

Title Capítulo 1: Sistemas Numéricos

Keyword

- Cantidades
- Símbolos
- Adictivos
- Posicional
- Cero
- Rayas
- Figuras de Animales

Topic

Introducción

Según la historia, los primeros pobladores utilizaban rayas, círculos, figuras de animales u otros objetos para representar cantidades.

Por ejemplo: usaban símbolos para representar cantidades y algunos de ellos son $1 = \text{I}$, $n = \text{lo}$, $? = 100$ y $134 = ? \text{nnnllll}$

Un sistema como el anterior se conoce como sistema adictivo y en él se suman los valores de todos los símbolos para obtener la cantidad total; Otro sistema adictivo es el sistema de numeración romano en el cual los símbolos I, V, X, L, C, D y M representan cantidades y una línea sobre el símbolo implica una multiplicación del número por mil.

El sistema posicional empezó por los babilónicos, pero el sistema numerico maya lo dio una aportación valiosa a la ciencia por el símbolo para el 0.

Por Ejemplo:

0	1	2	3	4	5	6	7	10	13	15	19
---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----

Summary:

El ser humano siempre tuvo la necesidad de contar desde el inicio de los tiempos, primero con un método adictivo y un sistema posicional que era para representar cantidades y finalmente, en la actualidad tenemos lo que es Sistema octal, binario y hexadecimal.

Title Capítulo 1: Sistemas Numéricos

Keyword

- Rutinaria
- Decimal
- Representación
- Cifras
- Valor
- Fraccionaria
- Exponentes

Topic

Sistema Decimal

El sistema decimal se usa en forma rutinaria para la representación de cantidades mediante los siguientes 10 caracteres diferentes:

Por ejemplo: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

Con estas cifras se pueden expresar cantidades hasta 9. Pero para cantidades mayores hay que introducir la representación posicional.

Por ejemplo: el número decimal 836.74 se compone en la parte entera de la cifra 8 con el valor posicional 100, la cifra 3 con el valor posicional 10 y la cifra 6 con el 1, y en la parte fraccionaria de la cifra 7 con 0.1 y el 4 con el valor posicional 0.01. Así que:

$$836.74 = 8 \times 100 + 3 \times 10 + 6 \times 1 + 7/10 + 4/100$$

Usando exponentes esto se puede expresar como:

$$836.74 = 8 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 6 \times 10^0 + 7 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2}$$

A esta forma de representación se le llama representación exponencial.

Questions

¿Cómo ellos supieron que los números del 0-9 eran menores que los otros? ¿y sentido a los exponentes?

Summary:

De manera continua, usaron caracteres diferentes, estas representaban cantidades bajas ya que las altas se representaban de manera posicional y luego exponencial. Aún así, la base del sistema decimal o aritmético es el 10 ya que eran 10 símbolos o caracteres rutinarios.

Title Capítulo 1: Sistemas Numéricos

Keyword	Topic																																														
<ul style="list-style-type: none"> Decimales Convertir Resto Entero Binario Octal Hexadecimal 	<p><u>Sistemas binario, octal y hexadecimal</u></p> <p><u>Sistema binario:</u> Convertir 10011.01 a decimal</p> $10011.01(2) = 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} =$ $16 + 0 + 0 + 2 + 1 + 0 + 0.25 = 19.25(10)$ <p>Convertir el número 28.37(10) a binario</p> <table border="0"> <tr> <td>Entera (Resto)</td> <td></td> <td>Fraccionaria (Entero)</td> </tr> <tr> <td>$3/2 = 1$</td> <td>1 ↑</td> <td>$0.48 \times 2 = 0.96$</td> <td>0 ↑</td> </tr> <tr> <td>$1/2 = 0$</td> <td>1 ↓</td> <td>$0.96 \times 2 = 1.92$</td> <td>1 ↑</td> </tr> </table> <p><u>Sistema octal:</u></p> <p>631.532(10) a binario =</p> $6 \cdot 8^2 + 3 \cdot 8^1 + 1 \cdot 8^0 + 5 \cdot 8^{-1} + 3 \cdot 8^{-2} + 2 \cdot 8^{-3} =$ $409.6758(10)$ <p><u>Sistema hexadecimal:</u></p> <p>Convertir E8A7.3D(16) a octal</p> <table border="0"> <tr> <td>Parte Fraccionaria (Entero)</td> <td>Entera (R)</td> <td>Fraccionaria (E)</td> </tr> <tr> <td>$0.6758 \cdot 2 = 1.3516$</td> <td>1 ↓</td> <td>$5189/8 = 744.4$</td> <td>$0.2383 \cdot 8 =$</td> <td>1 ↓</td> </tr> <tr> <td>$0.3516 \cdot 2 = 0.7032$</td> <td>0 ↓</td> <td>$7444/8 = 930.4$</td> <td>1.9064</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>$930/8 = 116.2$</td> <td>$0.9064 \cdot 8 =$</td> <td>4 ↓</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>$116/8 = 14$</td> <td>4</td> <td>7.2512</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>$14/8 = 1$</td> <td>6</td> <td>$0.2512 \cdot 8 =$</td> <td>2 ↓</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>$1/8 = 0$</td> <td>1</td> <td>2.0096</td> <td></td> </tr> </table> <p><u>Conversion del número binario:</u> Conversion a octal:</p> <p>Parte Entera (Resto)</p> $409/2 = 204 \quad 1 \uparrow$ $204/2 = 102 \quad 0 \downarrow$ $102/2 = 51 \quad 0 \downarrow$	Entera (Resto)		Fraccionaria (Entero)	$3/2 = 1$	1 ↑	$0.48 \times 2 = 0.96$	0 ↑	$1/2 = 0$	1 ↓	$0.96 \times 2 = 1.92$	1 ↑	Parte Fraccionaria (Entero)	Entera (R)	Fraccionaria (E)	$0.6758 \cdot 2 = 1.3516$	1 ↓	$5189/8 = 744.4$	$0.2383 \cdot 8 =$	1 ↓	$0.3516 \cdot 2 = 0.7032$	0 ↓	$7444/8 = 930.4$	1.9064				$930/8 = 116.2$	$0.9064 \cdot 8 =$	4 ↓			$116/8 = 14$	4	7.2512			$14/8 = 1$	6	$0.2512 \cdot 8 =$	2 ↓			$1/8 = 0$	1	2.0096	
Entera (Resto)		Fraccionaria (Entero)																																													
$3/2 = 1$	1 ↑	$0.48 \times 2 = 0.96$	0 ↑																																												
$1/2 = 0$	1 ↓	$0.96 \times 2 = 1.92$	1 ↑																																												
Parte Fraccionaria (Entero)	Entera (R)	Fraccionaria (E)																																													
$0.6758 \cdot 2 = 1.3516$	1 ↓	$5189/8 = 744.4$	$0.2383 \cdot 8 =$	1 ↓																																											
$0.3516 \cdot 2 = 0.7032$	0 ↓	$7444/8 = 930.4$	1.9064																																												
		$930/8 = 116.2$	$0.9064 \cdot 8 =$	4 ↓																																											
		$116/8 = 14$	4	7.2512																																											
		$14/8 = 1$	6	$0.2512 \cdot 8 =$	2 ↓																																										
		$1/8 = 0$	1	2.0096																																											

Questions

¿Por qué hay tantas formas para convertir un mismo sistema?

Summary: En el sistema binario solo hay 2 cifras 0 y 1 y tiene base 2, el sistema octal tiene las mismas reglas que decimal y binario y primero se convierte a decimal si se quiere un número en binario y el sistema hexadecimal a octal se convierte primero a decimal.

NAME: Wilma Y. Herasme M. | CLASS: 4/6 | SPEAKER: Programación (Carlos Pichardo) | DATE & TIME: 24/01/2024

Title: Capítulo 1: Sistemas Numéricos

Keyword

- Base
- Dígitos
- Alfabeto
- Sistemas
- Letras

Topic

Generalización de las Conversiones

Asimismo, fué creado un propio sistema usando dígitos necesarios 0 al 9, o con el alfabeto actual. Las cantidades están expresadas en sistemas posicionales inexistentes, pero presentan y respetan las reglas de los sistemas posicionales: octal, binario y hexadecimal.

20541.3217 = Base 7 y caracteres del 0 al 6

7GSA90.HB(18) = Base 18 y caracteres de 0-17 con letras

Esas cantidades en cualquier sistema numérico se pueden expresar a otro sistema existente o no.

Questions

- ¿Para qué involucraron las letras?
- ¿Qué sentido le dio al sistema?

Ejemplo: Convertir CDD57.EC(15) a base 20

$$CDD57.EC(15) = 12 \cdot 15^4 + 13 \cdot 15^3 + 5 \cdot 15^2 + 7 \cdot 15^1 + 14 \cdot 15^0 + 12 \cdot 15^{-2} = 651457.9866(110)$$

A continuación se hace conversión a base 20

Parte entera (Resto) Parte fraccionaria (Entero)

$651457 / 20 = 32572$	174	$0.9866 \times 20 = 19.732$	19
$32572 / 20 = 1628$	12	$0.732 \times 20 = 14.64$	14
$1628 / 20 = 81$	8	$0.64 \times 20 = 12.8$	12
$81 / 20 = 4$	1	$0.8 \times 20 = 16.0$	16
$4 / 20 = 0$	4		

Summary: Luego de la creación de otro sistema, se puede decir que el número menor siempre es 0 y el mayor es 1-a la base, en este sistema hay casos en que no se utiliza la tabla de equivalencia; pero puede convertir primero a decimal utilizando su representación exponencial y dicha base tenga el sistema.

Title Capítulo 1: Sistemas Numéricos

Keyword

- Operaciones
- Sistema numérico
- Suma
- Resta
- División
- Multiplicación
- Aritmética
- Binaria

Topic

Operaciones básicas

Las operaciones básicas que se realizan en el Sistema decimal, también se pueden llevar a cabo en cualquier sistema numérico aplicando las mismas reglas y teniendo en cuenta las bases.

Suma en el sistema decimal:

$$\begin{array}{r} 456.78_{(10)} \\ + 1782.0649_{(10)} \\ \hline 18277.429_{(10)} \end{array}$$

Resta en el sistema octal:

$$\begin{array}{r} 41072.14_{(8)} \\ - 36043.71_{(8)} \\ \hline 03026.22_{(8)} \end{array}$$

Multiplicación en binario

$$\begin{array}{r} 10011.01_{(2)} \\ \times 1101_{(2)} \\ \hline 1001101 \\ 0000000 \\ 1001101 \\ 1001101 \\ \hline 1111101001_{(2)} \end{array}$$

División en decimal

$$\begin{array}{r} 291BD.D_{(16)} \\ \times A7E2_{(16)} \\ \hline 5237BA \\ 23FB616 \\ 11FC308 \\ 19B16A2 \\ \hline 1AF577C41A_{(16)} \\ 1AF577C41A_{(16)} \\ \hline 0000000000 \end{array}$$

Questions
¿Si la multiplicación es una suma y la división es una resta literalmente, por qué casi nadie sabe dividir?

Summary:

En ocasiones, no se encuentran con las mismas base, en ese caso solo hay que hacer la conversión correspondiente. La suma, resta y multiplicación son un tipo de operación binaria y la división es la operación aritmética más compleja ya que es una combinación de resta y multiplicación.

Title: Capítulo 1: Sistemas Numéricos

Keyword

- Bits
- Binario
- Complemento
- Magnitud
- Signo

Topic

Suma de dos Cantidades en Complemento a 2

Las operaciones que la computadora realiza internamente se llevan a cabo en una forma particular. En principio el sistema numérico usado es el binario y la operación básica es la suma.

Magnitud Verdadera: Se caracteriza porque se puede saber fácilmente a cuánto equivale ese conjunto de bits en el sistema decimal usando para ello la representación exponencial.

Questions

¿Por qué solo el Complemento a 2 depende del a_1 y no es igual al otro caso?

Complemento a 1: 0 y 1 y 1 y 0 Complementos

1 101011001001. 0 1₍₂₎ Magnitud Verdadera

1 0101000110110. 1 0₍₂₎ Complemento a 1

0 100010011. 1 0 0₍₂₎ Magnitud Verdadera

0 01101100. 0 1 1₍₂₎ Complemento a 1

Complemento a 2:

1 0101000110110 + 1 = 1 0₍₂₎ Complemento a 1

1 0101000110110 + 1 = 1 1₍₂₎ Complemento a 2

0 01101100 + 1 = 0 1₍₂₎ Complemento a 1

0 01101100 + 1 0 0₍₂₎ Complemento a 2

Summary:

El complemento de un número binario se obtiene con la complementación de cada uno de los bits y no se considera ningún signo, mientras que el complemento a 2 se obtiene sumando 1 al bits menos significativo del complemento a 1.