

递推、高精度加法

递推

定义：可以通过若干步可重复运算来描述复杂问题的方法，一般应用在序列计算上。

找出递推关系条件：存在子结构性质。

递推主要思想：通过子问题的解来构造（大问题的）答案。

递推关系式如何找出来？

（积累的题感、题目中描述中可以找出）

例题：数楼梯

$f[i]$ ：存储走到 i 台阶的方法总数。

一般状态的定义与题目的问有关。

分析：走到台阶 i 有哪几种情况？

例如：走到台阶 4，可以从哪些台阶一步走上来。

分别可以从台阶 2 和台阶 3。

式子中表示出来： $f[4] = f[2] + f[3]$ 。

递推过程中很重要的一环：最小问题直接初始化。

$f[1] = 1, f[2] = 2$ ；

由此推出递推关系式： $f[i] = f[i - 1] + f[i - 2]$ 。

从台阶 3 开始进行递推到台阶 n 。

时间复杂度： $O(n)$ ，每个台阶遍历一次，每次遍历只计算一次。

高精度

因为超过了计算机能够表示的整数范围，`long long` 能够存储最大的大小 2^{64} ，大约是 18 位。

高精度加法

原理与数学中竖式加法一样进行计算。

1. 处理最低位->最高位，先处理相加。
2. 处理最低位->最高位，后处理进位。
3. 注意输出的时候，去除前导 0。

```

1 const int N = 1e5+10; // 可能的最高位数
2 // 和, 加数, 加数
3 void add(int c[], int a[], int b[]){
4     // 先做加法, 从低位开始
5     for(int i=0;i<N;i++){
6         c[i] = a[i] + b[i];
7     }
8     // 后处理进位, 从低位开始
9     for(int i=0;i<N;i++){
10        if( c[i] > 9 )
11            c[i+1]++;
12            c[i] -= 10;
13    }
14    // 输出, 去除前导 0
15    bool falg = false;
16    for(int i=N-1;i>=0;i--){
17        if( c[i]!=0 )
18            falg = true;
19        if( falg )
20            cout << c[i];
21    }
22 }
```

例题2：蜜蜂路线

巧妙的设计，通过将起点 m 转移到从蜂房 1 开始，将终点 n 转移到从蜂房 $n - m + 1$ 开始，避免了高精度减法运算。

状态表示， $f[i]$ ：从起点 m 蜂房到 i 蜂房合法的路线数量。

递推关系式： $f[i] = f[i - 1] + f[i - 2]$ 。

初始化最小问题： $f[1] = f[2] = 1$ 。

做法与数楼梯基本一致。
