#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования "Новосибирский национальный исследовательский государственный университет" (Новосибирский государственный университет) Структурное подразделение Новосибирского государственного университета – Высший колледж информатики НГУ КАФЕДРА ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

# Создание модуля для параллельного решения бигармонического уравнения методом Монте-Карло

Дипломный проект на квалификацию техник

Студент IV курса	Семенов С.А.
гр. 903а2	""2013
Научный руководитель	Лукинов В.Л.
к.ф-м.н., н.с ИВМиМГ СО РАН	""2013

Новосибирск 2013

# СОДЕРЖАНИЕ

СПИСОК УСЛОВНЫХ СОКРАЩЕНИИ	3
ВВЕДЕНИЕ	4
1 Постановка задачи	6
1.1 Конкретизации требований и задачи	6
1.2 Формулировка задачи	7
1.3 Аналоги	7
2 Методы решения и алгоритмы	8
2.1 Блуждание по решетке	8
2.1.1 Оценка решения уравнения $(\Delta + c)(\Delta + b)u = -g$	9
2.2 Блуждание по сферам	11
2.2.1 Оценки решения метагармонического уравнения $(\delta+c)^p u=g$	12
2.3 Алгоритмы распределения траекторий	13
3 Выполнение задачи	15
3.1 Используемые программные средства	15
4 Итоги работы	17
4.1 Структура библиотеки	17
4.2 Численные результаты	17
5 Руководство пользователя	19
5.1 Установка	19
5.2 Запуск приложения	19
ЗАКЛЮЧЕНИЕ	20
СПИСОК ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ИСТОЧНИКОВ	21
ПРИЛОЖЕНИЕ А Диаграммы программ	22

## СПИСОК УСЛОВНЫХ СОКРАЩЕНИЙ

API - Интерфейс программирования приложений (иногда интерфейс прикладного программирования) (англ. application programming interface) — набор готовых классов, процедур, функций, структур и констант, предоставляемых приложением (библиотекой, сервисом) для использования во внешних программных продуктах.

MPI - Message Passing Interface (интерфейс передачи сообщений) – API для передачи информации, который позволяет обмениваться сообщениями между процессами, выполняющими одну задачу.

## **ВВЕДЕНИЕ**

Дипломная работа посвящена созданию эффективной библиотеки для численного решения первой краевой задачи для бигармонического уравнения методами Монте-Карло.

Официальной датой рождения метода Монте-Карло принято считать 1949 год, когда была опубликована статья С. Улама и Н. Метрополиса [1]. Сам термин был предложен еще во время Второй мировой войны выдающимися учеными XX века математиком Дж. фон Нейманом и физиком Энрико Ферми в Лос-Аламосе (США) в процессе работ по ядерной тематике. Хотя методы Монте-Карло были известны и до 40-х годов, интенсивное развитие статистическое моделирование получило несколько позже в связи с появлением компьютеров, что позволило проводить вычисления больших объемов. С другой стороны, более широкое распространение получает статистическое описание тех или иных сложных физических процессов в связи с чем методы Монте-Карло все более активно используются во многих научных областях (теория переноса, теория массового обслуживания, теория надежности, статистическая физика и др.).

Основными преимуществами данных методов являются:

- физическая наглядность и простота реализации,
- малая зависимость трудоемкости задачи от размерности,
- возможность решения задач со сложной геометрией,
- оценивание отдельных функционалов от решения без запоминания значений решения во всей области,
- вероятностные представления позволяют строить обобщенные решения уравнений,
- одновременное оценивание вероятностной погрешности оценки искомого функционала,
- простое распараллеливание методов.

Бигармонические уравнения используются при решении задач теории упругости. Например, уравнение изгиба тонких пластин имеет вид  $\triangle \Delta u = g$ , где u – нормальный прогиб пластины. Если пластина лежит на упругом основании, то u удовлетворяет уравнению  $\triangle \Delta u + cu = g$ .

В настоящей работе использовались алгоритмы, основанные на двух принципиально разных подходах к решению краевых задач методом Монте-Карло.

Первый подход заключается в сведении исходной дифференциальной задачи к некоторому интегральному уравнению, что дает возможность использовать развитой аппарат методов Монте-Карло для решения интегральных уравнений второго рода. На этой основе строятся алгоритмы "блуждания по сферам".

Во втором подходе дифференциальная задача заменяется соответствующей разностной, которую после приведения её к специальному виду возможно решить методом Монте-Карло. В рамках этого подхода получаются простые и универсальные алгоритмы "блуждания по решетке".

Несмотря на то, что рассматриваемые в дипломе алгоритмы хорошо изучены, новой и неисследованной является задача изучения данных алгоритмов при вычислениях на кластерах. Основная задача дипломной работы состоит в построении библиотеки для кластерных вычислений.

## 1 Постановка задачи

## 1.1 Конкретизации требований и задачи

Основная задача дипломной работы — написание библиотеки для вычисления бигармонического уравнения

$$(\Delta + c)^2 u = -g, (\Delta + c)^k u|_{\Gamma} = \phi_k,$$

входными параметрами которой являются:

- граничные функции;
- правая часть уравнения;
- точка в которой вычисляется решение;
- количество траекторий;
- правая часть уравнения;
- функция границ области.

Функция границ области возвращает единицу если точка с некоторой погрешностью находится на границе.

Рассмотрим возможные пути задания функциональных параметров.

- Использование функций обратного вызова;
- парсинг функций;
- скрипт.

Первый наиболее скор в разработки, но заставляет компилировать программу каждый раз когда мы меняем вычисляемое уравнение. Неприемлемым недостатком второго и третьего является чрезмерное увеличении исполняемой программы. В связи с этим в дипломной работе использовался первый вариант. Для уменьшения времени компиляции и облечении разработки готового приложения функционал вынесен в отдельную библиотеку.

Вывод осуществляется на экран и возвращается значениями из функций. Конкретизируем задачу:

- а) Создание статической библиотеки класса для вычисления бигармонического уравнения.
- б) Создание примера приложение.
- в) Возврат значений дисперсии и решения уравнения.

- г) Печать на экран с разными форматами.
- д) Создание справки.

## 1.2 Формулировка задачи

Создать библиотеку параллельного вычисления выше оговоренной задачи с удобным интерфейсом. Снабдить библиотеку примером и сопутствующей документацией (описание интерфейса и методов запуска).

В связи с трудностью задания условий задачи скриптовыми методами и ориентирование на малый объем и неделимость готовой программы, использовать функции обратного вызова.

Для быстрого изменения работы программы без изменения ее структуры обеспечить выбор методов решения и алгоритмов распределения задач флагами.

Обеспечить отказоустойчивость.

#### 1.3 Аналоги

Для решения данного класса задач инженерами и математиками используются самописные программы последовательного и параллельного вычисления, а также математические пакеты такие как MatLab, Matematica, Wolfram Alfa. В этих пакетах отсутствует данные методы решения.

Самописные программы требуют дополнительных ресурсов, при этом возможны проблемы связанные с тестированием, поддержкой, оптимизацией требуемых решений. Создание библиотеки снижает этот уровень этих проблем.

Главным аналогом на основе которого и разрабатывается приложение является последовательная программа Biharmon2. Все сравнительные тесты проводились именно с ней. Численные результаты полученные приложение являющийся эталонными. Схема работы алгоритма показана на рисунке А.1 приложения А. Первый прямоугольник представляет собой вычисление в точке, второй же полный проход по траектории до границы. Недостатком данной реализации алгоритмов является:

- необходимость изменять алгоритм и функции основной программы мы(малая степень защиты от дурака);
- последовательность вычислений;
- при изменении алгоритма вычисления меняется и часть программы.

# 2 Методы решения и алгоритмы

В работе рассматриваются два метода решения(блуждание по сферам и блуждание по решетки) и два алгоритма распределения траекторий(статический и динамический).

## 2.1 Блуждание по решетке

В вычислительной математике для нахождения приближенного решения классическим подходом является замена дифференциальных уравнений соответствующей разностной задачей. Полученную систему линейных уравнений возможно решить методом Монте-Карло, используя случайные "блуждания по решетке", после приведения ее к специальному виду:

$$u = Au + f, p(A) < 1,$$
 (2.1)

где p(A) спектральный радиус матрицы A. Воспользуемся данным подходом применительно к рассматриваемым ниже задачам.

В этой главе допускается, что функции  $c,g,\phi,u$  могут быть комплексными, причем =Re(c).

В области D строится равномерная сетка с шагом h и в качестве оценки решения задачи для  $L=\Delta$  в узлах сетки  $r=(i_1h,\ldots,_nh)$ рассматривается решение разностной задачи:

$$\begin{cases}
(\Delta_h + c^h + \lambda)u^h = -g^h \\
u^h|_{\Gamma_h} = \phi^h.
\end{cases}$$
(2.2)

Здесь  $\Delta_h$  — стандартный разностный оператор Лапласа;  $D_h$  — сеточная область (множество внутренних узлов);  $_h$  сеточная граница;  $u^h$  — сеточная функция, определенная на  $D_h \cup \Gamma_h$ ;  $g^h$ ,  $c^h$ ,  $M^h$ ,  $\phi^h$  — значения соответствующих функций в узлах сетки. Для простоты изложения здесь рассматривается вариант, когда все граничные узлы сетки лежат на исходной границе , то есть область  $D_h$  является объединением "координатных" параллелепипедов.

Свойства разностной аппроксимации оператора Лапласа позволяют предположить, что при достаточно малых h все собственные значения оператора  $\Delta_h$  для области  $D_h$  отрицательны. Обозначим через –  $c_h^*$  то из них, которое

имеет наименьшую абсолютную величину. Тогда для  $M^h + \lambda_0 < c_h^*$  задача имеет единственное решение.

Уравнение 2.2 можно представить в виде:

$$u_i^h = s_i \sum_{j=1}^L p_{ij} u_j^h + f_i^h, (2.3)$$

где  $i; j = (1; \ldots; L)$  – номера узлов сетки, причем  $p_{ij} = 1/(2n)$ , если і номер внутреннего узла, а ј соседнего с ним;  $p_{ij} = 0$  для граничных узлов. Для граничных узлов полагаем  $s_i = 0$ ; для остальных узлов

$$s_i = \left[1 - \frac{(c_i^h + \lambda)h^2}{2n}\right]^{-1}. (2.4)$$

Свободный элемент  $f^h$  определяется соотношениями:

$$f_i^h = \begin{cases} \frac{h^2}{2n} s_i g_i^h, r_i \in D_h \\ \phi_i^h, r_i \in \Gamma_h \end{cases}$$
 (2.5)

# **2.1.1** Оценка решения уравнения $(\Delta + c)(\Delta + b)u = -g$

Рассмотрим следующую задачу Дирихле для бигармонического уравнения:

$$\begin{cases}
(\Delta + c)(\Delta + b)u = -g, \\
\Delta u + bu|_{\Gamma} = \phi, \\
u|_{\Gamma} = \psi,
\end{cases} (2.6)$$

и эквивалентную ей систему уравнений

$$\begin{cases}
\Delta u + bu = v, \\
u|_{\Gamma} = \psi, \\
\Delta v + cv = -g, \\
v|_{\Gamma} = \phi
\end{cases}$$
(2.7)

в области  $D \in \mathbb{R}^n$  с границей  $\Gamma$ , которая предполагается односвязной и кусочно гладкой, причем

$$M = \max\left[Re(b), Re(c)\right] < c^*,\tag{2.8}$$

где  $c^*$  первое собственное значение оператора Лапласа для области D, произвольная точка  $r=(x_1;\ldots;x_n)\in D$ . Будем полагать также что функции c,b,g удовлетворяют условию Гельдера в D, а функции  $\psi,\phi$  непрерывны на границе  $\Gamma$ . Условия регулярности, обеспечивающие существование и единственность решения данной задачи, предполагаются выполненными в том числе и после замены всех параметрических функций их модулями.

В области D строится равномерная сетка с шагом h и в качеств оценки решения исходной задачи в узлах сетки  $r=(i_1h;\ldots;i_nh)$  рассматривается решение разностной задачи:

$$\begin{cases}
\Delta_h u^h + b^h u^h = v^h, \\
u^h|_{\Gamma_h} = \psi^h
\end{cases},$$
(2.9)

$$\begin{cases}
\Delta_h v^h + c^h v^h = -g^h, \\
v^h|_{\Gamma_h} = \phi^h
\end{cases},$$
(2.10)

где  $v^h$  – сеточная функция, определенная на  $D^h \cup \Gamma_h; b^h, \psi^h$  – значения функций  $b(r), \psi(r)$  в узлах сетки. Остальные обозначения и условия примем такими же как в 2.1. Тогда для  $M^h < c_h^*$  задача 2.9 и 2.10 имеет единственное решение. Соотношения 2.9, 2.10 перепишем в виде:

$$v_i^h = q_i \sum_{j=1}^L p_{ij} v_j^h + f_i^h, \tag{2.11}$$

$$u_i^h = q_i \sum_{j=1}^L p_{ij} u_j^h + f_i^h, (2.12)$$

где  $i,j=(1,\ldots,L)$  – номера узлов сетки, причем  $p_{ij}=1/(2n)$ , если и номер внутреннего узла, а j – соседнего с ним;  $p_{ij}=0$  для граничных узлов. Для

граничных узлов полагаем  $q_i=s_i=0$ ; для остальных узлов

$$q_i = [1 - c_i^h h^2/(2n)]^{-1}, s_i = [1 - b_i^h h^2/(2n)]^{-1}.$$
 (2.13)

Свободные элементы  $f_h$  и  $\bar{f}_h$  определяются соотношениями:

$$f_{i}^{h} = \begin{cases} \frac{h^{2}}{2n} q_{i} g_{i}^{h}, r_{i} \in D_{h} \\ \phi_{i}^{h}, r_{i} \in \Gamma_{h} \end{cases}, \qquad \bar{f}_{i}^{h} = \begin{cases} -\frac{h^{2}}{2n} s_{i} v_{i}^{h}, r_{i} \in D_{h} \\ \psi_{i}^{h}, r_{i} \in \Gamma_{h} \end{cases}.$$
 (2.14)

Согласно теореме 5 из [3]:

$$\xi_{i_0} = \frac{-h^2}{2n} \sum_{j=0}^{N} f_{i_j}^h \sum_{l=0}^{j} \left( \prod_{k=0}^{l} s_{i_k} \right) \left( \prod_{k=l}^{j-1} q_{i_k} \right) + \left( \prod_{k=0}^{N-1} s_{i_k} \right) \psi_{i_N}^h \prod_{k=j}^{j-1} = \begin{cases} 1, j < N \\ 0, j = N \end{cases}. (2.15)$$

Здесь  $i_0, \ldots, i_n$  – номера узлов случайной цепи Маркова с начальным распределением  $\delta_{i_0}$  и вероятностями перехода  $p_{ij}$ , N – случайный номер первого попадания на границу сеточной области.

## 2.2 Блуждание по сферам

Рассмотрим задачу Дирихле для уравнения Гельмгольца

$$\Delta u + cu = g, u|_{\Gamma} = \phi \tag{2.16}$$

в области  $D\subset R^n$  с границей  $\Gamma$  , причем  $c< c^*$ , где  $c^*$  первое собственное число оператора Лапласа для области  $D, r=(x1;\ldots;xn)\in D$ . Предполагаются выполненными сформулированные условия регулярности функций g, ' и границы  $\Gamma$ , обеспечивающие существование и единственность решения задачи , а также его вероятностное представление и интегральное представление с помощью шаровой функции  $\Gamma$ рина.

Введем следующие обозначения:

- $-\bar{D}$  замыкание области D;
- -d(P) расстояние от точки P до границы  $\Gamma$ ;
- $-\epsilon > 0$  числовой параметр;
- $\Gamma_{\epsilon}$   $\epsilon$  окрестность границы  $\Gamma$ , т. е.  $\Gamma_{\epsilon}=\{P\in \bar{D}: d(P)<\epsilon\};$
- S(P) максимальная из сфер (точнее из гиперсфер) с центром в точке P, целиком лежащих в  $\bar{D}, S(P) = \{Q \in \bar{D}: |Q-P| = d(P)\}.$

В процессе блуждания по сферам очередная точка  $P_{k+1}$  выбирается равномерно по поверхности сферы  $S(P_k)$ ; процесс обрывается, если точка попадает в  $\Gamma_\epsilon$ . Дадим точное определение процесса блуждания по сферам. Зададим цепь Маркова  $\{R_m\}_{m=1,2,\dots,N}$  следующими характеристиками:

- $-\pi(r)=\delta(r-r_0)$  плотность начального распределения (т.е. цепь выходит из точки  $r_0$ );
- $-p(r,r')=\delta_r(r')$  плотность перехода из r в r', представляющая собой обобщенную плотность равномерного распределения вероятностей на сфере S(r);
- $-p_0(r)$  вероятность обрыва цепи, определяемая выражением

$$p_0(r) = \begin{cases} 0, r \notin \Gamma_{\epsilon} \\ 1, r \notin \Gamma_{\epsilon} \end{cases}$$
 (2.17)

-N - номер последнего состояния.

Как уже указывалось, данная цепь называется процессом блуждания по сферам. Ее можно, очевидно, записать в виде  $r_m = r_{m-1} + \omega_m d(r_{m-1}); m = 1; 2; ....; \omega_m$  – последовательность независимых изотропных векторов единичной длины.

## **2.2.1** Оценки решения метагармонического уравнения $(\delta+c)^p u=g$

Для случая  $L=\delta, \lambda=0, c=const< c*$  вероятностное представление задачи имеет вид

$$u(r_0) = E \int_0^{\gamma} e^{ct} g(\xi(t)) dt + E[e^{c\tau} \Phi(\xi(\tau))], \qquad (2.18)$$

где  $\xi(t)$  начинающийся в точке  $r_0$  соответствующий оператору Лапласа диффузионный процесс,  $\tau$  момент первого выхода процесса из области D. На основе строго марковского свойства процесса отсюда имеем

$$u(r_0) = \sum_{i=0}^{\infty} E[e^{c\tau_i} \int_0^{\tau_{i+1}-\tau_i} e^{ct} g(\xi(t+\tau_i)) dt + E[\Phi(\xi(\tau)) \prod_{i=0}^{\infty} e^{c(\tau_{i+1}-\tau_i)}], (2.19)$$

где  $\tau_i$  - момент первого выхода процесса  $\xi(t)$  на поверхность i-й сферы соответствующего блуждание по сферам.

## 2.3 Алгоритмы распределения траекторий

В библиотеке используется два алгоритма распределения траекторий: статический (равное распределение задачи при равных вычислительных узлах) и динамический (предполагает разные вычислительные мощности отдельных узлов).

Статический метод распределяет траектории в равных долях плюс процесс для не нулевого и вычет общего числа процессов на нулевом. Это связано с общим суммированием результата на нулевом процессе.

Динамический распределяет половину траекторий в равных долях между не нулевыми процессами(в дальнейшем — вычислители). Нулевой процесс выполняет роль менеджера распределения траекторий (МРТ). При окончании расчетов первым вычислителем МПТ получает коэффициент производительности (КП) выраженный в секундах на проход. Этой величине присваивается единичный статус и назад отправляется количество проходов равное первоначальным условиям, но от оставшегося числа. Если остается меньше необходимого минимума он отправляется полностью, а МРТ переходит к сбору данных. При приходе последующих КП они сравниваются с единичным. Если он меньше, то текущей становится единичным. Назад отправляем

$$nWay = \frac{N}{2aP\frac{Kp_i}{Kp_1}},\tag{2.20}$$

где Кр - коэффициент производительности, size - общие количество процессов, aP=size-1. Если nWay меньше необходимого минимума отправляется N полностью, а MP3 переходит к сбору данных. В графическом представлении алгоритм можно просмотреть на рисунке 2.1

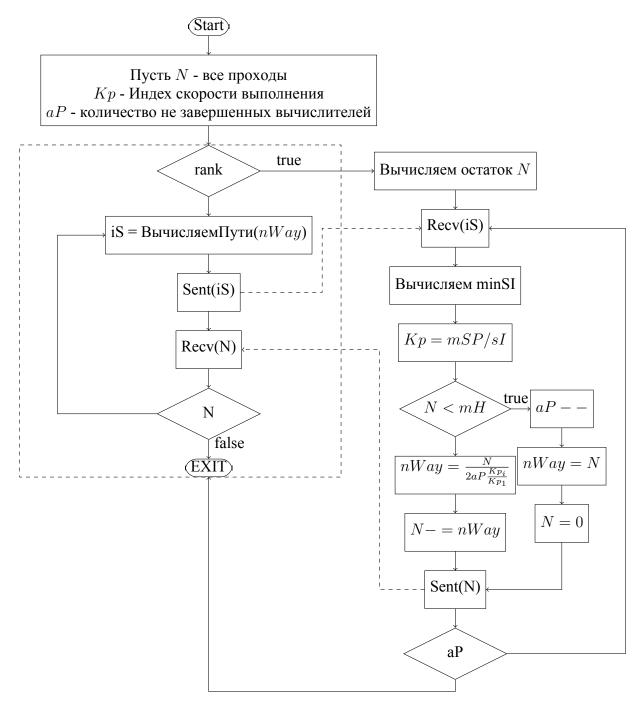


Рисунок 2.1 — Динамический алгоритм

## 3 Выполнение задачи

## 3.1 Используемые программные средства

При создании требуемой библиотеки были использованы следующие программные средства и технологии.

Message Passing Interface (MPI, интерфейс передачи сообщений) – программный интерфейс (API)<sup>1</sup> для передачи информации, который позволяет обмениваться сообщениями между процессами, выполняющими одну задачу. Разработан Уильямом Гроуппом, Эвином Ласком и другими.

МРІ является наиболее распространённым стандартом интерфейса обмена данными в параллельном программировании. Существуют его реализации для большого числа компьютерных платформ. МРІ используется при разработке программ для кластеров и суперкомпьютеров. Основным средством коммуникации между процессами в МРІ является передача сообщений друг другу. Стандартизацией МРІ занимается МРІ Forum. В стандарте МРІ описан интерфейс передачи сообщений, который должен поддерживаться как на платформе, так и в приложениях пользователя. В настоящее время существует большое количество бесплатных и коммерческих реализаций МРІ. Существуют реализации для языков Фортран 77/90, Java, Си и Си++.

В первую очередь MPI ориентирован на системы с распределенной памятью, то есть когда затраты на передачу данных велики, в то время как OpenMP<sup>2</sup> ориентирован на системы с общей памятью (многоядерные с общим кэшем). Обе технологии могут использоваться совместно, дабы оптимально использовать в кластере многоядерные системы. Более подробно об этом [?].

При разработке прикладного кода использовалась распределённая система управления версиями файлов – Git

Git — распределённая система управления версиями файлов. Проект был создан Линусом Торвальдсом для управления разработкой ядра Linux, первая версия выпущена 7 апреля 2005 года. На сегодняшний день поддерживается Джунио Хамано.

Система управления версиями (от англ. Version Control System, VCS или

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Application programming interface

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>http://openmp.org/wp/

Revision Control System) — программное обеспечение для облегчения работы с изменяющейся информацией. Система управления версиями позволяет хранить несколько версий одного и того же документа, при необходимости возвращаться к более ранним версиям, определять, кто и когда сделал то или иное изменение, и многое другое.

Такие системы наиболее широко используются при разработке программного обеспечения для хранения исходных кодов разрабатываемой программы. Однако они могут с успехом применяться и в других областях, в которых ведётся работа с большим количеством непрерывно изменяющихся электронных документов. В частности, системы управления версиями применяются в САПР, обычно в составе систем управления данными об изделии (РDM). Управление версиями используется в инструментах конфигурационного управления (Software Configuration Management Tools). Программа является свободной и выпущена под лицензией GNU GPL 2.

Язык для написания приложения был выбран C++ как наиболее подходящий для разработки статической библиотеки.

Статическая библиотека в программировании — сборник подпрограмм или объектов, используемых для разработки программного обеспечения (ПО) выполненных в виде исходного текста, подключаемого программистом к своей программе на этапе написания, либо в виде объектных файлов, подключающихся к исполняемой программе на этапе компиляции. В результате программа включает в себя все необходимые функции, что делает её автономной, но увеличивает размер. Без статических библиотек объектных модулей (файлов) невозможно использование большинства современных компилирующих языков и систем программирования: Fortran, Pascal, C, C++ и других.

Статическая библиотека присоединяется во время компиляции программы в то время как присоединение динамической происходит во время выполнения.

# 4 Итоги работы

Результатом выполнения дипломного проекта стало разработка и реализация алгоритмов распределения траекторий, реализация методов численного решения бигармонического уравнения. Это было вынесено в отдельный класс, на основании которого была создана статическая библиотека.

## 4.1 Структура библиотеки

Библиотека содержит главный класс POINT\_ON\_RESHOTKA. Который содержит следующие открытые методы: SetU, setG, setPhi, SetBoundary, PrintDebag и printResult, Init, MainRun, SetFlag. SetU, setG, setPhi – задают соответствующие функциональные параметры. SetBoundary – функция определения границы. PrintDebag и printResult – печать результатов (данные для анализа алгоритма и результат вычислений соответственно). Init – инициализация библиотеки MPI и класса. МаinRun – запуск вычислений. SetFlag – установка флагов.

Закрытыми методами являются: voidSphere, diam, staticSphere, dinamicSphere. VoidSphere — проход по траекториям. StaticSphere — реализация статичного алгоритма распределения траекторий. DinamicSphere — реализация динамического алгоритма распределения траекторий.

Описание класса и функций содержатся в приложении.

## 4.2 Численные результаты

Рассмотрим численные результаты для следующий задачи Дихиле:

$$\begin{cases} (\Delta + 2)(\Delta + 8)u = 40e^x e^y \\ (\Delta + 8)u|_{\Gamma} = 10e^x e^y \\ u|_{\Gamma} = e^x e^y \end{cases}$$

$$(4.1)$$

в единичном квадрате. Решение данной задачи дано в [3].

В таблице 4.1 представлены результаты производительности, оценки точности и численные результаты совпадают для всех методов. Используются следующие сокращения для таблицы: Por - результаты получены в аналоге, Par1 - статичный метод расчета, Par2 - динамичный метод расчета. Измерения проводились на однопроцессорной машине.

Таблица 4.1 — Время выполнения и расхождения

Metot	N	Кол.	$t_{cp}$	$\Delta$ проходов
Par1	100003	4	0.6 sec	+/-200
Par1	1000030	4	6 sec	+/-250
Par2	100003	4	1 sec	+/-10
Par2	1000030	4	12 sec	+/-10
Par2	1000030	5	8 sec	+/-10
Pos	100003	1	2 sec	_
Pos	1000030	1	25 sec	_

Как видим статический алгоритм обеспечил лучшую производительность на однопроцессорной машине.

# 5 Руководство пользователя

#### 5.1 Установка

Для сборки приложения под Windows необходимо MPICH2, набор утилит для компиляции: компилятор GNU GCC и GNU Make данные утилиты представлены в пакете MinGW. Для Linux GNU GCC не обязателен, компиляция происходит силами пакета MPICH2.

- а) Скачайте необходимую версию библиотеки с тестовым примером.
- б) Запустите консоль в папке проекта или перейдите в нее с помощью команды cd.
  - нажмите Пуск -> Выполнить -> cmd Это откроет консоль Windows;
  - в консоли наберите имя диска на котором располагается проект с двоеточием на конце (С:);
  - там же напечатайте cd <путь к проекту > (cd C: project).
- в) Запустите make.

Результатом станет скомпилированный тестовый пример и статическая библиотека находящиеся в папке с проектом.

## 5.2 Запуск приложения

Для запуска приложения набрать в консоли:

linux

mpirun -n <Кол. процессов> <Имя программы> [опции]

windows

mpiexec -n <Кол. процессов> <Имя программы> [опции]

Опции

- -n<Кол.Путей> Задает количество путей
- -1 Печать заголовка таблицы
- -f Печать в общем виде (иначе табличный)

## Пример:

mpirun -n 100 ./main -n3000 -l

#### **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

Сформируем основные результаты работы:

- а) Изучена новая предметная область.
- б) Найдены и рассмотрены существующие аналоги.
- в) Составлена список требований к системе.
- г) Исследованы методы Монте-Карло.
- д) Исследованы способы два алгоритма реализации распределения задачи.
- е) Разработан пользовательский интерфейс.
- ж) Реализованы два алгоритма распределения задач для двух методов вычислений.
- 3) Сделано анализ времени выполнения алгоритмов распределения траекторий с различным количеством потоков в сравнение с последовательным аналогом.

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Ulam S. The Monte Carlo method / S. Ulam, N. Metropolis//Journal of American Statistical Association − 1949. − №35. − P. 15-35.
- 2. Михайлов Г.А. Решение разностной задачи Дирихле для многомерного уравнения Гельмгольца методом Монте-Карло/ Г.А. Михайлов, А.Ф. Чешкова // Журн. вычисл. матем. и матем. физики. 1996. Т. 38, №1. С. 59-706.
- 3. Лукинов В. Л. Скалярные Алгоритмы метода Монте-Карло для решения мета-гармонических уравнений: автореф. дис...канд. физ.-мат. наук / В. Л. Лукинов; ИВМиМГ СО РАН. Новосибирск, 2005. 25 с.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

## Диаграммы программ

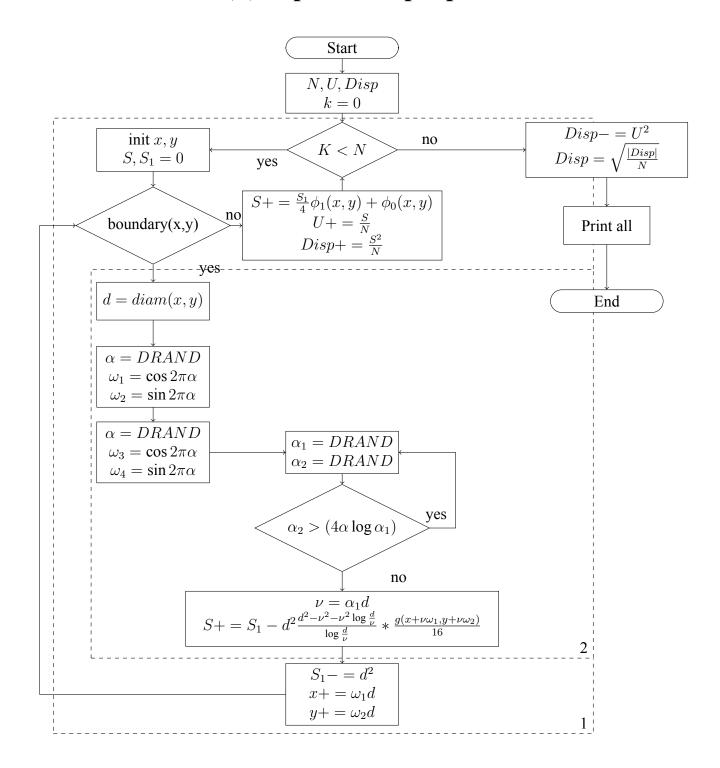


Рисунок А.1 — Принцип действия программы