Capítulo 1

Conceptos Básicos

1.1. Experimento aleatorio

Un experimento se dice **aleatorio** si su resultado no puede ser determinado de antemano. **Ejemplos**

Son ejemplos de experimentos aleatorios.

- El lanzamineto de un dado.
- El lanzamineto de una moneda.
- Observar el precio del dolar con respecto al precio del peso colombiano en el momento en que cierra la bolsa de valores de New York.
- Observar el número de clientes que son atendidos en una hora en una sucursal bancaría.

1.2. Espacio Muestral

El conjunto Ω de todos los posibles resultados de un experimento aleatorio se llama **espacio** muestral. Los elementos $w \in \Omega$ son llamados puntos muestrales. Ejemplos

• En el experimento del lanzamiento de un dado corriente el espacio muestral es

$$\omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

■ En el experimento del lanzamiento de una moneda corrinete. Los posibles resultados, para este experimento son : 'cara'=c y 'sello'=s, esto es

$$\omega = \{c, s\}$$

El espacio muestral Ω se llama discreto si es finito o enumerable.

1.3. σ -álgebra

Sea $\Omega \neq \emptyset$. Una colección ζ de subconjuntos de Ω se llama σ -álgebra, si y solo si.

- $\Omega \in \zeta$
- \blacksquare Si $A \in \zeta,$ entonces $\bigcup_{i \in \mathbb{N}} A_i \in \zeta$

Los elementos de ζ se llaman **eventos**.

1.4. Espacio medible

Sean $\Omega \neq \emptyset$ y ζ una σ -álgebra. La pareja (Ω, ζ) se llama **Espacio medible**.

1.5. Eventos mutuamente excluyentes

Dos e
eventos A y B se dicen mutuamente exluyentes si $A\cap B=\emptyset$