar e -3 não é negativo
- 8. (Kolman5-seção 2.2-ex.3) Estabeleça o converso de cada uma das seguintes implicações:
 - (a) Se 2+2=4, então eu não sou o presidente do Brasil.
 - (b) Se eu não sou o presidente do Brasil, então eu vou a pé para o trabalho.
 - (c) Se eu estou atrasado, então eu perdi o ônibus para o trabalho.
 - (d) Se eu tiver tempo e não estiver muito cansado, então eu vou para o shopping.
 - (e) Se eu tiver dinheiro suficiente, então eu vou comprar um carro e vou comprar uma casa.
- 9. (Kolman5-seção 2.2-ex.4) Estabeleça a contrapositiva de cada uma das implicações do exercício anterior.
- 10. (Kolman5-seção 2.2-ex.5) Determine o valor verdade de cada uma das seguintes proposições:
 - (a) Se 2 é par, então São Paulo tem uma população numerosa.
 - (b) Se 2 é par, então São Paulo tem poucos habitantes.
 - (c) Se 2 é ímpar, então São Paulo tem uma população numerosa.
 - (d) Se 2 é impar, então São Paulo tem poucos habitantes.

Para os próximos 2 exercícios, assuma o seguinte:

- p: Eu vou estudar estruturas discretas. q: Eu vou ao cinema. r: Eu estou de bom humor.
- 11. $(Kolman5-seção\ 2.2-ex.6)$ Escreva as seguintes proposições em termos de $p,\ q$ e r e de conectivos lógicos.
 - (a) Se eu não estou de bom humor, então eu vou ao cinema.
 - (b) Eu não vou ao cinema e eu vou estudar estruturas discretas.
 - (c) Eu vou ao cinema somente se eu não estudar estruturas discretas.
 - (d) Se eu não estudar estruturas discretas, então eu não estou de bom humor.
- 12. (Kolman5-seção 2.2-ex.7) Escreva em português as sentenças correspondentes às proposições:
 - (a) $((\neg p) \land q) \Rightarrow r$
 - (b) $r \Rightarrow (p \lor q)$
 - (c) $(\neg r) \Rightarrow (\neg q \lor p)$

- (d) $(q \wedge (\neg p)) \Leftrightarrow r$
- 13. (Kolman5-seção 2.2-exs.10-12) Examinando as tabelas-verdade, determine se cada uma das seguintes proposições é uma tautologia, uma contingência ou uma contradição.
 - (a) $p \wedge \neg p$
 - (b) $p \Rightarrow (q \Rightarrow p)$
 - (c) $q \Rightarrow (q \Rightarrow p)$
 - (d) $q \vee (\neg q \wedge p)$
 - (e) $(q \wedge p) \vee (q \wedge \neg p)$
 - (f) $(p \land q) \Rightarrow p$
 - (g) $p \Rightarrow (q \land p)$
- 14. (Kolman5-cap. 2-"Key ideas for review") Rever todos os conceitos de lógica proposicional apresentados em aula: proposição, variável proposicional, proposição composta, conectivos lógicos, conjunção, disjunção, condicional, bicondicional, inversa, conversa, contrapositiva, equivalência, tautologia, contradição, contingência, equivalência lógica.
- 15. (Extras) Para cada par de proposições $P \in Q$ abaixo, estabelecer se $P \Leftrightarrow Q$:
 - (a) P = p, $Q = p \vee q$
 - (b) $P = p \wedge q$, $Q = \neg p \vee \neg q$ (c) $P = p \wedge q$, $Q = p \vee \neg q$

 - (d) $P = p \wedge (\neg q \vee r), \qquad Q = p \vee (q \wedge \neg r)$
 - (e) $P = p \land (q \lor r),$ $Q = (p \lor q) \land (p \land r)$
 - (f) $P = p \rightarrow q$, $Q = \neg q \rightarrow \neg p$
 - (g) $P = p \to q$, $Q = q \leftrightarrow p$
 - (h) $P = (p \rightarrow q) \land (q \rightarrow r), \qquad Q = p \rightarrow r$
 - (i) $P = (p \to q) \to r$, $Q = p \to (q \to r)$
 - (j) $P = (s \to (p \land \neg r)) \land ((p \to (r \lor q)) \land s), \qquad Q = p \lor t$